#### Minha página principal ► Matemática Discreta ► Teste 1 (2016-10-31) ► T2016-1

Data de início Segunda, 31 Outubro 2016, 14:37

Estado Teste enviado

Data de submissão: Segunda, 31 Outubro 2016, 16:35

Tempo gasto 1 hora 58 minutos

## Pergunta 1

Respondida

Pontuação 2,000

P Destacar pergunta

As empresas clientes de um banco podem ter dois tipos de contas, contas à ordem e contas a prazo, a cada uma das quais está associado um determinado saldo. Para além disso, as empresas podem ou não ser elegíveis para contrairem empréstimos.

"NRG", "XPTO", "SUN" e "UNIV" são empresas.

A XPTO tem um saldo de 5000€ na sua conta à ordem. A NRG tem tem um saldo à ordem de 3000€ e um saldo a prazo de 20000€.

O saldo à ordem da SUN, que é uma subsidiária da UNIV, é superior ao saldo a prazo da XPTO.

Se a soma dos saldos à ordem e a prazo da UNIV for superior a 20 K€, então a mesma será elegível para um empréstimo.

Defina uma linguagem em lógica de primeira ordem adequada para representar a situação descrita, indicando os nomes, predicados e símbolos de função. Traduza para a linguagem definida cada uma das frases acima.

Constantes: nrg, xpto, sun, univ, ordem, prazo, 3000, 5000, 20000

#### Predicados:

Empresa(x) - x é uma empresa

TemSaldo(x,y,z) - x tem saldo de y euros num determinado tipo de conta

Soma(x,y) - x somado a y

Emprestimo(x) - x está elegivel para emprestimo

#### Funções:

saldoOrdem(x) - o saldo à ordem de x

saldoPrazo(x) - o saldo a prazo de x

subsidiaria(x) - a subsidiaria de x

- 2 TemSaldo(xpto, 5000, ordem) e (TemSaldo(nrg, 3000, ordem) e TemSaldo(nrg, 20000, prazo))
- 3 (saldoOrdem(subsidiaria(univ)) > saldoPrazo(xpto)) e subsidiaria(univ)=sun
- 4 Soma(saldoOrdem(univ), saldoPrazo(univ)) > 20000 → Emprestimo(univ)

## Informação

P Destacar pergunta

Para cada uma das frases abaixo, escolha a tradução para FOL mais adequada.

## Pergunta 2

Respondida

Pontuação 0,300

Destacar pergunta

Tanto a Terra como Marte são planetas.

Selecione uma opção de resposta:

- a. Não respondo.
- b. terra(planeta) Λ marte(planeta)
- c. Planeta(terra Λ marte)
- d. Planeta(terra) → Planeta(marte)
- e. Planeta(terra) Λ Planeta(marte)

## Pergunta 3

Respondida

Pontuação 0,300

P Destacar pergunta

Ou Callisto é um satélite de Júpiter, ou Júpiter é um satélite de Callisto.

Selecione uma opção de resposta:

- a. (SatéliteDe(callisto,júpiter) v SatéliteDe(júpiter,callisto)) Λ ¬(SatéliteDe(callisto,júpiter) Λ
  SatéliteDe(júpiter,callisto))
- b. SatéliteDe(callisto,júpiter) v SatéliteDe(júpiter,callisto)
- c. (SatéliteDe(callisto,júpiter) v SatéliteDe(júpiter,callisto)) Λ (¬SatéliteDe(callisto,júpiter) v SatéliteDe(júpiter,callisto))
- d. SatéliteDe(callisto, júpiter) Λ ¬SatéliteDe(júpiter, callisto)
- e. Não respondo.

# Pergunta 4

Respondida

Pontuação 0,350

P Destacar pergunta

Apesar do sol não ser um planeta, tanto a Terra orbita o Sol como a Lua orbita a Terra.

