# UNIVERSIDADE ESTADUAL DE MARINGÁ CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS DEPARTAMENTO DE FÍSICA LABORATÓRIO DE FÍSICA MODERNA

# Gotas de Millikan

Adão Murillo dos Santos RA:100126

João Marcos Fávaro Lopes RA:98327

Lucas Maquedano da Silva RA:98901

Pedro Haerter Pinto RA:100852

TURMA:32 Professor:Nelson Guilherme Castelli Astrath

# Sumário

Sι	ımári	io	1
1	Fun	damentação Teórica	2
		envolvimento Experimental	4
		Materiais e Métodos	
		Dados Obtidos Experimentalmente	
	2.3	Interpretação dos Resultados	4
$\mathbf{R}$	eferêi	ncias	6

## 1 Fundamentação Teórica

Analisando as forças existentes na gota durante sua subida e sua descida é possível obter a equação para determinação da carga do elétron contido dentro das gotas.

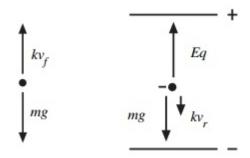


Figura 1: Forças presentes na gota descendo (direita) e subindo (esquerda)

Na subida temos os seguintes termos:

- k: constante de atrito com o meio;
- $v_f$ : velocidade terminal da gota;
- m: massa da gota;
- g: gravidade no local;

E na descida:

- E: intensidade do campo elétrico;
- q: carga do elétron contido na gota;
- m: massa da gota;
- g: gravidade no local;
- k: constante de atrito com o meio;
- $v_r$ : velocidade e subida da gota;

De acordo com os esquemas presentes na 1, temos as seguintes equações:

$$mg = kv_f \tag{1}$$

$$Eq = mg + kv_r \tag{2}$$

Eliminando k das duas equações e aplicando a solução para  ${\bf q}$ , é possível reduzir as equações para:

$$q = \frac{mg(v_f + v_r)}{Ev_f} \tag{3}$$

Ao aproximar a gota para um formato esférico, é possível escrever a massa como:

$$m = \frac{4}{3}\pi a^3 \rho \tag{4}$$

Onde a é o raio da gota e  $\rho$  a densidade do óleo. Pela Lei de Stokes, é possível relacionar o raio de um corpo esférico com sua velocidade de queda num meio viscoso (sendo $\eta$  a constante de viscosidade) pela relação:

$$a = \sqrt{\frac{9\eta v_f}{2g\rho}} \tag{5}$$

Como a velocidade de queda da gota é algo entre 0.01 e 0.001 cm/s, a viscosidade deve ser multiplicada por um fato de correção pois a Lei de Stokes funciona para velocidades maiores do que 0.1 cm/s tal que:

$$\eta_f = \eta \left( \frac{1}{1 + \frac{b}{pa}} \right) \tag{6}$$

Onde b é uma constante, p é a pressão atmosférica e a o raio da esfera calculado em 5. Substituindo o  $\eta_f$  da equação 6 na equação 5,

$$a = \sqrt{\eta \frac{9v_f}{2gp} \left(\frac{1}{1 + \frac{b}{pa}}\right)} \tag{7}$$

$$a = \sqrt{\eta \frac{9v_f}{2gp} \left(\frac{b}{pa+b}\right)} \tag{8}$$

$$a = \sqrt{\left(\frac{b}{2p}\right)^2 + \frac{9\eta v_f}{2gp}} \tag{9}$$

Como o segundo termo da raiz é muito pequeno e comparação às dimensões da gota, o valor do raio da esfera pode ser aproximado para:

$$a = \frac{b}{2p} \tag{10}$$

Substituindo as equações 4, 5 e 6 na equação 3:

$$q = 6\pi \sqrt{\frac{9\eta^3}{2gp\left(1 + \frac{b}{pa}\right)^3} (v_f + v_r)\sqrt{v_f}}$$
 (11)

Substituindo as equações 10 e 6 na equação 11, tem-se a equação geral para determinação da carga do elétron que é

$$q = \left[400\pi d \left(\frac{1}{gp} \left[\frac{9\eta}{2}\right]^3\right)^{\frac{1}{2}}\right] \times \left[\left(\frac{1}{1 + \frac{b}{pa}}\right)^{\frac{3}{2}}\right] \times \left[\frac{v_f + v_r \sqrt{v_f}}{V}\right]$$
(12)

Da equação acima, os termos do primeiro membro são definidos para cada conjunto experimental, do segundo membro para cada gota e do terceiro membro para cada mudança na carga das gotas. Adequando a equação para a montagem experimental utilizada, a expressão é reduzida para:

$$q = \frac{mg(v_f + v_r)}{Ev_f} \tag{13}$$

$$q = \frac{4}{3}\pi\rho g \left[ \sqrt{\left(\frac{b}{2p}\right)^2 + \frac{9\eta v_f}{2g\rho}} - \frac{b}{2p} \right]^3 \times \frac{v_f + v_r}{Ev_f}$$

$$\tag{14}$$

## 2 Desenvolvimento Experimental

#### 2.1 Materiais e Métodos

Foram utilizados para a realização do experimento:

- Tubo e/m;
- Duas bobinas de Helmholtz com 15 cm de raio;
- Régua espelhada;
- Duas fontes DC;
- Multímetros;
- Cabos de energia.

