

MatLab

O MATLAB é um ambiente de programação de alto nível para aplicações Científicas e de Engenharia.

Facilidades

- Oferece um leque alargado de bibliotecas de funções pré-definidas.
- Muito amigável em funcionalidades gráficas para Visualização de Dados.
- Largamente divulgado em Universidades e Laboratórios de Investigação.
- Muito conveniente para o desenvolvimento eficaz de protótipos.

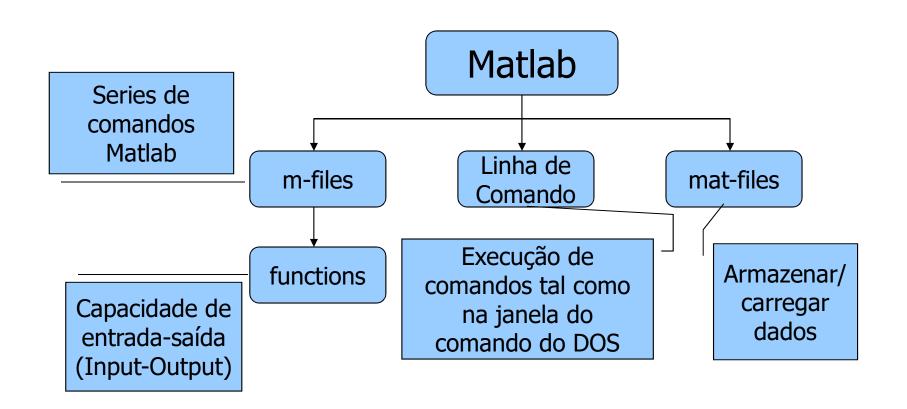
O que é o MATLAB?

Utilidade

- Software de <u>alto-desempenho</u>
 - Computação
 - Visualização
 - Ambiente de trabalho.
- Linguagem de <u>alto-nível</u>
 - Tipos dados
 - Funções
 - Instruções de Controlo fluxo
 - Input/output
 - Gráficos
 - Programação Orientada a Objectos

Suport

De que modo será utilizado?



Conteúdo:

- Janela do Matlab
- Variáveis, array, matrizes, índices
- Operadores (Aritmética, relacional, lógicos)
- Facilidades gráficas
- Controlo de fluxo
- Criar e utilizar as M-Files
- Escrita de Funções
- Conclusões

Partes do MATLAB

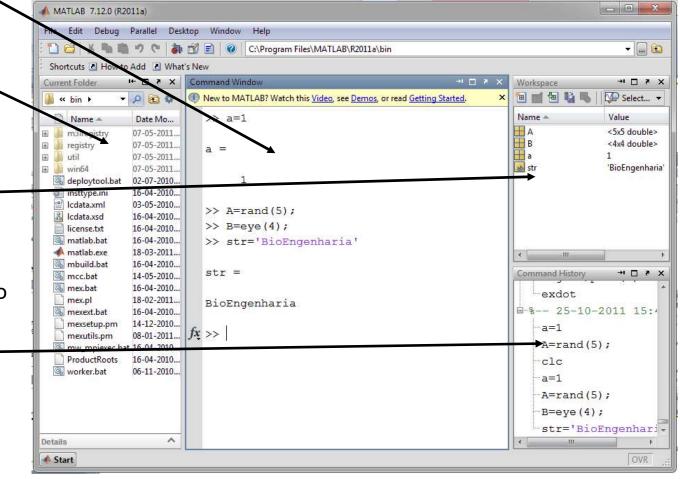
- Ambiente de Desenvolvimento
- Linguagem de Programação
- Gráficos
- Toolboxes
- Aplicações de Interface de Programas

Toolboxes

- Colecção de funções para resolver determinados problemas subordinado a aplicações especificas.
 - DSP Toolbox
 - Image Toolbox
 - Wavelet Toolbox
 - Neural Network Toolbox
 - Fuzzy Logic Toolbox
 - Control Toolbox
 - Communication Toolbox
 -

Janela do Matlab

- Command Window
- (Janela de comandos)
 - escrever comandos
- Current Folder (Directório actual)
 - Ver pastas, m-files e outros ficheiros
- Workspace (espaço de trabalho)
 - Ver as variáveis.
 - "Double click" na variável para as ver no "Array Editor"
- Command History
 - Ver comandos anteriores
 - Grava uma secção de trabalho

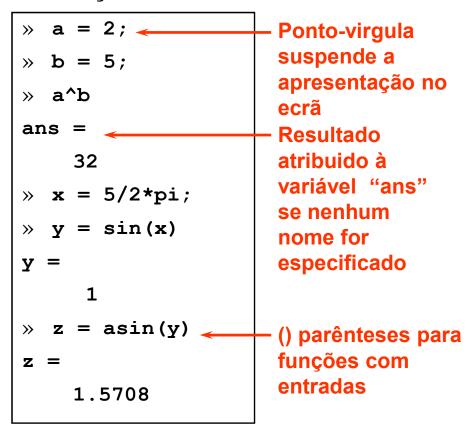


Calculos na Linha de Comandos

MATLAB como calculadora

```
>> -5/(4.8+5.32)^2
ans =
        -0.0488
>> (3+4i)*(3-4i)
ans =
        25
>> cos(pi/2)
ans =
      6.1230e-017
>> exp(acos(0.3))
ans =
      3.5470
```

