Estudo sobre Algoritmos de Menor Caminho em Grafos

Estudo sobre Algoritmos de Menor Caminho em Grafos

Monografia apresentada ao Curso de Ciência da Computação do Departamento de Informática da Universidade Federal do Espírito Santo, como requisito parcial para obtenção do Grau de Bacharel em Ciência da Computação.

Universidade Federal do Espírito Santo – UFES

Centro Tecnológico

Departamento de Informática

Orientador: Prof. Dra. Maria Cláudia Silva Boeres

Vitória, ES 2017

Estudo sobre Algoritmos de Menor Caminho em Grafos/Pedro. – Vitória, ES, 2017-

30 p. : il. (algumas color.) ; 30 cm.

Orientador: Prof. Dra. Maria Cláudia Silva Boeres

Monografia (PG) – Universidade Federal do Espírito Santo – UFES Centro Tecnológico

Departamento de Informática, 2017.

1. Palavra-chave
1. 2. Palavra-chave
2. I. Souza, Vítor Estêvão Silva. II. Universidade Federal do Espírito Santo. IV. Estudo sobre Algoritmos de Menor Caminho em Grafos

CDU 02:141:005.7

Estudo sobre Algoritmos de Menor Caminho em Grafos

Monografia apresentada ao Curso de Ciência da Computação do Departamento de Informática da Universidade Federal do Espírito Santo, como requisito parcial para obtenção do Grau de Bacharel em Ciência da Computação.

Trabalho aprovado. Vitória, ES, 25 de setembro de 2017:

Prof. Dra. Maria Cláudia Silva Orientador	a Boeres
Professor	
Convidado 1	
Professor	
Convidado 2	

Vitória, ES 2017

, ·	 	111 D : 1	
	nsectetur adipiscing os, dignissim sed ip		

Agradecimentos

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis malesuada laoreet leo at interdum. Nullam neque eros, dignissim sed ipsum sed, sagittis laoreet nisi. Duis a pulvinar nisl. Aenean varius nisl eu magna facilisis porttitor. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut mattis tortor nisi, facilisis molestie arcu hendrerit sed. Donec placerat velit at odio dignissim luctus. Suspendisse potenti. Integer tristique mattis arcu, ut venenatis nulla tempor non. Donec at tincidunt nulla. Cras ac dignissim neque. Morbi in odio nulla. Donec posuere sem finibus, auctor nisl eu, posuere nisl. Duis sit amet neque id massa vehicula commodo dapibus eu elit. Sed nec leo eu sem viverra aliquet. Nam at nunc nec massa rutrum aliquam sed ac ante.

Vivamus nec quam iaculis, tempus ipsum eu, cursus ante. Phasellus cursus euismod auctor. Fusce luctus mauris id tortor cursus, volutpat cursus lacus ornare. Proin tristique metus sed est semper, id finibus neque efficitur. Cras venenatis augue ac venenatis mollis. Maecenas nec tellus quis libero consequat suscipit. Aliquam enim leo, pretium non elementum sit amet, vestibulum ut diam. Maecenas vitae diam ligula.

Fusce ac pretium leo, in convallis augue. Mauris pulvinar elit rhoncus velit auctor finibus. Praesent et commodo est, eu luctus arcu. Vivamus ut porta tortor, eget facilisis ex. Nunc aliquet tristique mauris id sollicitudin. Donec quis commodo metus, sit amet accumsan nibh. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus.



Resumo

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis malesuada laoreet leo at

interdum. Nullam neque eros, dignissim sed ipsum sed, sagittis laoreet nisi. Duis a pulvinar

nisl. Aenean varius nisl eu magna facilisis porttitor. Cum sociis natoque penatibus et

magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut mattis tortor nisi, facilisis molestie

arcu hendrerit sed. Donec placerat velit at odio dignissim luctus. Suspendisse potenti.

Integer tristique mattis arcu, ut venenatis nulla tempor non. Donec at tincidunt nulla.

Cras ac dignissim neque. Morbi in odio nulla. Donec posuere sem finibus, auctor nisl eu,

posuere nisl. Duis sit amet neque id massa vehicula commodo dapibus eu elit. Sed nec leo

eu sem viverra aliquet. Nam at nunc nec massa rutrum aliquam sed ac ante.

Vivamus nec quam iaculis, tempus ipsum eu, cursus ante. Phasellus cursus euismod auctor.

