Teste 2 - 2018

Pergunta 1

Respondida

Pontuou 2,500 de 2,500

Explique o que faz o seguinte programa em Prolog. O predicado **between(+Inf,+Sup,-X)** unifica **X** com valores no intervalo fechado **[Inf,Sup]**.

```
:- use_module(library(lists)).
:- use_module(library(between)).
prog1(N,M,L1,L2) :-
    length(L1,N),
    N1 is N-1, length(L2,N1),
    findall(E,between(1,M,E),LE),
    fill(L1, LE, LE_),
    fill(L2, LE_,_),
    check(L1,L2).
fill([], LEf, LEf).
fill([XIXs], LE, LEf) :-
    select(X,LE,LE_),
    fill(Xs, LE_, LEf).
check([_],[]).
check([A,BIR],[XIXs]) :-
    A+B = := X,
    check([BIR], Xs).
```

Identifique a dimensão do espaço de procura do problema anterior:

Selecione uma opção de resposta:

```
a. 2 * M * N
```

b.
$$M^{L1} + M^{L2}$$

c.
$$N * M$$

d.
$$(2 * N - 1)^M$$

e. [Não Responder]

f.
$$M^{2N-1}$$

Pergunta 3

Respondida

Pontuou 2,300 de 3,000

O Severino verificou que o programa anterior obtinha soluções simétricas, pelo que pensou em reduzir o espaço de procura através da eliminação de simetrias. Resolveu implementar uma versão equivalente usando programação em lógica com restrições (PLR):

```
:- use_module(library(clpfd)).

prog2(N,M,L1,L2) :-
    length(L1,N),
    N1 is N-1, length(L2,N1),
    domain(L1,1,M),
    domain(L2,1,M),
    check(L1,L2),
    labeling([],L1).
```

Esta resolução, incompleta, vai obter soluções que não fazem parte do problema original. Complete-a, corrija-a e concretize a intenção do Severino de eliminar simetrias.

Uma escola de ginástica acrobática pretende ter um programa que obtenha, de forma automática, emparelhamentos de alunos para as suas aulas.

Dadas as alturas dos homens e das mulheres presentes na aula em igual número, pretendem-se emparelhamentos em que a diferença de alturas entre o homem e a mulher seja inferior a um delta. O homem nunca poderá ser mais baixo do que a mulher.

Construa um programa em PLR que permita obter estes emparelhamentos. Soluções simétricas devem ser evitadas. O predicado

gym_pairs(+MenHeights,+WomenHeights,+Delta,-Pairs) recebe as alturas dos homens e das mulheres (listas com o mesmo tamanho) e a diferença máxima de alturas; devolve em Pairs os emparelhamentos de pessoas, identificadas pelo seu índice, que cumpram as restrições.

Exemplos:

```
1 ?- gym_pairs([95,78,67,84],[65,83,75,80],10,Pairs).
no
1 ?- gym_pairs([95,78,67,84],[65,83,75,86],10,Pairs).
Pairs = [1-4,2-3,3-1,4-2] ?;
no
1 ?- gym_pairs([95,78,67,84],[65,77,75,86],10,Pairs).
Pairs = [1-4,2-2,3-1,4-3] ?;
Pairs = [1-4,2-3,3-1,4-2] ?;
no
```

Uma escola de patinagem artística pretende ter um programa que obtenha, de forma automática, emparelhamentos de alunos para as suas aulas.

Dadas as alturas dos homens e das mulheres presentes na aula, pretendem-se emparelhamentos em que a diferença de alturas entre o homem e a mulher seja inferior a um delta. O homem nunca poderá ser mais baixo do que a mulher.

Por vezes não é possível emparelhar todas as pessoas presentes numa aula. Contudo, é útil saber que pares é possível formar, ficando as pessoas não emparelhadas a assistir à aula. Pode até acontecer que o número de homens e de mulheres na aula sejam diferentes, o que inviabiliza a constituição de pares para todas as pessoas.

Construa um programa em PLR que permita obter o maior número possível de emparelhamentos. O predicado

optimal_skating_pairs(+MenHeights,+WomenHeights,+Delta,-Pairs) recebe as alturas dos homens e das mulheres (listas não necessariamente com o mesmo tamanho) e a diferença máxima de alturas; devolve em Pairs o maior número possível de emparelhamentos de pessoas, identificadas pelo seu índice, que cumpram as restrições.

Exemplos:

```
| ?- optimal_skating_pairs([95,78,67,84],[65,83,75,80],10,Pairs).
| Pairs = [2-3,3-1,4-2]
| ?- optimal_skating_pairs([95,78,67,84,65,90,77],[65,83,75,80],10,Pairs).
| Pairs = [4-4,5-1,6-2,7-3]
| ?- optimal_skating_pairs([65,83,75,80],[95,78,67,84,65,90,77],10,Pairs).
| Pairs = [1-5,2-2,3-3,4-7]
| ?- optimal_skating_pairs([95,78,67,84,65,90,77],[55,83,75,80],10,Pairs).
| Pairs = [4-4,6-2,7-3]
| ?- optimal_skating_pairs([55,83,75,80],[95,78,67,84,65,90,77],10,Pairs).
| Pairs = [2-2,3-3,4-7]
```