# Introdução à Estatística e Estatística Descritiva

## **ESTATÍSTICA?**

Um conjunto de procedimentos e princípios para recolha, compilação, análise e interpretação de dados por forma a ajudar na tomada de decisões quando na presença de incerteza.

Herbert George Wells, English author, said (circa 1940),

"Statistical thinking will one day be as necessary for efficient citizenship as the ability to read and write"



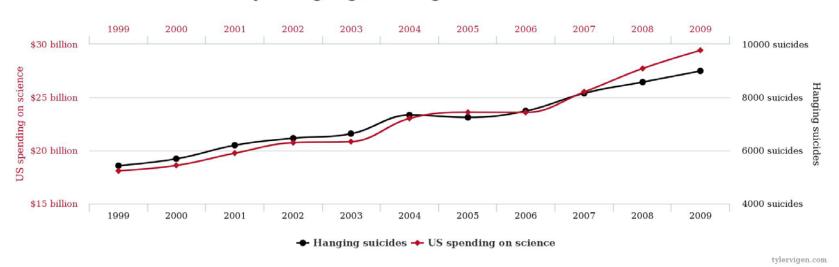
#### Why it is important Statistical Literacy

- We are in the age of information
  - understanding statistics well enough to be able to consume the information we are inundated with on a daily basis, think critically about it, and make good decisions based on that information

#### US spending on science, space, and technology

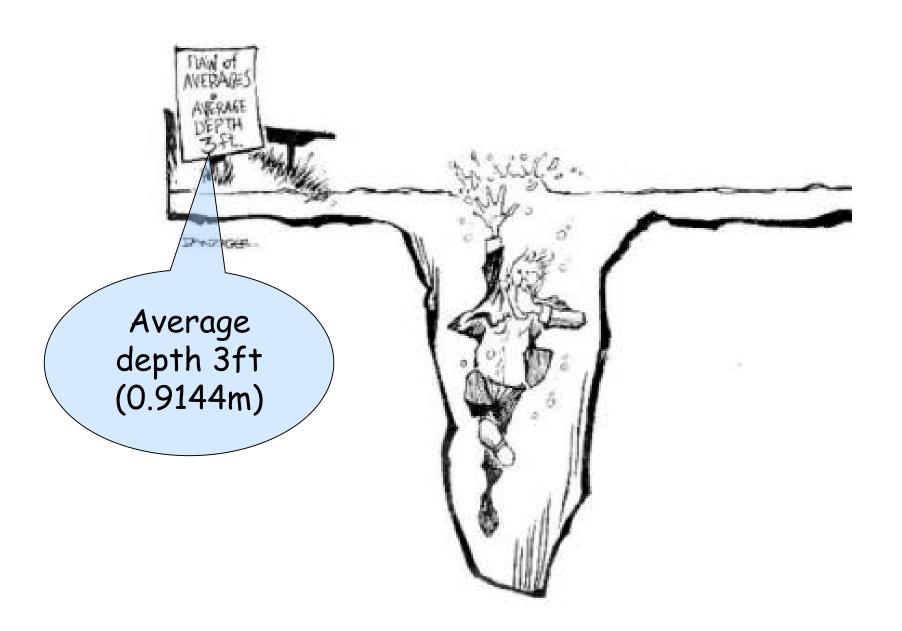
correlates with

#### Suicides by hanging, strangulation and suffocation



#### Why it is important Statistical Literacy

- Research scientist skills
  - the ability to identify questions, collect evidence (data), discover and apply tools to interpret the data, and communicate and exchange results
  - be able to distinguish the proper from the improper use of the scientific method
- The Challenge of Developing Statistical Reasoning, Joan Garfield, Journal of Statistics Education Volume 10, Number 3, 2002
- students are (mainly) consumers and (at times) producers of information.





Why do we need to understand statistics?

#### **Reasoning with Uncertainty**

- from
- Peter Donnelly: How juries are fooled by statistics
- http://www.ted.com/index.php/talks/view/id/67

#### Ex 1 - Coin Tossing

- Imagine tossing a coin successively, and waiting till the first time a particular pattern appears, say HTT
- For example, if the sequence of tosses was

#### HHTHHTHHTTHHTH

• The pattern HTT would first appear after the 10th toss

- Imagine that half of you toss a coin several times, each time till the sequence HTT occurs.
  - Record the average number of tosses till HTT occurs

The other half of you prefer to count HTH

Record the average number of tosses till HTH occurs

#### Which of the following is true:

- A. The average number of tosses until HTH is larger than the average number of tosses until HTT
- B. The average number of tosses until HTH is the same as the average number of tosses until HTT
- C. The average number of tosses until HTH is smaller than the average number of tosses until HTT

Most people think that B is true but A is true.

The average number of tosses till HTH is 10 and the average number of tosses till HTT is 8.

- Intuitive explanation:
- Imagine that you win if HTH occurs
  - If the first toss gives a H you are exited and you get even more exited if the second is a T. If the third is H you win but if it is a T you have to start again and wait for the next H.
- If you win when HTT occurs
  - For the first two tosses the experience is the same. However, if the third toss is a H you loose but you already have the first H and are 1/3 of the way to your pattern.

It was an example of a simple question on probabilities that most people get wrong



## Cardozo falha um penalty em cada cinco

Por Gonçalo Guimarães

A- A A+

Ser ou não ser um especialista, eis a questão. Óscar Cardozo, 30 anos, falhou anteontem, em Barcelos, o 11.º penalty com a camisola do Benfica, em todas as provas oficiais, naquela que foi a sua 51.ª tentativa da marca dos onze metros. Isto significa que o ponta de lança paraguaio, na Luz desde 2007, tem uma percentagem de eficácia de 78,4 por cento. Dito de outra forma, falha praticamente um penalty em cada cinco vezes que é chamado a converter.

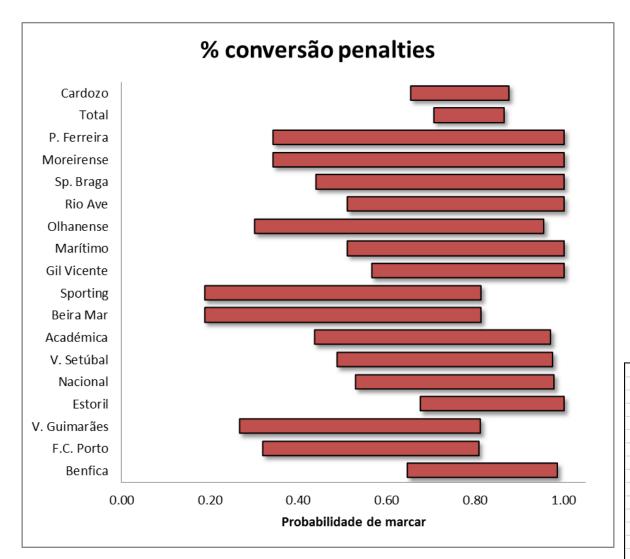
 $\frac{51 - 11}{51} = 0.784$ 

O que significa?