Atribuição de Variables



Nota acerca do Workspace: Os números são por defeito armazenados no formato de precisão dupla em vírgula flutuante

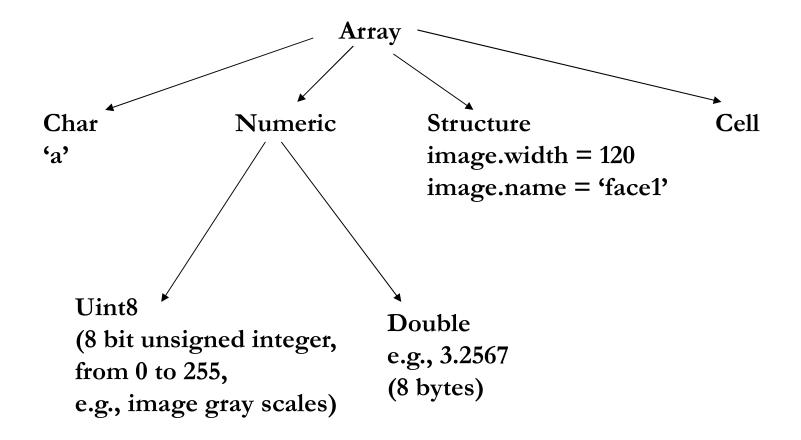
Funções Gerais

- whos: Lista as variáveis correntes
- clear: Limpa as variáveis e funções da memoria
- close: Fecha a última figura
- cd: Muda de directoria de trabalho
- dir: Lista os ficheiros da directoria
- echo: Comando "Eco" nas M-files
- format: Formata o conjunto de saídas

Obter ajuda (help)

- help command (>>help)
- lookfor command (>>lookfor)
- Help Browser (>>doc)
- helpwin command (>>helpwin)
- Search Engine
- Printable Documents
 - "Matlabroot\help\pdf_doc\"
- Link to The MathWorks

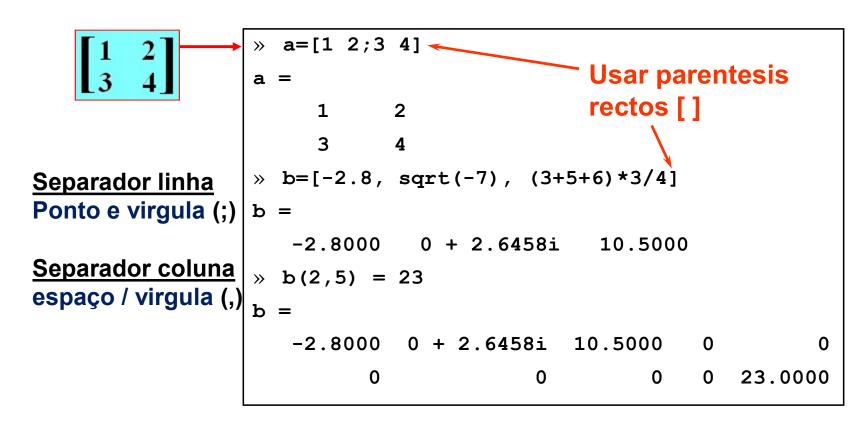
Tipos de Dados em MatLab



Matrizes

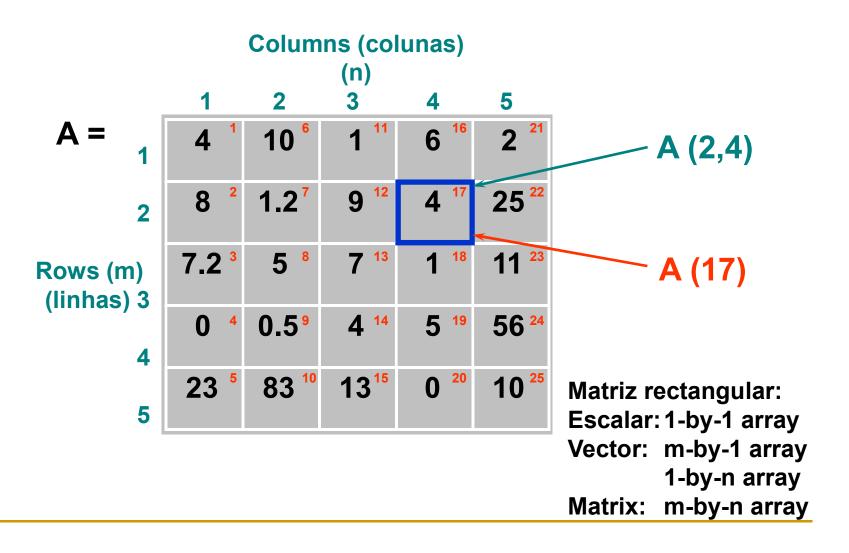
- Entrar e gerar Matrizes
- Subscripts
- Expansão escalar
- Concatenação
- Apagar linhas ("rows") e colunas ("columns")
- Extracção de "Array"
- Multiplicação de Matrizes e "Array"

Entrada de Matrizes Numéricas



- Qualquer expressão do MATLAB pode ter como elemento de entrada uma matriz.
- Matrizes devem ser rectangulares.