Fusce luctus mauris id tortor cursus, volutpat cursus lacus ornare. Proin tristique metus sed

est semper, id finibus neque efficitur. Cras venenatis augue ac venenatis mollis. Maecenas

nec tellus quis libero consequat suscipit. Aliquam enim leo, pretium non elementum sit

amet, vestibulum ut diam. Maecenas vitae diam ligula.

Fusce ac pretium leo, in convallis augue. Mauris pulvinar elit rhoncus velit auctor finibus.

Praesent et commodo est, eu luctus arcu. Vivamus ut porta tortor, eget facilisis ex. Nunc

aliquet tristique mauris id sollicitudin. Donec quis commodo metus, sit amet accumsan

nibh. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus

mus.

Duis elementum dictum tristique. Integer mattis libero sit amet pretium euismod. Cura-

bitur auctor eu augue ut ornare. Integer bibendum eros ullamcorper rhoncus convallis.

Pellentesque non pretium ligula, sit amet bibendum eros. Nam venenatis ex felis, quis

blandit nunc auctor sit amet. Maecenas ut eros pharetra, lobortis neque id, fermentum

arcu. Cras neque dui, rhoncus feugiat leo id, semper facilisis lorem. Fusce non ex turpis.

Nullam venenatis sed ligula ac lacinia.

Palavras-chaves: lorem. ipsum. dolor. sit. amet.

Lista de ilustrações

Figura 1 –	Exemplo de figura: logo do Nemo	15
Figura 2 –	Exemplo de figura em modo paisagem: um modelo de objetivos (SOUZA;	
	MYLOPOULOS, 2013)	16
Figura 3 –	Aplicação do algoritmo de Dijkstra tendo o vértice "A"como origem.	
	As arestas pintadas de preto correspondem a rota calculada a todos os	
	demais vértices	21
Figura 4 –	Exemplo de Heap Binário representado como árvore	22
Figura 5 –	Representação do Heap Binário da figura 4 como vetor	22
Figura 6 –	Tempos computacionais obtidos pelos Métodos de Dijkstra empregados	
	(tempo em escala logarítmica).	24
Figura 7 –	Ganho relativo dos Métodos do Algoritmo de Dijkstra sobre o Canônico.	24

Lista de tabelas

Tabela 1 –	Exemplo de tabela com diferentes alinhamentos de conteúdo	17
Tabela 2 –	Exemplo que especifica largura de coluna e usa lista enumerada (adap-	
	tada de (SOUZA; MYLOPOULOS, 2013))	17
Tabela 3 –	Exemplo que mostra equações em duas colunas (adaptada de (SOUZA;	
	MYLOPOULOS, 2013))	17
Tabela 4 –	Instâncias a serem rodadas pelo algoritmo de Dijkstra em suas três	
	versões	23
Tabela 5 –	Configuração dos grafos correspondestes as malhas viárias descritas na	
	tabela 4	23
Tabela 6 –	Tempos Computacionais obtidos pelo algoritmo de Dijkstra em suas	
	diferentes versões (tempo em milissegundos)	25
Tabela 7 –	Ganho relativo sobre o Dijkstra Canônico	25

Lista de abreviaturas e siglas

UML Unified Modeling Language

Sumário

1	INTRODUÇÃO	12
1.1	Seções e subseções	12
1.1.1	Referências a seções	12
1.1.2	Sobre referências cruzadas	12
1.2	Citações bibliográficas	13
1.3	Listagens de código	14
1.4	Figuras	14
1.5	Tabelas	17
2	ALGORITMO DE DIJKSTRA	20
2.1	O Algoritmo	20
2.1.1	Garantia do algoritmo retorna o menor valor	21
2.2	Versões do Algoritmo implementadas e suas Estrutura de Dados	21
2.2.1	Dijkstra Heap Binário (A revisar)	22
2.2.2	Dijkstra Heap de Fibonacci	23
2.3	Experimentos Computacionais	23
2.3.1	Resultados obtidos	24
2.3.2	Análise dos resultados	25
2.4	Conclusões	25
3	ESPECIFICAÇÃO DE REQUISITOS	26
4	PROJETO ARQUITETURAL E IMPLEMENTAÇÃO	27
5	CONSIDERAÇÕES FINAIS	28
	REFERÊNCIAS	29
	APÊNDICES	30

1 Introdução

Texto.

Além do template pronto para uso, este documento inclui exemplos de uso de LATEX que podem ser úteis para aqueles que possuem pouca experiência com a ferramenta. Quando for começar a escrever seu TCC, apague todo o conteúdo abaixo da palavra "Texto".

