

# Autômatos Finitos

# Sumário

## 1 Introdução

- Arquitetura de AFs
- Exemplos de AF

## 2 Autômatos Finitos Determinísticos

- Definição – AFD
- Comportamento de AFD
- Produto de AFDs: Interseção e União
- Linguagens Finitas

## 3 Autômatos Finitos Não Determinísticos

- Definição
- Comportamento de AFN
- Transição Vazia

## 4 Equivalência entre Autômatos Finitos

- Equivalência e Conversões
- Remoção de Transições Vazias
- Remoção do Não Determinismo

# Introdução à Autômatos Finitos

## Arquitetura de AF

Principais componentes da arquitetura de um AF:

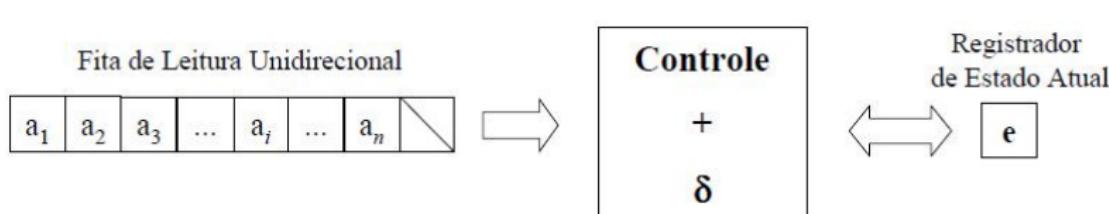
- Fita de Leitura Unidirecional
- Controle + Função de Transição
- Registrador de Estado Atual

# Introdução à Autômatos Finitos

## Arquitetura de AF

Principais componentes da arquitetura de um AF:

- Fita de Leitura Unidirecional
- Controle + Função de Transição
- Registrador de Estado Atual



# Introdução à Autômatos Finitos

## Exemplo N.01

Círculo de uma lâmpada

- Dois estados: acesso e apagado
- Duas ações (transições): acender e apagar

## Exemplo N.02

Máquina de vender jornal

- Custo do jornal: 0,30
- Moedas aceitas: 0,05 / 0,10 / 0,25
- Não há circuito subtrator, nem memória

# Introdução à Autômatos Finitos

## Exemplo N.01

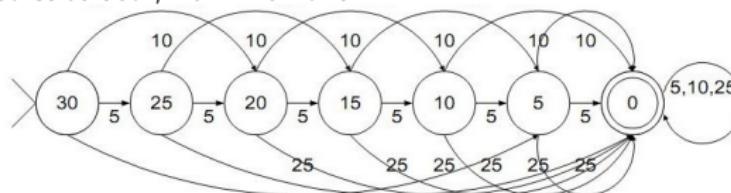
Círcuito de uma lâmpada

- Dois estados: acesso e apagado
- Duas ações (transições): acender e apagar

## Exemplo N.02

Máquina de vender jornal

- Custo do jornal: 0,30
- Moedas aceitas: 0,05 / 0,10 / 0,25
- Não há circuito subtrator, nem memória



# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Definição

Um **Autômato Finito Determinístico** (AFD) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

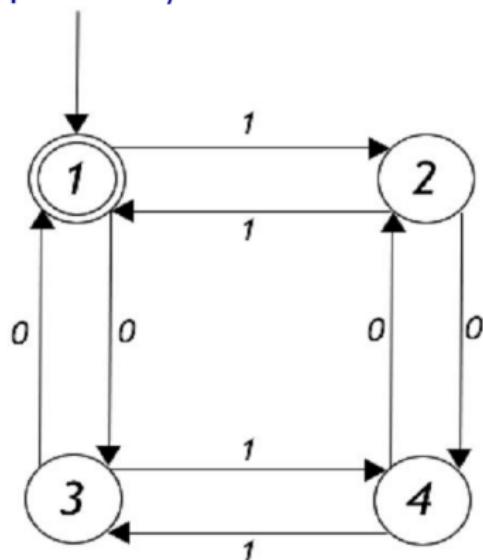
- $E \equiv$  conjunto finito não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição (função total):

$$\delta : E \times \Sigma \mapsto E$$

- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

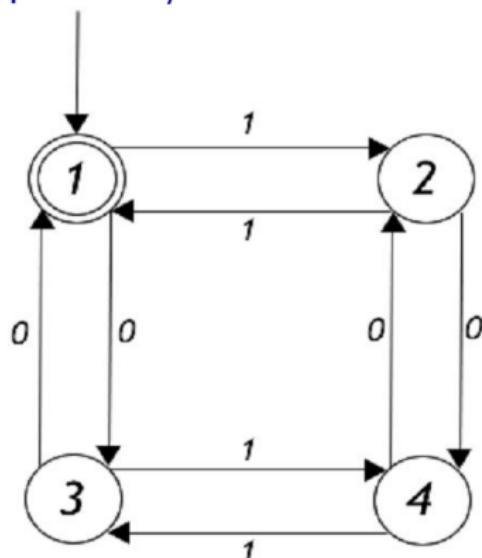
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

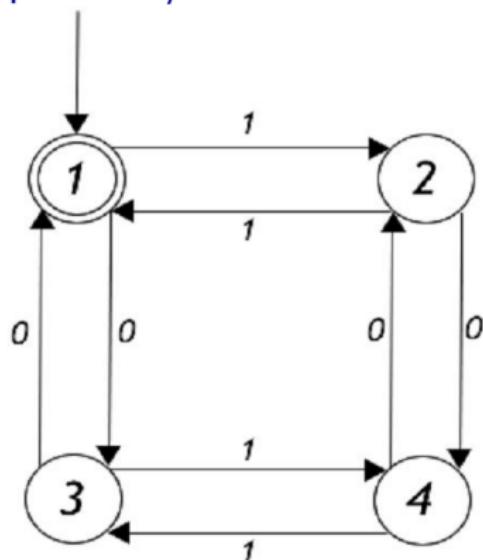
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

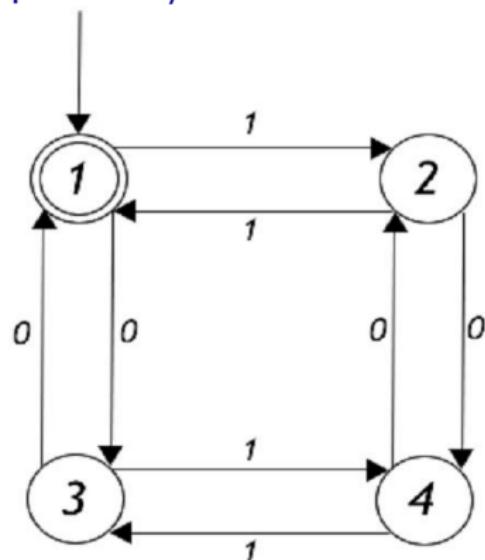
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

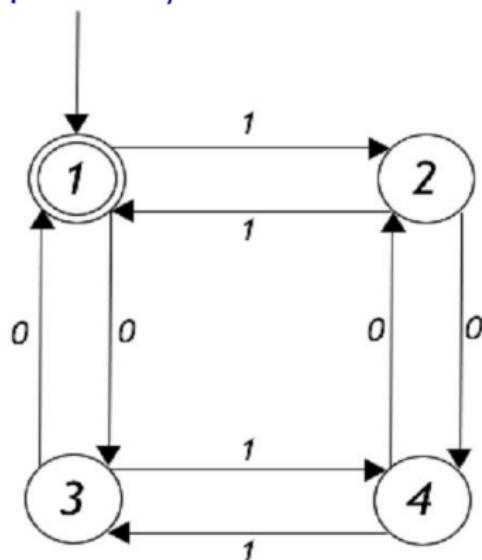
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

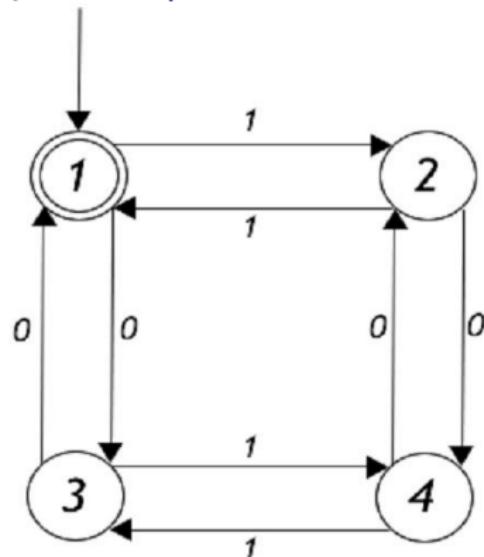
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

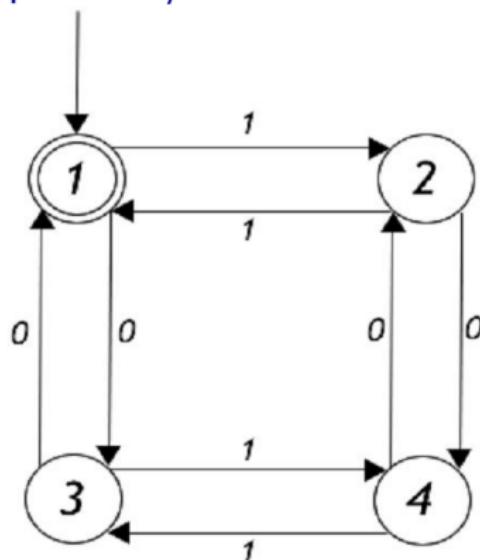
Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Representação Gráfica de um AFD



Estados :  $E = \{1, 2, 3, 4\}$

Alfabeto :  $\Sigma = \{0, 1\}$

Estado inicial :  $i = 1$

Estados finais :  $F = \{1\}$

Função de transição :  $\delta$

Estado	Símbolo	
	0	1
1	3	2
2	4	1
3	1	4
4	2	3

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Propriedades de AFDs

- Determinismo: cada par (estado, símbolo) leva a um único estado, daí a partir do estado inicial é atingido um único estado, para uma dada palavra de entrada
- Função de transição total: para toda palavra de entrada, só é possível se atingir um único estado consumindo-se toda a palavra
- Um único estado inicial: com vários o poder computacional não é maior
- Vários estados finais: com um só, o poder computacional é menor
- Conjunto finito de estados: com conjunto infinito, o poder computacional é maior

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Propriedades de AFDs

- Determinismo: cada par (estado, símbolo) leva a um único estado, daí a partir do estado inicial é atingido um único estado, para uma dada palavra de entrada
- Função de transição total: para toda palavra de entrada, só é possível se atingir um único estado consumindo-se toda a palavra
- Um único estado inicial: com vários o poder computacional não é maior
- Vários estados finais: com um só, o poder computacional é menor
- Conjunto finito de estados: com conjunto infinito, o poder computacional é maior

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Propriedades de AFDs

- Determinismo: cada par (estado, símbolo) leva a um único estado, daí a partir do estado inicial é atingido um único estado, para uma dada palavra de entrada
- Função de transição total: para toda palavra de entrada, só é possível se atingir um único estado consumindo-se toda a palavra
- Um único estado inicial: com vários o poder computacional não é maior
- Vários estados finais: com um só, o poder computacional é menor
- Conjunto finito de estados: com conjunto infinito, o poder computacional é maior

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Propriedades de AFDs

- Determinismo: cada par (estado, símbolo) leva a um único estado, daí a partir do estado inicial é atingido um único estado, para uma dada palavra de entrada
- Função de transição total: para toda palavra de entrada, só é possível se atingir um único estado consumindo-se toda a palavra
- Um único estado inicial: com vários o poder computacional não é maior
- Vários estados finais: com um só, o poder computacional é menor
- Conjunto finito de estados: com conjunto infinito, o poder computacional é maior

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Propriedades de AFDs

- Determinismo: cada par (estado, símbolo) leva a um único estado, daí a partir do estado inicial é atingido um único estado, para uma dada palavra de entrada
- Função de transição total: para toda palavra de entrada, só é possível se atingir um único estado consumindo-se toda a palavra
- Um único estado inicial: com vários o poder computacional não é maior
- Vários estados finais: com um só, o poder computacional é menor
- Conjunto finito de estados: com conjunto infinito, o poder computacional é maior

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Comportamento de um AFD

- Inicialmente o estado atual da máquina é o estado inicial;
- A cada transição do autômato, um símbolo da entrada é lido e o estado atual é atualizado utilizando a função de transição;
- O autômato reconhece o string de entrada se a última transição resultar em um estado final.

## Exemplo do comportamento de um AFD

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(a \cup b^* b)^*$

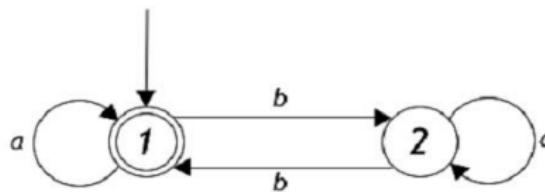
# Autômatos Finitos Determinísticos

## Comportamento de um AFD

- Inicialmente o estado atual da máquina é o estado inicial;
- A cada transição do autômato, um símbolo da entrada é lido e o estado atual é atualizado utilizando a função de transição;
- O autômato reconhece o string de entrada se a última transição resultar em um estado final.

## Exemplo do comportamento de um AFD

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(a \cup ba^*b)^*$



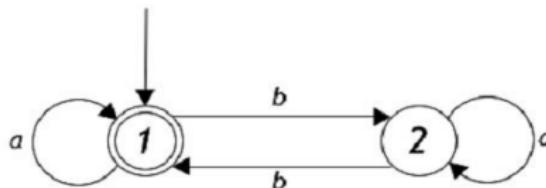
# Autômatos Finitos Determinísticos

## Comportamento de um AFD

- Inicialmente o estado atual da máquina é o estado inicial;
- A cada transição do autômato, um símbolo da entrada é lido e o estado atual é atualizado utilizando a função de transição;
- O autômato reconhece o string de entrada se a última transição resultar em um estado final.

## Exemplo do comportamento de um AFD

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(a \cup ba^*b)^*$



# Autômatos Finitos Determinísticos

## Configuração Instantânea de AFD

A configuração instantânea de um AFD é dada pelo par  $[e, w]$  em que:

- $e \equiv$  estado atual;
- $w \equiv$  o sufixo ainda não processado da palavra de entrada.

Seja um AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A relação  $\vdash \subseteq (E \times \Sigma^*)^2$ , para  $M$ , é tal que todo  $e, e' \in E, a \in \Sigma$ :

$$[e, ay] \vdash [e', y], \forall y \in \Sigma^* \iff \delta(e, a) = e'.$$

OBS.: Usa-se  $\vdash^*$  para representar zero ou mais aplicações da relação  $\vdash$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Configuração Instantânea de AFD

A configuração instantânea de um AFD é dada pelo par  $[e, w]$  em que:

- $e \equiv$  estado atual;
- $w \equiv$  o sufixo ainda não processado da palavra de entrada.