A Matriz no MATLAB



Entrada Numérica de Matrizes

```
Expansão escalar -
                           > w = [1 2; 3 4] + 5 
 Gerar sequencia:
                           > x = 1:5 
 Operator 2 pontos (:)
                          y = 2:-0.5:0
                          y =
                             2.0000
                                      1.5000
                                                1.0000
                                                          0.5000
                                                                   0
Funções uteis para
                          \gg z = rand(2,4)
criar matrizes.
                           z =
                                      0.6068
                             0.9501
                                                0.8913
                                                          0.4565
                             0.2311
                                      0.4860
                                                0.7621
                                                          0.0185
```

Mais exemplos ...

wm vector x = [1 2 5 1]
x =
1 2 5 1

■ uma matriz x = [1 2 3; 5 1 4; 3 2 -1]

```
x = 
1 	 2 	 3
5 	 1 	 4
3 	 2 	 -1
```

■ transposta y = x' y =

Mais exemplos ...

```
■ t =1:10
  t =
       1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
k = 2:-0.5:-1
  k =
       2 1.5 1 0.5 0 -0.5 -1
B = [1:4; 5:8]
  X =

      1
      2
      3
      4

      5
      6
      7
      8
```

Carregar/gravar dados

Ficheiros de dados

save filename var1 var2 ...

```
>> save myfile.mat x y \rightarrow binary
```

>> save myfile.dat x −ascii → ascii

load filename

```
>> load myfile.mat → binary
```

>> load myfile.dat -ascii → ascii

Ficheiros Excel: xlsread e xlswrite

```
>> [num,txt,raw] = xlsread(filename,sheet,range)
```

>> xlswrite(filename,A,sheet,range)

Criar matrizes com o uso de funções

zeros(M,N) MxN matrix of zeros

$$x = zeros(1,3)$$

 $x = 0$ 0 0

ones(M,N) MxN matrix of ones

$$x = ones(1,3)$$

 $x = 1$ 1 1

 rand(M,N) MxN matrix of uniformly distributed random numbers on (0,1)

```
x = rand(1,3)

x = 0.9501 \quad 0.2311 \quad 0.6068
```

Dado:

A =

3 5 3
6 8 2
2 7 3

>> A(6) ans = 7 >> A(3,2)
ans =

>> A(2, :)
ans =
6 8 2

>> A(1:2,2)
ans =
5
8

A(-2), A(0)

Error: ??? Subscript indices must either be real positive integers or logicals.

A(4,2)

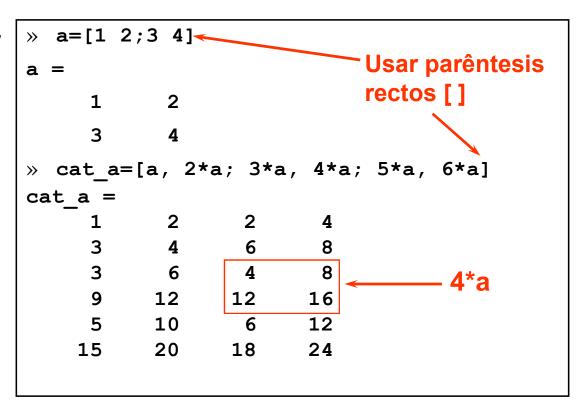
Error: ??? Index exceeds matrix dimensions.

Concatenação numérica de Matrizes

Usar [] para combinar matrizes existentes como matrizes "elementares"

Separador de linha: Ponto e vírgula (;)

Separador de coluna: espaço / virgula (,)



Nota: A matriz resultante terá que ser rectangular

Concatenação de Matrizes - Exemplos

$$C = [x y ; z]$$

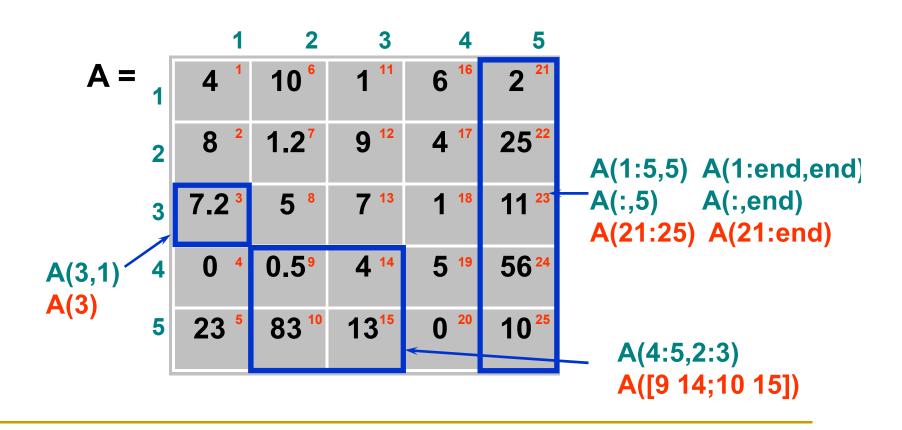
Error:

??? Error using ==> vertcat CAT arguments dimensions are not consistent.