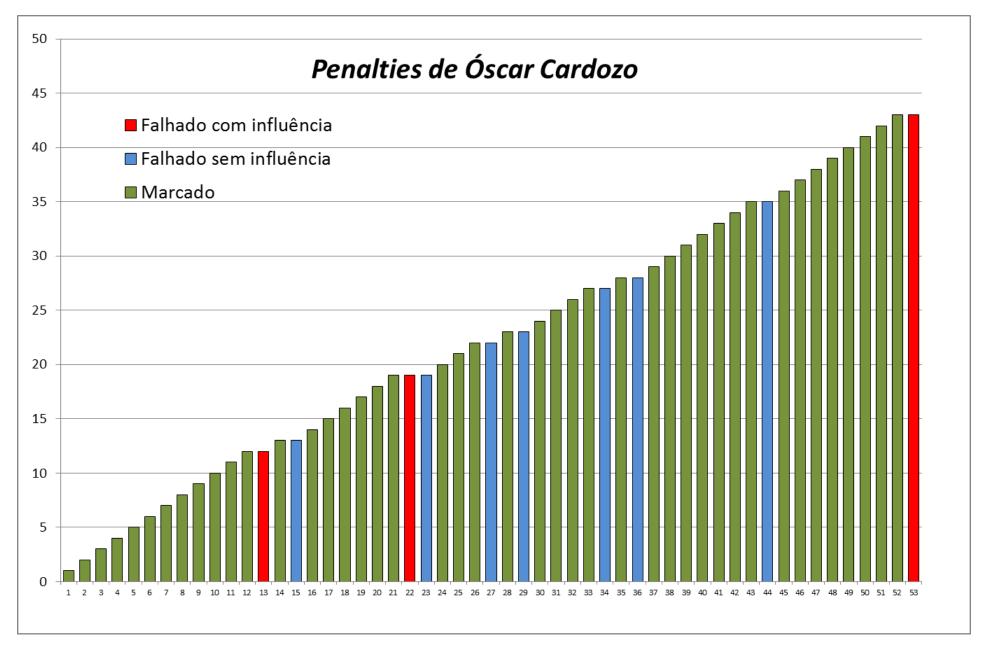
Probabilidade de marcar

 $\hat{p} \in [0.65; 0.88]$ 

http://en.wikipedia.org/wiki/Binomial proportion confidence interval



|              |              |       |             |          |      | Wilson sco | ore interval |  |
|--------------|--------------|-------|-------------|----------|------|------------|--------------|--|
| Período      | Quem         | Total | Convertidos | Falhados | %    | L.I.       | L.S.         |  |
| 2012/2013    | Benfica      | 12    | 11          | 1        | 0.92 | 0.65       | 0.99         |  |
| 2012/2013    | F.C. Porto   | 12    | 7           | 5        | 0.58 | 0.32       | 0.81         |  |
| 2012/2013    | V. Guimarães | 9     | 5           | 4        | 0.56 | 0.27       | 0.81         |  |
| 2012/2013    | Estoril      | 8     | 8           |          | 1.00 | 0.68       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | Nacional     | 8     | 7           | 1        | 0.88 | 0.53       | 0.98         |  |
| 2012/2013    | V. Setúbal   | 7     | 6           | 1        | 0.86 | 0.49       | 0.97         |  |
| 2012/2013    | Académica    | 6     | 5           | 1        | 0.83 | 0.44       | 0.97         |  |
| 2012/2013    | Beira Mar    | 6     | 3           | 3        | 0.50 | 0.19       | 0.81         |  |
| 2012/2013    | Sporting     | 6     | 3           | 3        | 0.50 | 0.19       | 0.81         |  |
| 2012/2013    | Gil Vicente  | 5     | 5           |          | 1.00 | 0.57       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | Marítimo     | 4     | 4           |          | 1.00 | 0.51       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | Olhanense    | 4     | 3           | 1        | 0.75 | 0.30       | 0.95         |  |
| 2012/2013    | Rio Ave      | 4     | 4           |          | 1.00 | 0.51       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | Sp. Braga    | 3     | 3           |          | 1.00 | 0.44       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | Moreirense   | 2     | 2           |          | 1.00 | 0.34       | 1.00         |  |
| 2012/2013    | P. Ferreira  | 2     | 2           |          | 1.00 | 0.34       | 1.00         |  |
|              | Total        | 98    | 78          | 20       | 0.80 | 0.71       | 0.86         |  |
| até Jan 2014 | Cardozo      | 51    | 40          | 11       | 0.78 | 0.65       | 0.88         |  |



#### **Conclusions from the examples**

- Randomness, uncertainty and chance are part of our life
- People make errors of logic when reasoning with uncertainty
- Errors in statistics may have serious consequences
  - (see Sally Clark example in the video)

# It is very important to understand statistics!

PORQUE É QUE UM
ENGENHEIRO INFORMÁTICO
PRECISA DE APRENDER
ESTATÍSTICA?!

## Desenvolvimento de Software apoiado em ferramentas

ex.

#### **SVN**

software versioning and revision control system evolução do software

#### Bugzilla

gestão de bugs

#### Dr. Watson

dados de execução

**SVN** 

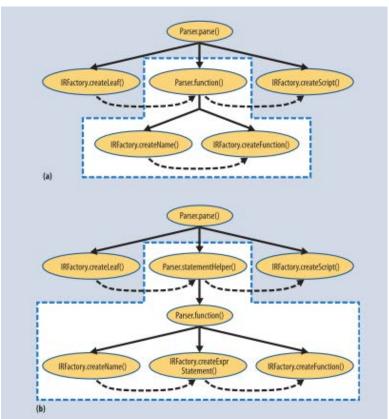
Bugzilla

**Dr. Watson** 

Engenharia de Software gera muitos dados

## objetivo: extrair conhecimento útil dos dados ex.

- qual a linha de código que está na origem do erro?
  - identificar padrões em erros ocorridos durante a execução de programas registadas com o Dr. Watson
  - 2. aplicar esses padrões ao bug do programa que estou a desenvolver



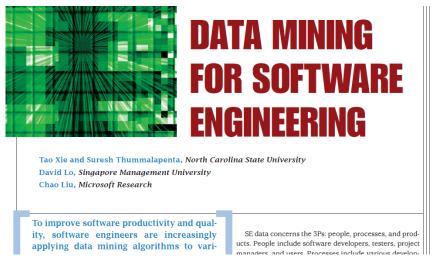
Xie, T., Thummalapenta, S., Lo, D., & Liu, C. (2009). Data Mining for Software Engineering. Computer, 42(8), 55–62. doi:10.1109/MC.2009.256

objetivo: extrair conhecimento útil dos dados ex.

como?

## Data Mining!

[e amigos]



http://ieeexplore.ieee.org/stamp/stamp.jsp?tp=&arnumber=5197425

## Data Mining!

[e amigos]

#### para aprender (principalmente) em

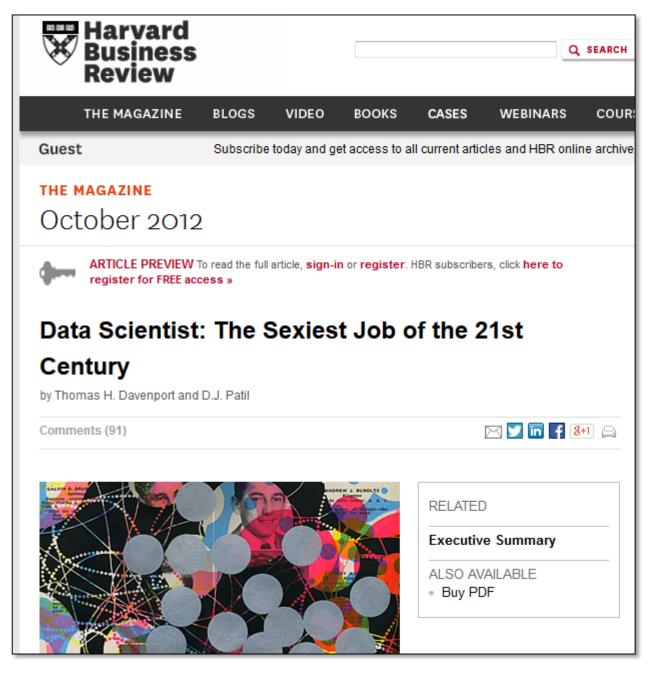
- Inteligência Artificial
  - 3º ano
- Extração de Conhecimento e Aprendizagem Computacional
  - 4º ano

#### ... e baseado em

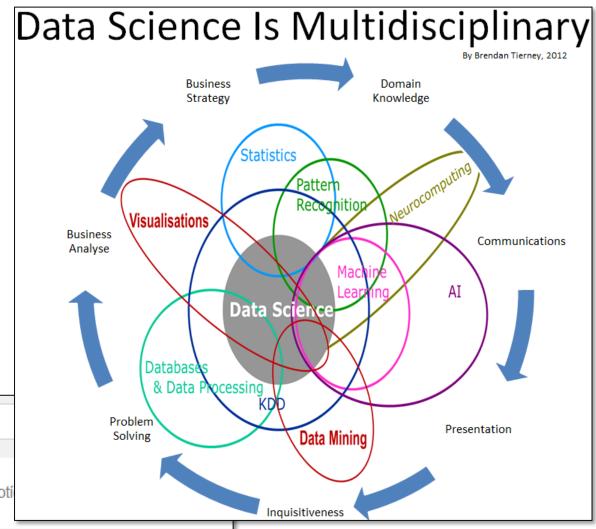
## **ESTATÍSTICA!**

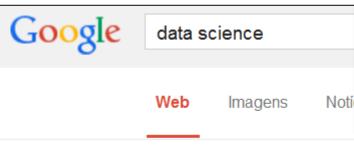
#### O que deve ter um analista de dados para ser contratado? 19 de Dezembro de 2012 às 10:07:33 por computerworld Com o aumento da competição pela contratação de profissionais da análise de dados, as empresas que conhecem as características exactas do que estão à procura têm vantagem. Nenhuma outra área do mercado de trabalho de TI experimentou o crescimento de procura e a disparidade de oferta que o campo da análise de dados. À medida que o Big Data continua a crescer, e o campo da análise continua a amadurecer, eles estão tornando-se uma parte importante do negócio e do processo de tomada de decisão, levando a competição por grandes talentos a transformar-se numa verdadeira luta pelas contratações. Num relatório sobre Biga Data, o instituto McKinsey Global prevê que até 2018 os EUA passarão por uma escassez enorme de pessoal na área de análise. "Ocorrerá uma escassez de talento necessário para que as organizações tirem proveito do Big Data. Até 2018, só os Estados Unidos podem encarar uma falta de 140 mil a 190 mil pessoas com profundas capacidades de análise, como também 1,5 milhões de gestores e analistas com o conhecimento para utilizarem a análise de grande volumes de dados a fim de tomarem decisões eficientes", diz o relatório. O McKinsey Global Institute Report prevê também que as empresas que utilizam a análise no seu potencial completo podem aumentar as margens de operação em até 60%. As empresas estão a ter isso em conta, criando competição pelos melhores talentos Apenas reforçando o quão competitivo o mercado é, um relatório da Dice, do início deste ano, afirma que a actual taxa de desemprego da TI está em torno dos 3,6%. "Os CIOs de hoje em dia precisam de alguns pensadores do tipo 'dados são dados' que não se intimidem pelo quão 'grande' os dados são ou se eles englobam ou não SKUs

http://www.computerworld.com.pt/2012/12/19/o-que-deve-ter-um-analista-de-dados-para-ser-contratado/



### data science is a hot topic







What is the problem here?