Seja um AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A relação  $\vdash \subseteq (E \times \Sigma^*)^2$ , para  $M$ , é tal que todo  $e, e' \in E, a \in \Sigma$ :

$$[e, ay] \vdash [e', y], \forall y \in \Sigma^* \iff \delta(e, a) = e'.$$

OBS.: Usa-se  $\vdash^*$  para representar zero ou mais aplicações da relação  $\vdash$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Configuração Instantânea de AFD

A configuração instantânea de um AFD é dada pelo par  $[e, w]$  em que:

- $e \equiv$  estado atual;
- $w \equiv$  o sufixo ainda não processado da palavra de entrada.

Seja um AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A relação  $\vdash \subseteq (E \times \Sigma^*)^2$ , para  $M$ , é tal que todo  $e, e' \in E, a \in \Sigma$ :

$$[e, ay] \vdash [e', y], \forall y \in \Sigma^* \iff \delta(e, a) = e'.$$

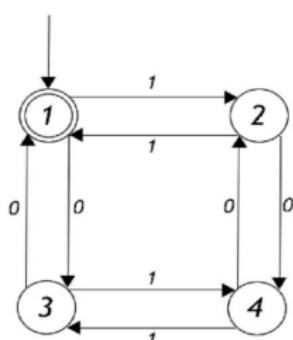
OBS.: Usa-se  $\vdash^*$  para representar zero ou mais aplicações da relação  $\vdash$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

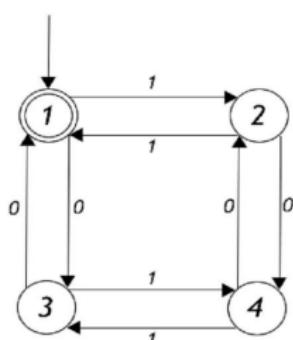
OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

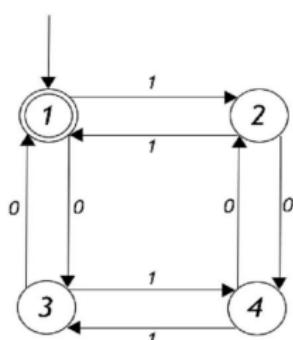
OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

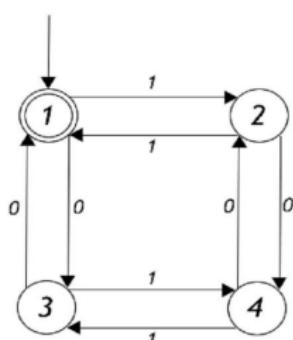
OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

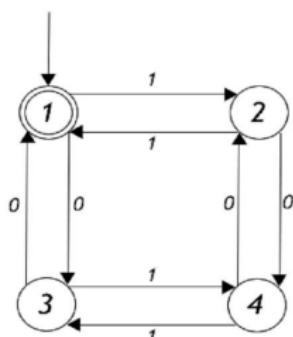
OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

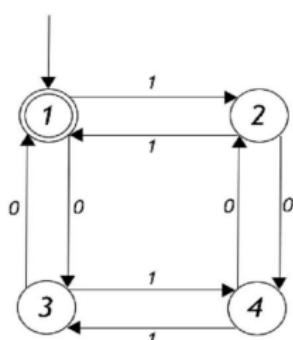
OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

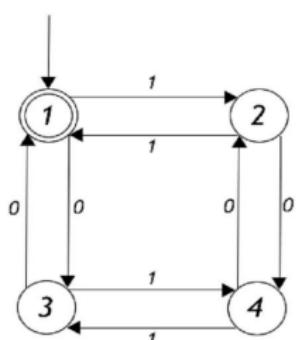
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

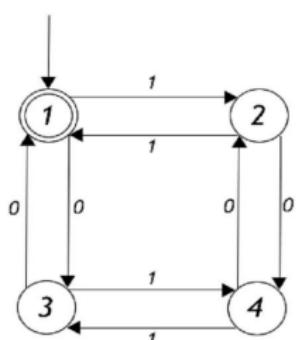
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

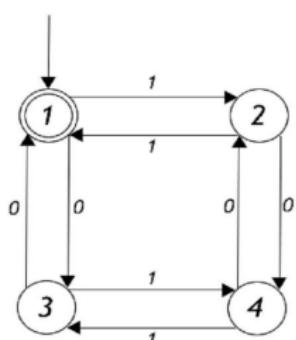
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

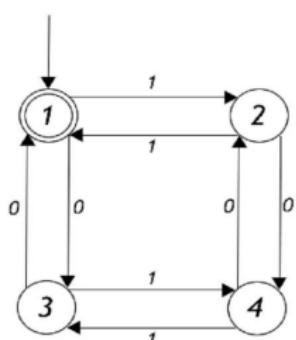
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

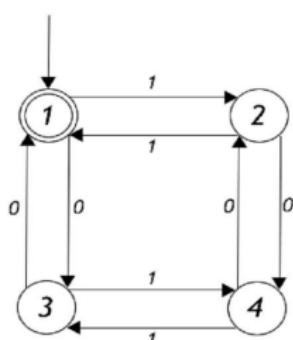
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

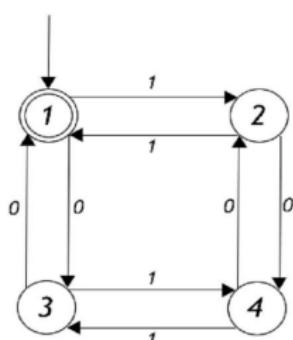
**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Reconhecimento de uma sentença por AFD

Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0101$  da seguinte forma:

$[1, 0101] \vdash [3, 101] \vdash [4, 01] \vdash [2, 1] \vdash [1, \lambda]$  (Aceita)



**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

Por outro lado, o não reconhecimento da sentença  $w_2 = 0010$  pode ser visto a seguir:

$[1, 0010] \vdash [3, 010] \vdash [1, 10] \vdash [2, 0] \vdash [4, \lambda]$  (Rejeita)

**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e terminou-se em um estado que não é de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Linguagem de um AFD

Seja um AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A linguagem reconhecida por  $M$  é

$$L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid [i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda] \text{ para algum } f \in F\}.$$

Uma palavra  $w$  tal que  $[i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda]$ , em que  $f \in F$ , é dita ser reconhecida (ou aceita) por  $M$ .

## Equivalência de AFDs

Dois AFDs são equivalentes se eles reconhecem a mesma linguagem.

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Linguagem de um AFD

Seja um AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A linguagem reconhecida por  $M$  é

$$L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid [i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda] \text{ para algum } f \in F\}.$$

Uma palavra  $w$  tal que  $[i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda]$ , em que  $f \in F$ , é dita ser reconhecida (ou aceita) por  $M$ .

## Equivalência de AFDs

Dois AFDs são equivalentes se eles reconhecem a mesma linguagem.

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Determinismo Incompleto

Ocorre quando nem todas as transições são especificadas, isto é, a função de transição  $\delta$  é uma função parcial.

Quando uma palavra é analisada e não há transição para um próximo estado o autômato pára (**HALT**), rejeitando a mesma.

### Exemplo de determinismo incompleto

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(ab)^*c$

# Autômatos Finitos Determinísticos

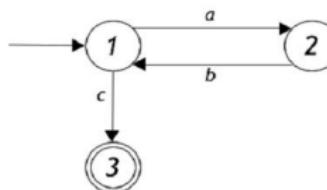
## Determinismo Incompleto

Ocorre quando nem todas as transições são especificadas, isto é, a função de transição  $\delta$  é uma função parcial.

Quando uma palavra é analisada e não há transição para um próximo estado o autômato pára (**HALT**), rejeitando a mesma.

## Exemplo de determinismo incompleto

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(ab)^*c$



# Autômatos Finitos Determinísticos

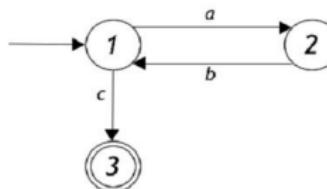
## Determinismo Incompleto

Ocorre quando nem todas as transições são especificadas, isto é, a função de transição  $\delta$  é uma função parcial.

Quando uma palavra é analisada e não há transição para um próximo estado o autômato pára (**HALT**), rejeitando a mesma.

## Exemplo de determinismo incompleto

Qual a linguagem aceita pelo seguinte AFD?  $(ab)^*c$



# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

**algoritmo**

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Símbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Símbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Símbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Símbolo); Símbolo \leftarrow \text{prox}();$

    fim enquanto;

    se  $Estado \in F$  então

        retorne "Entrada foi aceita";

    senão

        retorne "Entrada não foi aceita";

    fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

    fim enquanto;

    se  $Estado \in F$  então

        retorne "Entrada foi aceita";

    senão

        retorne "Entrada não foi aceita";

    fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

**algoritmo**

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

fim enquanto;

se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

    fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Simulação de AFD

algoritmo

Entrada: AFD  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  e palavra  $w$  dada por  $\text{prox}()$  que termina com  $EOS$  ("End of Sequence")

$Estado \leftarrow i;$

$Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

enquanto  $Simbolo \neq EOS$  faça

    se  $\delta(Estado, Simbolo)$  for indefinido então

        retorne "Entrada não foi aceita"; (HALT)

    fim se;

$Estado \leftarrow \delta(Estado, Simbolo); Simbolo \leftarrow \text{prox}();$

  fim enquanto;

  se  $Estado \in F$  então

    retorne "Entrada foi aceita";

  senão

    retorne "Entrada não foi aceita";

  fim se;

fim algoritmo

# Produto de AFDs

## Simulação do funcionamento **em paralelo** de dois AFDs

Sejam dois AFDs  $M_1 = (E_1, \Sigma, \delta_1, i_1, F_1)$  e  $M_2 = (E_2, \Sigma, \delta_2, i_2, F_2)$  pode-se construir  $M_3 = (E_3, \Sigma, \delta_3, i_3, F_3)$  em que:

- $E_3 = E_1 \times E_2$
- $\delta_3([e_1, e_2], a) = [\delta_1(e_1, a), \delta_2(e_2, a)], \forall e_1 \in E_1, e_2 \in E_2, a \in \Sigma$
- $i_3 = [i_1, i_2]$
- $F_3 = \begin{cases} F_1 \times F_2 & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cap L(M_2) \\ (F_1 \times E_2) \cup (E_1 \times F_2) & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cup L(M_2) \end{cases}$

# Produto de AFDs

## Simulação do funcionamento **em paralelo** de dois AFDs

Sejam dois AFDs  $M_1 = (E_1, \Sigma, \delta_1, i_1, F_1)$  e  $M_2 = (E_2, \Sigma, \delta_2, i_2, F_2)$  pode-se construir  $M_3 = (E_3, \Sigma, \delta_3, i_3, F_3)$  em que:

- $E_3 = E_1 \times E_2$
- $\delta_3([e_1, e_2], a) = [\delta_1(e_1, a), \delta_2(e_2, a)], \forall e_1 \in E_1, e_2 \in E_2, a \in \Sigma$
- $i_3 = [i_1, i_2]$
- $F_3 = \begin{cases} F_1 \times F_2 & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cap L(M_2) \\ (F_1 \times E_2) \cup (E_1 \times F_2) & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cup L(M_2) \end{cases}$

# Produto de AFDs

## Simulação do funcionamento **em paralelo** de dois AFDs

Sejam dois AFDs  $M_1 = (E_1, \Sigma, \delta_1, i_1, F_1)$  e  $M_2 = (E_2, \Sigma, \delta_2, i_2, F_2)$  pode-se construir  $M_3 = (E_3, \Sigma, \delta_3, i_3, F_3)$  em que:

- $E_3 = E_1 \times E_2$
- $\delta_3([e_1, e_2], a) = [\delta_1(e_1, a), \delta_2(e_2, a)], \forall e_1 \in E_1, e_2 \in E_2, a \in \Sigma$
- $i_3 = [i_1, i_2]$
- $F_3 = \begin{cases} F_1 \times F_2 & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cap L(M_2) \\ (F_1 \times E_2) \cup (E_1 \times F_2) & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cup L(M_2) \end{cases}$

# Produto de AFDs

## Simulação do funcionamento **em paralelo** de dois AFDs

Sejam dois AFDs  $M_1 = (E_1, \Sigma, \delta_1, i_1, F_1)$  e  $M_2 = (E_2, \Sigma, \delta_2, i_2, F_2)$  pode-se construir  $M_3 = (E_3, \Sigma, \delta_3, i_3, F_3)$  em que:

- $E_3 = E_1 \times E_2$
- $\delta_3([e_1, e_2], a) = [\delta_1(e_1, a), \delta_2(e_2, a)], \forall e_1 \in E_1, e_2 \in E_2, a \in \Sigma$
- $i_3 = [i_1, i_2]$
- $F_3 = \begin{cases} F_1 \times F_2 & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cap L(M_2) \\ (F_1 \times E_2) \cup (E_1 \times F_2) & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cup L(M_2) \end{cases}$

# Produto de AFDs

## Simulação do funcionamento **em paralelo** de dois AFDs

Sejam dois AFDs  $M_1 = (E_1, \Sigma, \delta_1, i_1, F_1)$  e  $M_2 = (E_2, \Sigma, \delta_2, i_2, F_2)$  pode-se construir  $M_3 = (E_3, \Sigma, \delta_3, i_3, F_3)$  em que:

- $E_3 = E_1 \times E_2$
- $\delta_3([e_1, e_2], a) = [\delta_1(e_1, a), \delta_2(e_2, a)], \forall e_1 \in E_1, e_2 \in E_2, a \in \Sigma$
- $i_3 = [i_1, i_2]$
- $F_3 = \begin{cases} F_1 \times F_2 & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cap L(M_2) \\ (F_1 \times E_2) \cup (E_1 \times F_2) & \text{para } L(M_3) = L(M_1) \cup L(M_2) \end{cases}$

# Linguagens Finitas

**Para toda linguagem finita existe um AFD !**

AFD com diagrama de estados simplificado **sem ciclos** corresponde a uma árvore em que o estado inicial é a raiz e cada palavra é correspondente a um caminho da raiz até um de seus descendentes.

Palavras que possuam um prefixo em comum compartilham um caminho correspondente ao prefixo.

⇒ Semelhante a uma TRIE !!!