1.1 Seções e subseções

O documento é organizado em capítulos (\chapter{}), seções (\section{}), sub-seções (\subsection{}), sub-subseções (\subsubsection{}) e assim por diante. Atenção, porém, a não criar estruturas muito profundas (sub-sub-sub-...) pois o documento não fica bem estruturado.

1.1.1 Referências a seções

Cada parte do documento (capítulo, seção, etc.) deve possuir um rótulo logo abaixo de sua definição. Por exemplo, este capítulo é definido com \chapter{Introdução} seguido por \label{sec-intro}. Assim, podemos fazer referências cruzadas usando o comando \ref{rótulo}: "O Capítulo 1 começa com a Seção 1.1, que é ainda subdividida nas subseções 1.1.1 e 1.1.2.

Para melhor organização das partes do documento, sugere-se primeiro utilizar o prefixo sec- (para diferenciar de referências à figuras, tabelas, etc. quando usarmos o comando \ref{}) e também representar a hierarquia das seções nos rótulos. Por exemplo, o Capítulo 1 tem rótulo sec-intro, sua Seção 1.1 tem rótulo sec-intro-secoes e a Subseção 1.1.1 tem rótulo sec-intro-secoes-refs.

1.1.2 Sobre referências cruzadas

Nas próximas seções, veremos que é possível fazer referência cruzada não só a seções mas também a listagens de código, figuras, tabelas, etc. Em todos estes casos, quando nos referimos à Seção X, Listagem Y ou Figura Z, consideramos que estes são os nomes próprios destes elementos e, portanto, usa-se a primeira letra maiúscula. Isso pode ser visto na Subseção 1.1.1, acima. A exceção é quando nos referimos a vários elementos ao mesmo tempo, por exemplo: "as subseções 1.1.1 e 1.1.2".

Por fim, ao usar o comando \ref{}, sugere-se separá-lo da palavra que vem antes dele com um ~ ao invés de espaço. Por exemplo: o capítulo~\ref{sec-intro}. Isso faz com que o LATEX não quebre linha entre a palavra capítulo e o número do capítulo.

1.2 Citações bibliográficas

Este documento utiliza a ferramenta de gerenciamento de referências bibliográficas do LATEX, chamada *BibTeX*. O arquivo bibliografia.bib, referenciado no arquivo LATEX principal deste documento, contém algumas referências bibliográficas de exemplo. Assim como capítulos, seções, etc., tais referências também possuem rótulos, especificados como primeiro parâmetro de cada entrada (ex.: @incollection{souza-et-al:iism08, ...}.

Sugere-se um padrão para rótulos de referências bibliográficas para que fique claro também no código LATEX qual referência está sendo citada. Por exemplo, ao citar a referência souza-et-al:sesas13, sabemos que é um artigo escrito por Souza e outros, publicado no SESAS em 2013 (geralmente a pessoa que citou sabe que publicação é SESAS e quem é Souza).

Para citar uma referência bibliográfica contida no arquivo BibTeX, basta usar seu rótulo como parâmetro de um de dois comandos possíveis de citação:

- O comando \cite{} efetua uma citação tradicional, colocando o nome do(s) autor(es)
 e o ano entre parênteses. Por exemplo, \cite{souza-et-al:iism08} é transformado
 em (SOUZA; FALBO; GUIZZARDI, 2008);
- O comando \citeonline{} efetua uma citação integrada ao texto, colocando o nome do(s) autor(es) direto no texto e somente o ano entre parênteses. Por exemplo, "de acordo com \citeonline{souza-et-al:iism08}" é transformado em: de acordo com Souza, Falbo e Guizzardi (2008);

Também é possível citar vários trabalhos de uma só vez, separando os rótulos das referências bibliográficas com uma vírgula dentro do comando apropriado. Por exemplo, \cite{souza-et-al:sesas13,souza-et-al:csrd13} (SOUZA et al., 2013b; SOUZA et al., 2013a).

Os trabalhos citados são automaticamente incluídos na seção de referências bibliográficas, ao final do documento. Tudo é formatado automaticamente segundo padrões da ABNT.

1.3 Listagens de código

O pacote listings, incluído neste template, permite a inclusão de listagens de código. Análogo ao já feito anteriormente, listagens possuem rótulos para que possam ser referenciadas e sugerimos uma regra de nomenclatura para tais rótulos: usar como prefixo o rótulo do capítulo, substituindo sec- por lst-.

