# Árvore de decisão aplicada na base Íris

Agora com as partições A, B e C, podemos aplicar o algoritmo de árvore de decisão com a métrica de entropia.

Teoricamente, a equação de entropia é dada por:

$$\operatorname{Entropia}(S) = -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 p_i$$

Na própria documentação do scikit learn aqui podemos ver que para o critério de entropia o mesmo cálculo é adotado.

Usando-se a entropia, podemos calcular o ganho de cada variável. A que tiver o maior ganho, será usada para o nó inicial de decisão. O processo de calcular o ganho precisa ser repetido para a geração de cada novo nó, isolando-se as amostras que são filtradas pelo pai desses nós.

Vamos carregar os nossos datasets abaixo e construir a árvore de decisão, para os três experimentos, assim como pede a especificação do segundo trabalho.

Os resultados de acurácia, sensitividade, especificidade e outras métricas serão armazenada aqui, para uso posterior em comparação:

```
In [49]: import pandas as pd

metrics_df = pd.DataFrame(columns=["treinamento", "acurácia", "sensitividade", "especifi
metrics_df
```

Out[49]; treinamento acurácia sensitividade especificidade precision

### Primeiro: Treinamento (A+B) e Teste (C)

carregar todos os datasets primeiro:

```
In [50]: A = pd.read_csv('../Iris/df_A.csv', header=None)
B = pd.read_csv('../Iris/df_B.csv', header=None)
C = pd.read_csv('../Iris/df_C.csv', header=None)

# Set the first row as the header
A.columns = A.iloc[0]
B.columns = B.iloc[0]
C.columns = C.iloc[0]

# Drop the first row now that the headers are set
A = A.drop(A.index[0])
B = B.drop(B.index[0])
C = C.drop(C.index[0])

# Reset the index if needed
A.reset_index(drop=True, inplace=True)
```

```
B.reset_index(drop=True, inplace=True)
C.reset_index(drop=True, inplace=True)
```

Abaixo, os cálculos de acurácia, sensitividade, especificidade e precisão, seguindo essa ordem.

```
In [51]: from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
           from sklearn.metrics import accuracy score
           # Concatenate datasets A and B to form the training set
           # the X train contains
           X train = pd.concat([A.iloc[:, :-1], B.iloc[:, :-1]], ignore index=True)
           y train = pd.concat([A.iloc[:, -1], B.iloc[:, -1]], ignore index=True)
           # Use dataset C as the test set
           X \text{ test} = C.iloc[:, :-1]
           y test = C.iloc[:, -1]
           # Create and fit the decision tree classifier
           clf = DecisionTreeClassifier(criterion='entropy')
           clf.fit(X_train, y_train)
           # Predict the labels for the test set
           y pred = clf.predict(X test)
           from sklearn.tree import plot tree
           import matplotlib.pyplot as plt
           # Assuming clf is your trained DecisionTreeClassifier from above code
           plt.figure(figsize=(20,10))
           plot tree(clf, filled=True, feature names=X train.columns, class names=y train.unique())
           plt.show()
                                                       petal length <= 2.45
                                                         entropy = 1.585
                                                         samples = 101
                                                       value = [33, 34, 34]
                                                       class = Iris-versicolor
                                                                    petal_width <= 1.75
                                             entropy = 0.0
                                                                       entropy = 1.0
                                             samples = 33
                                                                       samples = 68
                                           value = [33, 0, 0]
                                                                     value = [0, 34, 34]
                                           class = Iris-setosa
                                                                    class = Iris-versicolor
                                                       petal length <= 4.95
                                                                                    entropy = 0.0
                                                         entropy = 0.485
                                                                                    samples = 30
                                                          samples = 38
                                                                                   value = [0, 0, 30]
                                                        value = [0, 34, 4]
                                                                                  class = Iris-virginica
                                                       class = Iris-versicolor
                             petal width \leq 1.65
                                                                                 petal_width <= 1.55
                              entropy = 0.196
                                                                                   entropy = 0.971
                                                                                     samples = 5
                               samples = 33
                              value = [0, 32, 1]
                                                                                   value = [0, 2, 3]
                            class = Iris-versicolor
                                                                                  class = Iris-virginica
                                             entropy = 0.0
                                                                       entropy = 0.0
                  entropy = 0.0
                                                                                                 entropy = 0.0
                                                                       samples = 3
                                                                                                  samples = 2
                  samples = 32
                                             samples = 1
                 value = [0, 32, 0]
                                            value = [0, 0, 1]
                                                                      value = [0, 0, 3]
                                                                                                value = [0, 2, 0]
               class = Iris-versicolor
                                          class = Iris-virginica
                                                                     class = Iris-virginica
                                                                                              class = Iris-versicolor
In [52]: # Calculate the accuracy of the model
           accuracy = accuracy score(y test, y pred)
           # Output the accuracy
           print(f"Acurácia: {accuracy:.2f}")
```