**OBS: Esse AFD pode ser não mínimo !**

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Determinísticos

## Autômatos Finitos Determinísticos

### Exercício.

Construa AFDs para as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$

1. Para a linguagem denotadas por:
  - a.  $(0 \cup 1)^*$
  - b.  $0(0 \cup 1)^*1$
  - c.  $(0 \cup 1)^*0(0 \cup 1)^*$
  - d.  $(1 \cup 01 \cup 001)^*(\lambda \cup 0 \cup 00)$
2.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ termina com } 00\}$
3.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ possui } 000 \text{ como subsentença}\}$
4.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{o } 2^\circ \text{ símbolo de } w, \text{ da esquerda para direita, é } 1\}$
5.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ não contém } 101 \text{ como subsentença}\}$
6.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ representa um número binário múltiplo de } 3\}$
7.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \geq 0\}$
8.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid w = 0^n 1^n, n \leq k, k \in \mathbb{N}\}$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico (AFN)** é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E$  = conjunto não vazio de estados

•  $\Sigma$  = alfabeto de entrada

•  $\delta$  = função de transição

•  $i \in E$  = estado inicial

•  $F \subseteq E$  = conj. de estados finais

•  $\delta : E \times \Sigma \rightarrow P(E)$

•  $P(E)$  = pot. de  $E$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times \Sigma \rightarrow \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
$$\delta : E \times \Sigma \mapsto \mathcal{P}(E)$$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
$$\delta : E \times \Sigma \mapsto \mathcal{P}(E)$$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  **função de transição:**  
 $\delta : E \times \Sigma \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  **função de transição:**  
 $\delta : E \times \Sigma \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Não Determinismo

Autômatos que permitem mais de uma transição partindo de um estado para um mesmo símbolo do alfabeto de entrada.

Ex.:  $\delta(e_i, a) = \{e_j, e_k, \dots, e_m\}$

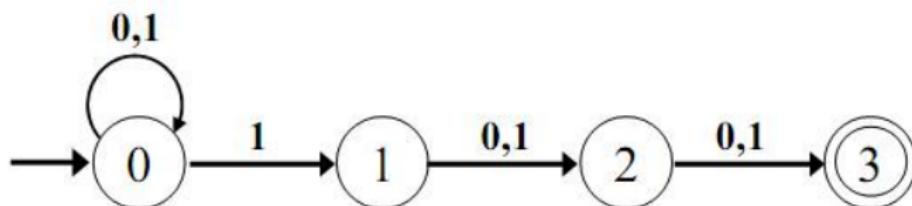
## Definição – AFN

Um **Autômato Finitos Não Determinístico** (AFN) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  **função de transição:**  
 $\delta : E \times \Sigma \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Exemplo de AFN



Uma palavra pode gerar diferentes computações !!!

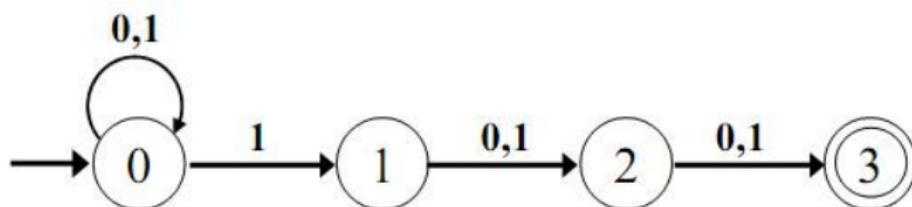
## Linguagem de um AFN

Seja um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A linguagem reconhecida por  $M$  é

$$L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid \exists \text{ computação } [i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda] \text{ para algum } f \in F\}.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Exemplo de AFN



Uma palavra pode gerar diferentes computações !!!

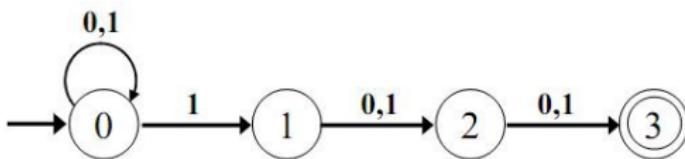
## Linguagem de um AFN

Seja um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ . A linguagem reconhecida por  $M$  é

$$L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid \exists \text{ computação } [i, w] \xrightarrow{*} [f, \lambda] \text{ para algum } f \in F\}.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



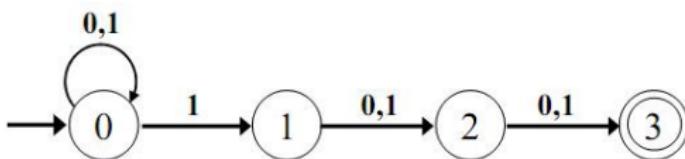
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \{$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



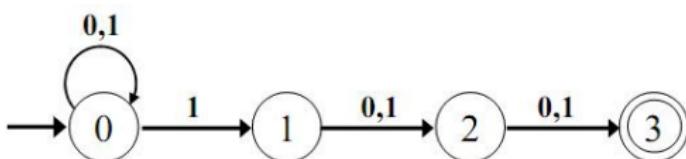
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 00] \\ [0, 00] \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



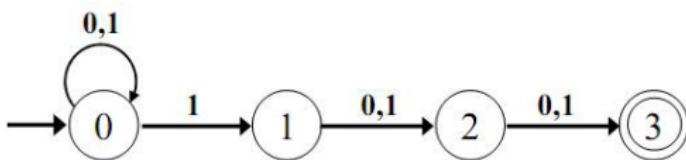
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \begin{cases} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{cases}$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



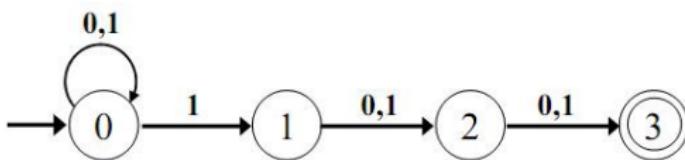
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



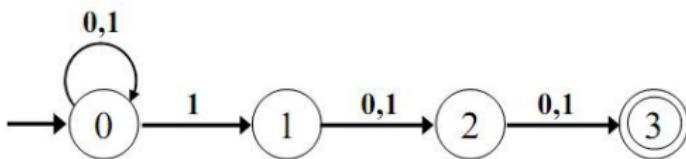
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



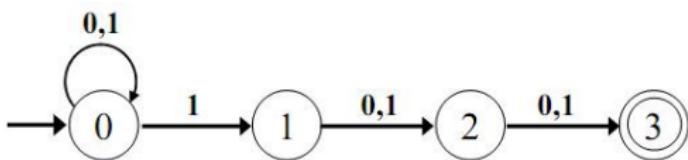
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



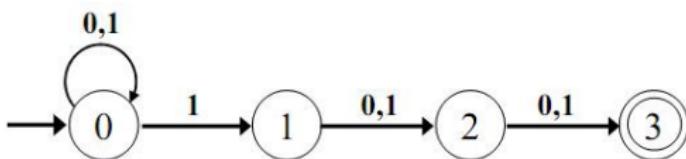
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \begin{cases} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{cases}$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



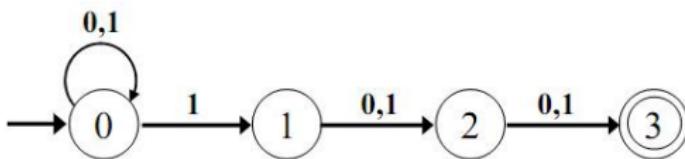
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \begin{cases} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{cases}$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



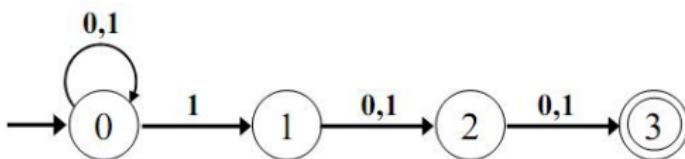
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\textbf{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\textbf{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



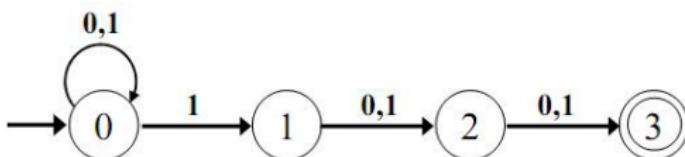
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\textbf{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\textbf{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



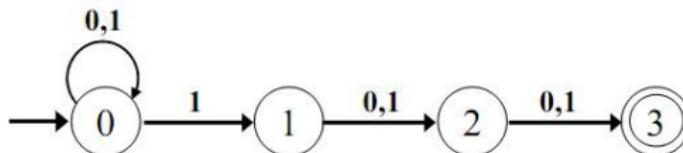
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_1 = 0100$  da seguinte forma:

$$[0, 0100] \vdash [0, 100] \vdash \begin{cases} [1, 00] \vdash [2, 0] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 00] \vdash [0, 0] \vdash [0, \lambda] & (\text{Rejeita}) \end{cases}$$

**OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !**

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



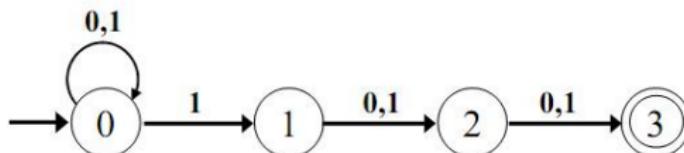
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:



OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



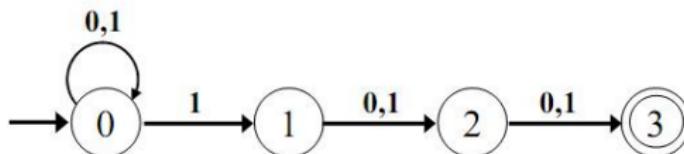
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \end{array} \right. \\ \vdots \end{array} \right. \begin{array}{l} (\text{Rejeita}) \\ (\text{Aceita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \end{array}$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



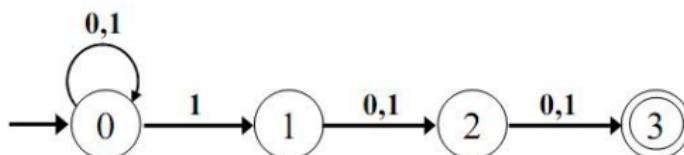
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ \text{(Rejeita)} \\ \text{(Aceita)} \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ \text{(Rejeita)} \\ [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ \text{(Rejeita)} \\ [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ \text{(Rejeita)} \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN

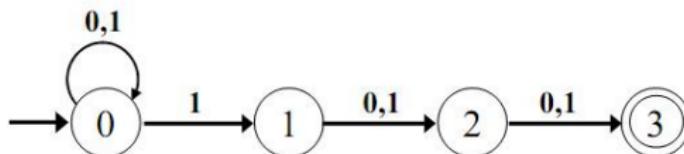


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$[1, 111] \vdash$	$[2, 11] \vdash$	$[3, 1]$	(Rejeita)
$[0, 1111] \vdash$	$\left\{ \begin{array}{l} [0, 111] \vdash \\ [0, 111] \vdash \end{array} \right\}$		(Aceita)
			(Rejeita)
			(Rejeita)
			(Rejeita)

Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN

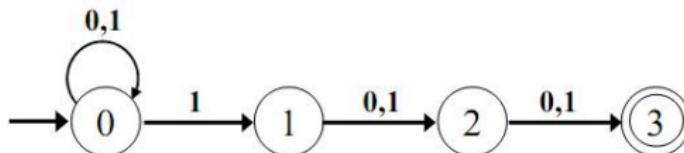


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [0, 111] \vdash \dots \end{array} \right. \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} (\text{Rejeita}) \\ (\text{Aceita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \end{array}$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



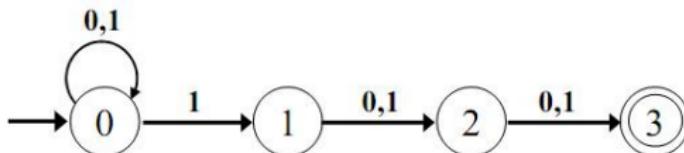
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] \quad (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 11] \vdash [2, 1] \quad (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \quad (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \quad (\text{Rejeita}) \\ [0] \quad (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



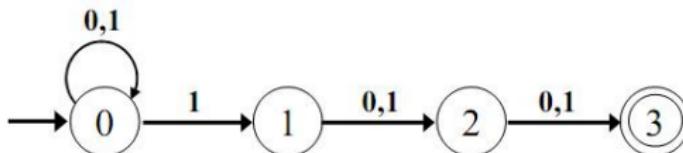
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash & [2, 11] \vdash & [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash & [2, 1] \vdash & [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} \dots & \dots & \dots & (\text{Rejeita}) \\ \dots & \dots & \dots & (\text{Rejeita}) \\ \dots & \dots & \dots & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



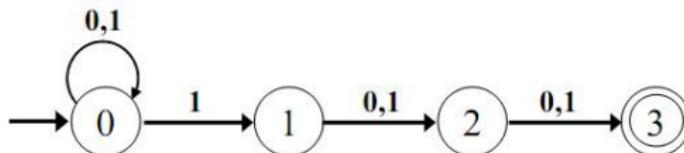
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



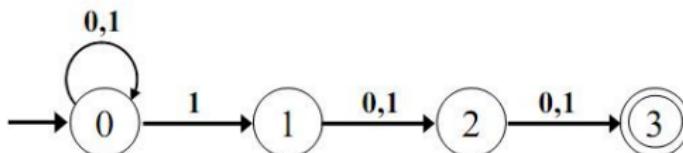
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



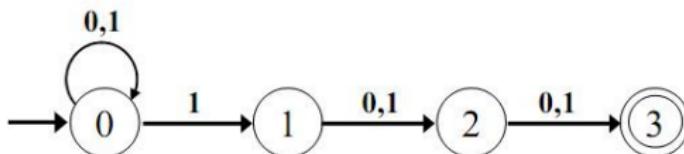
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash & [2, 11] \vdash & [3, 1] \\ & [1, 11] \vdash & [2, 1] \vdash [3, \lambda] \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} & [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} & & \end{array} \right. \end{array} \right. & & \end{array} \right. \begin{array}{l} (\text{Rejeita}) \\ (\text{Aceita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \\ (\text{Rejeita}) \end{array}$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



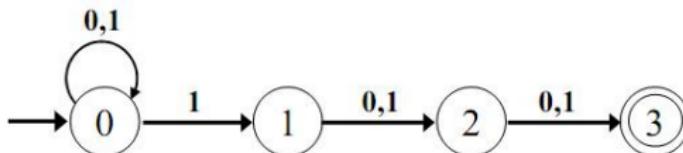
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [1, 1] \vdash [2, \lambda] \\ [0, 1] \end{array} \right. & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & (\text{Rejeita}) \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



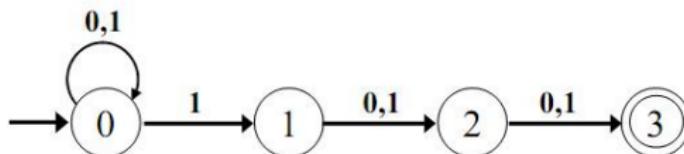
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



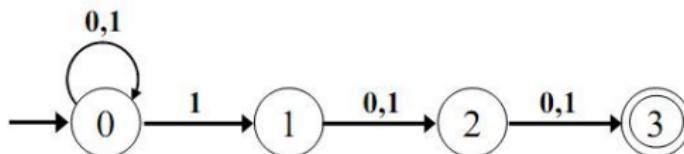
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



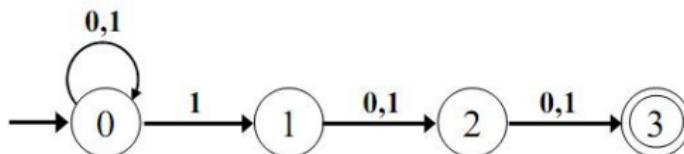
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & & (\text{Rejeita}) \\ & [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



