Questão 3

Seja $f:[a,b] o\mathbb{R}$ contínua. Se f é derivável em (a,b), então existe um ponto $c\in(a,b)$ tal que $f'(c)=rac{f(b)-f(a)}{b-a}.$

1. Seja f(x)=sin(x). Pelo Teorema do Valor Médio, $|sin(b)-sin(a)|\leq |b-a|$, $orall a,b\in\mathbb{R}$.

2. f(x) = sin(x) é limitada: $|sin(x)| \leq 1$, $\forall x \in \mathbb{R}$.

Assinale a opção correta:

1. 1 e 2 são verdadeiras, e 2 é justificativa de 1

2. 1 e 2 são verdadeiras mas 2 não é justificativa de 1

3. 1 é verdadeira e 2 é falsa

4. 1 é falsa e 2 é verdadeira

5. 1 e 2 são falsas

 $|f(b)-f(a)|\leq |b-a|$. A diferença na imagem é menor ou igual à diferença no domínio. Só ocorrerá se |f(x)|<|x|, $\forall x\in\mathbb{R}$, ou se |b-a| e |f(b)-f(a)| forem infinitesimais.

Teorema do Valor Médio: Suponha f contínua em [a,b] e diferenciável em (a,b). Então, existe um elemento c entre a e b cuja derivada f'(c) é igual à razão entre as diferenças na imagem e no domínio de f entre a e b; ou o slope entre a e b; ou $\frac{\Delta f(x)}{\Delta x}$ entre a e b; ou $\frac{f(b)-f(a)}{b-a}$.

Porém, 1) não advém do Teorema do Valor Médio; advém do fato de ser contínua. Falso.

2) é verdade.

