## Questão 3

Seja  $f:[a,b] o\mathbb{R}$  contínua. Se f é derivável em (a,b), então existe um ponto  $c\in(a,b)$  tal que  $f'(c)=rac{f(b)-f(a)}{b-a}$ .

1. Seja f(x) = sen(x). Pelo Teorema do Valor Médio,  $|sen(b) - sen(a)| \le |b - a|$ ,  $\forall a, b \in \mathbb{R}$ . 2. f(x) = sen(x) é limitada:  $|sen(x)| \le 1$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

Assinale a opção correta:

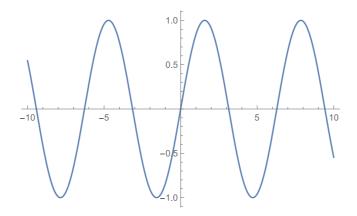
- 1. 1 e 2 são verdadeiras, e 2 é justificativa de 1
- 2. 1 e 2 são verdadeiras mas 2 não é justificativa de 1
- 3. 1 é verdadeira e 2 é falsa
- 4. 1 é falsa e 2 é verdadeira
- 5. 1 e 2 são falsas

 $|f(b)-f(a)| \leq |b-a|$ . A diferença na imagem é menor ou igual à diferença no domínio. Só ocorrerá se |f(x)| < |x|,  $\forall x \in \mathbb{R}$ , ou se |b-a| e |f(b)-f(a)| forem infinitesimais.

Teorema do Valor Médio: Suponha f contínua em [a,b] e diferenciável em (a,b). Então, existe um elemento c entre a e b cuja derivada f'(c) é igual à razão entre as diferenças na imagem e no domínio de f entre a e b; ou o slope entre a e b; ou  $\frac{\Delta f(x)}{\Delta x}$  entre a e b; ou  $\frac{f(b)-f(a)}{b-a}$ .

Porém, 1) não advém do Teorema do Valor Médio; advém do fato de ser contínua. Falso.

2) é verdade.



## Resposta:

"A alternativa correta é B. Aqui é verdade com uso do Teorema do Valor Médio, sem ele não conseguirmos provar que ela é verdade. E o fato de f(x) = sen(x) ser contínua é a hipótese do teorema, ou seja, f(x) = sen(x) é contínua e então pelo Teorema do Valor Médio a desigualdade é verdadeira.

 $\text{Como } f(x) = sen(x) \text{ \'e contínua então existe } c \text{, tal que } f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a} = \frac{sen(b) - sen(a)}{b - a}.$   $\text{Então, } f'(c) = cos(c) \text{ e } |cos(c)| \leq 1 \text{ e } \frac{sen(b) - sen(a)}{b - a} = cos(c). \text{ Aplicando o módulo em ambos os }$ 

lados sai a desigualdade."