Algoritmos y Estructuras de Datos

|        |         | Parcial  | _            | Sábado | 7 de | oct | ubre | e de | 202 | 23         |
|--------|---------|----------|--------------|--------|------|-----|------|------|-----|------------|
| #Orden | Libreta |          | Apellido y l | Nombre |      |     |      |      |     | Nota Final |
| 301    | 1088/22 | Franty 1 | bylesy Pedr  | 6      |      | 20  | 20   | 15   | 30  | 95         |

- Es posible tener una hoja (2 carillas), escrita a mano, con los anotaciones que se descen
- · Cada ejercicio debe entregarse en hojas separadas
- Incluir en cada hoja el número de orden asignado, número de libreta, número de hoja, apellido y nombre
- El parcial se aprueba con 60 puntos. Para promocionar es accesario tener al menos 70 y ningún ejercicio con 0 puntos (en ambos parciales).

#### E1. Especificación de problemas [20 pts]

Se desea especificar el problema primosEnCero que dada una secuencia s de enteros devuelve la secuencia pero con los valores que se encuentran en posiciones correspondientes a un número primo reemplazados por 0. Si lo desea puede ayudarse escribiendo predicados y funciones auxiliares.

#### Ejemplos

- $\bullet$  primosEnCero([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]) = [0, 1, 0, 0, 4, 0, 6]
- primosEnCero([5, 7, -2, 13, -9, 1]) = [5, 7, 0, 0, -9, 0]

### E2. Modelado con TADs [30 pts]

Queremos modelar el funcionamiento de un vivero. El vivero arranca su actividad sin ninguna planta y con un monto inicial de dinero. Las plantas las compramos en un mayorista que nos vende la cantidad que descemos pero solamente de a una especie por vez. Como vivimos en un país con inflación, cada vez que vamos a comprar tenemos un precio diferente para la misma planta. Para poder comprar plantas tenemos que tener suficiente dinero disponible, ya que el mayorista no acepta fiarnos.

A cada planta le ponemos un precio de venta por unidad. Esé precio tenemos que poder cambiarlo todas las veces que necesitemos. Para simplificar el problema, asumimos que las plantas las vendemos de a un ejemplar (cada venta involuera un solo ejemplar de una única especie). Por supuesto que para poder hacer una venta tenemos que tener stock de esa planta y tenemos que haberle fijado un precio previamente. Además, se quiere seber en todo momento cuál es el balance de caje, es decir, el dicaro que tiere disponible el vivere.

- 1. [10 pts] Indique las operaciones (procs) del TAD con todos sus parámetros.
- 2. [15 pts] Describa el TAD en forma completa, indicando sus observadores, los requiere y asegura de las operaciones. Puede agregar los predicados y funciones auxiliares que necesite, con su correspondiente definición
- 3. [5 pts] ¿Qué cambiaría si supiéramos a priori que cada vez que compramos en el mayorista pagames exactamente el 10% más que la vez anterior? Describa los cambios en palabras.

## E3. Precondición más débil [20 pts]

Dado el siguiente condicional determinar la precondición más débil que permite hacer valer la poscondición (Q) propuesta. Simplifique la fórmula resultante tanto como sea posible.

```
if i \mod 2 = 0 then
| s[i] = 2 * s[i]
else
| s[0] = 3;
end
Q \equiv \{(\forall j : \mathbb{Z})(0 \le j < |s| \to_L s[j] \mod 2 = 0)\}
```