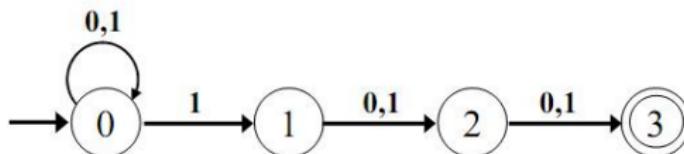
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash & [2, 11] \vdash & [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ & [1, 11] \vdash & [2, 1] \vdash & [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash & [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, \lambda] & & & (\text{Rejeita}) \\ [0, \lambda] & & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



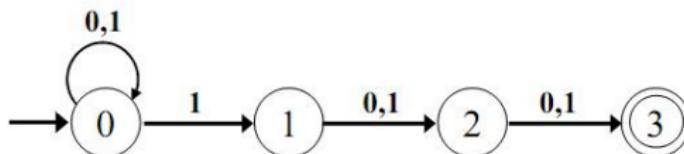
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



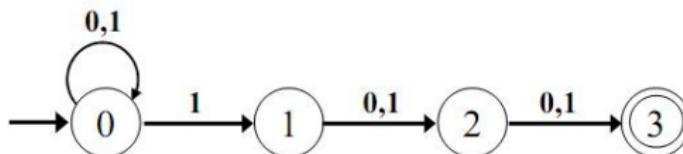
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash & [2, 11] \vdash & [3, 1] & (\text{Rejeita}) \\ & [1, 11] \vdash & [2, 1] \vdash & [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash & [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, \lambda] & & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [0, \lambda] & & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



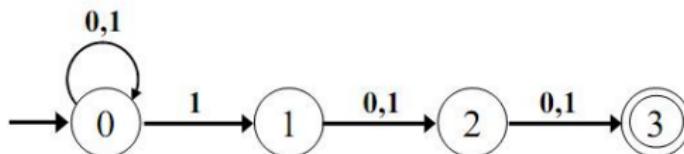
Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & & (\text{Rejeita}) \\ & [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & (\text{Aceita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. & & \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

OBS: Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN



Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w_2 = 1111$  da seguinte forma:

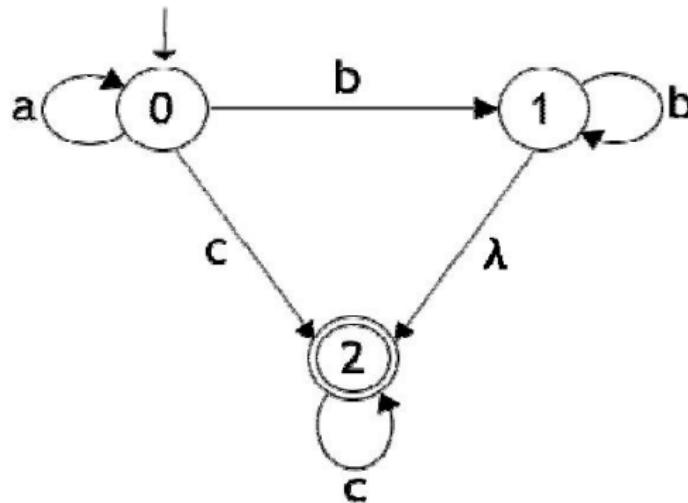
$$[0, 1111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 111] \vdash [2, 11] \vdash [3, 1] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 111] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 11] \vdash [2, 1] \vdash [3, \lambda] & & (\text{Aceita}) \\ [0, 11] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, 1] \vdash [2, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, 1] \vdash \left\{ \begin{array}{lll} [1, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \\ [0, \lambda] & & (\text{Rejeita}) \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right. \end{array} \right.$$

**OBS:** Iniciou-se com a sentença completa no estado inicial e existe um caminho no qual se terminou em um estado de aceitação com a sentença completamente lida (consumida) !

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

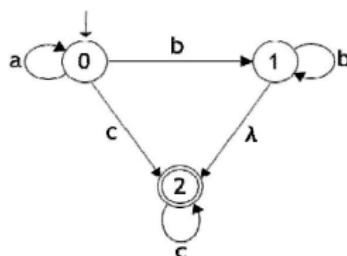
## Transição Vazia (ou Transição $\lambda$ )

Transição  $\lambda$  é aquela realizada sem a necessidade de se utilizar nenhum símbolo de entrada.



# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

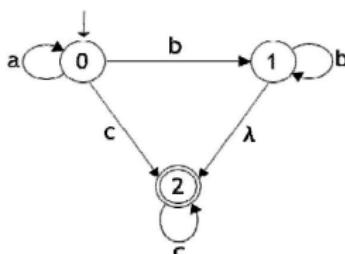


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

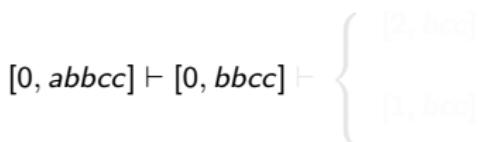
$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [0, cc] \\ [1, cc] \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

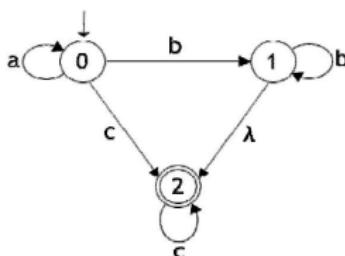


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:



# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

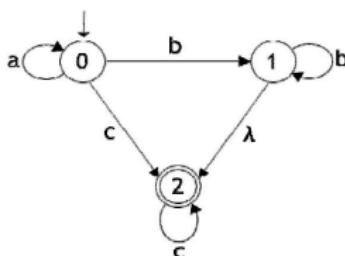


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} & (\text{Rejeita}) \\ & (\text{Aceita}) \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

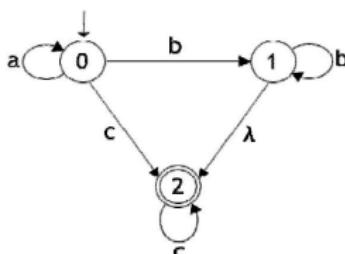


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{l} [2, bcc] \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{l} \text{(Rejeita)} \\ \text{(Rejeita)} \\ \text{(Aceita)} \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

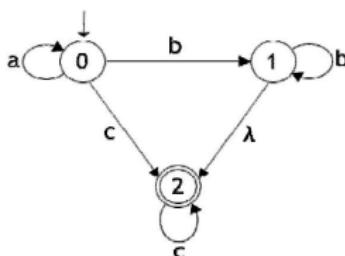


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. & \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

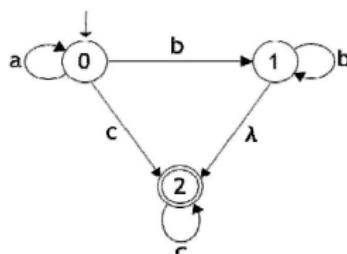


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

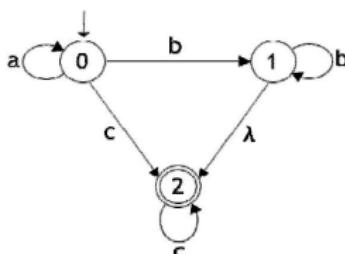


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

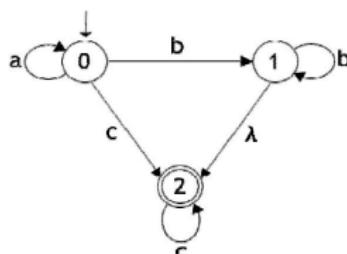


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

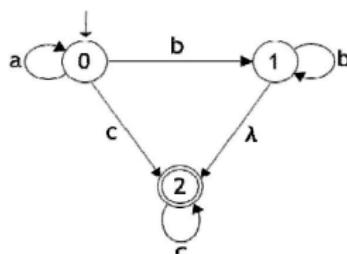


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$

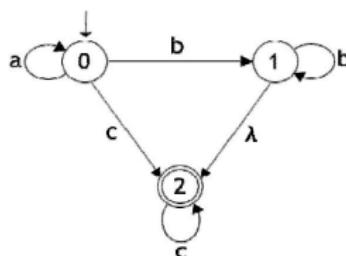


Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Comportamento de AFN- $\lambda$



Pode-se representar o processo de reconhecimento da sentença  $w = abbcc$  da seguinte forma:

$$[0, abbcc] \vdash [0, bbcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [2, bcc] & (\text{Rejeita}) \\ [1, bcc] \vdash \left\{ \begin{array}{ll} [1, cc] & (\text{Rejeita}) \\ [2, cc] \vdash [2, c] \vdash [2, \lambda] & (\text{Aceita}) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
 $\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

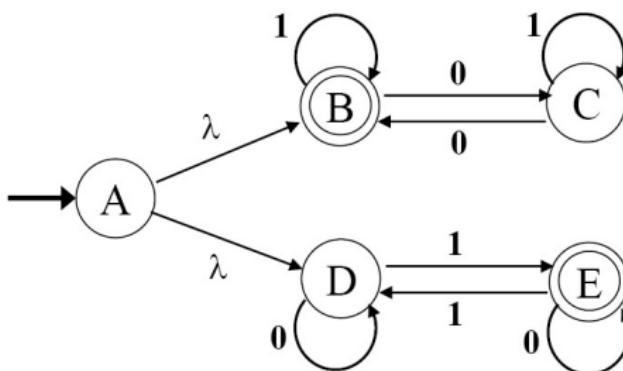
## Definição – AFN- $\lambda$

Um **Autômato Finito Não Determinístico com Transição  $\lambda$**  (AFN- $\lambda$ ) é uma quíntupla  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$  em que:

- $E \equiv$  conjunto não vazio de estados
- $\Sigma \equiv$  alfabeto de entrada
- $\delta \equiv$  função de transição:  
$$\delta : E \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \mapsto \mathcal{P}(E)$$
- $i \equiv$  estado inicial ( $i \in E$ )
- $F \equiv$  conjunto de estados finais ( $F \subseteq E$ )

# Autômatos Finitos Não Determinísticos

## Outro Exemplo de AFN- $\lambda$



$L = \{w \in \{0, 1\}^* \mid n_0(w) \text{ é par ou } n_1(w) \text{ é ímpar}\},$

em que  $n_s(w)$  representa o número de símbolos  $s$  em  $w$ .

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Equivalência



## Conversão de AFs

Conversão  $AFN-\lambda \rightarrow AFN$  : Remoção do não-determinismo

Conversão  $AFN \rightarrow AFD$  : Simulação determinística

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Equivalência



## Conversão de AFs

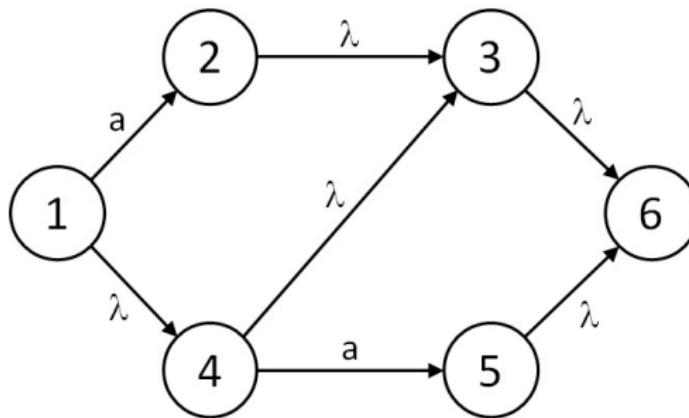
Conversão  $AFN-\lambda \rightarrow AFN$  : Remoção do não-determinismo

Conversão  $AFN \rightarrow AFD$  : Simulação determinística

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Conversão AFN- $\lambda$ → AFN

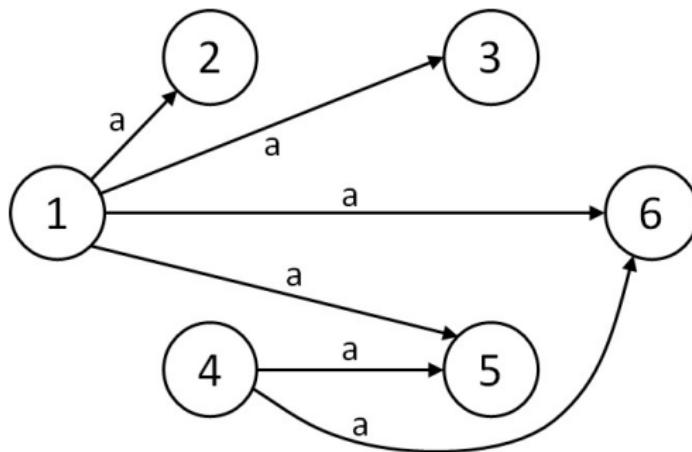
Que estados podem ser alcançados a partir do estado 1 quando  $a$  é lido na entrada?



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Conversão AFN- $\lambda$ → AFN

Que estados podem ser alcançados a partir do estado 1 quando a é lido na entrada? **RESPOSTA**



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Fecho- $\lambda$

A função fecho- $\lambda$  de um estado (representada por  $f\lambda$ ) é o conjunto de todos os estados que podem ser alcançados a partir do mesmo sem a leitura de nenhum símbolo da entrada.

### Definição recursiva de $f\lambda$

- **Base:**  $e_i \in f\lambda(e_i), \forall e_i \in E$
- **Passo recursivo:** Se  $e_j \in f\lambda(e_i)$  então  $\delta(e_j, \lambda) \subseteq f\lambda(e_i)$

Obs.: É comum se estender  $f\lambda$  para conjuntos de estados da seguinte forma:

$$f\lambda(E') = \bigcup_{e \in E'} f\lambda(e), \forall E' \subseteq E$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Fecho- $\lambda$

A função fecho- $\lambda$  de um estado (representada por  $f\lambda$ ) é o conjunto de todos os estados que podem ser alcançados a partir do mesmo sem a leitura de nenhum símbolo da entrada.

