o único minimitante (absoluto), e  $\frac{\pi}{4}$  é méximo absoluto, com x = -3 e x = 1 os dois moximitantes (absolutos). f não tem mais extremos (cf. variação acima).

**J** .

(a) 
$$\int x^2 \cdot x \cdot n \cdot (x^2) \, dx$$

$$= x^3 \left( -\frac{\log(x^2)}{2} \right) - \int 2x \left( -\frac{\cos(x^2)}{2} \right) \, dx$$

$$= -\frac{2e^3 \left( \cos(x^2) \right)}{2} + \frac{n \cdot \cos(x^2)}{2} + \frac{C}{2}, \frac{C \cdot \cos(x^2)}{2} \right) \, dx$$

$$= -\frac{2e^3 \left( \cos(x^2) \right)}{2} + \frac{n \cdot \cos(x^2)}{2} + \frac{C}{2}, \frac{C \cdot \cos(x^2)}{2} \right) \, dx$$

(em intervalos)

(b)

$$\frac{3x + 3x^{\frac{1}{2}}}{x(x - 3)^3} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x - 3} + \frac{C}{(x - 3)^3} + \frac{A}{(x - 3)^3} + \frac{A}{($$

## 3. Regs d printisque gran imedats

Sign f: DCIR-SIR primitivisel, and Disum congruet Lectr. Sign q: ACR-D difference tel, and A imm conjunt dute. Se F for more primitive d f, entire Fog imme primitive d (409). 9'.

Prova: De facto, pet regs d'adia verifie - v que

dn F(q(n)) = F'(q(n)). q'(n) = f(q(n)). q'(n),

poin F i primiter

d1, por hipster

dond a conclusa, studend à définiçõe de primitiva.

$$x^{4} + x^{2} - 2 = 0$$

$$x^{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 8}}{2}$$

$$2^{2} = \frac{1 \pm 3}{2}$$

$$2^{2} = -2 \vee x^{2} = 1$$

(5)
$$A = \int_{-2}^{2} \int_{-2}^{2} f(x) - g(x) dx = 2 \int_{0}^{2} \int_{0}^{2} f(x) - g(x) dx$$
is dados pela equivalência
$$e \cdot g(-x) = g(x)$$

cf. sinais dados pela equivalência

da alínea anterior 
$$= 2 \left[ \int_{0}^{1} \left( \frac{2}{1+3e^2} - 3e^2 \right) dx + \int_{1}^{2} \left( 2e^2 - \frac{2}{1+3e^2} \right) dx \right]$$

$$= 2 \left[ \left( 2 \cos \frac{1}{3} - \frac{1^{3}}{3} \right) - \left( 2 \cos \frac{1}{3} - \frac{0^{3}}{3} \right) \right]$$

$$+ \left( \frac{2^{3}}{3} - 2 \cos \frac{1}{3} \right) - \left( \frac{1^{3}}{3} - 2 \cos \frac{1}{3} \right) \right]$$

$$= 2 \left[ T + \frac{6}{3} - 2 \csc \frac{1}{3} \right]$$

5. (a) Os dois integrais  $\int_{2}^{\infty} \frac{1}{x \ln x} dx = \int_{1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^3}} dx$ rava imprépries de 1º espécie, porque es intervals de integrésaie [2, + 00 [ e [1, +00 [ respectivamente see elimitades à direita, e ambas as funçois integrandes 1 rev continues non visa em qualquer des subintervales [2,67 e [1,3], rem b>2 e B>1 respectivamente, loge ser ai integrévais à Riemann. (b)  $\frac{1}{2 \pi \ln n} dn = \lim_{\beta \to +\infty} \int_{2}^{\beta} \frac{1}{n \ln n} dn = \int_{2}^{\infty} \frac$  $= \lim_{\beta \to +\infty} \left[ \ln(\ln x) \right]_{2}^{\beta} = \lim_{\beta \to +\infty} \left( \ln(\ln \beta) - \ln(\ln 2) \right) = \lim_{\beta \to +\infty} \left( \ln(\ln \beta) - \ln(\ln 2) \right) = \lim_{\beta \to +\infty} \left( \ln(\ln \beta) - \ln(\ln \beta) - \ln(\ln \beta) \right)$ = +00 Divergente (note-re que lu n > 0 pare x > 1,)

donde em particular para x > 2) (ii) Como este integral é do tipor , não da com «>1 seré (absolutamente) convergente e a sua soma é  $\frac{1}{\alpha-1}$ .  $\int_{1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^{3}}} = \lim_{\beta \to +\infty} \left[ \frac{1}{\sqrt{n^{3}}} \right]_{1}^{\beta} = 2 \lim_{\beta \to +\infty} \left( \frac{1}{\sqrt{p}} \right) = 2$ 

6. (a) (i) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \ln (2 + \frac{1}{2})$$
 diverge proposition of the a constiger necessaria de convergencia:

lim  $\ln (2 + \frac{1}{m^2}) = \ln 2 \neq 0$ , logor

 $\lim_{n \to \infty} (-1)^n \ln (2 + \frac{1}{m^2}) = \ln 2 + 0$ , logor

 $\lim_{n \to \infty} (-1)^n \ln (2 + \frac{1}{m^2}) = |-1|^m \ln (2 + \frac{1}{m^2})|$ .