A Listagem 1.1, por exemplo, possui o rótulo lst-intro-exemplo e representa o código que foi usado no próprio documento para exibir as listagens desta seção. Como podemos ver, a sugestão é que os arquivos de código sejam colocados dentro da pasta codigos/ e tenham nome idêntico ao rótulo, colocando a extensão adequada ao tipo de código.

Listagem 1.1 – Exemplo de código LATEX para inclusão de listagens de código.

```
1 \lstinputlisting[label=lst-intro-exemplo, caption=Exemplo de código \latex para
inclusão de listagens de código., float=htpb]{codigos/lst-intro-exemplo.tex}
2
3 \lstinputlisting[label=lst-intro-outroexemplo, caption=Exemplo de código \java
especificando linguagem utilizada., language=Java]{codigos/lst-intro-
outroexemplo.java}
```

A Listagem 1.2 mostra um exemplo de listagem com especificação da linguagem utilizada no código. O pacote listings reconhece algumas linguagens¹ e faz "coloração" de código (na verdade, usa **negrito** e não cores) de acordo com a linguagem. O parâmetro float=htpb incluído em ambos os exemplos impede que a listagem seja quebrada em diferentes páginas.

Listagem 1.2 – Exemplo de código JavaTM especificando linguagem utilizada.

```
public class HelloWorld {
  public static void main(String[] args) {
    System.out.println("Hello, World!");
}
```

1.4 Figuras

Figuras podem ser inseridas no documento usando o *ambiente* figure (ou seja, \begin{figure} e \end{figure}) e o comando \includegraphics{}. Existem alguns outros elementos e propriedades úteis de serem configuradas, resultando no código exibido na Listagem 1.3.

O comando \centering centraliza a figura na página. A opção width do comando

Veja a lista de linguagens suportadas em http://en.wikibooks.org/wiki/LaTeX/Source_Code_

Listagem 1.3 – Código L^AT_FX utilizado para inclusão das figuras na Seção 1.4.

```
1 \begin{figure}
2 \centering
3 \includegraphics[width=.25\textwidth]{figuras/fig-intro-nemologo}
4 \caption{Exemplo de figura: logo do Nemo.}
5 \label{fig-intro-nemologo}
6 \end{figure}
7
8 \begin{sidewaysfigure}
9 \centering
10 \includegraphics[width=\textwidth]{figuras/fig-intro-exemplosideways}
11 \caption{Exemplo de figura em modo paisagem: um modelo de objetivos~\cite{souza-mylopoulos:spe13}.}
12 \label{fig-intro-exemplosideways}
13 \end{sidewaysfigure}
```



Figura 1 – Exemplo de figura: logo do Nemo.

\includegraphics{} determina o tamanho da figura e usa-se \textwidth (opcionalmente multiplicado por um número) para se referir à largura da página.

O parâmetro do comando \includegraphics{} indica onde a imagem pode ser encontrada. Foi criado o diretório figuras/ para conter as figuras do documento, dando uma melhor organização aos arquivos. Ao abrir esta pasta, repare que as figuras possuem duas versões—uma em .eps e outra em .pdf—e que o comando \includegraphics{} não especifica a extensão. Isso se dá porque o LATEX possui um compilador para formato PostScript (latex) que espera as imagens em .eps e um compilador para PDF (pdflatex) que espera as imagens em .pdf.

Por fim, o comando \caption{} especifica a descrição da figura e \label{}, como de costume, estabelece um rótulo para permitir referência cruzada de figuras. Note ainda que é utilizada a mesma estratégia de nomenclatura de rótulos usada nas listagens, porém utilizando o prefixo fig-.

As figuras 1 e 2 mostram o resultado do código da Listagem 1.3. A Figura 2, em particular, utiliza o pacote rotating para mostrar figuras largas em modo paisagem. Basta usar o ambiente sidewaysfigure ao invés de figure.



Figura 2 – Exemplo de figura em modo paisagem: um modelo de objetivos (SOUZA; MYLOPOULOS, 2013).

Capítulo 1. Introdução

Centralizado	Esquerda	Direita	Parágrafo
С	L	R	Alinhamento de tipo
			parágrafo especifica
			largura da coluna
			e quebra o texto
			automaticamente.
Linha 2	Linha 2	Linha 2	Linha 2

Tabela 1 – Exemplo de tabela com diferentes alinhamentos de conteúdo.