Selecione uma opção de resposta:

a. ¬Planeta(sol) Λ Orbita(terra,sol) Λ Orbita(lua,terra)

b. ¬Planeta(sol) Λ (Orbita(terra,sol) v Orbita(lua,terra))
 c. Não respondo.
 d. (Orbita(terra,sol) Λ Orbita(lua,terra)) → ¬Planeta(sol)
 e. ¬Planeta(sol) → (Orbita(terra,sol) Λ Orbita(lua,terra))

## Pergunta 5 Respondida Pontuação 0,350 Postacar pergunta

Se Tritão é um satélite de Neptuno, então nem é um planeta nem uma estrela.

Selecione uma opção de resposta:

- a. SatéliteDe(tritão,neptuno) → ¬(Planeta(tritão) v Estrela(tritão))
- b. SatéliteDe(tritão,neptuno) → ¬(Planeta(tritão) Λ Estrela(tritão))
- oc. Não respondo.
- d. ¬SatéliteDe(tritão,neptuno) → (Planeta(tritão) Λ Estrela(tritão))
- e. SatéliteDe(tritão, neptuno) Λ ¬Planeta(tritão) Λ ¬Estrela(tritão)

#### Pergunta **6**

Respondida

Pontuação 0,350

Destacar pergunta

Plutão é um planeta anão, a menos que seja gravitacionalmente dominante.

Selecione uma opção de resposta:

- a. PlanetaAnão(plutão) Λ ¬Dominante(plutão)
- b. Dominante(plutão) → ¬PlanetaAnão(plutão)
- c. ¬PlanetaAnão(plutão) → ¬Dominante(plutão)
- d. ¬Dominante(plutão) → PlanetaAnão(plutão)
- e. Não respondo.

# Pergunta **7**

Respondida

Pontuação 0,350

Destacar pergunta

A temperatura da superfície da Terra é adequada para a vida só se variar entre -90° e 57°.

Selecione uma opção de resposta:

- a. Temperatura(terra)=adequadaVida Λ Temperatura(terra) ≥ -90° Λ Temperatura(terra) ≤ 57°
- b. AdequadaVida(temperatura(terra)) Λ temperatura(terra, ≥ -90°, ≤ 57°)
- c. (temperatura(terra) ≥ -90° Λ temperatura(terra) ≤ 57°)) → AdequadaVida(temperatura(terra))
- d. Não respondo.
- e. AdequadaVida(temperatura(terra)) → (temperatura(terra) ≥ -90° Λ temperatura(terra) ≤ 57°))

Considere o conjunto de frases contido no ficheiro T2016-1-P3.sen. Elabore, no software Tarski's World, um mundo que satisfaça todas essas frases. Submeta o ficheiro com o mundo obtido.



World .wld

## Informação

P Destacar pergunta

Uma determinada situação relativa a um grupo de caminhadas é descrita com recurso aos seguintes predicados:

Marcha(x,y) - a marcha x decorre no dia y

Participa(w,z) - o elemento w participa na marcha z.

Naturalmente que um mesmo elemento não pode participar simultaneamente em duas marchas que se realizem no mesmo dia.

As afirmações que descrevem a situação são as seguintes:

Marcha(gerês, 2016-10-05)

Marcha( alvão, 2016-10-16)

Marcha(freita, 2016-10-16)

Participa( josé, gerês ) → Participa( guida, gerês )

Participa( rui, alvão ) v Participa( rui, freita )

- ¬Participa( rui, freita ) → Participa( guida, freita )
- ¬Participa( guida, freita )

Partindo destas frases, como classifica cada uma das frases seguintes?

#### Pergunta 9

Respondida

Pontuação 1,000

P Destacar pergunta

¬Participa( rui, alvão ).

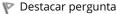
Selecione uma opção de resposta:

- a. É satisfazível mas não consequência lógica.
- b. É consequência tautológica.
- c. Não respondo.
- d. É não satisfazível.
- e. É consequência lógica mas não tautológica.