Acurácia: 0.96

Temos alguns jeitos de gerar a métrica de precisão. Os dados dessa base são balanceados, com o mesmo número de instâncias de cada espécie. Nesses casos, o tipo "macro" é o mais adequado. Essa métrica trata todas as classes igualmente, dando um peso igual para cada uma, sem considerar as frequências.

```
In [53]: from sklearn.metrics import precision_score
    precision = precision_score(y_test, y_pred, average='macro')
    print(f"Precisão: {precision:.2f}")
```

Precisão: 0.96

Sensitividade (ou recall) é a medida do quão bom um modelo é em identificar os positivos verdadeiros para os casos positivos de fato das amostras. Ele é calculado como o número de positivos verdadeiros divididos pelo número de todas as amostras relevantes. Ou seja, todas as amostras que deviam ser identificadas como positivas.

No contexto da base, sensitividade trata da capacidade de identificar corretamente Iris-setosa, por exemplo, quando ela o é de fato.

```
In [54]: from sklearn.metrics import recall_score
    sensitivity = recall_score(y_test, y_pred, average='macro')
    print(f"Sensitividade: {sensitivity:.2f}")
```

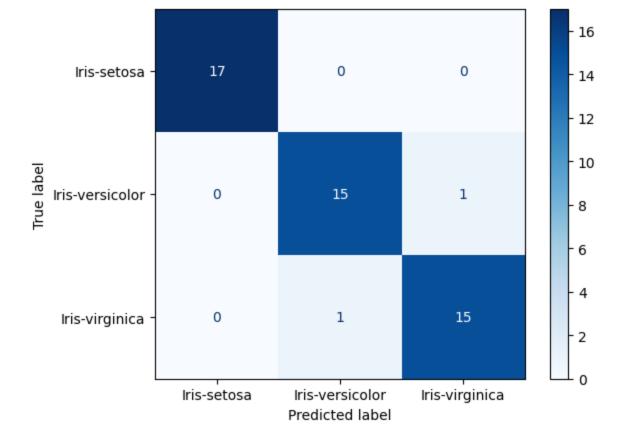
Sensitividade: 0.96

A especificidade mede o quão bem o modelo identifica as outras espécies (que seriam os casos negativos quando estamos focados em detectar Iris-setosa) corretamente. Ou seja, quando o modelo prevê que uma flor não é Iris-setosa, a especificidade nos diz quantas vezes essa previsão está correta, indicando que a flor é realmente uma Iris-versicolor ou Iris-virginica.

```
In [55]: from sklearn.metrics import confusion_matrix, ConfusionMatrixDisplay
import matplotlib.pyplot as plt

cm = confusion_matrix(y_test, y_pred)

# Plotting the confusion matrix
disp = ConfusionMatrixDisplay(confusion_matrix=cm, display_labels=clf.classes_)
disp.plot(cmap=plt.cm.Blues) # You can specify other colormaps like 'viridis', 'plasma'
plt.show()
```



```
In [57]: # Using loc to add a new row
metrics_df.loc[len(metrics_df)] = {
    "treinamento": "A+B e teste C",
    "acurácia": accuracy,
    "sensitividade": sensitivity,
    "especificidade": specificity_per_class,
    "precision": precision
}
```