## Definição recursiva de $f\lambda$

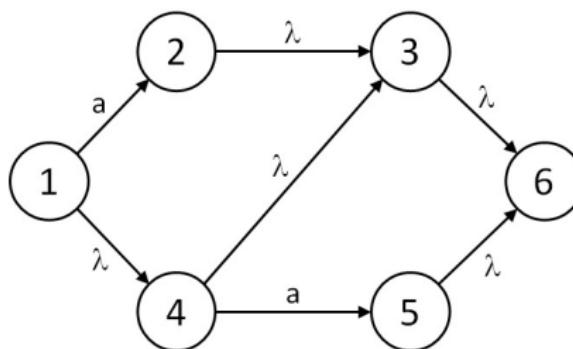
- **Base:**  $e_i \in f\lambda(e_i), \forall e_i \in E$
- **Passo recursivo:** Se  $e_j \in f\lambda(e_i)$  então  $\delta(e_j, \lambda) \subseteq f\lambda(e_i)$

Obs.: É comum se estender  $f\lambda$  para conjuntos de estados da seguinte forma:

$$f\lambda(E') = \bigcup_{e \in E'} f\lambda(e), \forall E' \subseteq E$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

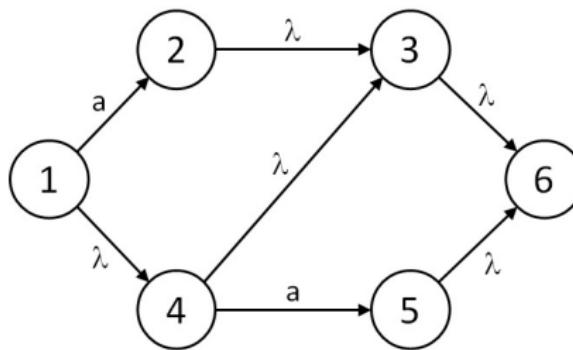
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

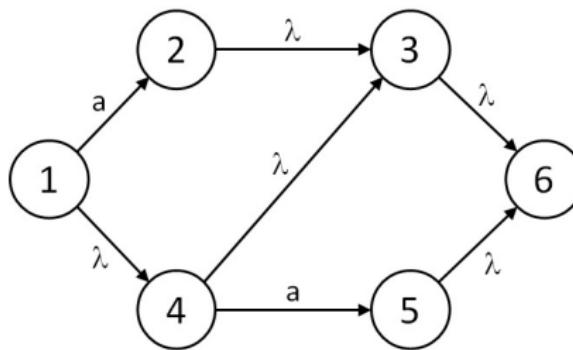
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

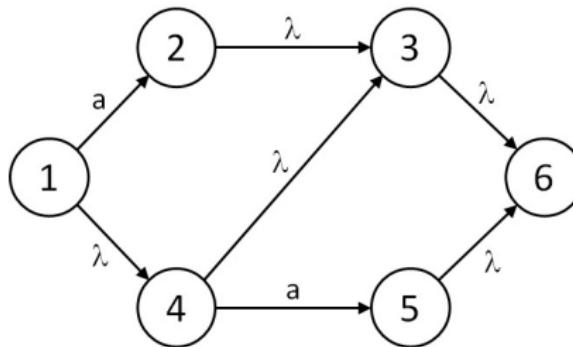
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

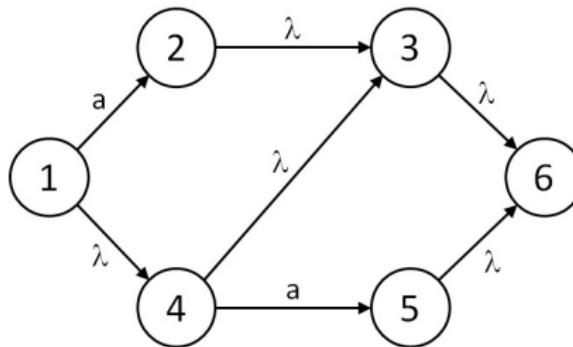
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

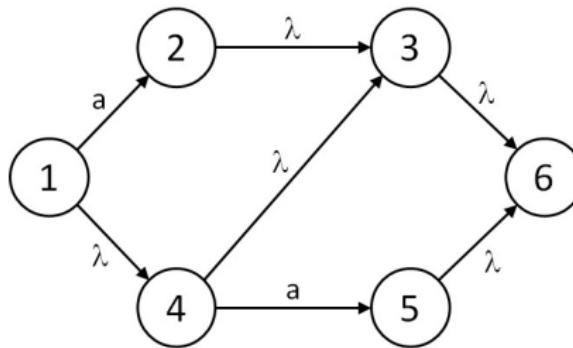
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

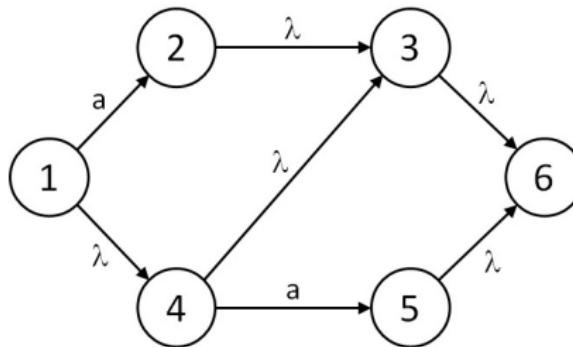
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

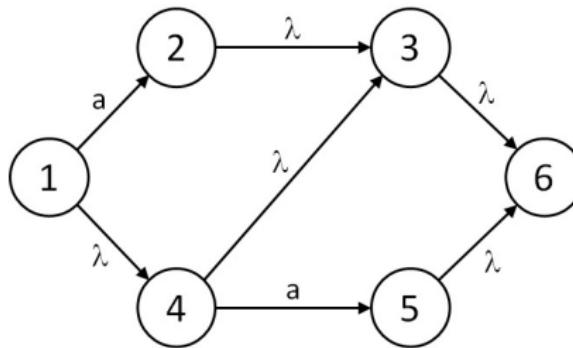
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

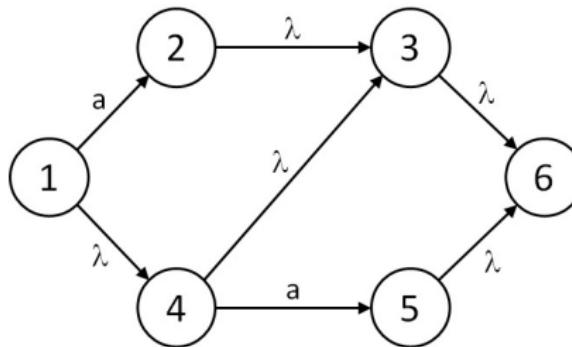
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

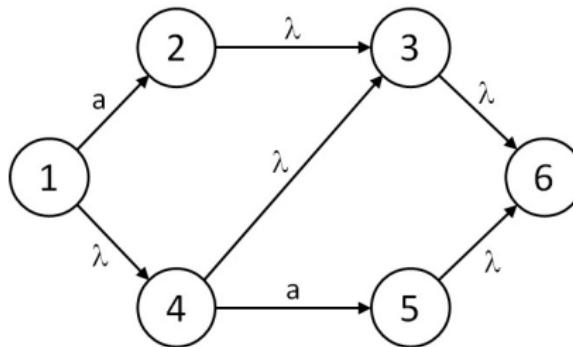
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

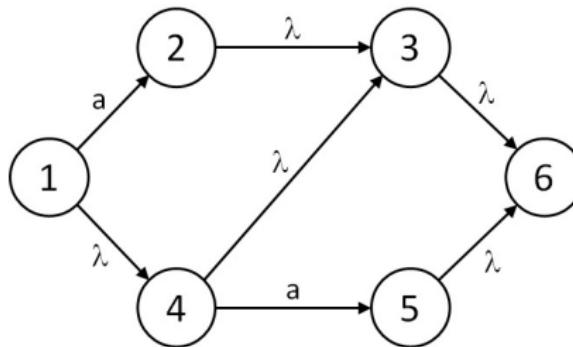
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

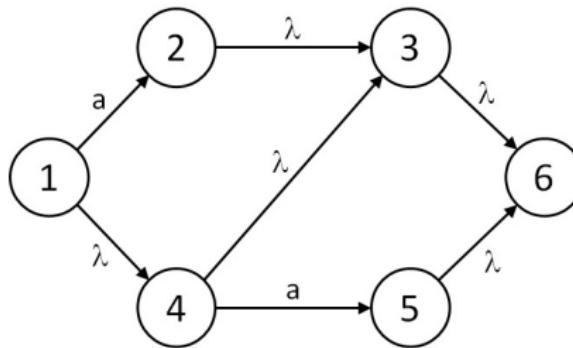
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

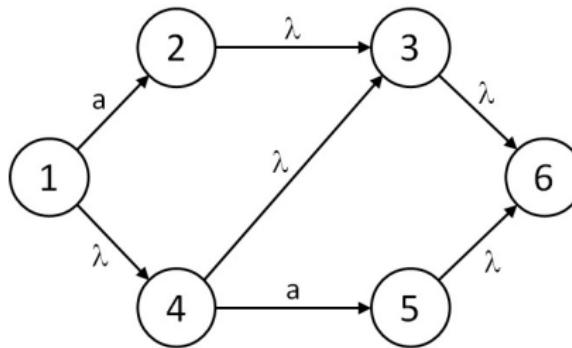
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

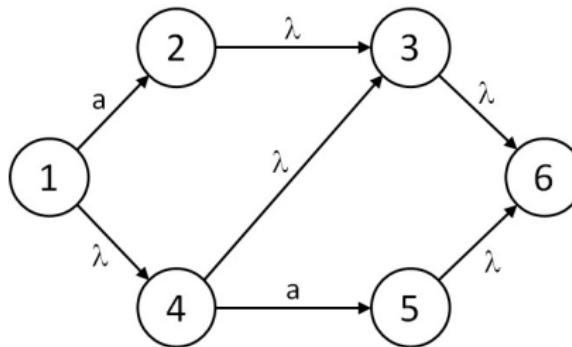
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

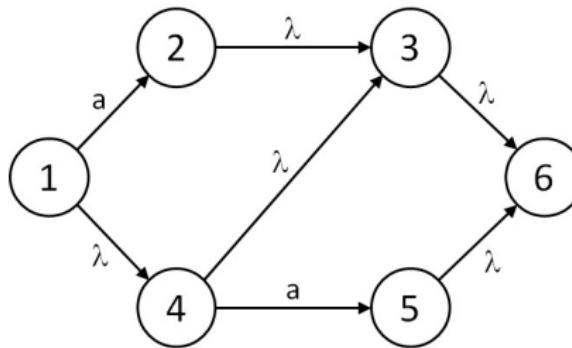
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

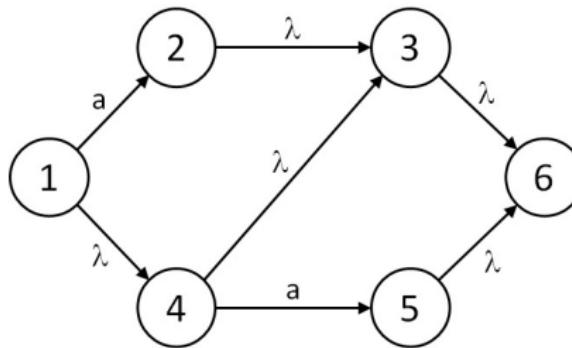
$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exemplo de Cálculo de Fecho- $\lambda$



$$f\lambda(1) = \{1, 4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(2) = \{2, 3, 6\}$$

$$f\lambda(3) = \{3, 6\}$$

$$f\lambda(4) = \{4, 3, 6\}$$

$$f\lambda(5) = \{5, 6\}$$

$$f\lambda(6) = \{6\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

Dado um AFN- $\lambda$   $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , um AFN equivalente  $M' = (E, \Sigma, \delta', i, F')$  pode ser construído da seguinte forma:

$$\delta'(e_i, a) = \bigcup_{r \in f\lambda(e_i)} f\lambda(\delta(r, a)) \quad , \forall e_i \in E, \forall a \in \Sigma$$

$$F' = \begin{cases} F \cup \{i\} & , \text{ se } f\lambda(i) \cap F \neq \emptyset \\ F & , \text{ caso contrário} \end{cases}$$

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

# Equivalência entre Autômatos Finitos

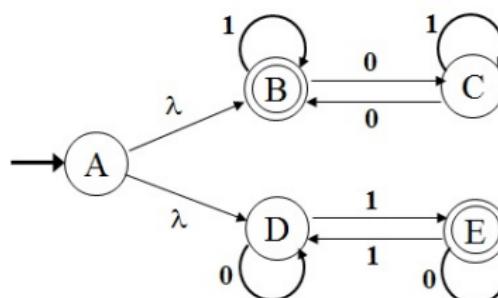
## Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

Dado um AFN- $\lambda$   $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , um AFN equivalente  $M' = (E, \Sigma, \delta', i, F')$  pode ser construído da seguinte forma:

$$\delta'(e_i, a) = \bigcup_{r \in f\lambda(e_i)} f\lambda(\delta(r, a)) \quad , \forall e_i \in E, \forall a \in \Sigma$$

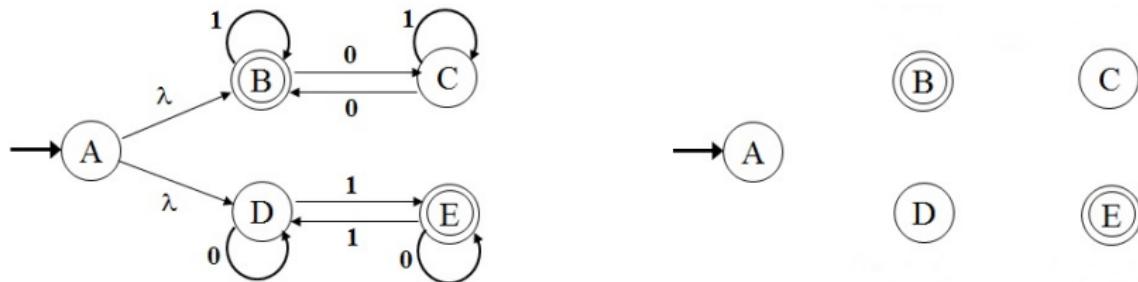
$$F' = \begin{cases} F \cup \{i\} & , \text{ se } f\lambda(i) \cap F \neq \emptyset \\ F & , \text{ caso contrário} \end{cases}$$

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



# Equivalência entre Autômatos Finitos

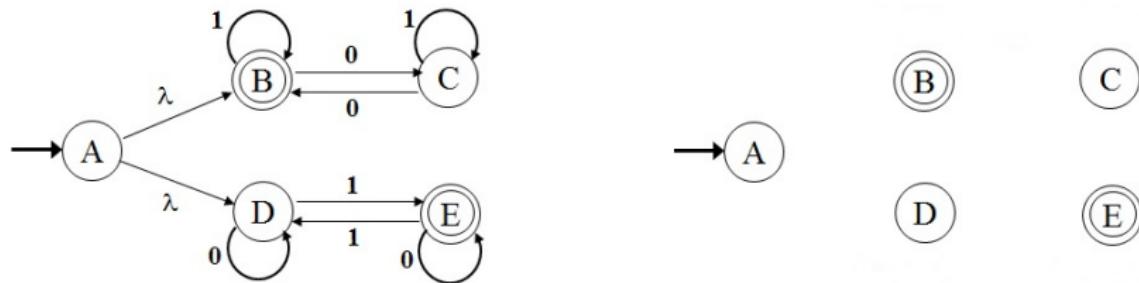
## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