Apagar linhas e colunas

```
» A=[1 5 9;4 3 2.5; 0.1 10 3i+1]
A =
   1.0000
                       5.0000
                                           9.0000
   4.0000
                       3.0000
                                           2.5000
   0.1000
                      10.0000
                                           1.0000+3.0000i
 > A(:,2)=[] 
A =
   1.0000
                       9.0000
   4.0000
                       2.5000
   0.1000
                       1.0000 + 3.0000i
A(2,2)=[]
     Indexed empty matrix assignment is not allowed.
```

Array Subscripting / Indexing



Operadores (aritmeticos)

- + adição
- subtracção
- * multiplicação
- / divisão
- ^ potência
- ' transposta ou complexa conjugado

Operações matriciais

Dados: matrizes A e B

Adição

Subtracção

Produto

Transposta

Operadores (Elemento por Elemento)

- .* multiplicação elemento-por-elemento
- ./ divisão elemento-por-elemento
- .^ potênciação elemento-por-elemento

O uso de "." – Operação "Elemento"





 $K = x^2$

Erorr:

??? Error using ==> mpower Matrix must be square.

B=x*y

Erorr:

??? Error using ==> mtimes Inner matrix dimensions must agree.

Multiplicação de Matrizes

Multiplicação de Matrizes Ponto-a-Ponto

Funções para manipulação de Matrizes

- zeros: Cria uma matriz com todos os elementos zeros
- ones: Cria uma matriz com todos os elementos "1"
- eye: Matriz Identidade
- rand: Números aleatórios com distribuição uniforme em [0,1]
- randn: Números aleatórios com distribuição normal (mean=0 e std=1);
- diag: Matriz diagonal matrizes e diagonal de uma matriz
- size: Retorna a dimensão de uma matriz
- fliplr: "Flip" matrizes "left-right"
- flipud: "Flip" matrizes "up and down"
- repmat: Replica uma matriz

Funções para manipulação de Matrizes

- transpose ('): matriz transposta
- rot90: matriz rodada em 90°
- tril: parte triangular inferior de uma matriz
- triu: parte triangular superior de uma matriz
- cross: vector produto cruzado ou produto vectorial
- dot: producto interno
- det: determinante de uma matrix
- inv: Inversa de uma matriz
- eig: calcula os valores e os vectores próprios
- rank: dimensão (rank) de uma matriz

Matrizes de caracteres (Strings)

Criar usando delimitador de aspas simples(')

```
» str = 'Hi there,'
str =
Hi there,

» str2 = 'Isn''t MATLAB great?'
str2 =
Isn't MATLAB great?
```

Cada caracter é uma matriz elementar (16 bits de memoria por caracter)



Os caracteres são indexados tal como nas matrizes numéricas

Tipo de Dados 'Char'

```
» c = ['hello'];
» whos
Name Size Bytes Class
c 1x5 10 char array
Grand total is 5 elements using 10 bytes

» c(1)
ans =
h
```

Concatenação de Matrizes String

Utilizar [] como operador:

Cada linha dever ter o mesmo comprimento

Separador linha:

Ponto e virgula (;)

Separador coluna:

espaço / virgula (,)

```
>> str = 'Hi there,';
>> str1='Everyone!';
>> new_str=[str, ' ', str1]
new_str =
Hi there, Everyone!
>> str2 = 'Isn''t MATLAB great?';
>> new_str2=[new_str; str2]
new_str2 =
Hi there, Everyone!
Isn't MATLAB great?

Matriz 2x19

Vectores 1x9

Vectores 1x19

Natriz 2x19

Matriz 2x19

Output

Natriz 2x19

Output
```

Para strings de tamanho

diferentes usar:

strvcat

```
    new_str3 = strvcat(str, str2)
new_str3 =
Hi there,
Isn't MATLAB great?

Matriz 2x19
(zero padded)
```

Trabalhar com matrizes de "String"

- Comparação de "Strings"
 - strcmp: compara frases
 - strncmp: compare os primeiros 'N' caracteres
 - findstr: encontra uma substring (subfrases) dentro de uma frase.
- Converte matrizes de números & string :
 - num2str: converte de matrizes numéricas para string.
 - str2num: converte de matrizes de string para numérica
 - char: converte o código ASCII para um caracter.