Tabela 2 – Exemplo que especifica largura de coluna e usa lista enumerada (adaptada de (SOUZA; MYLOPOULOS, 2013)).

AwReq	Adaptation strategies	Applicability conditions
AR1	 Warning("AS Management") Reconfigure(∅) 	 Once per adaptation session; Always.
AR2	1. $Warning("AS\ Management")$ 2. $Reconfigure(\emptyset)$	 Once per adaptation session; Always.

Tabela 3 – Exemplo que mostra equações em duas colunas (adaptada de (SOUZA; MY-LOPOULOS, 2013)).

$\Delta (I_{AR1}/NoSM) [0, maxSM] > 0$ $\Delta (I_{AR2}/NoSM) [0, maxSM] > 0$ $\Delta (I_{AR3}/LoA) < 0$	(1.2) (1.3)	$\Delta (I_{AR11}/VP2) < 0$ $\Delta (I_{AR12}/VP2) > 0$ $\Delta (I_{AR6}/VP3) > 0$	(1.5) (1.6) (1.7)
	(1.4)		(1.8)

1.5 Tabelas

Tabelas são um ponto fraco do LATEX. Elas são complicadas de fazer e, dependendo da complexidade da tabela (muitas células mescladas, por exemplo), vale a pena construilas em outro programa (por exemplo, em seu editor de texto favorito), converter para PDF e inclui-las no documento como figuras. Mostramos, no entanto, alguns exemplos de tabela a seguir. O código utilizado para criar as tabelas encontra-se nas listagens 1.4 e 1.5.

Listagem 1.4 – Código L^AT_EX utilizado para inclusão das tabelas 1 e 2.

```
1 % Exemplo de tabela 01:
2 \begin{table}
3 \caption {Exemplo de tabela com diferentes alinhamentos de conteudo.}
4 \label{tbl-intro-exemplo01}
5 \centering
6 \begin{tabular}{ | c | 1 | r | p{40mm} |}\hline
7 \textbf{Centralizado} & \textbf{Esquerda} & \textbf{Direita} & \textbf{Parágrafo
      }\\\ hline
  C & Ĺ & R & Alinhamento de tipo parágrafo especifica largura da coluna e quebra o
       texto automaticamente.\\
9 \hline
10 Linha 2 & Linha 2 & Linha 2 \ Linha 2\\
11 \hline
12 \end{tabular}
13 \end{table}
14
15 % Exemplo de tabela 02:
16 \begin{table}
17 \caption {Exemplo que especifica largura de coluna e usa lista enumerada (adaptada
       de \sim cite \{ souza - mylopoulos : spe13 \} ). \}
18 \setminus label\{tbl-intro-exemplo02\}
19 \centering
20 \renewcommand \{ \arraystretch \} \{1.2 \}
21 \setminus begin\{small\}
22 \begin{tabular}{ | p{15mm} | p{77mm} | p{55mm} |} \hline 23 \textbf{\textit{AwReq}} & \textbf{\Adaptation strategies} & \textbf{\Applicability}
      conditions } \ \ hline
24
25 AR1 &
26 \vspace{-2mm}\begin{enumerate}[topsep=0cm, partopsep=0cm, itemsep=0cm, parsep=0cm]
       , leftmargin=0.5cm
27 \item \textit{Warning(''AS Management'')}
28 \item \textit { Reconfigure ($\varnothing$)}
29 \end{enumerate} \vspace{-4mm} &
, leftmargin=0.5cm
31 \item Once per adaptation session;
32 \item Always.
33 \end{enumerate}\vspace{-4mm}
36 AR2 &
37 \vspace{-2mm}\begin{enumerate}[topsep=0cm, partopsep=0cm, itemsep=0cm, parsep=0cm]
       , leftmargin=0.5cm
38 \item \textit { Warning (''AS Management'') }
39 \item \textit { Reconfigure ($\varnothing$)}
40 \end{enumerate} \vspace{-4mm} &
41 \vspace{-2mm}\begin{enumerate}[topsep=0cm, partopsep=0cm, itemsep=0cm, parsep=0cm]
      , leftmargin = 0.5cm
42 \item Once per adaptation session;
43 \item Always.
44 \end{enumerate}\vspace{-4mm}
45 \\\ hline
46 \end{tabular}
47 \end{small}
48 \end{table}
```