On average the temperature is very nice...

#### **Estatística Descritiva**

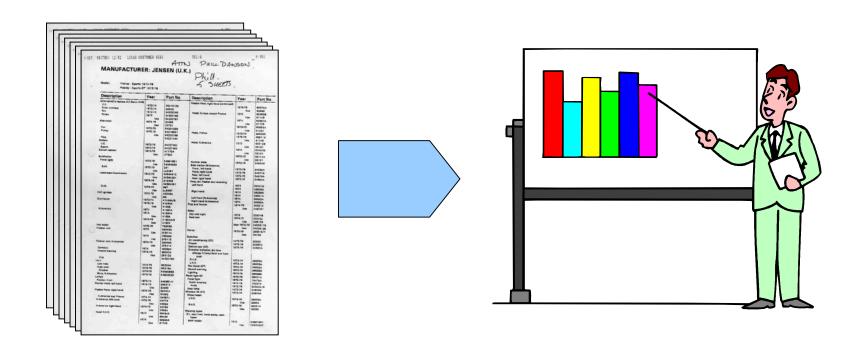
Na <u>estatística descritiva</u> procura-se sintetizar e representar de forma compreensível a informação contida num conjunto de dados

através da construção de

tabelas,

gráficos,

cálculo de medidas

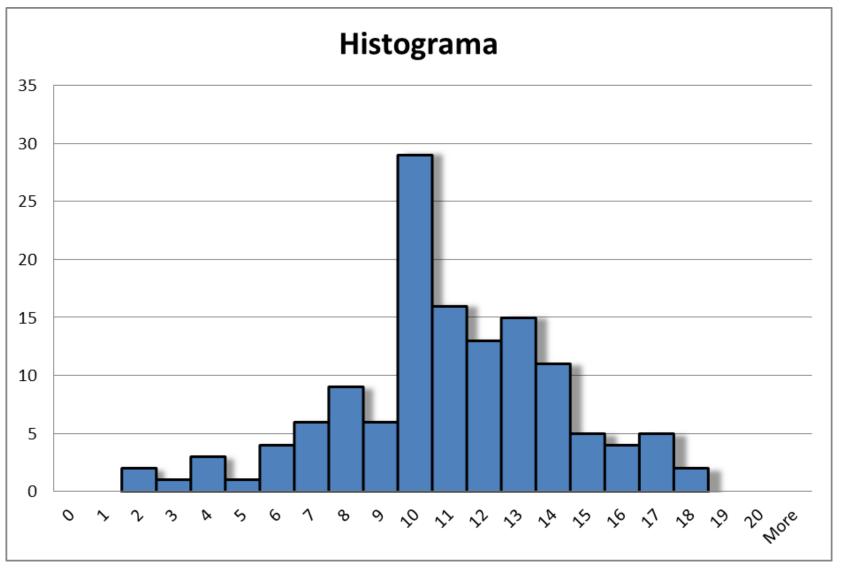


Objetivo da estatística descritiva: síntese da informação contida em dados

#### Exemplo: notas de Métodos Estatísticos 2004/2005

| Aluno | Freq | Final    | Aluno | Freq | Final    | Aluno | Freq | Final    | Aluno | Freq | Final   | Aluno | Freq | Final   | Aluno | Freq | Final    |
|-------|------|----------|-------|------|----------|-------|------|----------|-------|------|---------|-------|------|---------|-------|------|----------|
| 1     |      |          | 31    | 7.3  | 5.7425   | 61    | 5.1  |          | 91    | 8.7  | 9.50511 | 121   | 10.2 | 11.625  | 151   | 5.5  | 1.65     |
| 2     |      |          | 32    | 10.3 | 10.19511 | 62    | 7.4  | 8.17021  | 92    | 9.4  | 10.5201 | 122   | 11.5 | 13.7501 | 152   | 11.4 | 14.13011 |
| 3     |      |          | 33    | 11.9 | 10.15025 | 63    | 11.0 | 13.11761 | 93    |      |         | 123   | 8.1  | 10.1476 | 153   | 5.9  |          |
| 4     |      |          | 34    | 9.8  | 12.92564 | 64    | 8.5  | 10.985   | 94    | 10.4 | 7.47764 | 124   | 9.6  | 9.60007 | 154   |      |          |
| 5     |      |          | 35    | 10.0 | 11.87254 | 65    |      |          | 95    | 6.6  | 10      | 125   | 8.3  | 10.855  | 155   | 9.6  | 9.81     |
| 6     | 9.6  | 10.50661 | 36    | 16.0 | 16.5145  | 66    | 13.0 | 13.1225  | 96    | 8.5  | 13.275  | 126   |      |         | 156   | 9.3  | 11.50511 |
| 7     | 7.2  | 7.480175 | 37    |      |          | 67    | 12.3 | 9.67507  | 97    | 5.5  |         | 127   | 14.6 | 16.5075 | 157   | 6.3  | 4.690035 |
| 8     | 5.7  | 9.620105 | 38    |      |          | 68    | 7.3  | 7.7375   | 98    | 6.4  |         | 128   |      |         | 158   | 11.4 | 12.52011 |
| 9     |      |          | 39    | 13.3 | 14.875   | 69    | 7.0  |          | 99    |      |         | 129   | 7.7  | 3.64021 | 159   | 11.8 | 11.3275  |
| 10    | 7.7  | 9.52     | 40    |      |          | 70    | 9.1  |          | 100   | 10.0 | 10.665  | 130   | 9.5  | 8.06504 | 160   | 8.3  |          |
| 11    | 10.2 | 11.075   | 41    | 9.9  | 11.0725  | 71    |      |          | 101   | 10.9 | 11.9851 | 131   | 7.0  | 6.61514 | 161   |      |          |
| 12    | 5.8  |          | 42    | 12.3 | 14.61011 | 72    |      |          | 102   |      |         | 132   | 10.2 | 13.5075 | 162   | 7.3  | 10       |
| 13    | 15.6 | 17.665   | 43    | 8.7  | 9.5225   | 73    | 10.4 | 9.560105 | 103   | 17.3 | 16.84   | 133   | 12.8 | 13.0101 | 163   | 13.2 | 13.69    |
| 14    | 12.0 | 10.79254 | 44    | 7.4  | 15.55    | 74    | 8.8  | 9.51064  | 104   | 7.6  |         | 134   |      |         | 164   | 8.2  | 11.10025 |
| 15    | 13.3 | 15.75    | 45    |      |          | 75    |      |          | 105   |      |         | 135   |      |         | 165   | 6.1  | 7.01     |
| 16    | 7.8  | 11.51011 | 46    | 3.6  | 4.580175 | 76    | 11.3 | 13.52961 | 106   | 7.7  | 8.435   | 136   | 7.1  | 6.43507 | 166   |      |          |
| 17    | 11.6 | 9.83271  | 47    | 7.8  | 7.065    | 77    | 8.7  | 10.66004 | 107   | 10.1 | 9.785   | 137   | 10.9 | 11.18   | 167   |      |          |
| 18    | 7.5  | 7.447675 | 48    | 10.4 | 12.58761 | 78    | 10.2 | 10.5675  | 108   | 9.5  | 13.91   | 138   | 8.6  | 12.625  | 168   |      |          |
| 19    |      |          | 49    | 12.3 | 12.28261 | 79    | 13.6 | 17.17    | 109   | 10.0 | 9.72011 | 139   |      | 6.02014 | 169   | 10.5 | 10.95511 |
| 20    | 12.3 | 9.5105   | 50    | 12.2 | 9.60005  | 80    | 6.7  | 9.517605 | 110   |      |         | 140   | 7.5  | 9.635   | 170   | 9.2  | 6.97764  |
| 21    |      |          | 51    | 14.9 | 15.915   | 81    | 7.5  | 10.23    | 111   |      |         | 141   | 9.1  | 10.2026 | 171   | 9.4  |          |
| 22    | 11.2 | 11.37514 | 52    | 9.8  | 13.2002  | 82    | 12.9 | 16.19    | 112   | 7.1  | 10      | 142   | 9.9  | 12.5251 | 172   | 9.0  | 16.9102  |
| 23    | 4.4  | 6.325    | 53    | 6.1  | 8.025    | 83    | 5.6  |          | 113   | 10.2 | 12.545  | 143   | 6.1  | 8.13    | 173   | 10.1 | 11.5175  |
| 24    | 10.5 | 12.74    | 54    | 13.7 | 11.51261 | 84    | 9.8  | 10.78    | 114   | 8.0  | 9.61    | 144   | 6.3  | 8.34771 | 174   | 10.3 | 12.96011 |
| 25    | 7.5  | 11.175   | 55    | 15.0 | 14.93    | 85    | 11.3 | 9.508    | 115   | 14.4 | 12.6501 | 145   | 5.6  |         | 175   | 9.4  | 9.54     |
| 26    |      |          | 56    | 6.3  | 9.509605 | 86    |      |          | 116   | 12.5 | 15.8775 | 146   | 7.9  | 8.77507 | 176   | 5.4  |          |
| 27    | 13.4 | 14.065   | 57    | 7.4  |          | 87    | 12.2 | 9.52271  | 117   |      |         | 147   | 13.9 | 13.5675 | 177   | 13.4 | 12.01757 |
| 28    | 9.4  | 8.105035 | 58    | 7.4  | 10       | 88    | 4.6  |          | 118   | 8.3  | 7.18    | 148   |      |         | 178   | 9.5  | 9.780105 |
| 29    | 8.8  | 11.56511 | 59    | 12.5 | 12.535   | 89    | 10.7 | 10.595   | 119   | 10.3 | 8.62021 | 149   | 10.5 | 9.78292 | 179   | 10.8 | 13.705   |
| 30    | 9.4  | 12.95261 | 60    | 7.3  | 3.74757  | 90    | 7.2  | 10       | 120   |      |         | 150   | 14.5 | 13.5376 | 180   |      |          |
|       |      |          |       |      |          |       |      |          |       |      |         |       |      |         | 181   | 8.8  | 9.535    |
|       |      |          |       |      |          |       |      |          |       |      |         |       |      |         | 182   | 5.5  | 2.94514  |
|       |      |          |       |      |          |       |      |          |       |      |         |       |      |         | 183   | 8.1  |          |