Uint8 e Doubles

Double

- Maioria funções MATLAB
 - doubles como argumento de entrada
 - return double
 - e.g.,
 - Necessidade de converter 'uint8' para 'double' antes de realizar operação matemática

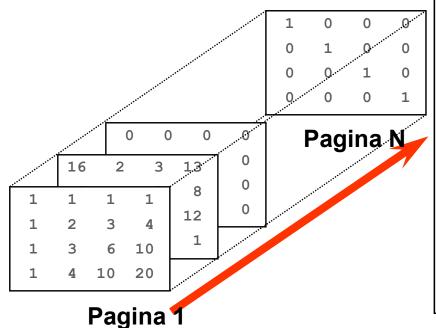
```
a = 1:10
a =
 > b = uint8(a) 
b =
» whos
 Name
         Size
                  Bytes Class
       1x10
                  80 double array
                  10 uint8 array
       1x10
» b*2
??? Error using ==> *
Function '*' not defined for variables of class 'uint8'.
» (double(b))*2
ans =
          6 8 10 12 14 16 18 20
```

Matrizes Multidimensionais«

A 1ª dimensão da matriz é a linha - row.

A 2^a dimensão da matriz é a coluna - column.

A 3^a dimensão da matriz é a página- the *page*.



```
\gg A = pascal(4);
A(:,:,2) = magic(4)
A(:,:,1) =
                        10
                  10
                        20
A(:,:,2) =
    16
            2
                        13
           11
                  10
                  6
                        12
                  15
           14
\gg A(:,:,9) =
  diag(ones(1,4));
```

Estruturas / Structures

• Variável contendo campos (*fields*) de variáveis de dados com designações e tipos de dados diferenciados.

```
>> patient.name='John Doe';
>> patient.billing = 127.00;
>> patient.test= [79 75 73;
180 178 177.5;
220 210 205];
```

- A função *struct* cria uma matriz estrutura.
- Matriz de *structures*

```
>> patient(2).name='Katty Thomson';
>> Patient(2).billing = 100.00;
>> Patient(2).test= [69 25 33; 120 128 177.5; 220 210 205];
```

Tipo de Dados 'Struct'

```
image.name = 'Tom';
» image.height = 3;

» image.width = 3;

» image.data = [8 10 2; 22 7 22; 2 4 7];

» whos
Name Size Bytes Class
image 1x1 590 struct array
```

Grand total is 18 elements using 590 bytes

Tipo de dados Arrays de Estruturas

```
\Rightarrow image(1) = image;
» image(2).name = 'Mary'
\Rightarrow image(2).width = 4;
\Rightarrow image(2).height = 4;
» whos
 Name
            Size
                     Bytes Class
         1x2
 image
                      894 struct array
Grand total is 28 elements using 894 bytes
» image
image =
1x2 struct array with fields:
  name
  height
  width
  data
```

Arrays de Estruturas

```
\Rightarrow image(1) = image;
» image(2).name = 'Mary'
\Rightarrow image(2).width = 4;
\Rightarrow image(2).height = 4;
» whos
            Size
                      Bytes Class
 Name
           1x2
                       894 struct array
 image
Grand total is 28 elements using 894 bytes
» image
image =
1x2 struct array with fields:
  name
  height
  width
  data
```

```
» image(2)
ans =
   name: 'Mary'
  height: 4
   width: 4
   data: []
» image(1)
ans =
   name: 'Tom'
  height: 3
   width: 3
   data: [3x3 double]
```

Cell Arrays

• Matriz cujos elementos são células (*cell*s). Pode conter outras matrizes de diferentes tipos.

```
>> A(1,1) = {[1 4 3;
0 5 8;
7 2 9]};
>> A(1,2) = {'Ana Simões'};
>> A(2,1) = {3+7i};
>> A(2,2) = {-pi:pi/10:pi};
```

cell 1,1			cell 1,2
1	4	3	
0	5	8	Ana Simões
7	2	9	
cell 2,1			cell 2,2
3+7i			[-pi:pi/10:pi]

- Utilizar chavetas {} para apontar aos elementos matriz celula
- Utilizar a função *celldisp* para mostrar a matriz celula

Tarefas Basicas: Desenhar a função sin(x) entre 0≤x≤4π

• Criar uma matriz x com 100 amostras entre $0 e 4\pi$.

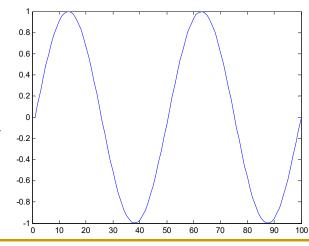
```
>>x=linspace(0,4*pi,100);
```

Calcular sin(.) da array x

```
>>y=sin(x);
```

Desenhar (Plot) a matriz y

```
>>plot(y)
```



Desenhar a função $e^{-x/3}\sin(x)$ entre $0 \le x \le 4\pi$

 Criar uma matriz x com 100 amostras entre 0 e 4π.

```
>>x=linspace(0,4*pi,100);
```

Calcular sin(.) da matriz x

```
>>y=sin(x);
```

Calcular e-x/3 da matriz x

```
>>y1=exp(-x/3);
```

Multiplicar a matriz y com y1

```
>>y2=y*<del>y</del>1;
```

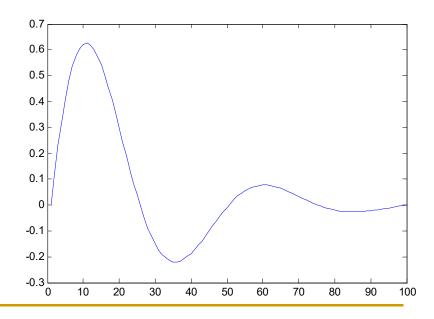
ERRADO!!!!!

