

	INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA DA PARAÍBA <i>CAMPUS</i> CAMPINA GRANDE	
Curso: Engenharia de Computação	Disciplina: <b>Análise e Técnicas de Algoritmos</b>	
Professor: Emanuel Dantas Filho		
Aluno: Pedro Macêdo Luna		

### Atividade 03

**01) Usando inferência de Laços, realize a prova para o seguinte algoritmo:**

```

MAX(A) // Calcula o maior elemento do vetor A
1   i = 1
2   max = A[0]
3   while i < A.size
4       if A[i] > max
5           max = A[i]
6       i = i + 1
4   return max

```

**Invariante:**

O máximo elemento de um vetor sempre estará presente ao próprio vetor.

**Inicialização:**

O maior elemento é inicializado antes do laço com o valor da posição 0 do vetor A.

**Manutenção:**

Durante o laço, o vetor é percorrido e é verificado se o valor da posição atual é maior que o maior elemento do vetor, se for verdade o valor do maior elemento é substituído pelo da posição atual do vetor.

**Terminação:**

O maior elemento do vetor A é retornado.

**Portanto, o algoritmo está correto!**

**02) Usando inferência de Laços, realize a prova para o seguinte algoritmo:**

```
Quadrado(n)
1  S = 0
2  j = 0
3  while j < n
6      S = S + n
7      j = j + 1
8  return S
```

**Invariante:**

O quadrado de um número sempre será um número positivo

**Inicialização:**

A variável S, que define o quadrado de um número(n) é inicializada antes do laço com 0.

**Manutenção:**

Caso o número(n) seja maior que a variável j , o laço é executado. Portanto, para o laço ser executado é necessário que o número seja maior que 0. Durante a execução o quadrado cresce por meio da soma do número(n) com o valor da variável S.

**Terminação:**

É retornado o valor do quadrado caso seja o número declarado seja positivo, caso contrário é retornado o valor 0.

**Portanto, o algoritmo está correto!**

**03) Considere o problema de encontrar o enésimo termo da sequência de Fibonacci. Escreva um pseudocódigo recursivo para esse algoritmo e prove sua corretude por indução fraca.**

**Código:**

```
Fibonacci(n)
  for n in range{0,1}:
    return n
  else:
    return Fibonacci(n-1) + Fibonacci(n-2)
```

**Corretude por indução fraca:**

- **Caso Base:**

Será atribuído o valor 1 para n, devido a condição "if n < 1". Desse modo,  $\text{Fibonacci}(1) = 1$ .

- **Passo indutivo:**

Visto que o valor da propriedade foi correto para o valor de n, precisamos provar que vale para n+1

$$\text{Fibonacci}(n+1) = \text{Fibonacci}((n+1)-1) + \text{Fibonacci}((n+1)-2)$$

$$\text{Fibonacci}(n+1) = \text{Fibonacci}(n) + \text{Fibonacci}(n-1)$$

$$\text{Fibonacci}(n+1) = \text{Fibonacci}(n-1) + \text{Fibonacci}(n-2) + \text{Fibonacci}(n-1)$$

$$\text{Fibonacci}(n) + \text{Fibonacci}(n-1) = \text{Fibonacci}(n-1) + \text{Fibonacci}(n-2) + \text{Fibonacci}(n-1)$$

$$\text{Fibonacci}(n) = \text{Fibonacci}(n-2) + \text{Fibonacci}(n-1)$$

**Portanto, a corretude do algoritmo está correta!**

**04) Analise o seguinte pseudo-código:**

```
coisa(l: Array, n: int):  
    if n <= 1:  
        return l[0]  
    if l[0] < l[1]:  
        l.remove(1)  
    else:  
        l.remove(0)  
    coisa(l, n-1)
```

**O que esse algoritmo faz?**

O algoritmo percorre o array l até que o valor de n seja menor ou igual a 1, com o objetivo de descobrir o valor do menor elemento do array.

Para isto é utilizado as seguintes condições durante o laço:

- Caso o valor de n seja igual a 1, deve ser retornado o valor da posição 0 do array.
- Caso o elemento da posição [0] seja menor que o da posição [1], deve ser removido 1 elemento do array.
- Se não, não devemos remover o elemento da posição [0].

Após as condições, é utilizada a recursividade. Passando novamente o array e o valor de (n-1) para n.

**Prove sua corretude usando indução fraca.**

- **Caso Base:**

Será atribuído o valor 1 para n, devido a condição "if n <= 1" e o array [4,5,3,1]. Desse modo, temos que:

coisa( l: **[4,5,3,1]**, n = 1)

n <= 1, portanto é retornado o primeiro elemento do array, ou seja, o valor 4.

- **Passo indutivo:**

Visto que o valor da propriedade foi correto para o valor de n, precisamos provar que vale para n+1. Supondo que n >= 1 e o array seja l: **[4,5,3,1]**, temos que:

coisa(l: [4,5,3,1], (n+1)):

if (n+1) <= 1:

return l[0]

if l[0] < l[1]:

l.remove(1)

else:

l.remove(0)

coisa(l, (n+1) - 1)

Desse modo, temos que

coisa(l: [4,5,3,1], n):

if (n+1) <= 1:

return l[0]

if l[0] < l[1]:

l.remove(1)

else:

l.remove(0)

coisa(l, (n))