| N                    | 132   |
|----------------------|-------|
| Média                | 10.52 |
| Mediana              | 10.51 |
| Amplitude            | 16.29 |
| Máximo               | 17.67 |
| Mínimo               | 1.38  |
| Quartil 25%          | 9.07  |
| Quartil 75%          | 12.68 |
| <b>Desvio Padrão</b> | 3.21  |
| Variância            | 10.29 |
| Assimetria           | -0.25 |

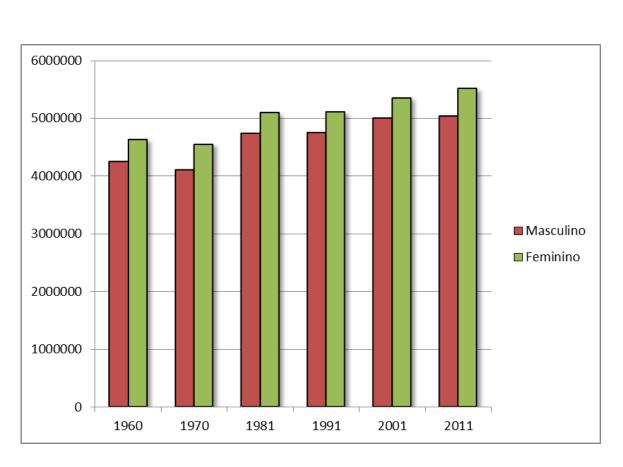


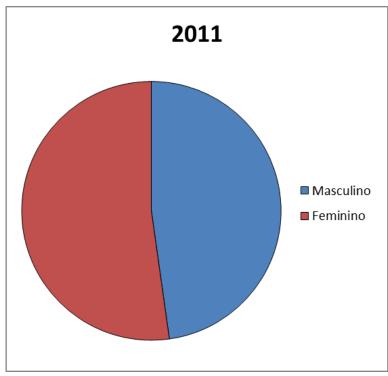
regra indicativa

http://www.amstat.org/publications/jse/v6n3/applets/histogram.html

Nº de células (K) ≈  $\sqrt{N^{\circ} \text{ de dados (N)}}$ 

# População residente segundo os Censos: total e por sexo (dados do pordata.pt)

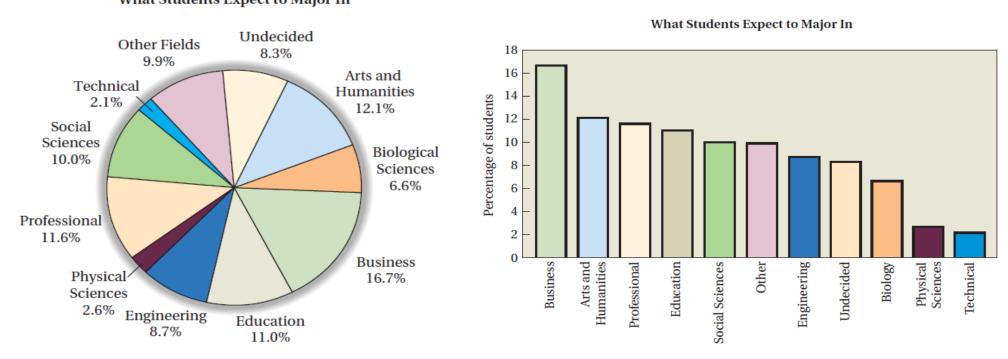




Em geral, é mais fácil comparar visualmente as alturas do que os ângulos.

#### **Carbon Dioxide Emissions**

- The pie chart shows planned major areas for first-year college students.
- Example from: Using and Understanding Mathematics: A Quantitative Reasoning Approach, Jeffrey Bennett and What Students Expect to Major In ; 2004



Qual dos dois é mais fácil de analisar?

#### Média e Mediana

#### **Exemplo**

#### $\underline{x}$

10

12

14

11

14

10

12

#### Média:

$$\overline{x} = (10+12+14+11+7+14+10+2)/8 = 11.25$$

#### Mediana:

#### Média e Mediana

#### **Exemplo**

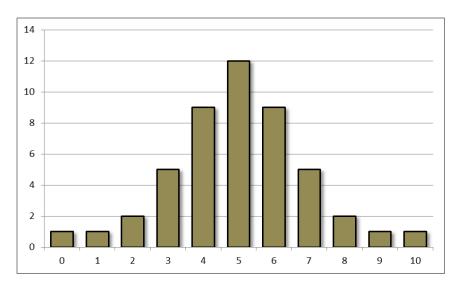
#### Média:

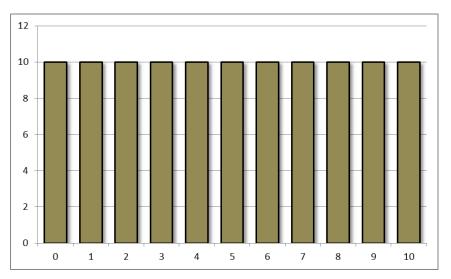
#### **200**

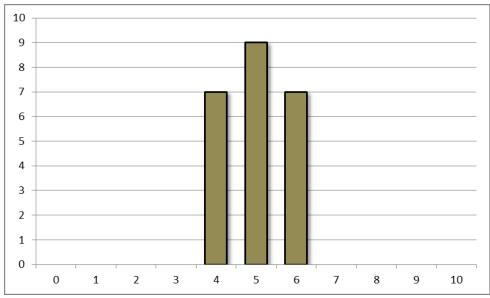
10

- Média mais sensível a valores extremos!
- 12 ex. Salário médio vs. Salário mediano

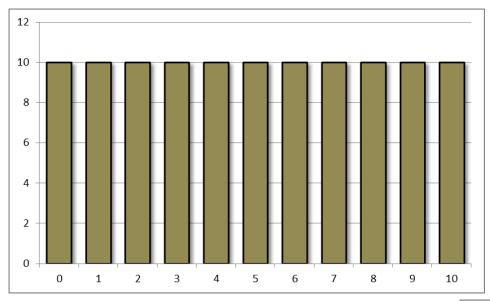
# Which dataset has higher average?