Listagem 1.5 – Código LATFX utilizado para inclusão da Tabela 3.

```
1 % Exemplo de tabela 03:
2 \begin{table}
3 \caption {Exemplo que mostra equações em duas colunas (adaptada de~\cite {souza-
     mylopoulos: spe13 }).}
4 \label{tbl-intro-exemplo03}
5 \centering
6 \vspace{1mm}
7 \lceil \text{fbox} \{ \setminus \text{begin} \{ \text{minipage} \} \{ .98 \setminus \text{linewidth} \} 
9 \setminus vspace\{-4mm\}
10 \begin{eqnarray}
14 \end{eqnarray}
15 \bigvee vspace\{-6mm\}
16 \end{minipage}
17 \hspace\{2mm\}
18 \vline
19 \begin{minipage} \{0.41 \setminus linewidth\}
20 \ \ vspace\{-4mm\}
21 \begin{eqnarray}
25 \end{eqnarray}
27 \end{minipage}
28 \end{minipage}}
29 \end{table}
```

2 Algoritmo de Dijkstra

2.1 O Algoritmo

O algoritmo de Dijkstra tem por objetivo definir o menor caminho partindo do vértice origem v_s e chegando a todos os demais vértices v_i do grafo G = (V, E). Para garantir a viabilidade do algoritmo, assume-se que todos os pesos w(u, v) sejam maiores ou iguais a zero para toda aresta E do grafo G (CORMEN, 2009).

A seguir é apresentado o pseudocódigo do algoritmo conforme descrito em Drozdek (2012).

Listagem 2.1 – Algoritmo de Dijkstra.

O algoritmo inicia atribuindo o valor inicial de cada distância de cada vértice do grafo igual a ∞ com exceção do vértice inicial v_s que será iniciado por 0. Em seguida todos os vértices são adicionados ao conjunto dos "toBeChecked" ("aSeremChecados"). Feito isso, inicia-se o processo iterativo: seleciona-se o vértice v de menor custo que esteja dentro do conjunto "toBeChecked", retira-se ele do conjunto e a partir dele, para cada vértice adjacente u de v, verifica-se se a distância atual calculada de v é maior do que a distância calculada de v mais o valor referente ao peso da aresta de v e v (origem em v). Caso seja verdade, a distância atual de v é substituída pela soma da distância atual de v mais o peso da aresta de v e v (este valor corresponde a distância do vértice de origem v até v0, além de definir o antecessor v0 como sendo v0. Repete-se o passo iterativo até que o conjunto "toBeChecked" esteja vazio.

Ao final do algoritmo, teremos o conjunto de predecessores de cada vértice do grafo, e a partir deste, poderemos definir a rota para qualquer vértice do grafo partindo de v_s .¹

Em linguagens de programação, é costume substituir o valor ∞ pelo maior número representativo do tipo da variável selecionado para representar a distância. Por exemplo na linguagem C, caso se utilize o valor int (inteiro) para representar a distância, a atribuição inicial será dado pela constante INT_MAX definida

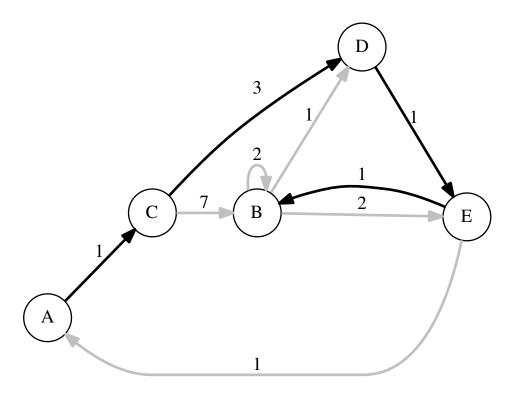


Figura 3 – Aplicação do algoritmo de Dijkstra tendo o vértice "A"como origem. As arestas pintadas de preto correspondem a rota calculada a todos os demais vértices.

2.1.1 Garantia do algoritmo retorna o menor valor

A prova será demonstrada em breve.

2.2 Versões do Algoritmo implementadas e suas Estrutura de Dados

Para este projeto de graduação, será implementada três versões do algoritmo de Dijkstra baseados em estruturas de dados diversas que implicam em tempos computacionais diferentes (CORMEN, 2009).

As versões implementadas são o Dijkstra Canônico, Dijkstra Heap Binário (seção 2.2.1) e Dijkstra Heap de Fibonacci (seção 2.2.2), todas baseadas em Cormen (2009), Drozdek (2012).

pela biblioteca "limits.h", que representa o maior valor numérico representado por esse tipo de variável.