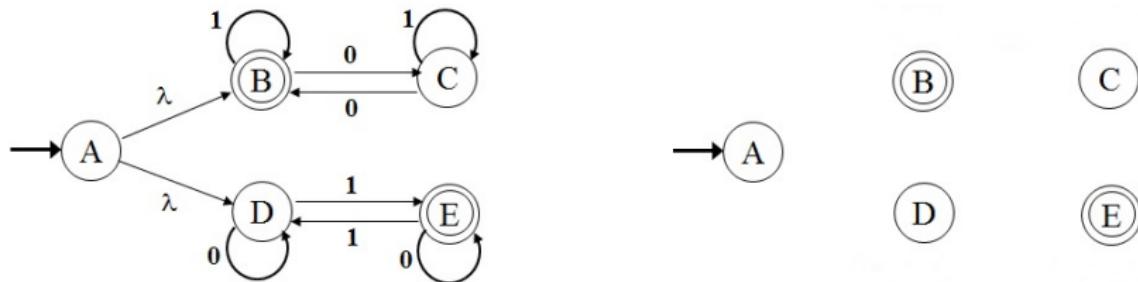
## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

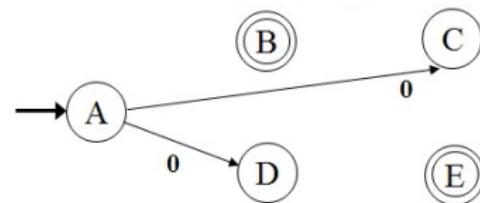
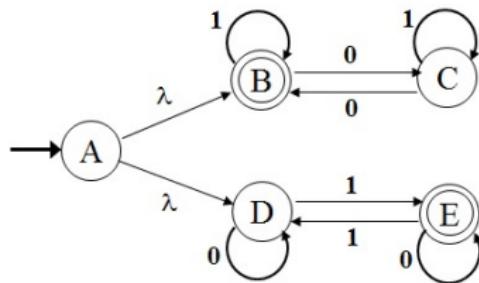


$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(A, 0) &= \bigcup_{r \in f\lambda(A)} f\lambda(\delta(r, 0)) = \\
 &= f\lambda(\delta(A, 0)) \cup f\lambda(\delta(B, 0)) \cup f\lambda(\delta(D, 0)) = \\
 &= f\lambda(\emptyset) \cup f\lambda(\{C\}) \cup f\lambda(\{D\}) = \emptyset \cup \{C\} \cup \{D\} = \\
 &= \{C, D\}
 \end{aligned}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

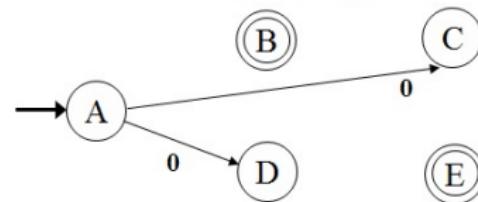
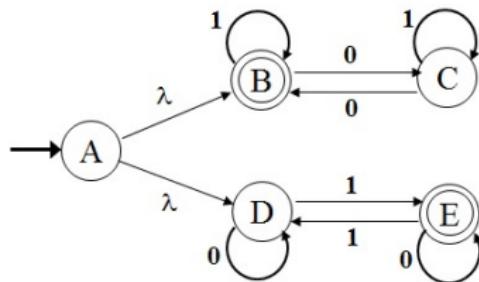


$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(A, 0) &= \bigcup_{r \in f\lambda(A)} f\lambda(\delta(r, 0)) = \\
 &= f\lambda(\delta(A, 0)) \cup f\lambda(\delta(B, 0)) \cup f\lambda(\delta(D, 0)) = \\
 &= f\lambda(\emptyset) \cup f\lambda(\{C\}) \cup f\lambda(\{D\}) = \emptyset \cup \{C\} \cup \{D\} = \\
 &= \{\textcolor{red}{C, D}\}
 \end{aligned}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

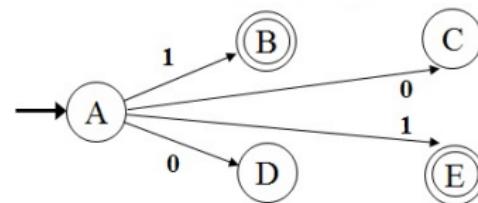
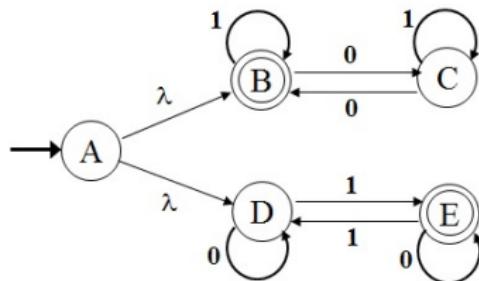


$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned} \delta'(A, 1) &= \bigcup_{r \in f\lambda(A)} f\lambda(\delta(r, 1)) = \\ &= f\lambda(\delta(A, 1)) \cup f\lambda(\delta(B, 1)) \cup f\lambda(\delta(D, 1)) = \\ &= f\lambda(\emptyset) \cup f\lambda(\{B\}) \cup f\lambda(\{E\}) = \emptyset \cup \{B\} \cup \{E\} = \\ &= \{B, E\} \end{aligned}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

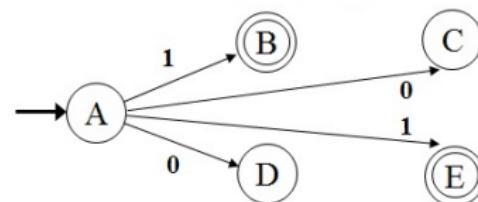
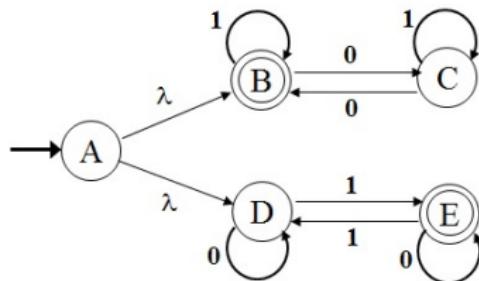


$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned}
 \delta'(A, 1) &= \bigcup_{r \in f\lambda(A)} f\lambda(\delta(r, 1)) = \\
 &= f\lambda(\delta(A, 1)) \cup f\lambda(\delta(B, 1)) \cup f\lambda(\delta(D, 1)) = \\
 &= f\lambda(\emptyset) \cup f\lambda(\{B\}) \cup f\lambda(\{E\}) = \emptyset \cup \{B\} \cup \{E\} = \\
 &= \{\textcolor{red}{B, E}\}
 \end{aligned}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



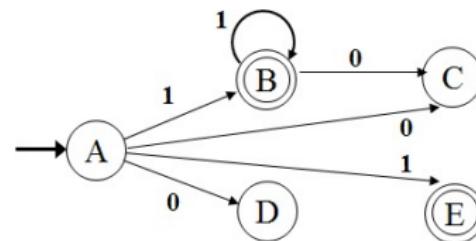
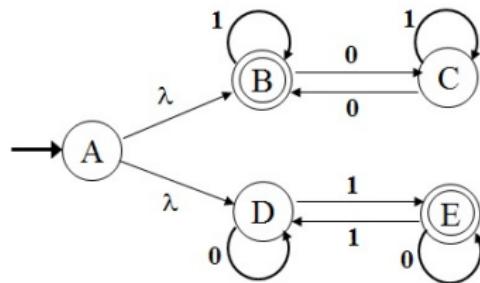
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(B, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(B)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(B, 0)) = f\lambda(\{C\}) = \{C\}$$

$$\delta'(B, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(B)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(B, 1)) = f\lambda(\{B\}) = \{B\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



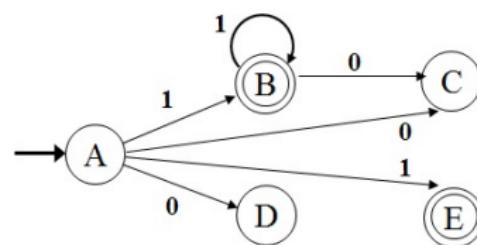
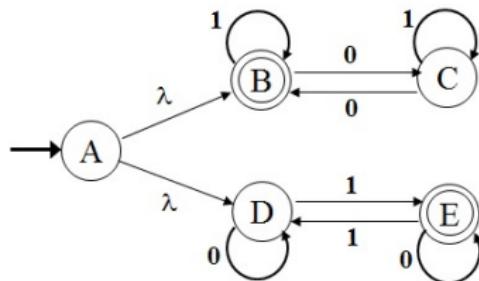
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(B, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(B)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(B, 0)) = f\lambda(\{C\}) = \{\textcolor{red}{C}\}$$

$$\delta'(B, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(B)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(B, 1)) = f\lambda(\{B\}) = \{\textcolor{red}{B}\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



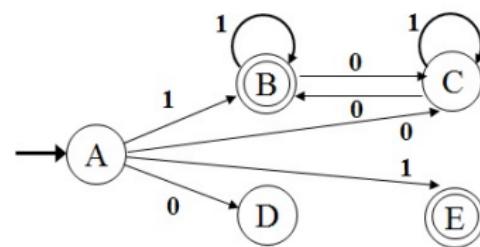
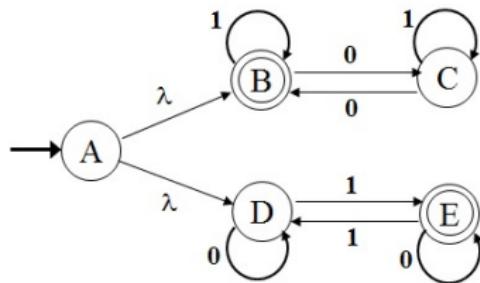
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(C, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(C)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(C, 0)) = f\lambda(\{B\}) = \{B\}$$

$$\delta'(C, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(C)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(C, 1)) = f\lambda(\{B\}) = \{B\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



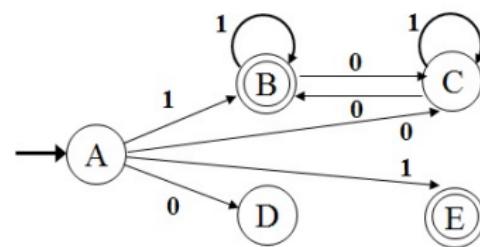
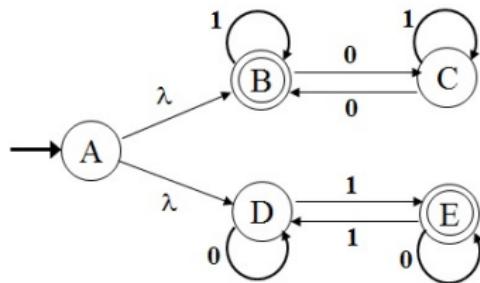
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(C, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(C)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(C, 0)) = f\lambda(\{B\}) = \{\textcolor{red}{B}\}$$

$$\delta'(C, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(C)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(C, 1)) = f\lambda(\{B\}) = \{\textcolor{red}{B}\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



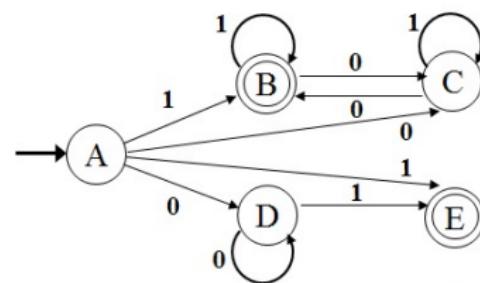
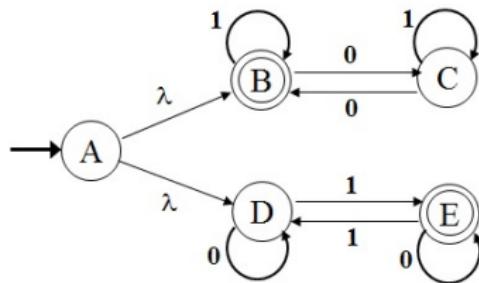
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(D, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(D)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(D, 0)) = f\lambda(\{D\}) = \{D\}$$

$$\delta'(D, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(D)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(D, 1)) = f\lambda(\{E\}) = \{E\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



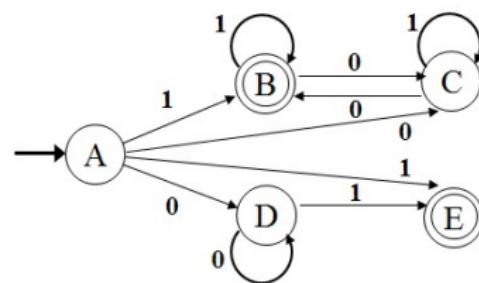
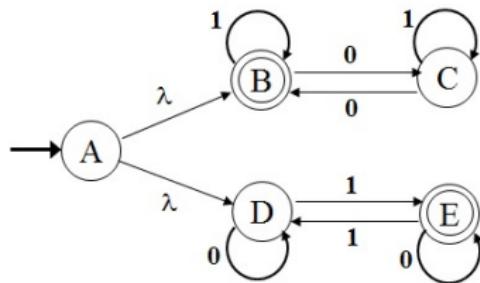
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(D, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(D)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(D, 0)) = f\lambda(\{D\}) = \{D\}$$

$$\delta'(D, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(D)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(D, 1)) = f\lambda(\{E\}) = \{E\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



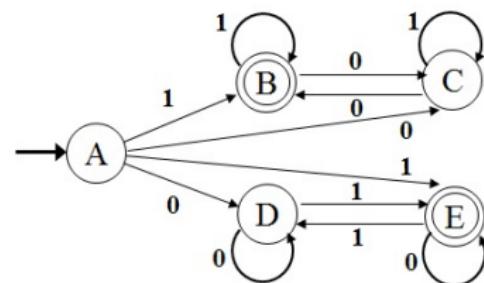
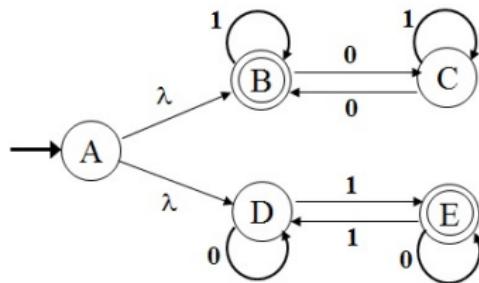
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(E, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(E)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(E, 0)) = f\lambda(\{E\}) = \{E\}$$

$$\delta'(E, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(E)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(E, 1)) = f\lambda(\{D\}) = \{D\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



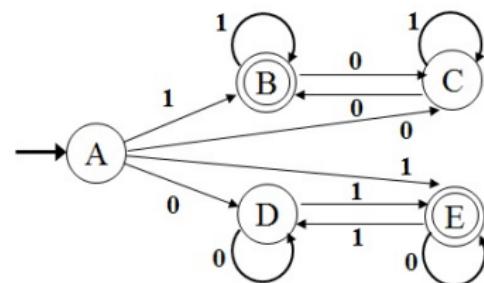
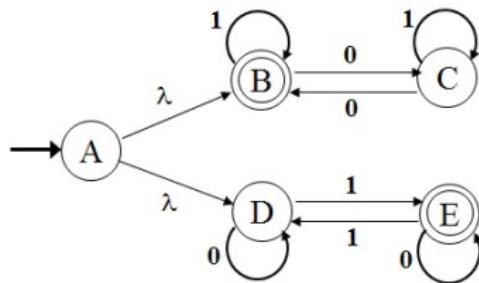
$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\delta'(E, 0) = \bigcup_{r \in f\lambda(E)} f\lambda(\delta(r, 0)) = f\lambda(\delta(E, 0)) = f\lambda(\{E\}) = \{\textcolor{red}{E}\}$$

$$\delta'(E, 1) = \bigcup_{r \in f\lambda(E)} f\lambda(\delta(r, 1)) = f\lambda(\delta(E, 1)) = f\lambda(\{D\}) = \{\textcolor{red}{D}\}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN