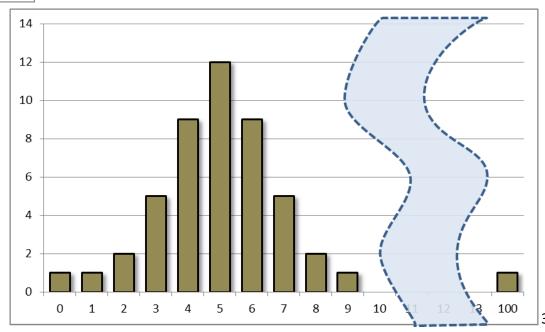




# How does the average compares?



### and the median?



#### Variância e Desvio Padrão

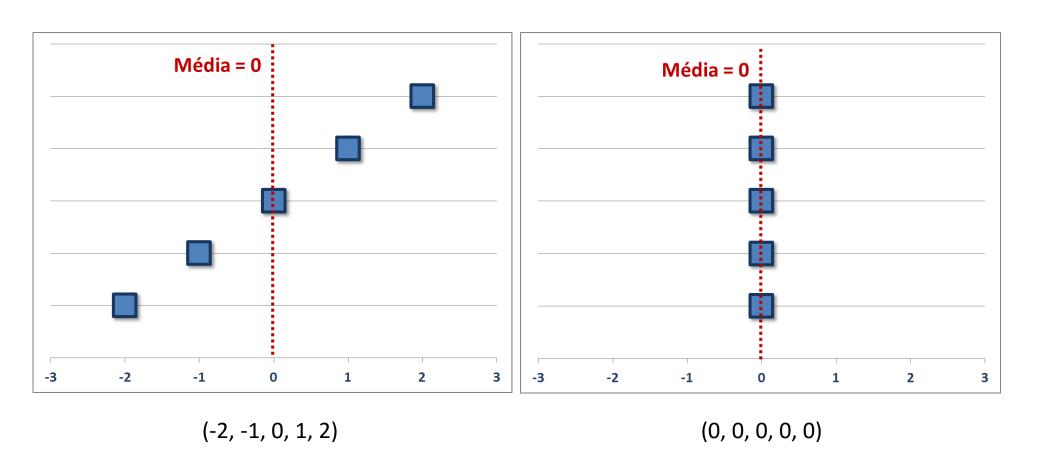
Para inferir da variabilidade de uma população a partir de uma amostra usa-se a variância amostral (s²)

$$s^{2} = \frac{1}{N-1} \cdot \sum_{n=1}^{N} (x_{n} - \overline{x})^{2}$$

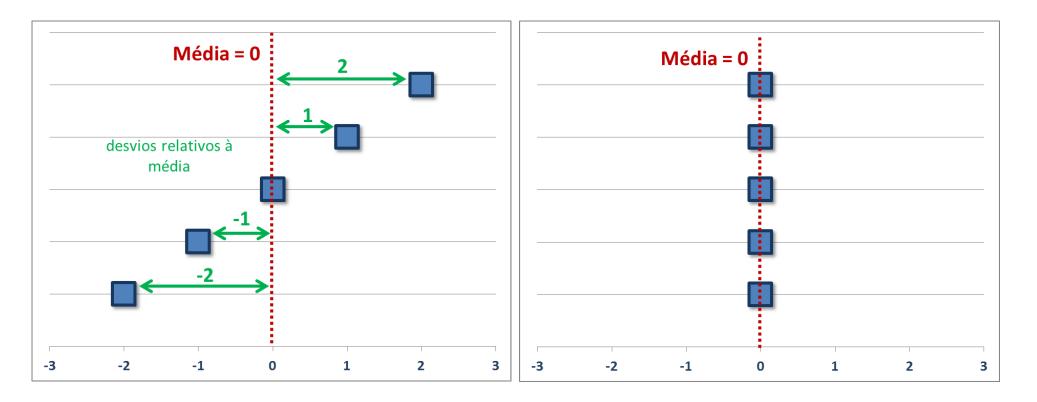
O desvio padrão amostral (s), raiz quadrada da variância amostral, tem a vantagem de ser expresso nas mesmas unidades dos dados

$$s = \sqrt{\frac{1}{N-1} \cdot \sum_{n=1}^{N} \left( x_n - \overline{x} \right)^2}$$

dois conjuntos de valores com a mesma média. como podemos descrever a diferença entre eles?



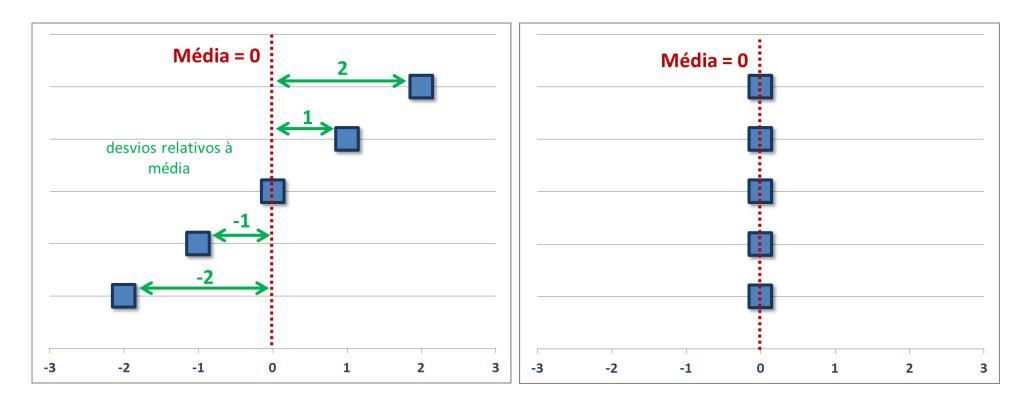
podemos calcular os desvios relativos à média.



O que podemos fazer com os desvios?

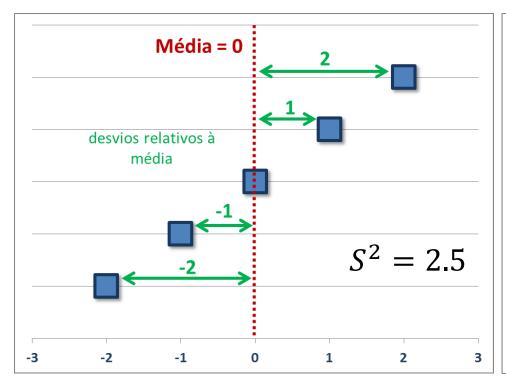
- Somar?
- Calcular a média?
- Calcular a média dos desvios absolutos (módulo)?
- Calcular a média dos desvios elevados ao quadrado?

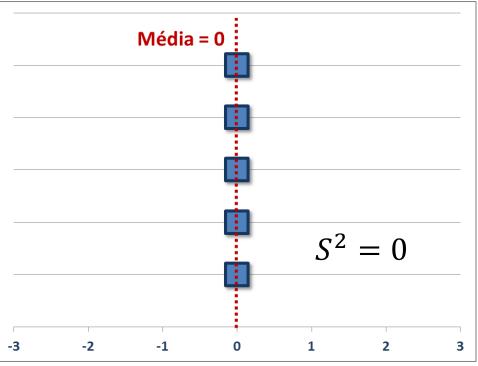
podemos calcular os desvios relativos à média.



#### O que podemos fazer com os desvios?

- Somar? valor da soma ficaria a depender do número de elementos na amostra
- Calcular a média? desvios negativos anulam os positivos
- Calcular a média dos desvios absolutos (módulo)? ok. chama-se desvio absoluto médio
- Calcular a média dos desvios elevados ao quadrado? ok. chama-se variância



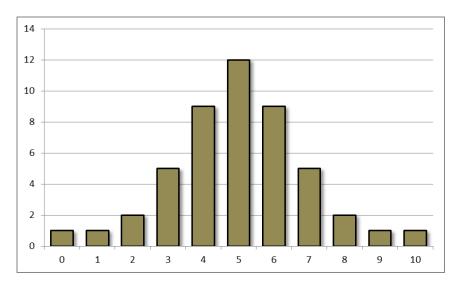


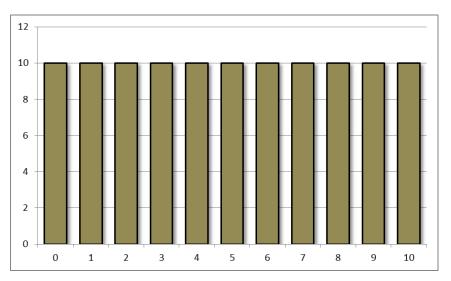
Variância 
$$S^2 = (2^2 + 1^2 + (-1)^2 + (-2)^2)/(5 - 1) = 2.5$$

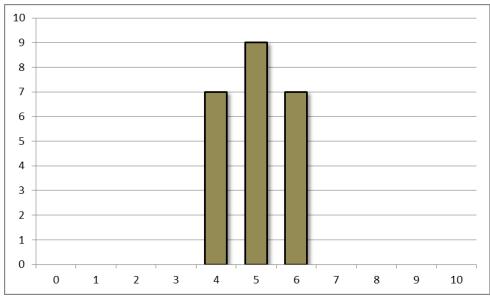
se estivermos a medir metros a variância representa o desvio em  $m^2$  para ter uma medida do desvio em m calculamos o desvio padrão