# E4. Correctitud del ciclo [30 pts]

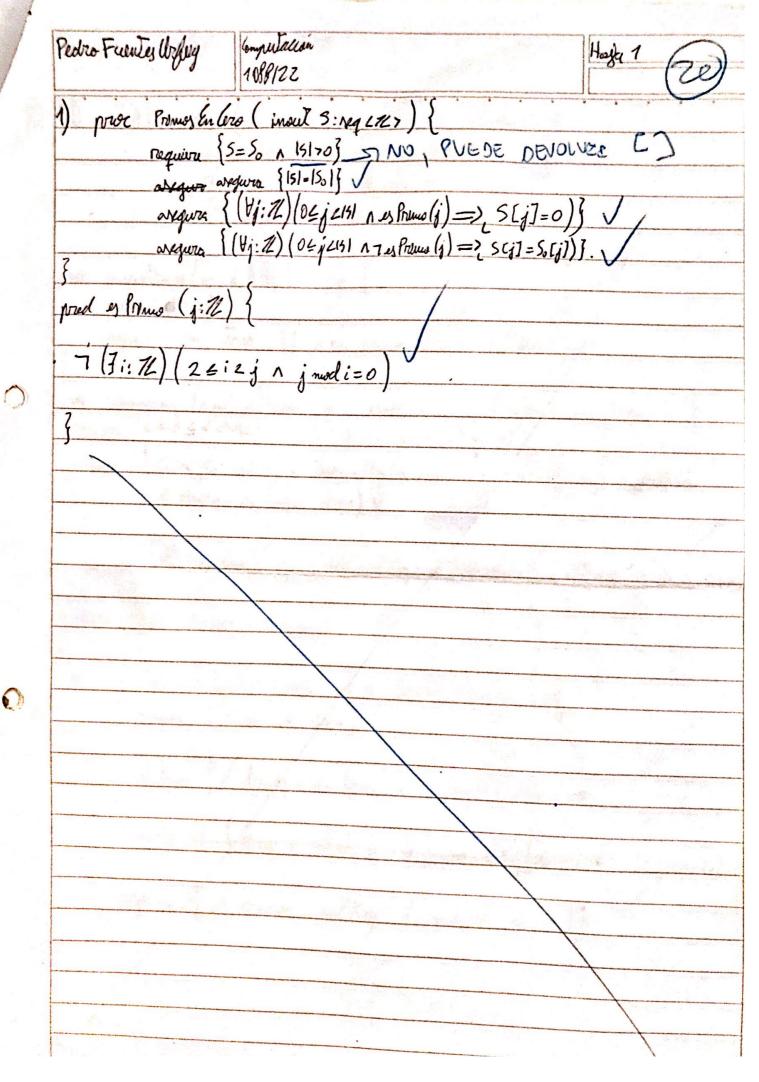
Dado el siguiente ciclo, su precondición  $(P_c)$  y su postcondición  $(Q_c)$ ,

$$P_c \equiv \{i = |s| - 1 \land res = 0\}$$
while  $i \ge 0$  do
$$res := res + s[i] + 1;$$

$$i := i - 1;$$
end

$$Q_c \equiv \{res = |s| + \sum_{j=0}^{|s|-1} s[j]\}$$

- a) [10 pts] Proponer un invariante (I) y una función variante ( $f_v$ ) para el cicle
- b) [20 pts] Demostrar los siguientes pasos de la demostración de correctitud del ciclo
  - 1) [5 pts]  $P_c \rightarrow I$
  - II) [10 pts]  $(I \land \neg B) \rightarrow Q_c$
  - III) [5 pts]  $(I \wedge f_t \leq 0) \rightarrow \neg B$



Congrutación Pedro Frenty dreply Itala 2 1088122 TAD VINERO } // Egyelle of String, Praces of N. lawleded of IN obs Noch: Det LEprecie, 20> ols precios: dict c Expecte, Proces. denero: to Z proc nuevo Vivero (in d: 1/1 ): Vivero. reg {dzo} aregura (res. Noch = { } n rus. predus = { } n res. dhuro = d roc comprair (mont d: Vivero, in C: Espelle, in c: Cantidad, in p: Precedo regulere { C\*P & d. Jimero} 1 p>0 a FSTÁ BIEN ( C in do rock 1 d. Nock = NIty ( to Noch , C. do Noch [0] + c)

d. Shuro = do Juno - C+p) V (-16 in do. Nack) My d. Noch = sel Key ( do. Noch, e, c) M d. duero = do. duero - c+p proc Fifar Proces (mout d: Vinery, in e: Especie, in p: Prado L. Nock - Lo. Tock d. preus = rel Ky (do. preus, E.