## Segundo: Treinamento (A+C) e Teste (B)

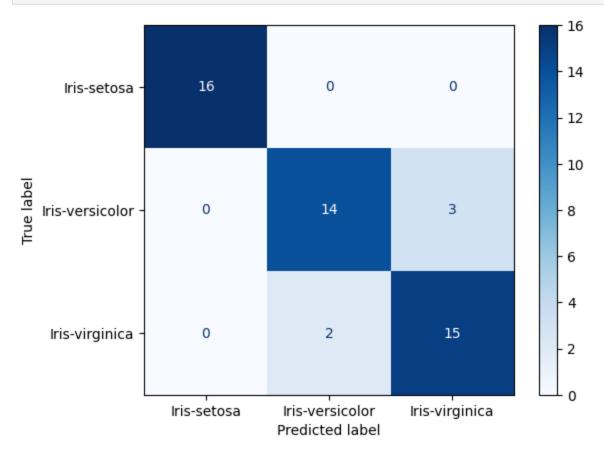
Os textos explicativos à partir de agora não existirão, porque a sequência à seguir é basicamente uma repetição anterior, com exceção de um pequeno trecho de código.

```
In [58]: from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.metrics import accuracy_score

# Concatenate datasets A and B to form the training set
# the X_train contains
X_train = pd.concat([A.iloc[:, :-1], C.iloc[:, :-1]], ignore_index=True)
y_train = pd.concat([A.iloc[:, -1], C.iloc[:, -1]], ignore_index=True)
```

```
# Use dataset C as the test set
            X \text{ test} = B.iloc[:, :-1]
            y test = B.iloc[:, -1]
            # Create and fit the decision tree classifier
            clf = DecisionTreeClassifier(criterion='entropy')
            clf.fit(X train, y train)
            # Predict the labels for the test set
            y pred = clf.predict(X test)
            from sklearn.tree import plot tree
            import matplotlib.pyplot as plt
            # Assuming clf is your trained DecisionTreeClassifier from above code
            plt.figure(figsize=(20,10))
            plot tree(clf, filled=True, feature names=X train.columns, class names=y train.unique())
            plt.show()
                                                              petal_width <= 0.75
                                                                entropy = 1.585
                                                                samples = 100
                                                               value = [34, 33, 33]
                                                               class = Iris-setosa
                                                                       petal_width <= 1.75
                                                        entropy = 0.0
samples = 34
                                                                          entropy = 1.0
                                                                          samples = 66
                                                       value = [34, 0, 0]
                                                                        value = [0, 33, 33]
                                                       class = Iris-setosa
                                                                       class = Iris-versicolor
                                        petal_length <= 5.05
                                                                                                       petal_length <= 4.85
                                                                                                        entropy = 0.206
                                         entropy = 0.422
                                          samples = 35
                                                                                                        samples = 31 value = [0, 1, 30]
                                         value = [0, 32, 3]
                                        class = Iris-versicolor
                                                                                                       class = Iris-virginica
                      sepal_length <= 5.0
                                                          sepal_width <= 2.75
                                                                                              sepal_width <= 3.1
                                                                                                                  entropy = 0.0
samples = 28
                        entropy = 0.201
                                                            entropy = 0.918
                                                                                                entropy = 0.918
                         samples = 32
                                                             samples = 3
                                                                                                 samples = 3
                                                                                                                 value = [0, 0, 28]
                       value = [0, 31, 1]
                                                           value = [0, 1, 2]
                                                                                               value = [0, 1, 2]
                                                                                                                class = Iris-virginica
                      class = Iris-versicolor
                                                          class = Iris-virginica
                                                                                              class = Iris-virginica
                entropy = 0.0
                                  entropy = 0.0
                                                    entropy = 0.0
                                                                     entropy = 0.0
                                                                                        entropy = 0.0
                                                                                                          entropy = 0.0
                samples = 1
                                  samples = 31
                                                    samples = 1
                                                                      samples = 2
                                                                                        samples = 2
                                                                                                          samples = 1
                                value = [0, 31, 0]
               value = [0, 0, 1]
                                                   value = [0, 1, 0]
                                                                     value = [0, 0, 2]
                                                                                       value = [0, 0, 2]
                                                                                                         value = [0, 1, 0]
             class = Iris-virginica
                                                                                     class = Iris-virginica
                              class = Iris-versicolor
                                                class = Iris-versicolor
                                                                                                       class = Iris-versicolor
                                                                   class = Iris-virginica
In [59]: # Calculate the accuracy of the model
            accuracy = accuracy_score(y_test, y_pred)
            # Output the accuracy
            print(f"Acurácia: {accuracy:.2f}")
            Acurácia: 0.90
In [60]: from sklearn.metrics import recall score
            sensitivity = recall score(y test, y pred, average='macro')
            print(f"Sensitividade: {sensitivity:.2f}")
            Sensitividade: 0.90
In [61]:
            from sklearn.metrics import confusion matrix, ConfusionMatrixDisplay
            import matplotlib.pyplot as plt
            cm = confusion matrix(y test, y pred)
```

```
# Plotting the confusion matrix
disp = ConfusionMatrixDisplay(confusion_matrix=cm, display_labels=clf.classes_)
disp.plot(cmap=plt.cm.Blues) # You can specify other colormaps like 'viridis', 'plasma'
plt.show()
```



```
In [62]: specificity_per_class = []
    for i in range(len(cm)):
        tn = cm[0, 0] + cm[1, 1] - cm[i, i]
        fp = cm[i, :].sum() - cm[i, i]
        specificity_i = tn / (tn + fp)
        specificity_per_class.append(specificity_i)

    print(f"Especificidade por classe: {specificity_per_class}")
```