Desvio Padrão 
$$S=\sqrt{S^2}=\sqrt{2.5}=1.581$$

# Which dataset has higher variability?



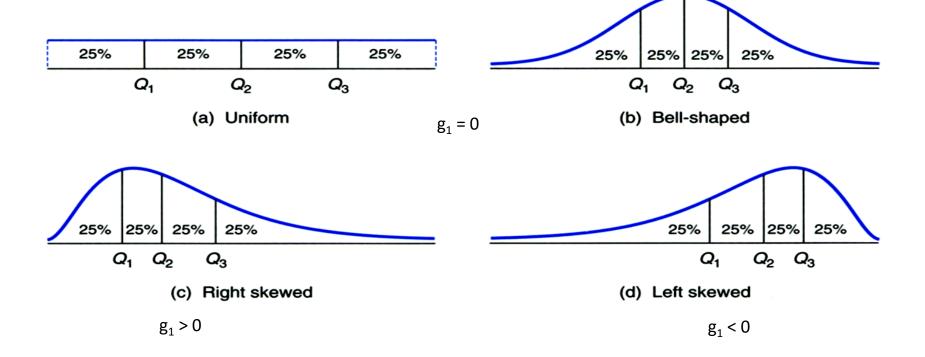


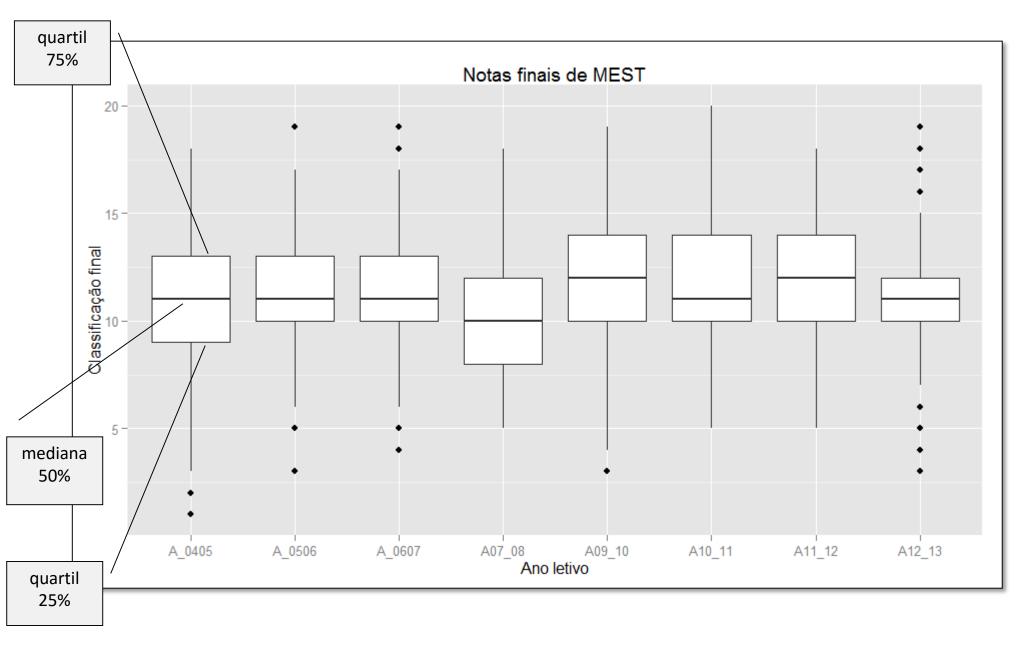


### Coeficiente de assimetria (g<sub>1</sub>)

$$g_1 = \frac{k_3}{s^3}$$
,  $COM$   $k_3 = \frac{N^2}{(N-1)\cdot(N-2)}\cdot\left(\frac{1}{N}\cdot\sum_{n=1}^{N}(x_n-\bar{x})^3\right)$ 

mede desvios para a média ao cubo





#### Análise detalhada das classificações de MEST em 04/05

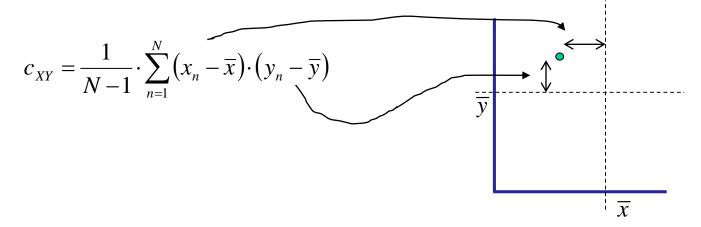
|                 | 2004/2005 |           |        |            |        |      |        |
|-----------------|-----------|-----------|--------|------------|--------|------|--------|
| Nota Frequência | Alunos    | Aprovados |        | Reprovados |        | S.E. |        |
| >=9.5           | 72        | 66        | 91.67% | 6          | 8.33%  | 0    | 0.00%  |
| >=8.5 e <9.5    | 19        | 15        | 78.95% | 2          | 10.53% | 2    | 10.53% |
| >=7.5 e <8.5    | 18        | 7         | 38.89% | 8          | 44.44% | 3    | 16.67% |
| <7.5            | 36        | 4         | 11.11% | 22         | 61.11% | 10   | 27.78% |
| S.F.            | 38        | 0         | 0.00%  | 1          | 2.63%  | 37   | 97.37% |
| Total           | 183       | 92        | 50.27% | 39         | 21.31% | 52   | 28.42% |

#### Conclusão:

estudar para os mini-testes é uma boa estratégia.

#### Measures the degree of adjustment of a linear relationship:

#### Sample covariance (infer about the population)

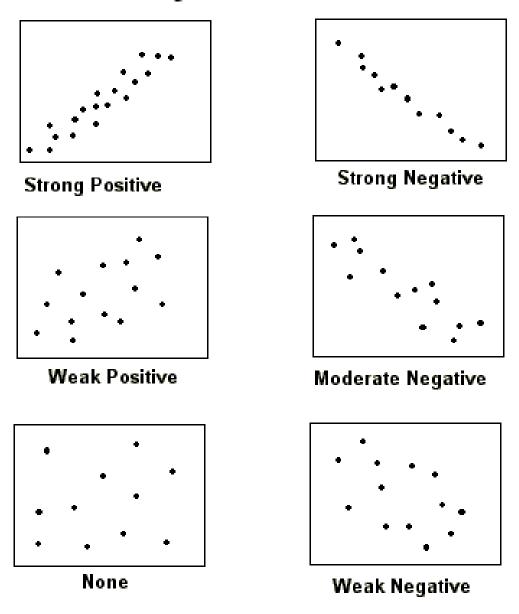


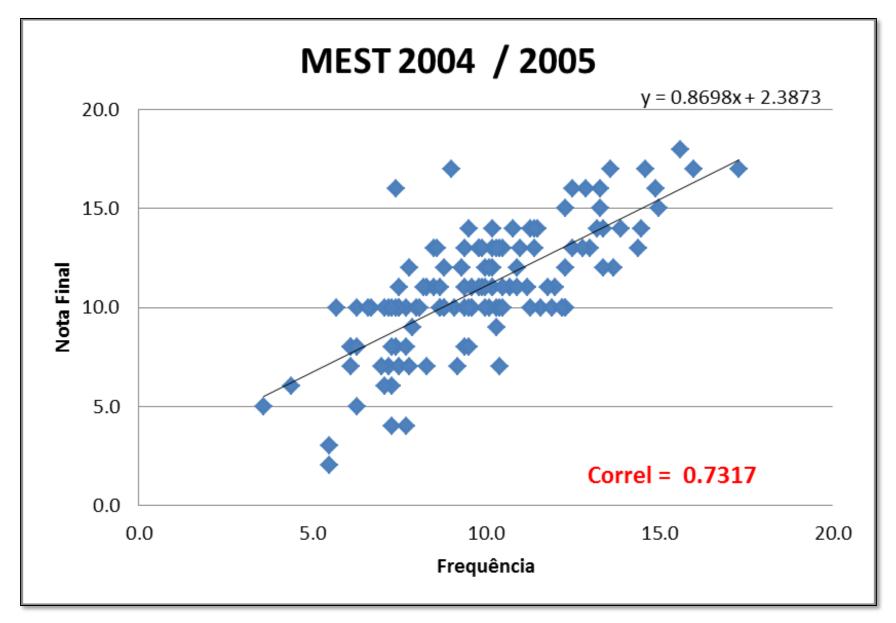
#### Sample correlation coefficient (adimensional measure)

$$r_{XY} = \frac{c_{XY}}{s_{Y} \cdot s_{Y}} = \frac{Cov \ xy}{DPx \cdot DPy}$$
  $\left(-1 \le r_{XY} \le 1\right)$ 

$$r_{XY} = \frac{\frac{1}{N-1} \cdot \sum_{n=1}^{N} (x_n - \overline{x}) \cdot (y_n - \overline{y})}{\sqrt{\frac{1}{N-1} \cdot \sum_{n=1}^{N} (x_n - \overline{x})^2} \cdot \sqrt{\frac{1}{N-1} \cdot \sum_{n=1}^{N} (y_n - \overline{y})^2}} \qquad (-1 \le r_{XY} \le 1)$$

#### **Degree of Correlation**





Quem tem boa nota a frequência tende a ter boa nota no final.