Desenhar a função $e^{-x/3}\sin(x)$ entre $0 \le x \le 4\pi$

Multiplicar a matriz y e y1 correctamente

Desenhar a matriz y2

>>plot(y2)



Opções de "Display"

plot(.)

```
Example:

>>x=linspace(0,4*pi,100);

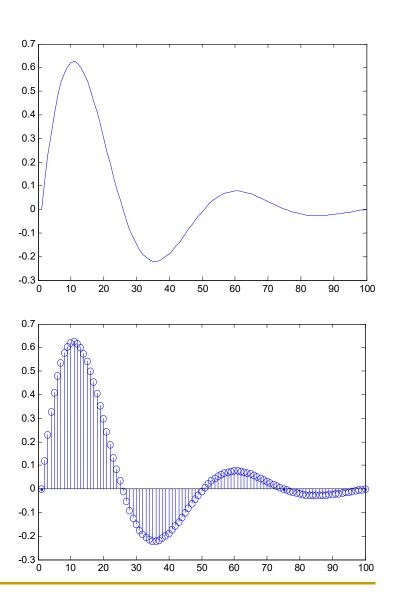
>>y=sin(x);

>>plot(y)

>>plot(x,y)
```

stem(.)

```
Example:
>>stem(y)
>>stem(x,y)
```



Opções de "Display"

title(.)

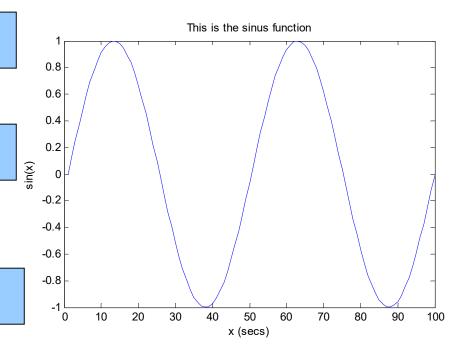
>>title('This is the sinus function')

xlabel(.)

>>xlabel('x (secs)')

ylabel(.)

>>ylabel(`sin(x)')

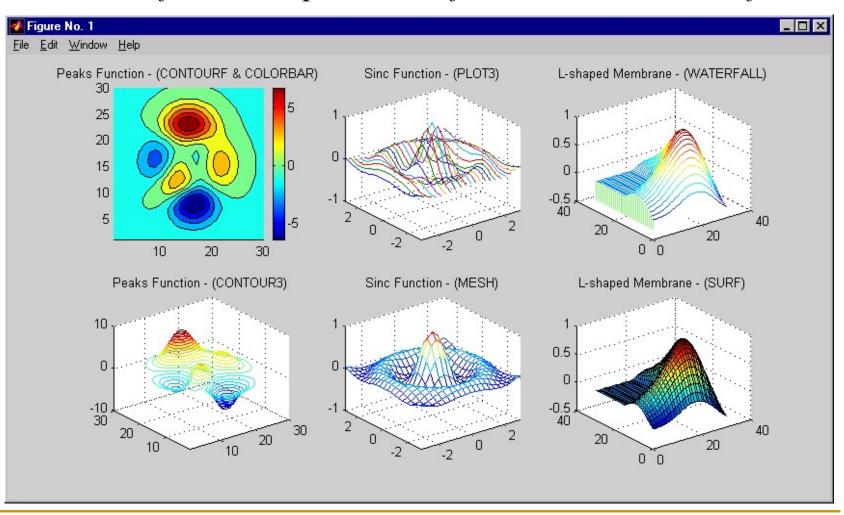


Surface Plot

```
x = 0:0.1:2;
y = 0:0.1:2;
[xx, yy] = meshgrid(x,y);
                                                                                          _ | U X
                                          Figure No. 1
zz=sin(xx.^2+yy.^2);
                                          File Edit View Insert Tools Window Help
surf(xx,yy,zz)
                                          | D | G | 目 | B | ■ | B | A / / | 9 9 つ
xlabel('X axes')
ylabel('Y axes')
                                              0.5
                                              -0.5
                                                  1.5
                                                                                     1.5
                                                                         0.5
                                                                 0 0
                                                     Y axes
                                                                             Xaxes
```