Especificidade por classe: [1.0, 0.8421052631578947, 0.8823529411764706]

```
In [63]: # Using loc to add a new row
metrics_df.loc[len(metrics_df)] = {
    "treinamento": "A+C e teste B",
    "acurácia": accuracy,
    "sensitividade": sensitivity,
    "especificidade": specificity_per_class,
    "precision": precision
}
```

#### Terceiro: Treinamento (C+B) e Teste (A)

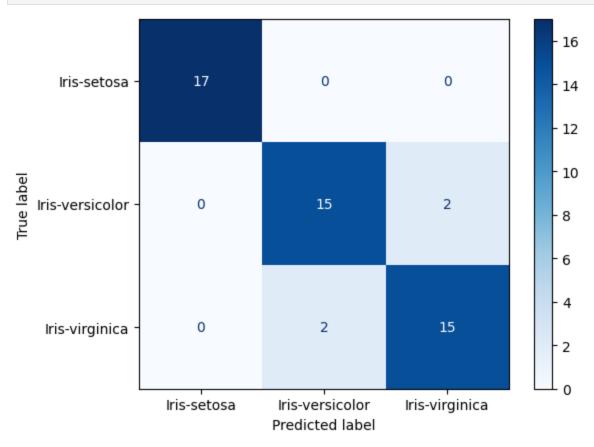
```
In [64]: from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.metrics import accuracy_score

# Concatenate datasets A and B to form the training set
# the X_train contains
X_train = pd.concat([C.iloc[:, :-1], B.iloc[:, :-1]], ignore_index=True)
y_train = pd.concat([C.iloc[:, -1], B.iloc[:, -1]], ignore_index=True)
```

```
# Use dataset C as the test set
           X \text{ test} = A.iloc[:, :-1]
           y test = A.iloc[:, -1]
           # Create and fit the decision tree classifier
           clf = DecisionTreeClassifier(criterion='entropy')
           clf.fit(X train, y train)
           # Predict the labels for the test set
           y pred = clf.predict(X test)
           from sklearn.tree import plot tree
           import matplotlib.pyplot as plt
           # Assuming clf is your trained DecisionTreeClassifier from above code
           plt.figure(figsize=(20,10))
           plot tree(clf, filled=True, feature names=X train.columns, class names=y train.unique())
           plt.show()
                                            petal_length <= 2.6
                                             entropy = 1.585
                                              samples = 99
                                            value = [33, 33, 33]
                                             class = Iris-setosa
                                                                petal_length \leq 4.95
                          entropy = 0.0
                                                                   entropy = 1.0
                          samples = 33
                                                                   samples = 66
                        value = [33, 0, 0]
                                                                 value = [0, 33, 33]
                        class = Iris-setosa
                                                                class = Iris-versicolor
                                            petal_width <= 1.7
                                                                                        entropy = 0.0
                                             entropy = 0.414
                                                                                        samples = 30
                                              samples = 36
                                                                                       value = [0, 0, 30]
                                             value = [0, 33, 3]
                                                                                     class = Iris-virginica
                                           class = Iris-versicolor
                                                                sepal_length <= 5.95
                          entropy = 0.0
                                                                  entropy = 0.811
                          samples = 32
                                                                    samples = 4
                        value = [0, 32, 0]
                                                                  value = [0, 1, 3]
                       class = Iris-versicolor
                                                                 class = Iris-virginica
                                              entropy = 0.0
                                                                                        entropy = 0.0
                                               samples = 1
                                                                                        samples = 3
                                             value = [0, 1, 0]
                                                                                       value = [0, 0, 3]
                                           class = Iris-versicolor
                                                                                     class = Iris-virginica
In [65]: # Calculate the accuracy of the model
           accuracy = accuracy score(y test, y pred)
           # Output the accuracy
           print(f"Acurácia: {accuracy:.2f}")
           Acurácia: 0.92
In [66]: from sklearn.metrics import recall_score
           sensitivity = recall score(y test, y pred, average='macro')
           print(f"Sensitividade: {sensitivity:.2f}")
           Sensitividade: 0.92
In [67]: from sklearn.metrics import confusion matrix, ConfusionMatrixDisplay
           import matplotlib.pyplot as plt
```