|  | ( mont d: Vivero, in 6: Especie) {   |
|--|--|
| leans  | ere {(E in d. Nock M d. Nock [r] = 1 }) N E in d. wars}  |
|  |  |
| er fillstad stadiosen in went and stade which which the standard stadioses is not  | ra { d. pravoj = do. pravos f. i   |
| aregu  | ra { a. pranof= a. pranos f. V   |
| the second secon | -51, 52731   |
| aregure  | ¿ { d. dinero = do. dinero + do. pracas [e].   |
|  | The state of the s |
| Negwa  | { d. Noch = db ret Ky (o. Noch, e, Lo. Noch [e] -1) }.   |
|  | - 1 Page 80 May - 1 May - 1 May - 2 May - 2 May - 1 May - 2    |
| via Balani   | De Cafa (in L: Vivero): # {  |
| 4  | 1) daya (m. x.: vmclo) . Har   |
| aNduva   | { res = L. dimero }.   |
| and the same   | where the same is the same of  |
|  | was visited to compare the second of   |
|  |  |
| to and he  | was a for a feet on a distribution of the second has   |
| A. 18.1.   | summage en 10%. cada vey you congre , cambain us with prox congresor.  |
|  | fra completion agon for compact,   |
| Auto and le  | MADE I I AMBUTO ATRICO. ARTO COMPLETE WI ALL Sort Go were de due du  |
| Antenole p   | arara el nuevo podo, pero cambiara mi ols Rock. En vez de guandas  |
| Autenole p<br>la Cantidad,   | guardaria una Tupla que determen la cantidad actual y  |
| Antenole p<br>La Cantidad,<br>el ülleme p  | guardaria una Tupla que ditermin la cantidad actual y reces pagado. Hendra   |
| Antenole p<br>la Cantidad,<br>el utillus p   | guardaria una Tupla que ditermin la cantidad actual y reces pagado. Hendra   |
| la considad, el cillune per consider mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| ha consider of al consider of williams of the consider mayor   | guardaria una Tupla que ditermin la cantidad actual y reces pagado. Hendra   |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| la considad, el cillune pe<br>un proc com<br>blar mayor  | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of which proceed comments of the mayor   | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |
| A consider of la consider of williams of in it procession, blan mayor  | prarie el nuevo podo, pero cambiara mi obs sfock. En vez de quadar quandaria una Tupla que determin la cantidad actual y receo pagado. Hendra que cambiar en el requiere que mo devero actual ser o requier a la considera medigible por 1.1, multiplicada por el  |

| Pedro Frentes Urgery       | Conjulation<br>1088122              | 16/43.  |
|----------------------------|-------------------------------------|---|
|                            | odo el codyo y D = thi moo          |   |
| wp (5,Q) = wp ( if D       | Then 5(i]:=2*5[i]else 5[0           | ):=3 (Q) =  |
| (DALOGICISIAL Q            | 3<br>PRAT (5,1 12 +5(13) ) V (7D A) | 06:2141 m. QNATAT(5,013)  |
| Analyz el Nomer Caro,      | donders b.                          |   |
| DALO GIZIALAL (            | 1:12) (06/ c/51 -> (i=j)            | 1 2 * S[i] mod 2=0) V [i + j 1 _ S[j] nu                            |
| Pucarto el coro i junto de | u datrece                           | 5[j]mod z=0).V  |
| = 1) 11 05:2131 11 (       | 11.12/(0=121)1X1+1                  |   |
| Analyp I care Lord         | bul 7).                             | V   |
| ,                          | 4: 11/04/2191 -> (j=01,3 max        | 12=0) V (j#0 ne 5 [j] mal 2=0).                                     |
| 702106.2171                | 7/ F.J.                             | The same of the sample of conflicte                                 |
| Dado que el con jos.       | ex Folso, necesto que 150 ses       | Tue pera que volge el constere<br>Ledo para j sepir el reuso del V. |
| Por unde el Termino Le     | 1 y Falso, a hours of               | sedo para j sepin el romgo del V.<br>ne el caro de 70 ser balso.    |
| Lucyo, ventro al la        | up original                         |   |
| U/(5,12) = 20m &           | IN imal z=0 NOLILISI                | n. (bj: 11) (05 just nitj - 7 5 Cg)                                 |
| ESTA                       | BIEN PERO TE                        | SAUTEASTE LOS   |
| PASOS BE                   | c SETAT                             |   |
|                            |                                     |   |
|                            |                                     |   |
|                            |                                     |   |
|                            |                                     |   |