(ii)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{2^n n!}{n^n}$  converge absolutamente pelo bitório de D'Alentert (on de regiee):

 $\lim_{n \to \infty} \frac{|-1|^m \frac{2^n n!}{n^n}|}{|-1|^m \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^m \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^m \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^m \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \frac{2^n n!}{n^n}|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|}{|-1|^n \ln |-1|} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^n \ln |-1|$ 

In Smitted = de (Smintted - Smintted) Adfired do integale converções, = sim | arcuml. (arcum) - sim | armin |. (armin) stendard to a price funça integrand for sulid and tod. IR =  $min(ancinn).\left(-\frac{1}{\sqrt{1-n^2}}\right)-min(ancinn).\frac{1}{\sqrt{1-n^2}}$ Limenided & devist, Terros Fundamental d Calal (studend .  $=-\frac{\sqrt{1-n^2}}{\sqrt{1-n^2}}$ fur similtle "continus) e Pigre de cadia ancun 30 Extrad & 2" parces: min(a(cnu)=+11-n2, - Se ne [0,1[, menin ? 0, logs studend a gre sin (acrim (=nin (acrim)=n; Acont (0, TT) - Se nEJ-1,0(, acrimo 10, logo mi (acomin (= min (- acomin) = =-mi (acrin)=-n Retornand or called autises,  $\int_{n}^{n} \frac{dx}{dx} = \begin{cases}
-1 - \frac{x}{\sqrt{1-n^2}} & n \in [0,1] \\
-1 + \frac{x}{\sqrt{1-n^2}} & n \in [-1,0]
\end{cases}$ Resolução alternative:

1:: Calant do Similanti dt: accord i sempe 30, mas went a mai. Carr n E (0,1 (: net carr arcrin >0 & potento

```
Jacon = friend = [-4] acom = acom = acom p
                                                                                                                                                                                                                         Frund d Barrow
                                                                                                                                                                                                                      (mit & continue)
                                                                            =- (ac(n)+ (acnin) =- x+ 1-n2.
                                                                                   Carr n { ]-1,0[: next carr wininco a protect
                                                                                  man fried = frinct) dt + frint dt =

which werin
    Frams de
     Benow
                                                                          = (ut) acron - (ut) o =
(mut
       intime)
                                                                                             = 1 - 60 (arcsin) - 60 (arcsin) +1
                                                                                               = 2 - \sqrt{1 - n^2} - x
                                                                                                                      -Vi-n -x

R prin metr con acrin € ]-$10[
                                                                      (m) = \int_{n(n)}^{n(n)} \int_{n(n
                                                                                  \frac{d}{dn} \begin{cases} \arctan n \\ \sinh(t) dt = \begin{cases} -1 - \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} & \text{in } t = 0.16 \\ -1 + \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} & \text{in } t = 0.16 \end{cases}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                En o calabora strava do def. I derivada laterain:
                                            \begin{cases} \binom{1}{2} \binom{0}{0} = \lim_{n \to 0^{-}} \frac{2 - n - \sqrt{1 - n^{2} - 1}}{x - 0} = \lim_{n \to 0^{-}} \frac{1 - n - \sqrt{1 - n^{2}}}{x} \binom{0}{0} \end{cases}
                 R. Coundry = lin_{N\to 0^{-}} \left(-1 + \frac{\kappa}{\sqrt{1-\kappa^2}}\right) = -1;
```

$$\begin{cases}
\frac{1}{2}(0) = \lim_{n \to 0} \frac{-n + \sqrt{1-n^2} - 1}{n - 0} = \lim_{n \to 0} \frac{-1 - n + \sqrt{1-n^2}}{n} \quad (\frac{0}{0})
\end{cases}$$

$$= \lim_{n \to 0+} \left(-1 - \frac{n}{\sqrt{1-n^2}}\right) = -1.$$
R. Conday

Amin, existe of (0) existend and, polend etc.

Can incluing my round a come to characte on & d.

pref. anterior.

Obs: Para quem perme que, required a chardegem atternative, or 2: parar se podrie ten doz incluido a como de 1'(0) or rama de cimo en O, atendando a que lin 1'(x) = -1 = lin 1'(x), chama-se à strução que no sempre o limite da derivada, a igral à derivado or limite. No caso presente struciste justificação trávica que permitira una staltor, ma una justificação trávica mão foi dad ma anta, por imo má o podia assumir como conhects.