Painel do utilizador	As minhas unidades curriculares <u>Matemática Discreta</u> <u>Teórica 6 (2020-10-28)</u> <u>Teste de treino</u>
Início	quarta, 28 de outubro de 2020 às 20:49
Estado	Prova submetida
Data de submissão:	sexta, 30 de outubro de 2020 às 00:19
Tempo gasto	1 dia 3 horas
Pergunta 1	Respondida Pontuação 2,000

Construa a tabela de verdade para a frase  $(A \to B) \land (B \to A)$ . Mostre que a coluna principal desta fórmula é idêntica à de  $A \leftrightarrow B$ . Submeta o ficheiro (isto é, coloque o ficheiro do programa Boole, gravado com o nome <seu\_login>P6.tt, na caixa "Ficheiros" abaixo).

#### <u>up202007531P1.tt</u>

# Pergunta 2 Respondida Pontuação 2,000

Descarregue (clique com o botão da direita e faça "Save link as") <u>Sherlock's world</u> e <u>Sherlock's Sentences</u>. Repare que nenhum dos objetos desse mundo tem nome. A sua tarefa é atribuir os nomes a, b e c de forma que todas as frases na lista sejam verdadeiras.

Submeta o mundo resultante (isto é, grave o ficheiro do mundo resultante com o nome igual a <seu\_login>P2.wld e coloque-o a seguir na caixa "Ficheiros" abaixo).

<u>up202007531P2.wld</u>

Pergunta 3

Respondida Pontuação 2,000

Prova incompleta no Fitch. Descarregue, usando o botão da direita e a opção "Save link as", o ficheiro <u>Exercise 6.2</u> que contém uma prova incompleta. Completar os passos e as justificações e verificar a prova. Submeter o ficheiro resultante.

#### UP202007531p3.prf

#### Pergunta 4

Respondida Pontuação 2,000

Prove o facto seguinte sobre os números naturais, a partir dos factos básicos da aritmética e das definições de par e ímpar.

Assuma que n<sup>2</sup> é impar. Prove que n é impar.

[ Pode clicar no primeiro botão da caixa de resposta para ver mais opções de formatação. Em particular, pode escrever índices e expoentes e usar o  $\Omega$  para escrever alguns símbolos. No entanto, a forma mais prática de obter símbolos da lógica é abrir o Tarski e fazer copy/paste dos símbolos. Para escrever fórmulas matemáticas, pode usar o botão Editor de Equações, um que parece uma matriz, à esquerda do que tem um lápis]

Provar:  $Impar(n^2) \rightarrow Impar(n)$ 

- Assumindo Impar(n^2), e fazendo prova por contradição
- n é par, n=2m (para qualquer m)
- n^2 = (2m)^2 = 4m^2 = 2(2 \* m^2) . (Como o resultado de qualquer número multiplicado por 2 é sempre um número par, podemos concluir que m^2 é par. E, consequentemente, n^2 é par)
- Assim, como contradiz a premissa, podemos concluir que n^2 é ímpar e, consequentemente, n é ímpar.
- $Impar(n^2) \rightarrow Impar(n)$  infere-se por prova condicional.

### Pergunta 5

Respondida

Pontuação 2,000

Considere a situação em que C é uma consequência lógica de A e B, i.e., sempre que A e B são verdadeiros, C também o é (e.g. A é Larger(a,b), B é Larger(b,c) e C é Larger(a,c)).

A frase  $\neg(A \land B) \lor C$  é uma verdade lógica?

Justifique submetendo a correspondente tabela de verdade.

[Uma maneira de mostrar as linhas espúrias é elaborar a tabela de verdade com o programa Boole, a seguir capturar o ecrã, por exemplo com o Snipping Tool, e, usando o mesmo software ou um programa de desenho, riscar as linhas espúrias e gravar como imagem. Finalmente, submeter a imagem.]

#### <u>up202007531p5.JPG</u>

## Pergunta 6

Correta Pontuação 2,000

Quais das seguintes equivalências são verdadeiras?

$$(\mathsf{A} \to \mathsf{C}) \, \wedge \, (\mathsf{B} \to \mathsf{C}) \Leftrightarrow (\mathsf{A} \, \wedge \, \mathsf{B}) \to \mathsf{C}$$

[Nota: se não tiver a certeza da resposta é melhor não responder (deixar em branco ou carregar em "não respondo"), uma vez que respostas erradas descontam.]

Selecione uma opção de resposta:

- a. Não respondo
- b. Verdadeiro
- c. Falso

### Pergunta 7

Correta Pontuação 2,000

$$(\mathsf{A} \,\rightarrow\, \mathsf{C}) \,\wedge\, (\mathsf{B} \,\rightarrow\, \mathsf{C}) \Leftrightarrow (\mathsf{A} \,\vee\, \mathsf{B}) \,\rightarrow\, \mathsf{C}$$

Selecione uma opção de resposta:

- a. Não respondo
- O b. Falso
- o. Verdadeiro

## Pergunta 8

Correta Pontuação 2,000

$$(\mathsf{A} \,\rightarrow\, \mathsf{B}) \,\wedge\, (\mathsf{A} \,\rightarrow\, \mathsf{C}) \Leftrightarrow \mathsf{A} \,\rightarrow\, (\mathsf{B} \,\wedge\, \mathsf{C})$$

Selecione uma opção de resposta:

- a. Falso
- b. Verdadeiro
- oc. Não respondo

Pergunta 9 Correta Pontuação 2,000		
$(A \rightarrow B) \land (A \rightarrow C) \Leftrightarrow A \rightarrow (B \lor C)$		
Selecione uma opção de resposta:  a. Falso	<b>~</b>	<
○ b. Verdadeiro		
○ c. Não respondo		

Pergunta 10 Parcialmente correta Pontuação 2,000

As tabelas de verdade, para além da determinação da verdade lógica, também podem servir para verificar a consequência lógica. Para saber se Q é uma consequência lógica de P, construa uma tabela de verdade com todas as frases atómicas de P e Q e os próprios P e Q e verifique se, em todas as linhas não espúrias, sempre que P é verdade Q também o é (se esta propriedade se mantiver mesmo nas linhas espúrias, fala-se de consequência tautológica).

Assinale abaixo as frases verdadeiras.

Selecione uma ou mais opções de resposta:

- a. Dodec(c) é uma consequência tautológica de Dodec(b) ∧ c=b?
- ☑ b. Dodec(c) é uma consequência lógica de Dodec(b) ∧ c=b?
- □ c. Cubo(b) é uma consequência lógica de (Cubo(a) ∨ Cubo(b)) ∧ ¬Cubo(a)?
- ☑ d. Cubo(b) é uma consequência tautológica de (Cubo(a) ∨ Cubo(b)) ∧ ¬Cubo(a)?
- e. Cubo(b) é uma consequência tautológica de (Cubo(a) ∨ Cubo(b)) ∧ Tet(a)?
- ☑ f. Cubo(b) é uma consequência lógica de (Cubo(a) ∨ Cubo(b)) ∧ Tet(a)?
- ☑ g. Dodec(c) é uma consequência lógica de Dodec(b) ∧ e=c?

→ 32Conetiva

Ir para...

T2012-1 ►