O experimento consiste em um tubo com gás rarefeito ao qual é acoplado um filamento de metal. Ligase o filamento a uma fonte em uma tensão menor que 6,0 volts, então ao passar uma corrente pelo fio este emitirá elétrons os quais serão defletidos em forma de feixe, que ionizarão o gás formando um rastro de luz. Em seguida, deve-se regular o foco do feixe através do botão a frente do equipamento. É submetido o tubo a um campo margnético uniforme por meio de uma bobina cuja corrente e voltagem podem ser controladas pelo painel frontal. O campo defletirá o fixe de elétrons em um círculo que poderá ser medido por uma régua ao fundo do tubo. Para se calcular a razão carga-massa é preciso variar a voltagem da bobina e consequentemente o raio ao qual o feixe é defletido. A variação é dada entre 150 e 300 volts atingidas de 10 em 10 volts.

### 2.2 Dados Obtidos Experimentalmente

Após a realização do experimento duas vezes, foram obtidos diversos tempos de subida e descida, utilizando os mesmos, foram calculadas as velocidades de subida e descida e também o raio de cada gota, como é possível ver na tabela 1

Gota	$Vel_f \times 10^{-5} (m/s)$	$DeltaVel_f$	$Vel_r \times 10^{-5} (m/s)$	$DeltaVel_r$	$a \times 10^{-7} (m)$	Deltaa
1	4,31	0,3	2,03	0,05	4,69	0,03
2	5,58	0,64	1,9	0,01	5,21	0,16
3	3,11	0,02	1,64	0,06	4,46	0,04
4	0,85	0,63	0,6	0,33	3,68	0,24
5	1,11	0,56	0,91	$0,\!25$	3,09	0,4
6	2,22	0,26	1,5	0,09	3,82	0,21
7	0,83	0,63	0,53	$0,\!35$	3,98	0,17
8	1,68	0,4	0,87	$0,\!26$	4,5	0,03
9	3,5	0,08	1,89	0,01	4,41	0,05
10	4,53	0,36	1,93	0,02	4,87	0,07

Tabela 1: Valores calculados para as velocidades de descida $(V_f)$ , velocidade de subida $(V_r)$  e o raio de cada gota(a), assim como o desvio padrão associado a cada medida.

Com os valores obtidos e utilizando a equação 14 é possível encontrar o valor de carga que cada gota possui, explicito na tabela 2.

#### 2.3 Interpretação dos Resultados

Utilizando os dados contidos na tabela 2 é possível produzir o gráfico 2 que contêm a carga pelo número da gota, e assim analisar de forma adequada os dados obtidos.

Analisando o gráfico 2 juntamente com os valores obtidos, temos que as gotas estão separadas em três grupos com um espaçamento regular, um primeiro com as gotas 1,2,10, o segundo grupo com as gotas 3,6,9 e o ultimo grupo com 4,5,7,8. Com isto somos levados a crer que o incremento de carga não é continuo e sim discreto ou quantizado, e este valor pode ser aferido realizando a diferença entre as médias de carga de cada grupo.

Fazendo a diferença entre os grupos é obtido o salto médio de  $1,12\times 10^{-19}C$ , sendo este o valor de carga de cada elétron obtido pelo experimento. Comparando o valor experimental é obtido 29,90% de erro em relação ao valor de  $e=1.6021765\times 10^{-19}C$ 

Gota	$Carga \times 10^{-19}(C)$	$\Delta Carga$
1	2,22	0,17
2	2,99	0,38
3	1,41	0,05
4	0,22	0,37
5	0,35	0,33
6	0,93	0,18
7	0,2	0,37
8	0,55	$0,\!28$
9	1,7	0,03
10	2,32	0,2

Tabela 2: Valores da carga associada a cada gota, assim como o seu respectivo desvio padrão.

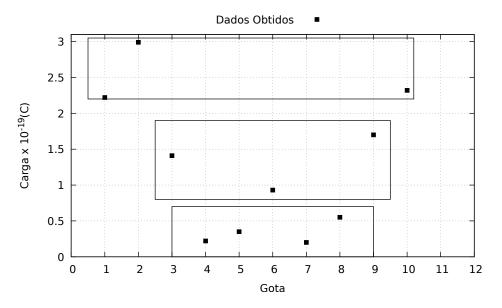


Figura 2: Distribuição de carga das gotas.

Grupo 1 (C)	Grupo 2 (C)	_ \ /
$2,51 \times 10^{-19}$	$1,35 \times 10^{-19}$	$0,26 \times 10^{-19}$

Tabela 3: Média dos grupos de gotas.

## Referências

[1] PASCO, Electron Charge-to-Mass Ratio, Instruction Manual and Experiment Guide for the PASCO Scientific Model OS-9629.