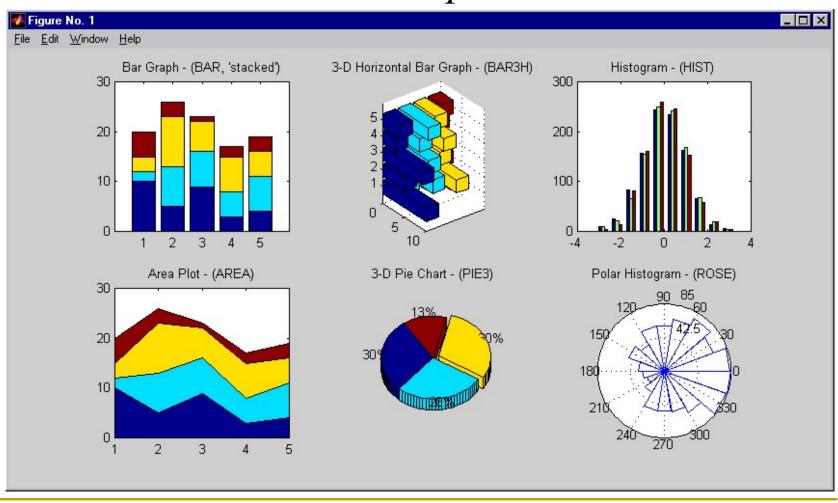
3 D Surface Plot

contourf-colorbar-plot3-waterfall-contour3-mesh-surf



Rotinas especializadas de "Plotting"

bar-bar3h-hist-area-pie3-rose



Operadores (relacionais, logicos)

- = == Equal to (igual a)
- ~= Not equal to (diferente a)
- < Strictly smaller (menor que)</p>
- > Strictly greater (maior que)
- <= Smaller than or equal to (menor ou igual que)</p>
- >= Series = >= Greater than equal to (major ou igual que)
- & And operator (operador "e")
- Or operator (operador "ou")

Controlo de Fluxo

- if
- for
- while
- break
- **...**

Estruturas de Controlo

If Statement Syntax

```
if (Condition_1)

Matlab Commands
elseif (Condition_2)

Matlab Commands
elseif (Condition_3)

Matlab Commands
else

Matlab Commands
else
```

```
Alguns exemplos
if ((a>3) & (b==5))
   Comandos do Matlab;
end
if (a<3)
   Comandos do Matlab;
elseif (b \sim = 5)
   Comandos do Matlab;
end
if (a<3)
   Comandos do Matlab;
else
   Comandos do Matlab;
```

end

Estruturas de Controlo

For loop syntax

for i=Index_Array

Matlab Commands

end

Alguns exemplos

```
for i=1:100
   Comandos do Matlab;
end
for j=1:3:200
   Comandos do Matlab;
end
for m=13:-0.2:-21
   Some Matlab Commands;
end
for k=[0.1 0.3 -13 12 7 -9.3]
   Comandos do Matlab;
end
```

Estruturas de Controlo

While Loop Syntax

while (condition)

Matlab Commands

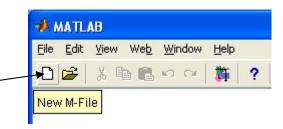
end

Exemplo

```
while ((a>3) & (b==5))
Comandos do Matlab;
end
```

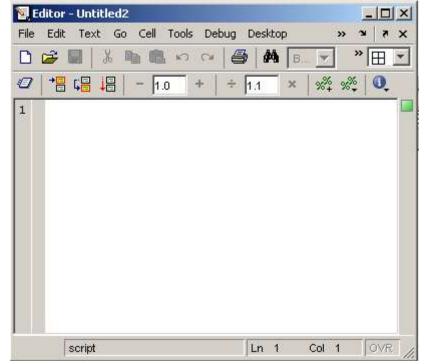
M-File

Click em "create a new M-File" (criar uma nova M-file")



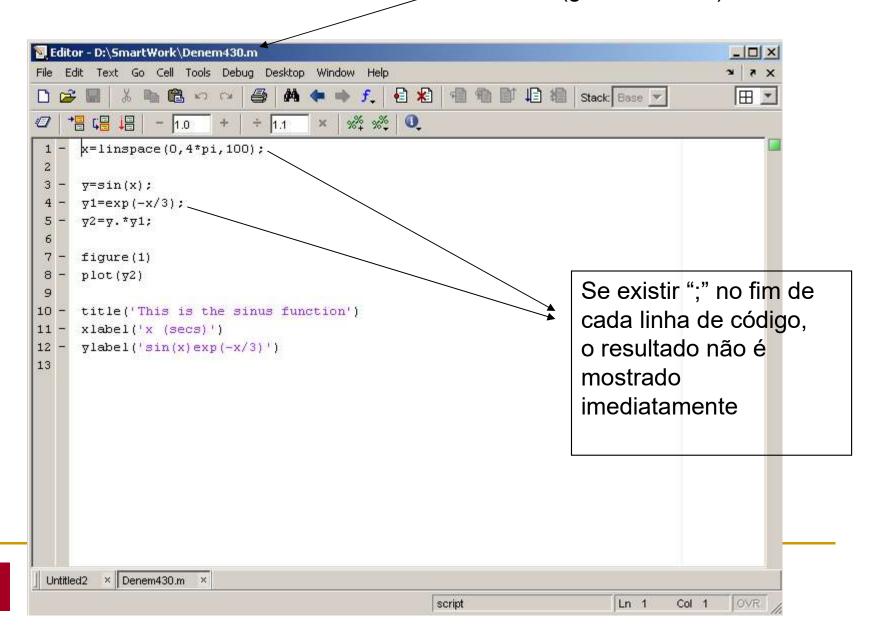


- Extensão ".m"
- Um ficheiro texto que contêm "script", funções ou programas para serem executados.



