

## Departamento de Matemática, Universidade de Aveiro Álgebra Linear e Geometria Analítica — Agrup. IV 2.ª Prova de Avaliação Discreta; 7 de dezembro de 2017

Duração: 50min

## - Justifique todas as respostas e indique os cálculos efetuados --Em cada alínea pode (e deve) usar informação obtida em alíneas anteriores-

1. Considere a matriz: 
$$A = \left[ \begin{array}{ccc} 3 & -1 & 0 \\ -1 & 3 & 0 \\ -2 & 2 & 2 \end{array} \right].$$

(a) Mostre que  $X = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$  é vetor próprio de A associado ao valor próprio 4, usando a definição de [20pts] valor/vetor próprio (sem usar informação das alíneas seguintes).

[45pts] (b) Calcule os valores próprios de *A*.

(c) Determine os subespaços próprios de A; [75pts] Para cada subespaço próprio identifique uma base e a sua dimensão.

(d) Conclua, justificando, que A é diagonalizável e escreva uma matriz diagonal semelhante a A e [35pts] uma, respetiva, matriz diagonalizante.

(e) Diga, justificando, se é verdadeira ou falsa a seguinte afirmação: [25pts] A matriz  $A - kI_3$  é diagonalizável, para todo o  $k \in \mathbb{R}$ .