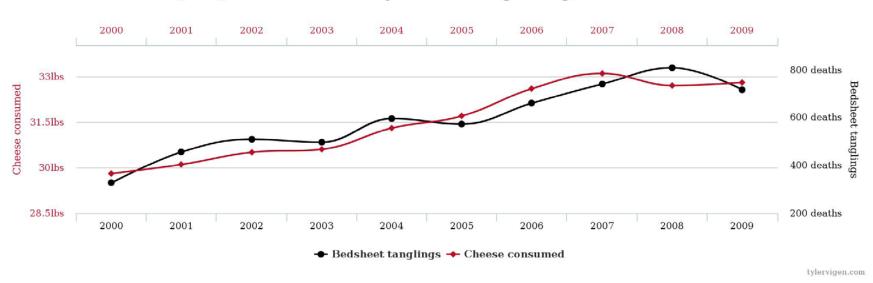
# Uma correlação alta não implica uma relação de causa-efeito entre as variáveis!!!

#### **Spurious correlations**

#### Per capita cheese consumption

correlates with

#### Number of people who died by becoming tangled in their bedsheets



50

#### Golos campeonato 2012/2013

| jornada | Α | В | С | D |
|---------|---|---|---|---|
| 1       | 1 | 2 | 0 | 2 |
| 2       | 1 | 3 | 4 | 5 |
| 3       | 2 | 0 | 3 | 3 |
| 4       | 3 | 4 | 4 | 2 |
| 5       | 1 | 2 | 2 | 2 |
| 6       | 0 | 4 | 2 | 2 |
| 7       | 2 | 2 | 2 | 3 |
| 8       | 0 | 3 | 5 | 3 |
| 9       | 1 | 0 | 2 | 1 |
| 10      | 2 | 0 | 2 | 2 |
| 11      | 0 | 4 | 1 | 3 |
| 12      | 2 | 3 | 1 | 4 |
| 13      | 1 | 1 | 2 | 3 |
| 14      | 1 | 2 | 2 | 2 |
| 15      | 0 | 4 | 3 | 2 |
| 16      | 5 | 1 | 5 | 2 |
| 17      | 1 | 3 | 4 | 3 |
| 18      | 3 | 2 | 1 | 2 |
| 19      | 1 | 1 | 2 | 1 |
| 20      | 0 | 3 | 2 | 3 |
| 21      | 2 | 1 | 0 | 1 |
| 22      | 1 | 2 | 2 | 5 |
| 23      | 2 | 3 | 1 | 4 |
| 24      | 3 | 2 | 3 | 6 |
| 25      | 1 | 1 | 3 | 2 |
| 26      | 2 | 1 | 3 | 2 |
| 27      | 2 | 1 | 2 | 2 |
| 28      | 1 | 3 | 3 | 1 |
| 29      | 1 | 1 | 2 | 1 |
| 30      | 0 | 1 | 2 | 3 |

| Class. Final | Equipa      |  |  |  |
|--------------|-------------|--|--|--|
| 1            | FC Porto    |  |  |  |
| 2            | Benfica     |  |  |  |
| 3            | P. Ferreira |  |  |  |
| 4            | SC Braga    |  |  |  |

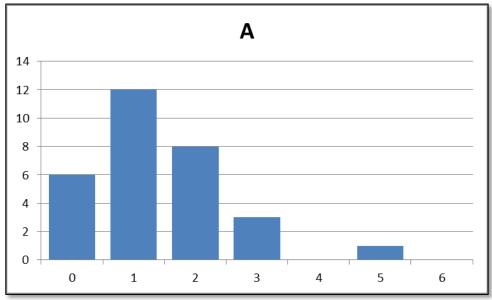
# Que equipa corresponde ao A, B, C e D?

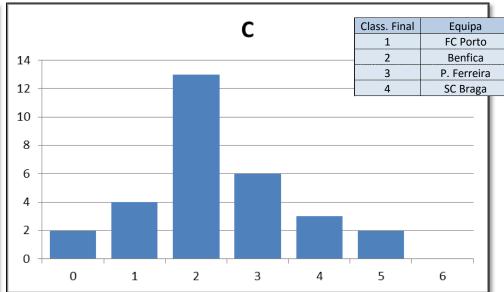
#### Golos marcados - Medidas de localização e de dispersão

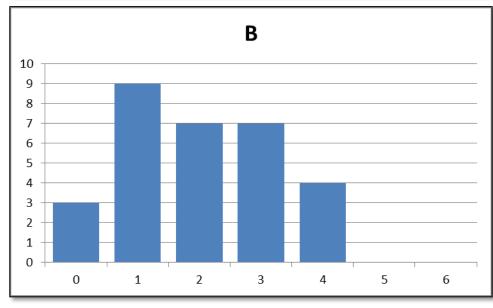
|                  | Α    | В    | С    | D    |
|------------------|------|------|------|------|
| n                | 30   | 30   | 30   | 30   |
| total            | 42   | 60   | 70   | 77   |
| mínimo           | 0    | 0    | 0    | 1    |
| máximo           | 5    | 4    | 5    | 6    |
| média            | 1,40 | 2,00 | 2,33 | 2,57 |
| mediana          | 1    | 2    | 2    | 2    |
| moda             | 1    | 1    | 2    | 2    |
| amplitude        | 5    | 4    | 5    | 5    |
| quartil 25%      | 1,00 | 1,00 | 2,00 | 2,00 |
| quartil 75%      | 2,00 | 3,00 | 3,00 | 3,00 |
| desvio padrão    | 1,13 | 1,23 | 1,24 | 1,25 |
| variância        | 1,28 | 1,52 | 1,54 | 1,56 |
| coef. assimetria | 1,10 | 0,12 | 0,35 | 1,03 |

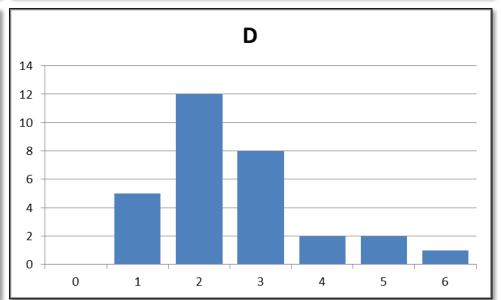
| Class. Final | Equipa      |  |  |
|--------------|-------------|--|--|
| 1            | FC Porto    |  |  |
| 2            | Benfica     |  |  |
| 3            | P. Ferreira |  |  |
| 4            | SC Braga    |  |  |

