MAC0239 – Métodos Formais em Programação

Prof: Ana C. V. de Melo

Trabalho 2 – Cálculo de Predicados

Grupo - Número participantes: máximo 6 Prazo de Entrega: até dia 17/11/2021

Cálculo de Predicados – Dedução Natural

Prove a validade das seguintes conjecturas (cálculo proposicional) usando dedução natural. Para isso, V. deverá usar a ferramenta Jape, disponível em

http://www.japeforall.org.uk/

Você pode encontrar manuais e textos sobre Jape na página oficial acima citada.

```
Trab2 - L. Predicados: Provar a validade de

actual j, actual k, \exists x. \neg R(x) \vdash \exists y. (R(y) \rightarrow R(j) \land R(k))
\neg \exists x. \neg R(x) \vdash \forall y. R(y)
\neg \forall x. \neg R(x) \vdash \exists y. R(y)
\neg \forall x. R(x) \vdash \exists y. R(y)
actual i, \forall x. (P(i,x) \lor \forall y. P(x,y)) \vdash \exists x. \exists y. P(x,y)
P(x) \rightarrow \exists u. Q(u,z), \neg P(x) \rightarrow \exists u. Q(u,z) \vdash \forall x. \exists u. Q(u,z)
\forall z. \exists w. \forall x. \exists y. ((P(x,y) \rightarrow P(y,w)) \land (P(y,w) \rightarrow \exists u. Q(u,w))), \forall x. \forall z. (\neg P(x,z) \rightarrow \exists u. Q(u,z)), \exists y. \exists x. Q(x,y) \rightarrow \forall x. R(x,x) \vdash \forall x. \exists y. R(x,y)
\forall x. \forall y. ((P(x) \land Q(y)) \rightarrow (\exists z. R(z) \land \forall w. S(w))), \exists x. \exists y. (P(x) \land Q(y)) \vdash \exists z. R(z)
\exists x. P(x), \forall x. (F(x) \rightarrow (\neg G(x) \land R(x))), \forall x. (P(x) \rightarrow (G(x) \land F(x))), \forall x. (P(x) \rightarrow Q(x)) \lor \exists x. (Q(x) \land P(x))
\forall x. \exists y. F(x,y), \forall x. \exists y. G(x,y), \forall x. \forall y. ((F(x,y) \lor G(x,y)) \rightarrow \forall z. ((F(y,z) \lor G(y,z)) \rightarrow H(x,z))) \vdash \forall x. \exists y. H(x,y)
```

Alguns dos exercícios aqui sugeridos são conhecidos como os problemas de Pelletier, e podem ser encontrados em [Pel86]. Além dos problemas sugeridos, vocês podem fazer as provas de vários outros se tiverem curiosidade. Vejam que será necessária uma adaptação da linguagem para escrever as fórmulas no Jape.

Formação dos grupos

Vocês já devem ter escolhido o grupo de trabalho no Moodle. Podem usar o mesmo grupo para todos os trabalhos da disciplina.

O que está disponível no Moodle

No Moodle está disponível o diretório: MAC239_Trabs_natural_deduction.zip. Dentro desse diretório está a cópia da teoria de dedução natural disponível no Jape e mais as conjecturas necessárias para esse trabalho. Copiem este novo diretório inteiro, ele contém o trabalho anterior e mais esse novo trabalho.

Vocês devem copiar esse diretório dentro do diretório "examples" do Jape instalado nos seus computadores.

O que vocês devem fazer e entregar

Uma vez que o diretório **MAC239_Trabs_natural_deduction** está disponível dentro do diretório "examples", vocês devem:

- 1. Abrir o Jape e escolher abrir a teoria: **Trab2_LPred_Proofs.jt**. Com isso, uma janela com todas as conjecturas a serem provadas abrirá automaticamente.
- 2. Vocês devem provar cada uma das conjecturas. Lembrem-se de gravar à medida que provar cada uma das conjecturas. Vocês podem utilizar o "Safe Proofs". Isso vai gerar um arquivo (nome_arquivo).jp contendo todas as provas feitas naquela sessão (vocês podem gravá-lo em qq diretório). Para continuar as provas (caso não tenham provado tudo) mesmo depois de ter fechado a sessão, vocês podem novamente abrir o Jape na teoria e clicar no (nome_arquivo).jp. Assim, tudo o que já foi provado será recuperado.
- 3. Quando concluirem todas as provas, utilizem novamente o "Safe Proofs" para gravar todas as provas.
- 4. Colocar no Moodle o (nome_arquivo).jp como arquivo resposta do trabalho. Isso só precisa ser feito por um membro do grupo.

Referências

[Pel86] F.J. Pelletier. Seventy-five Problems for Testing Automatic Theorem Provers. *Journal of Automated Reasoning*, 2(2):191–216, 1986.