Para a versão Dijkstra Canônico, o algoritmo utiliza de um vetor para armazenar as distâncias calculadas pelo algoritmo (assim como os seus vértices correspondetes, que neste caso é utilizado o próprio indíce do vetor armazenado), e a cada passo iterativo (conforme demonstrado pelo algoritmo na seção 2.1), uma busca linear é realizada para determinar o vértice (fora do conjunto "toBeChecked") cuja a distância é menor dentre todas as outras. O tempo computacional para esse caso é $O(|V^2|)$ (DROZDEK, 2012).

2.2.1 Dijkstra Heap Binário (A revisar)

Para esta implementação, será utilizada a estrutura de dados heap binária mínima como fila de prioridade. Heaps binária podem ser descritas como árvores binárias que possuem as seguintes propriedades (DROZDEK, 2012):

- O valor de cada nodo n\(\tilde{a}\)o \(\text{e}\) maior do que os valores guardados em cada um de seus filhos.
- 2. A árvore é perfeitamente balanceada, e as folhas no último nível estão todas mais a esquerda.

Um exemplo de estrutura Heap Binário representada tanto como árvore como vetor pode ser visualizado nas figuras 4 e 5 respectivamente.

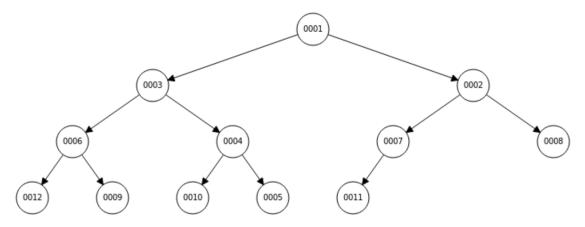


Figura 4 – Exemplo de Heap Binário representado como árvore.

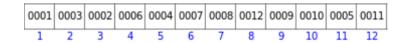


Figura 5 – Representação do Heap Binário da figura 4 como vetor.

A disposição dos elementos da árvore no vetor segue as seguintes relações entre nós pai, filho-direita e filho-esquerda:

Pai(*i*): |i/2|

Filho-esquerda(i): 2 * i

Filho-direita(i): 2*i+1

Onde $i \in \mathbb{N}$ e $i \subset [1, n]$, sendo que i representa o índice do elemento no vetor e n o número de elementos da árvore.

Para efeitos de exemplo (observe as figuras 4 e 5 para constatação), o nó que está contido na posição 4 do vetor, possuí como pai o nó de posição 2 ($\lfloor 4/2 \rfloor = 2$) e tem como filho da esquerda o nó de posição 8 (2*4=8) e filho da direita o nó de posição 9 (2*4+1=9).

A vantagem de se usar essa estrutura de dados reside no fato de suas operações de inserção, extração de mínimo e reconstrução da heap possuirem tempo computacional de $O(\log n)$. Por consequência, o tempo computacional para este caso é de $O(|E|\log|V|)$ (CORMEN, 2009).

2.2.2 Dijkstra Heap de Fibonacci

2.3 Experimentos Computacionais

Para a realização dos experimentos computacionais será rodado instâncias de grafos que representam malhas rodoviárias reais. Todas elas descritas nas tabelas 4 e 5, e disponíveis no sítio eletrônico http://www.dis.uniroma1.it/challenge9/download.shtml (acesso em 28 de janeiro de 2017).

Tabela 4 – Instâncias a serem rodadas pelo algoritmo de Dijkstra em suas três versões.

Nome Instância	Descrição		
USA-road-d.NY.gr	Representa a malha viária do estado de Nova Iorque, Estados Unidos		
USA-road-d.BAY.gr	Representa a malha viária da bahia de São Francisco, Califórnia, Estados Unidos		
USA-road-d.COL.gr	Representa a malha viária do estado do Colorado, Estados Unidos		
USA-road-d.FLA.gr	Representa a malha viária do estado da Flórida, Estados Unidos		

Tabela 5 – Configuração dos grafos correspondestes as malhas viárias descritas na tabela 4.

Nome Instância	Número de Vértices V	Número de Arestas E
USA-road-d.NY.gr	264.346	733.846
USA-road-d.BAY.gr	321.270	800.172
USA-road-d.COL.gr	435.666	1.057.066
USA-road-d.FLA.gr	1.070.376	2.712.798

2.3.1 Resultados obtidos

Os resultados dos testes podem ser descritos a seguir.