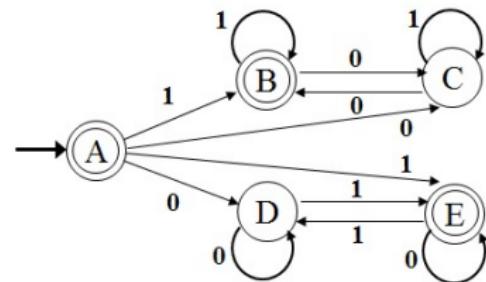
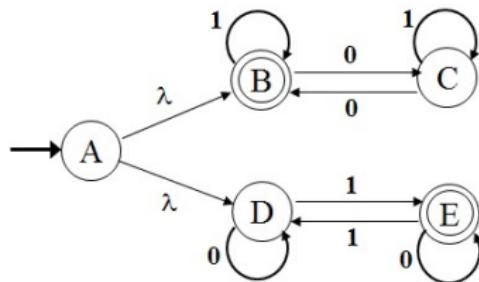


$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned} f\lambda(i) \cap F &= f\lambda(A) \cap F = \\ &= \{A, B, D\} \cap \{B, E\} = \\ &= \{B\} \\ f\lambda(i) \cap F &\neq \emptyset \end{aligned}$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN- $\lambda \rightarrow$ AFN



$$f\lambda(A) = \{A, B, D\}, f\lambda(B) = \{B\}, f\lambda(C) = \{C\}, f\lambda(D) = \{D\}, f\lambda(E) = \{E\}$$

$$\begin{aligned} f\lambda(i) \cap F &= f\lambda(A) \cap F = \\ &= \{A, B, D\} \cap \{B, E\} = \\ &= \{B\} \end{aligned}$$

$$f\lambda(i) \cap F \neq \emptyset$$

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Conversão AFN → AFD

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , um AFD equivalente  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  pode ser construído da seguinte forma:

$$\begin{aligned} E' &= \mathcal{P}(E) \\ i' &= \{i\} \\ F' &= \{R \in E' \mid R \cap F \neq \emptyset\} \\ \delta'(R, a) &= \bigcup_{r \in R} \delta(r, a) \quad , \forall R \in E', \forall a \in \Sigma \end{aligned}$$

Exercício de Conversão AFN → AFD

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Conversão AFN → AFD

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , um AFD equivalente  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  pode ser construído da seguinte forma:

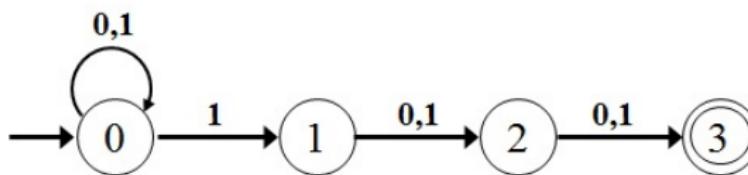
$$E' = \mathcal{P}(E)$$

$$i' = \{i\}$$

$$F' = \{R \in E' \mid R \cap F \neq \emptyset\}$$

$$\delta'(R, a) = \bigcup_{r \in R} \delta(r, a) \quad , \forall R \in E', \forall a \in \Sigma$$

## Exercício de Conversão AFN → AFD



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```

# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

**algoritmo**

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

algoritmo

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Algoritmo Iterativo para Conversão AFN → AFD

algoritmo

Entrada: AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$

Saída : AFD  $M' = (E', \Sigma, \delta', i', F')$  equivalente a  $M$

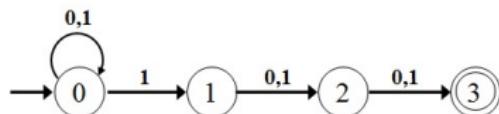
```

 $i' \leftarrow \{i\};$                                 // cria estado inicial
inserir  $i'$  em  $E'$ ;                            // inicia conj estados
para todo  $X \in E'$  faça
    para todo  $a \in \Sigma$  faça
         $Y \leftarrow \bigcup_{r \in X} \delta(r, a)$ 
        se  $Y \notin E'$  então
            inserir  $Y$  em  $E'$ ;
        fim se;
        inserir  $[X, a, Y]$  em  $\delta'$ ;      //isto é,  $\delta'(X, a) = Y$ 
    fim para;
fim para;
fim algoritmo

```

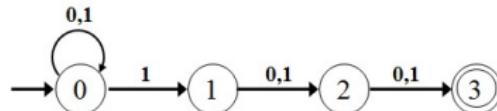
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



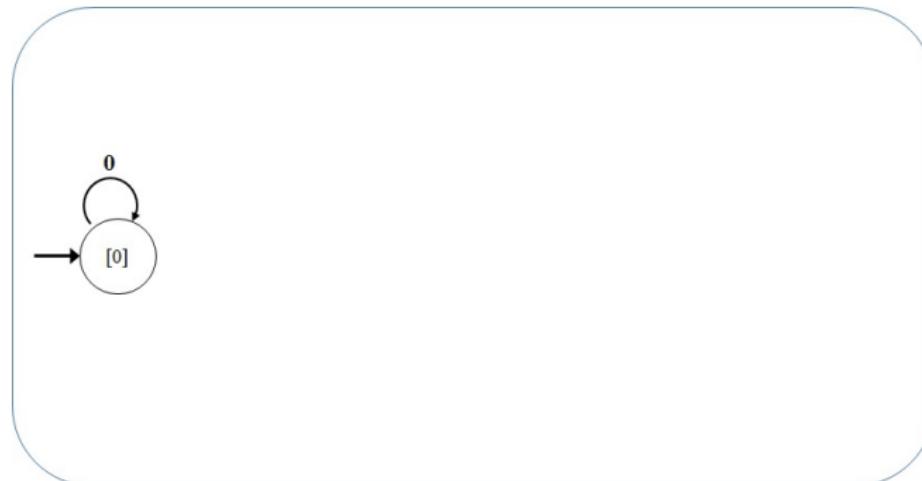
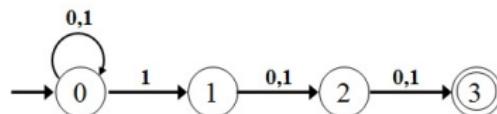
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



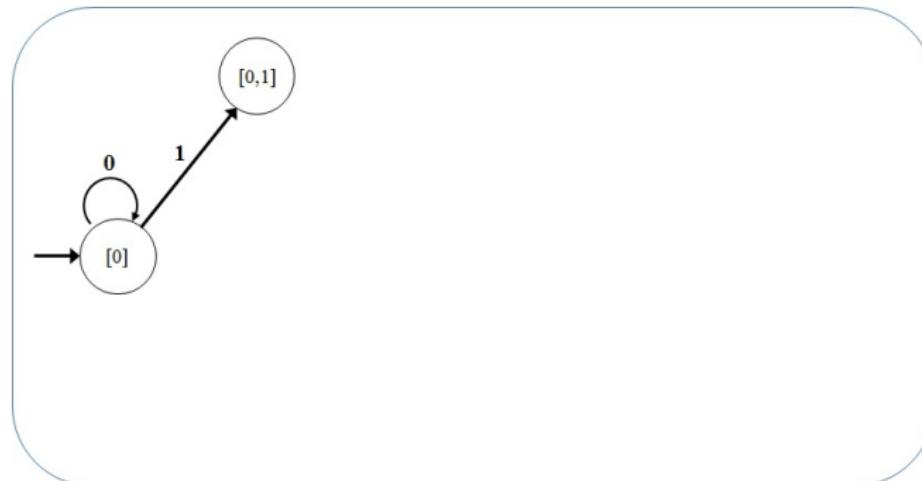
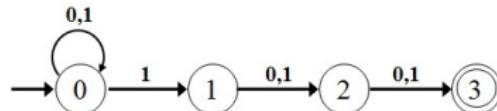
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



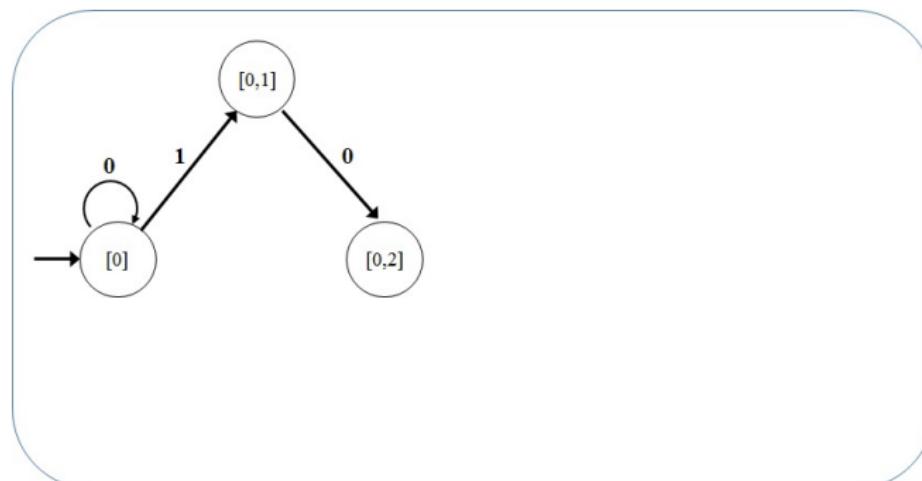
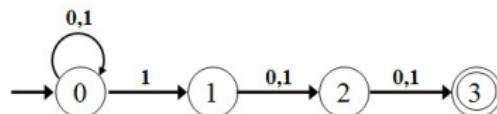
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



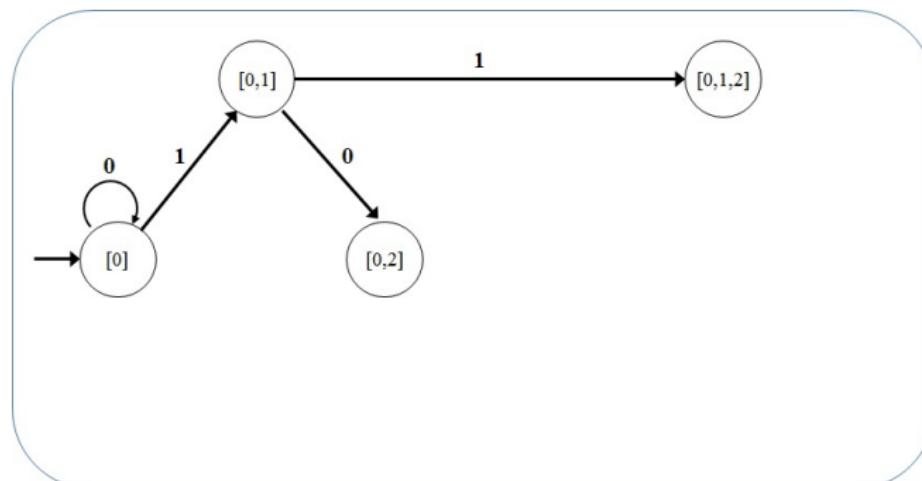
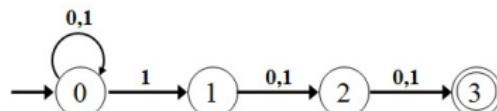
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



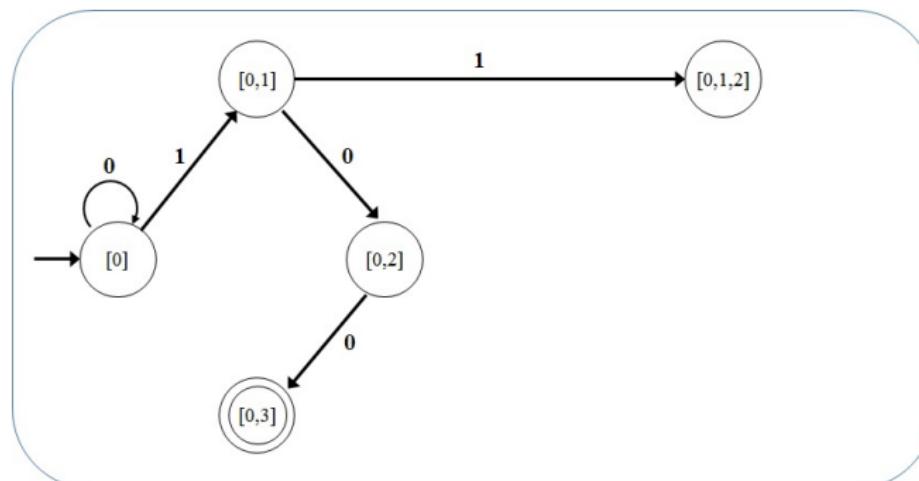
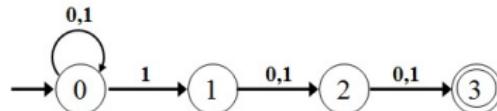
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



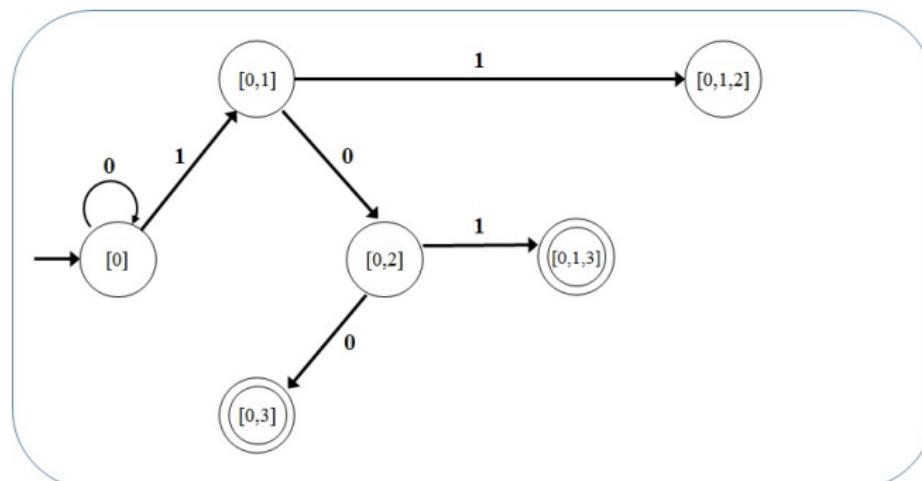
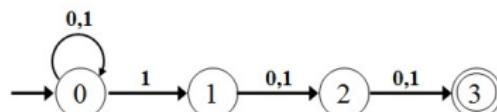
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