Pergunta 10

Respondida

Pontuação 1,000



Participa( guida, gerês ). Selecione uma opção de resposta: a. Não respondo. b. É consequência tautológica. o c. É satisfazível mas não consequência lógica. d. É consequência lógica mas não tautológica. e. É não satisfazível. Pergunta 11 Respondida Pontuação 1,000 P Destacar pergunta Participa( josé, gerês )  $\Lambda \neg Participa( guida, gerês ).$ Selecione uma opção de resposta: a. É satisfazível mas não consequência lógica. b. É não satisfazível. c. É consequência tautológica. od. Não respondo. e. É consequência lógica mas não tautológica. Pergunta 12 Respondida Pontuação 1,000 Destacar pergunta ¬Participa( guida, gerês ) → ¬Participa( josé, gerês ). Selecione uma opção de resposta: a. É satisfazível mas não consequência lógica. b. Não respondo. c. É consequência tautológica. d. É consequência lógica mas não tautológica. e. É não satisfazível. Pergunta 13 Respondida Pontuação 2,000 P Destacar pergunta Obtenha uma expressão equivalente a  $(P \rightarrow R) \rightarrow ((P \lor Q) \rightarrow R)$  na forma normal conjuntiva.  $(P \rightarrow R) \rightarrow ((P \lor Q) \rightarrow R)$ 

 $\Leftrightarrow$  (naoP v Q)  $\rightarrow$  (nao(PvQ)vR)

⇔ nao(naoPvQ

 $\Leftrightarrow$ 

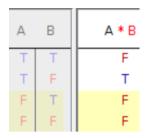
## Pergunta 14

Respondida

Pontuação 2,000

P Destacar pergunta

Define-se a conetiva binária \* pela seguinte tabela de verdade.



Suponha que precisa de construir circuitos lógicos que implementem quaisquer expressões de lógica proposicional e que apenas tem disponíveis um número suficiente de portas lógicas \* e um gerador de valores para as frases atómicas da expressão, o qual também produz o valor constante True.

Utilizando apenas uma porta lógica \* consegue-se, por exemplo, implementar o operador de negação, bastando para tal usar o valor constante True na entrada A, e o valor a negar na entrada B (verifique na tabela de verdade).

True \* B <=> True  $\Lambda \neg B <=> \neg B$ 

Na procura de perceber se é possível, nestas circunstâncias, implementar qualquer circuito lógico, verifique se é possível implementar os restantes quatro operadores proposicionais estudados.

### Pergunta 15

Respondida

Pontuação 2,000

P Destacar pergunta

Prove formalmente, recorrendo ao sistema de Fitch, que P  $\nu$  R é uma consequência de P  $\nu$  Q e de  $\neg$ Q  $\nu$  R.

## Pergunta 16

Respondida

Pontuação 2,000

P Destacar pergunta

Será que, de (P  $\Lambda$  Q)  $\rightarrow$  S e de  $\neg$ S  $\nu$  R se pode concluir (P  $\rightarrow$  R)  $\Lambda$  (Q  $\rightarrow$  R)? Em caso afirmativo, prove-o formalmente no programa Fitch. Em caso negativo, indique um contraexemplo.

Não. Por exemplo, no caso em que P é verdadeiro, e Q, P e R são falsos,  $\neg S v R e (P \land Q) \rightarrow S são verdadeiros, no entando <math>(P \rightarrow R) \land (Q \rightarrow R)$  é falso. Por isso, não se pode concluir a partir das premissas indicadas.

Não respondida

Pontuação 2,000

P Destacar pergunta

Considere as frases

 $P \rightarrow R$ 

 $(Q \land S) \rightarrow R$ 

¬(¬P ∧ ¬Q).

Se a frase  $\neg R \rightarrow \neg S$  for uma consequência das três frases anteriores, apresente uma prova formal disso no programa Fitch. Caso contrário, apresente um contraexemplo.

Terminar revisão

#### NAVEGAÇÃO NO TESTE



Pedro Miguel Sousa Fernandes

1 i 2 3 4 5 6 7 8 i 9 10 11 12 13 14 15 16 17

Mostrar uma página de cada vez

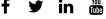
Terminar revisão

© 2017 UPdigital - Tecnologias Educativas

Nome de utilizador: Pedro Miguel Sousa Fernandes (Sair)

Gestão e manutenção da plataforma Moodle U.PORTO da responsabilidade da unidade de Tecnologias Educativas da UPdigital. Mais informações:

apoio.elearning@uporto.pt | +351 22 040 81 91 | http://elearning.up.pt



Based on an original theme created by Shaun Daubney | moodle.org