#### Golos marcados - gráficos de barras independentes

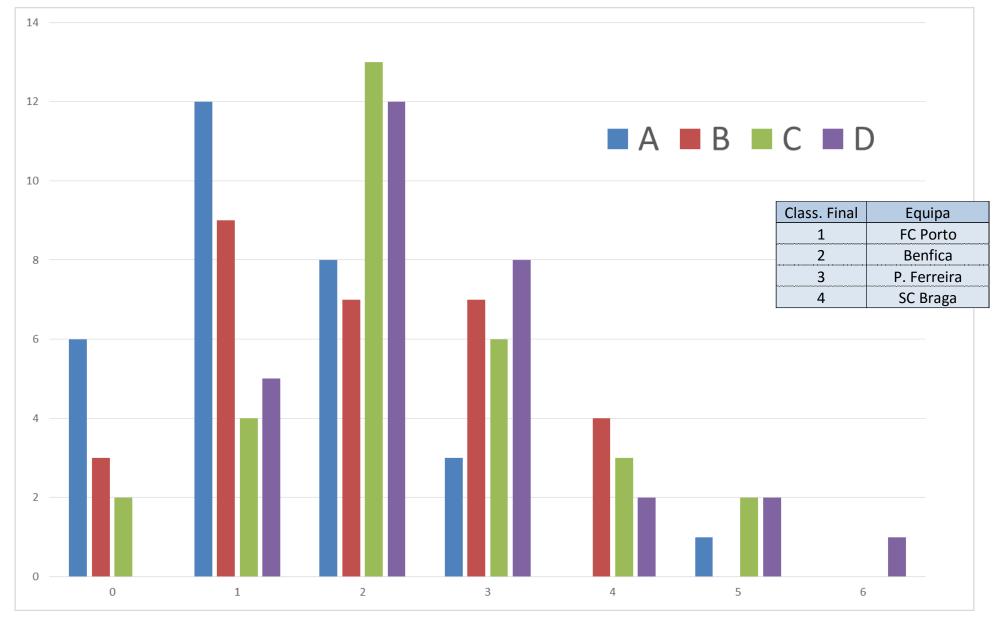




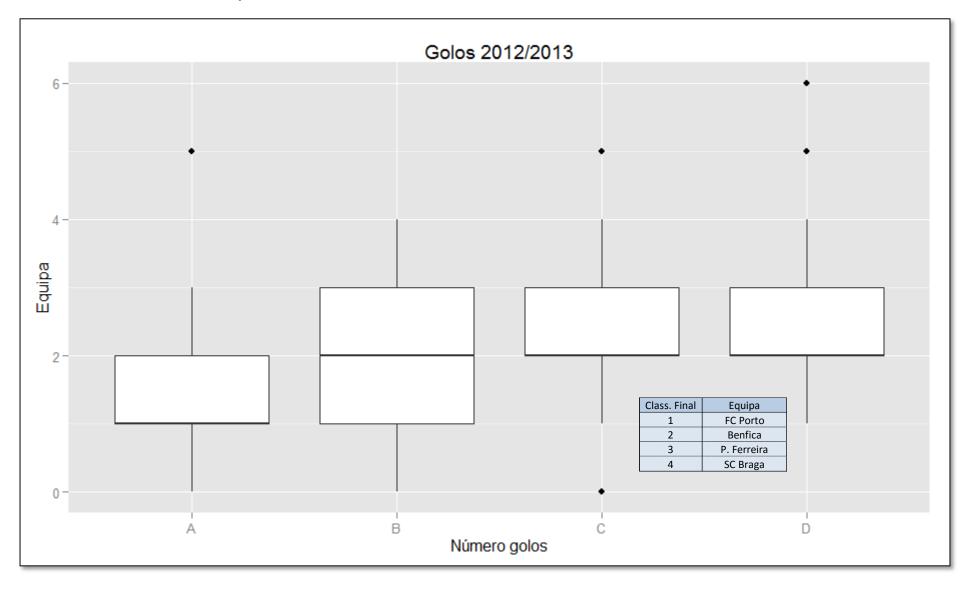




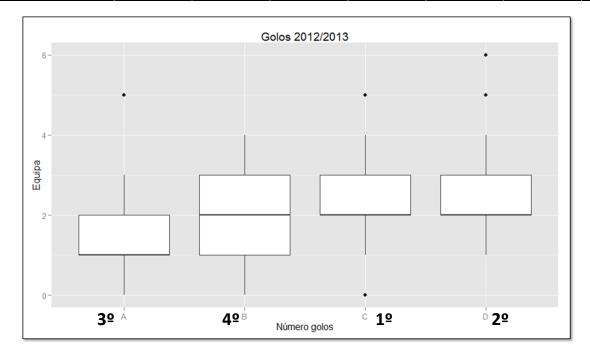
#### Golos marcados - um gráfico de barras



#### Golos marcados - box plot



| CF | Equipa      | Р  | J  | V  | Ε  | D  | GM |   |
|----|-------------|----|----|----|----|----|----|---|
| 1  | FC Porto    | 78 | 30 | 24 | 6  | 0  | 70 | С |
| 2  | Benfica     | 77 | 30 | 24 | 5  | 1  | 77 | D |
| 3  | P. Ferreira | 54 | 30 | 14 | 12 | 4  | 42 | Α |
| 4  | SC Braga    | 52 | 30 | 16 | 4  | 10 | 60 | В |

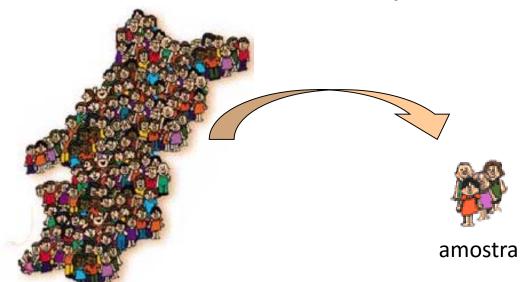


Atenção às conclusões que se tiram dos dados! Número de golos não significa pontos!

### População e Amostra

Designa-se por **população** (ou **universo**) o conjunto dos dados que expressam a característica em causa para todos os objetos sobre os quais a análise incide.

Uma amostra corresponde a um subconjunto de dados que pertencem à população.



### Seleção de amostras

Quando todos os elementos da população têm igual probabilidade de ser incluídos na amostra evita-se qualquer enviesamento de seleção, designando-se então o processo por

amostragem aleatória

## The 1936 election: the literary digest poll

- Candidates:
  - Democrat FD Roosevelt and
  - Republican Alfred Landon

- Prediction: Landon to win with 57% of the vote
- Outcome: Landon lost with only 38% of the vote

- Sample Size: 2.3 million people
- Literary Digest went bankrupt soon after

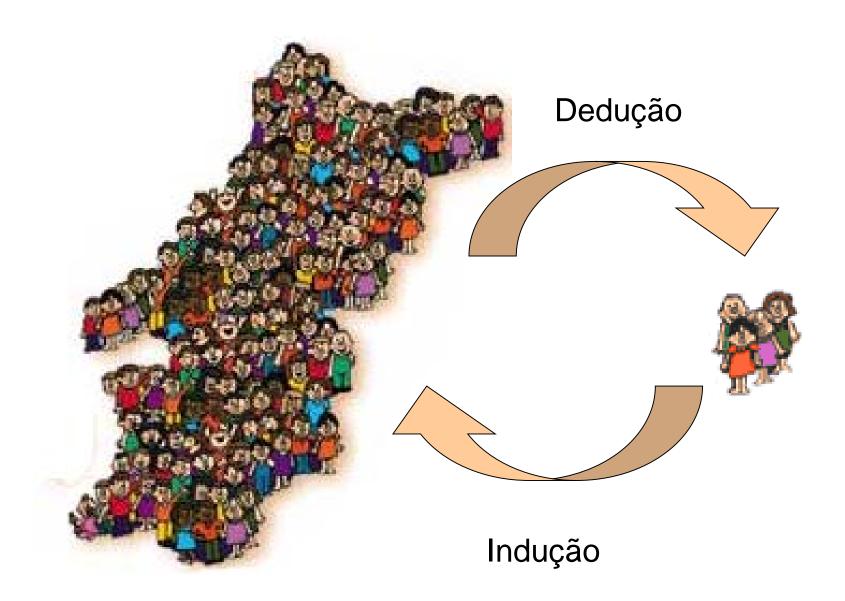
### Why the Digest went wrong:

- Bias in selection of sample
  - 10,000,000 questionnaires sent out to
    - Magazine subscribers, car owners, telephone owners

#### Bias from non-response

- 20% bothered to reply
- Presumably, those with strong views about the forthcoming election

Large sample size cannot compensate for poor sample design!!!





**819** entrevistas e apresenta um erro de amostragem para um intervalo de confiança de 95 por cento, de mais ou menos 3,42 por cento.

#### Independente -> Instituto de Pesquisa de Opinião e Mercado (IPOM)



997 entrevistas validadas e apresenta um erro de amostragem, para um nível de confiança de 95,5 por cento, de mais ou menos 3.1 pontos percentuais.

#### JN -> Intercampus

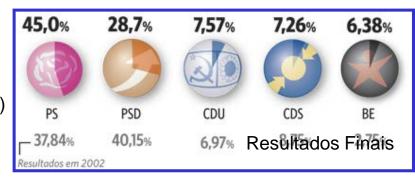


**1015** entrevistas, e apresenta um erro de amostragem, para um intervalo de confiança de 95 por cento, de mais ou menos 3,1 por cento.

#### EXPRESSO-SIC-Renascença -> Eurosondagem

2057 entrevistas validadas e apresenta um erro de amostra de 2,16 por cento para um grau de probabilidade de 95 por cento.





PS: 46% (118-124 deputados)

PSD: 31% (80-84)

CDU: 7% (8-12)

BE: 7% (8-12)

CDS-PP: 6% (6-10)

Outros: 1% (0)

Brancos/nulos: 2%



5051 inquiridos, de 1,4 por cento com um nível de confiança de 95 por cento.

PÚBLICO, RTP e Antena 1 -> Universidade Católica

## Resultados de Aprendizagem

- Porque tenho de aprender Estatística
- Calcular e interpretar estatísticas (Moda, Média, Mediana, Desvio padrão, Variância, coeficiente de assimetria e coeficiente de correlação)
- Construir e interpretar tabelas (frequências absolutas, frequências relativas e frequências acumuladas)
- Construir e interpretar gráficos (gráficos de barras, histogramas, gráficos circulares, gráficos de caixa 'box-plots' e scatter plots)