Uso da M-File

Save file as (guardar como) Denem430.m



Escrever uma função definida pelo utilizador

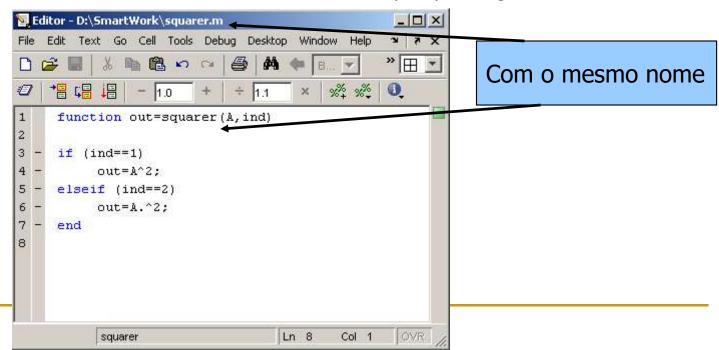
- As funções são m-files que podem ser executadas.
 Permitem a especificação de algumas entradas e devolução de saídas desejadas.
- A etiqueta de código "function" indica ao Matlab que se trata de uma função m-file:

```
function out1=functionname(in1)
function out1=functionname(in1,in2,in3)
function [out1,out2]=functionname(in1,in2)
```

 O comando "function" deve iniciar a m-file. Esta file deve ser gravada com o mesmo nome da função.

Escrever uma função definida pelo utilizador

- Exemplo
 - escrever a função : out=squarer (A, ind)
 - Deve devolver o quadrado da matriz de entrada se a entrada indicador (ind) for igual a 1
 - Deve devolver o quadrado elemento por elemento da matriz de entrada se o indicador (ind) for igual a 2



Notas:

- "%" As linhas de comentário são iniciadas pelo este caracter (equivalente ao "//" no C). Qualquer coisa escrita à sua direita nessa linha é negligenciada pelo compilador do Matlab.
- Por vezes é necessário (deliberadamente) abrandar a execução do código, frequentemente para permitir a observação de resultados intermédios. Para o efeito, utiliza-se o comando "pause"

pause %Espera até uma tecla ser pressionada pause(3) %espera 3 segundos

Exercícios

1 - Para as matrizes A e B definidas, execute as seguintes operações e interprete os resultados.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 3 & 7 & 0 \end{bmatrix}$$

- a) A+B b) A*B c) A.*B d) A.^2

- e) A^2 f) A*A g) inv(A) h) inv(A)*A

- i) $A \setminus A$ j) A/A k) A/A eye(3)
- I) A*inv(A) eye(3)

2 – Utilizando as funções zeros, ones e eye construa as seguintes matrizes:

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

zeros (4)

ones(3)

ones(2,1)

eye (2)

3 – A partir das matrizes A e B do exercício 2 e
 D = [A B] verifique quais das seguintes operações são possíveis.

a) A*D b) D*A c) D'*A d) A*D*B

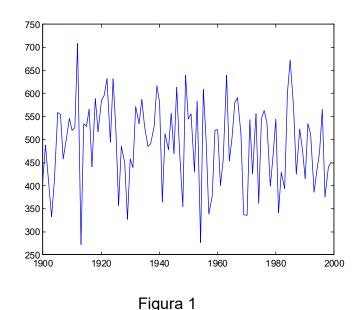
e) A*B*D f) A*D'g) D(:,1:3)*A

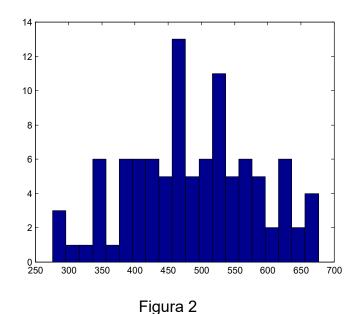
h) D(1:3,:)*A

- 4 A partir de um conjunto 1000 de valores aleatórios com distribuição normal (média 10 e desvio padrão 4) determine a percentagem de valores:
 - a) superiores a 10
 - b) entre 8 e 12;
 - c) entre 6 e 14;
 - d) entre 6 e 14;
 - e) superiores a 15.
- **5** Represente graficamente a função de densidade de probabilidade da distribuição normal reduzida, no intervalo de -4 a 4. x^2

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{x}{2}}$$

- 6 A partir de um conjunto de 100 valores aleatórios com média 500 e desvio padrão 100, representando uma série de valores anuais de precipitação entre 1900 e 1999, elabore um programa que:
 - a) Represente graficamente esta série temporal (Figura 1).
 - b) Conte o número de ocorrências em que a precipitação excedeu o valor médio mais duas vezes o desvio padrão (valores considerados anómalos).
 - c) Represente no gráfico, através de círculos pretos, os valores anteriores.
 - Utilizando a função *hist,* construa um histograma, com 20 classes, que represente a distribuição da precipitação (Figura 2).





7 - Construa uma função que calcula o factorial de um número.				

Questões

- **?**
- ?
- **?**
- **?**
- **?**

INTERVALO