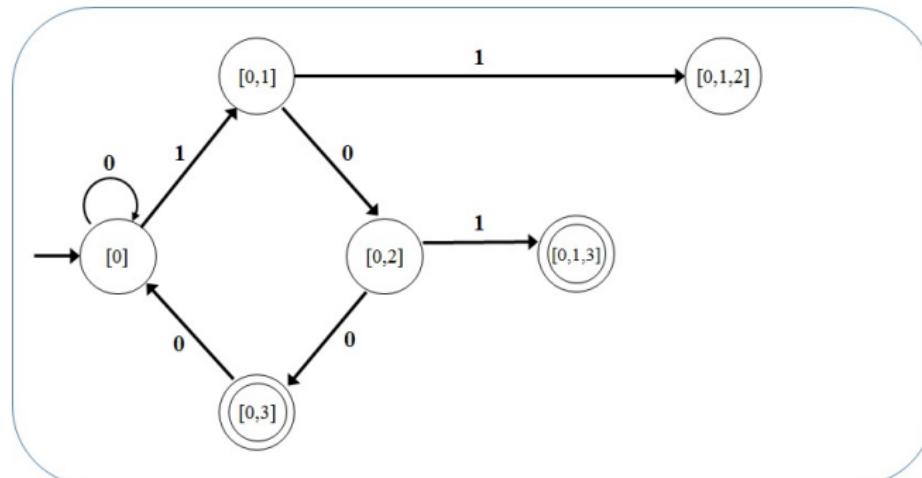
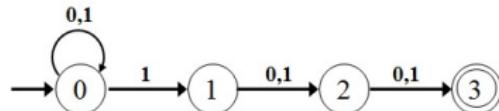
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



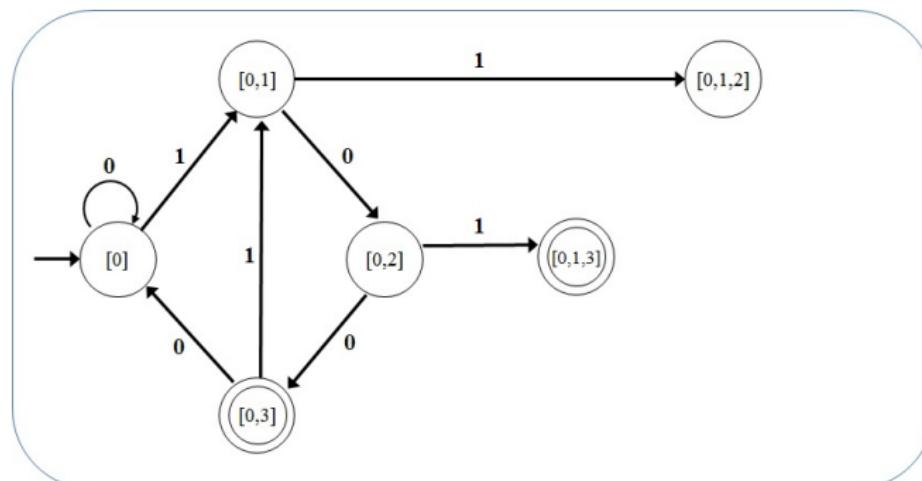
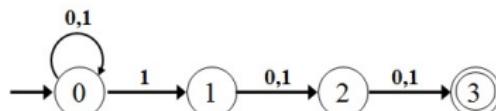
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



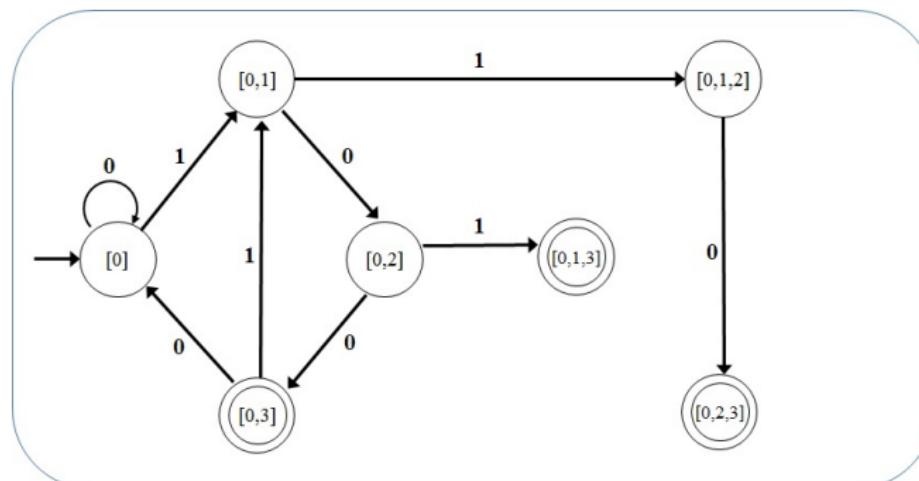
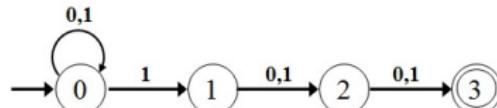
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



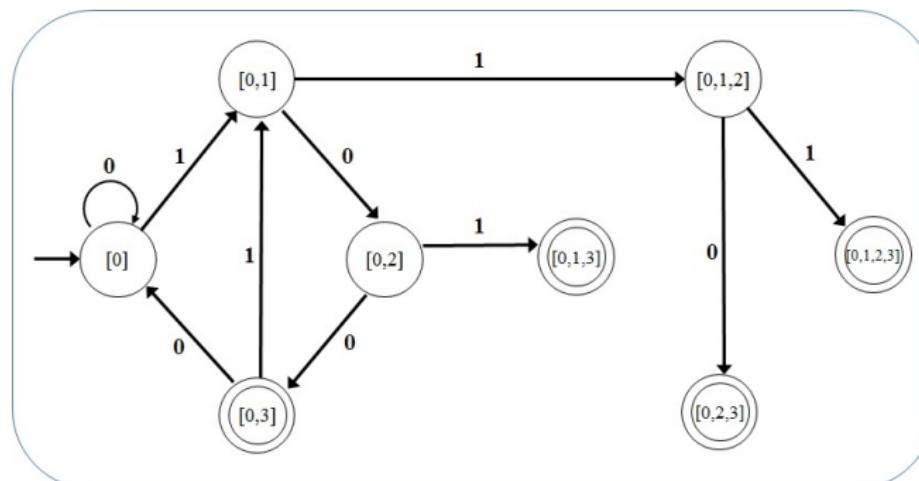
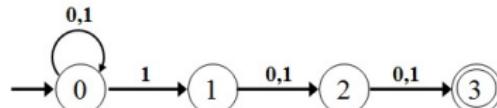
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



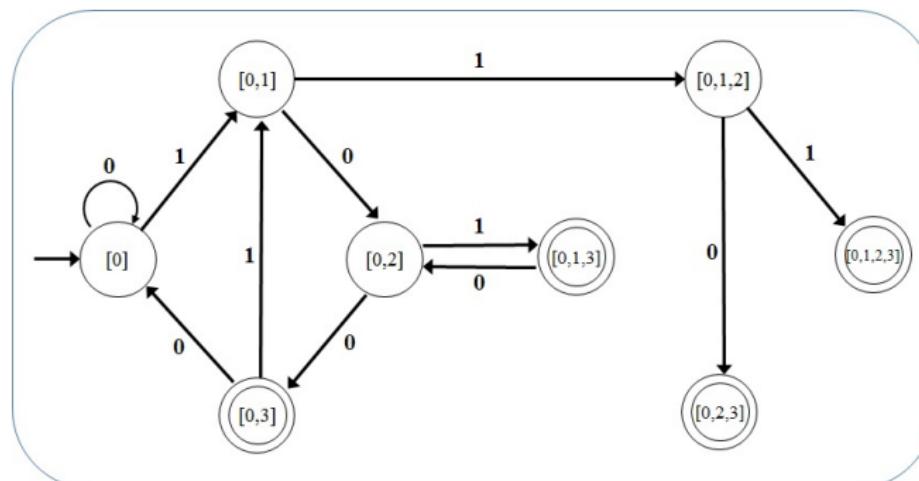
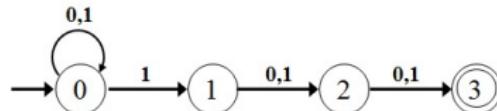
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



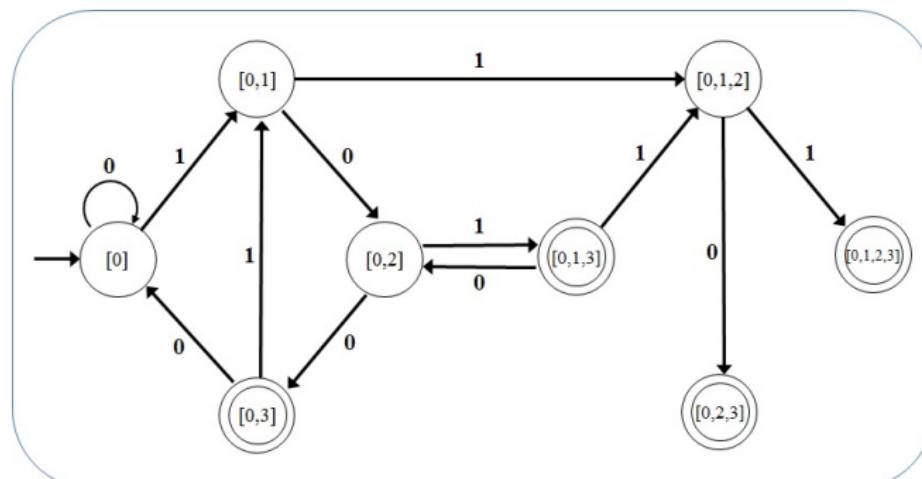
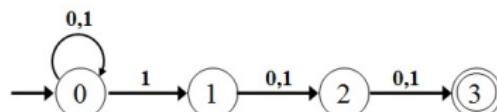
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



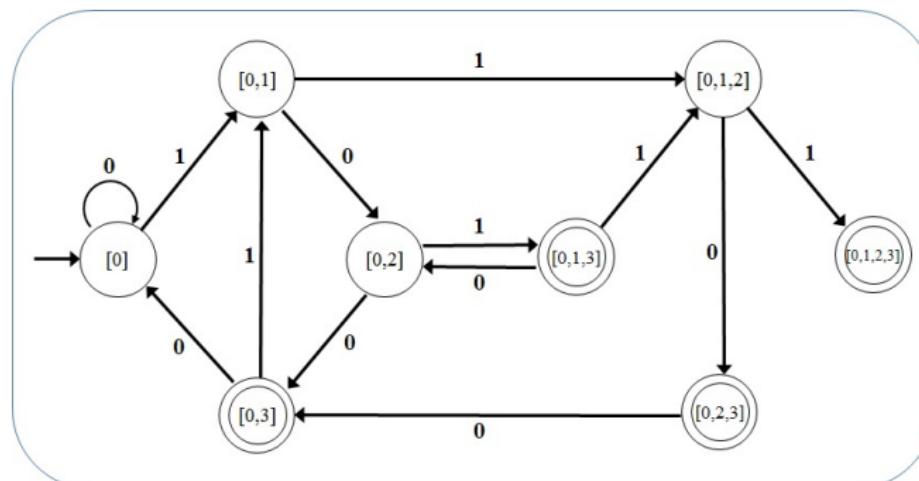
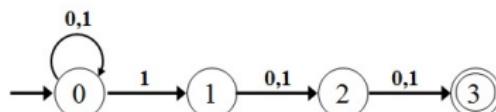
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



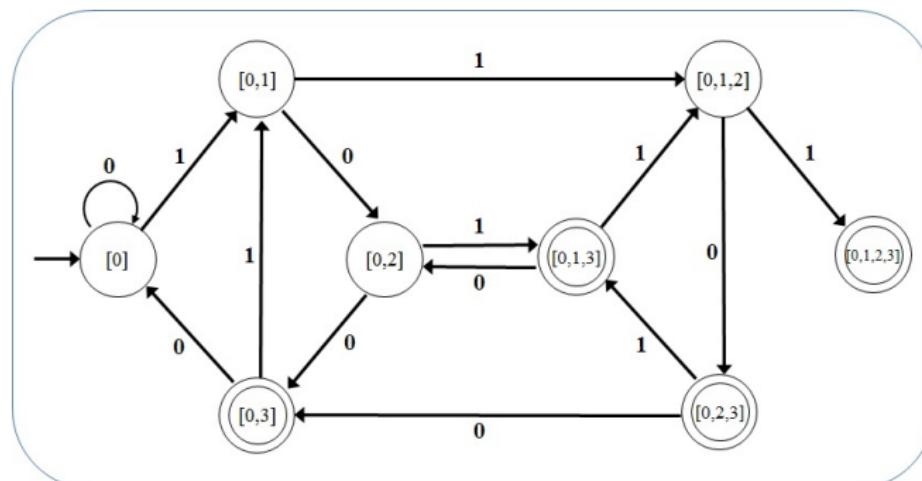
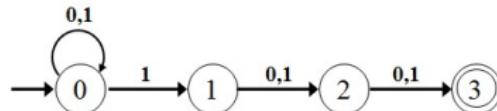
# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



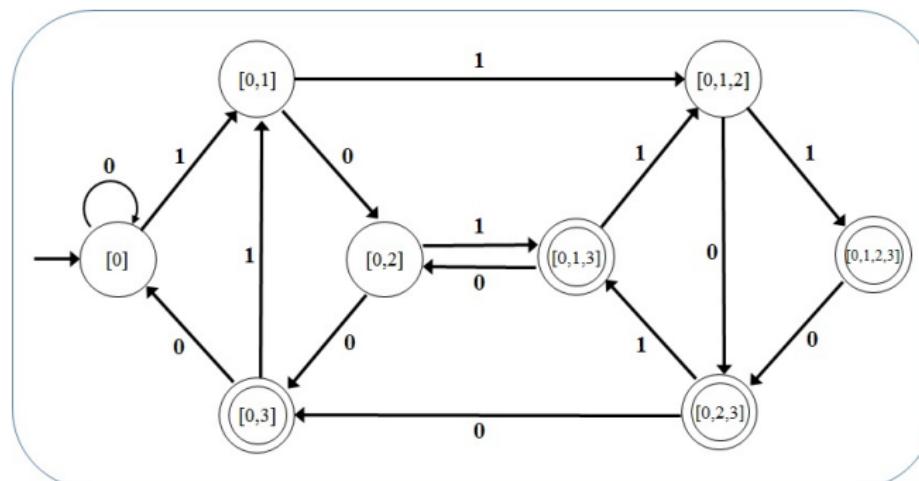
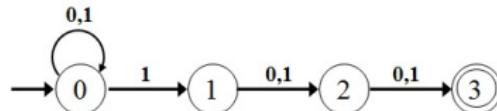
# Equivalência entre Autômatos Finitos

Exercício de Conversão AFN → AFD



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD



# Equivalência entre Autômatos Finitos

## Exercício de Conversão AFN → AFD