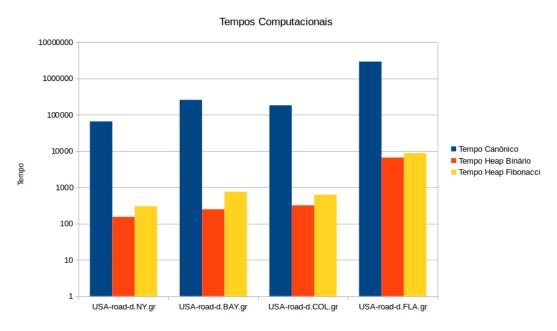


Figura 6 – Tempos computacionais obtidos pelos Métodos de Dijkstra empregados (tempo em escala logarítmica).

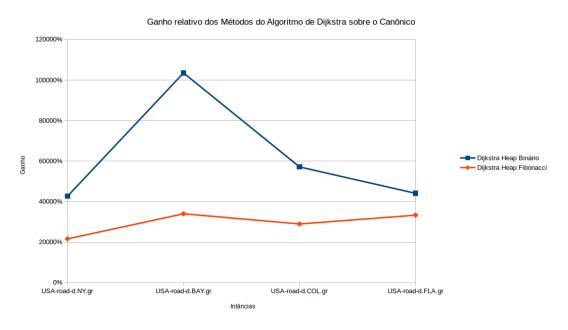


Figura 7 – Ganho relativo dos Métodos do Algoritmo de Dijkstra sobre o Canônico.

Tabela 6 – Tempos Computacionais obtidos pelo algoritmo de Dijkstra em suas diferentes versões (tempo em milissegundos).

Nome Instância	Tempo Canônico	Tempo Heap Binário	Tempo Heap Fibonacci
USA-road-d.NY.gr	65287	153	302
USA-road-d.BAY.gr	256690	248	755
USA-road-d.COL.gr	181687	318	627
USA-road-d.FLA.gr	2909655	6601	8732

Tabela 7 – Ganho relativo sobre o Dijkstra Canônico.

Nome Instância	Ganho Heap Binário	Ganho Heap Fibonacci
USA-road-d.NY.gr	42.671%	21.618%
USA-road-d.BAY.gr	103.504%	33.999%
USA-road-d.COL.gr	57.134%	28.977%
USA-road-d.FLA.gr	44.079%	33.322%

2.3.2 Análise dos resultados

2.4 Conclusões

Conforme apresentado por Larkin, Sen e Tarjan (2014).

3 Especificação de Requisitos

Texto.

4 Projeto Arquitetural e Implementação

Texto.

5 Considerações Finais

Texto.

Referências

- CORMEN, T. H. *Introduction to algorithms*. [S.l.]: MIT press, 2009. Citado 3 vezes nas páginas 20, 21 e 23.
- DROZDEK, A. Data Structures and algorithms in C++. [S.l.]: Cengage Learning, 2012. Citado 3 vezes nas páginas 20, 21 e 22.
- LARKIN, D. H.; SEN, S.; TARJAN, R. E. A back-to-basics empirical study of priority queues. In: SIAM. 2014 Proceedings of the Sixteenth Workshop on Algorithm Engineering and Experiments (ALENEX). [S.l.], 2014. p. 61–72. Citado na página 25.
- SOUZA, V. E. S.; FALBO, R. A.; GUIZZARDI, G. Designing Web Information Systems for a Framework-based Construction. In: HALPIN, T.; PROPER, E.; KROGSTIE, J. (Ed.). *Innovations in Information Systems Modeling: Methods and Best Practices.* 1. ed. [S.l.]: IGI Global, 2008. cap. 11, p. 203–237. Citado na página 13.
- SOUZA, V. E. S. et al. Requirements-driven software evolution. Computer Science Research and Development, Springer, v. 28, n. 4, p. 311–329, 2013. Citado na página 13.
- SOUZA, V. E. S. et al. Awareness Requirements. In: LEMOS, R. et al. (Ed.). *Software Engineering for Self-Adaptive Systems II.* [S.l.]: Springer, 2013, (Lecture Notes in Computer Science, v. 7475). p. 133–161. Citado na página 13.
- SOUZA, V. E. S.; MYLOPOULOS, J. Designing an adaptive computer-aided ambulance dispatch system with Zanshin: an experience report. *Software: Practice and Experience (online first: http://dx.doi.org/10.1002/spe.2245)*, Wiley, 2013. Citado 4 vezes nas páginas 8, 9, 16 e 17.