cm = confusion matrix(y test, y pred)

```
# Plotting the confusion matrix
disp = ConfusionMatrixDisplay(confusion_matrix=cm, display_labels=clf.classes_)
disp.plot(cmap=plt.cm.Blues) # You can specify other colormaps like 'viridis', 'plasma'
plt.show()
```



```
In [68]: specificity_per_class = []
for i in range(len(cm)):
    tn = cm[0, 0] + cm[1, 1] - cm[i, i]
    fp = cm[i, :].sum() - cm[i, i]
    specificity_i = tn / (tn + fp)
    specificity_per_class.append(specificity_i)

print(f"Especificidade por classe: {specificity_per_class}")
```

Especificidade por classe: [1.0, 0.8947368421052632, 0.8947368421052632]

```
In [69]: # Using loc to add a new row
metrics_df.loc[len(metrics_df)] = {
    "treinamento": "C+B e teste A",
    "acurácia": accuracy,
    "sensitividade": sensitivity,
    "especificidade": specificity_per_class,
    "precision": precision
}
```

#### Resultados

Veja abaixo as métricas resultantes.

```
In [70]: metrics_df
```

Out[70]:		treinamento	acurácia	sensitividade	especificidade	precision
	0	A+B e teste C	0.959184	0.958333	[1.0, 0.9444444444444444, 0.9444444444444444]	0.958333
	1	A+C e teste B	0.900000	0.901961	[1.0, 0.8421052631578947, 0.8823529411764706]	0.958333
	2	C+B e teste A	0.921569	0.921569	[1.0, 0.8947368421052632, 0.8947368421052632]	0.958333

Foi aberto o array de especificidade onde acada array é sua própria coluna agora. Cada uma delas representa respesctivamente, a especificidade de Iris-setosa, Iris-versicolor e Iris-virginica.

```
In [71]: # Create individual columns for each value in the 'especificidade' list
         especificidades = metrics df['especificidade'].apply(pd.Series)
         # Rename each new column to reflect what it represents
         especificidades.columns = [f'especificidade {i+1}' for i in range(especificidades.shape[
         # Concatenate these new columns to the original DataFrame
         metrics df = pd.concat([metrics df.drop('especificidade', axis=1), especificidades], axi
         print(metrics df)
              treinamento acurácia sensitividade precision especificidade 1 \
         0 A+B e teste C 0.959184
                                          0.958333
                                                     0.958333
                                                                            1.0
                                                                            1.0
         1 A+C e teste B 0.900000
                                          0.901961
                                                     0.958333
         2 C+B e teste A 0.921569
                                          0.921569
                                                     0.958333
                                                                            1.0
            especificidade 2 especificidade 3
         0
                    0.944444
                                      0.944444
         1
                    0.842105
                                      0.882353
         2
                    0.894737
                                      0.894737
In [72]: # Calculate the mean of each numerical column
         mean values = metrics df.mean()
         # Print the mean values
         print(mean values)
         acurácia
                             0.926917
         sensitividade
                             0.927288
         precision
                             0.958333
         especificidade 1
                             1.000000
         especificidade 2
                             0.893762
         especificidade 3
                             0.907178
         dtype: float64
         /tmp/ipykernel 19750/737132350.py:2: FutureWarning: The default value of numeric only in
         DataFrame.mean is deprecated. In a future version, it will default to False. In additio
         n, specifying 'numeric only=None' is deprecated. Select only valid columns or specify th
         e value of numeric only to silence this warning.
           mean values = metrics df.mean()
```