



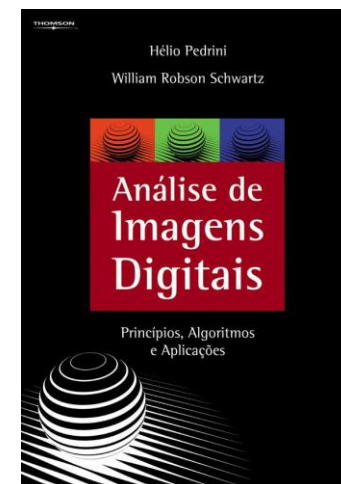
# VISÃO COMPUTACIONAL

## RELACIONAMENTO BÁSICO ENTRE PIXELS

Prof. Msc. Giovanni Lucca França da Silva  
E-mail: [giovanni-lucca@live.com](mailto:giovanni-lucca@live.com)

# SOBRE A DISCIPLINA

- Bibliografia principal:
  - GONZALEZ, Rafael C.; WOODS, Richard C. **Processamento digital de imagens.** Pearson, 2011.
- Bibliografia complementar:
  - PEDRINI, Hélio; SCHWARTZ, William Robson. **Análise de imagens digitais: princípios, algoritmos e aplicações.** Thomson Learning, 2008.



# NA AULA PASSADA...

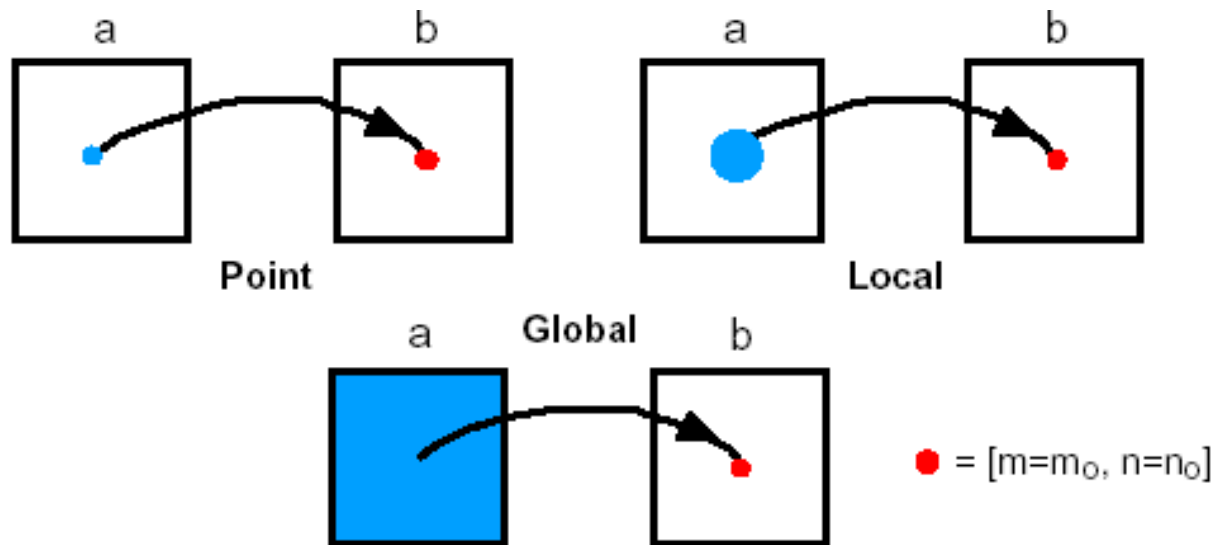
- Representação da imagem digital.
- Passos fundamentais do processamento de imagem.
- Amostragem e quantização.

# ROTEIRO

- Introdução.
- Vizinhança.
- Conectividade.
- Componentes conexos.
- Operações lógico-aritméticas.

# INTRODUÇÃO

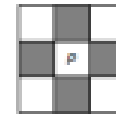
- Relacionamento entre pixels.



# VIZINHANÇA

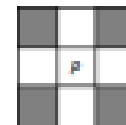
- Um pixel  $p$  nas coordenadas  $(x,y)$  possui 4 vizinhos horizontais e verticais,  $N_4(p)$ .

$$(x+1,y), (x-1,y), (x,y+1), (x,y-1)$$



- Os 4 vizinhos diagonais,  $N_D(p)$ , possuem as seguintes coordenadas.

$$(x+1,y+1), (x+1,y-1), (x-1,y+1), (x-1,y-1)$$



- A vizinhança de 8 de  $p$ ,  $N_8(p) = N_4(p) \cup N_D(p)$ .



# CONECTIVIDADE

- A conectividade entre pixels é um conceito importante usado no estabelecimento das bordas de objetos e componentes de regiões em uma imagem.
- Dois pixels estão conectados se eles são de alguma forma adjacentes e possuem níveis de cinza similares.

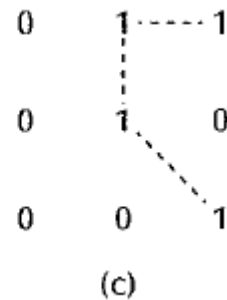
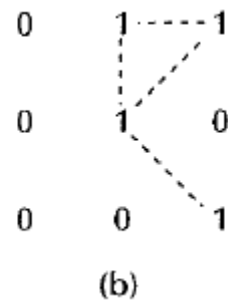
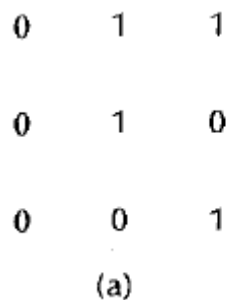
# CONECTIVIDADE

- Seja  $V$  o conjunto de valores de níveis de cinza usados para definir conectividade.
  - Exemplo:  $V = \{1\}$ ,  $V = \{32,33,34,36\}$ .
- Conectividade de 4:  $p$  e  $q$ , assumindo valores em  $V$ , são conectados de 4 se  $q$  está no conjunto de  $N_4(p)$ .
- Conectividade de 8:  $p$  e  $q$ , assumindo valores em  $V$ , são conectados de 8 se  $q$  está no conjunto de  $N_8(p)$ .



# CONECTIVIDADE

- Conectividade mista:  $p$  e  $q$ , assumindo valores em  $V$ , são conectados de  $m$  se
  - $q$  está no conjunto de  $N_4(p)$ , ou
  - $q$  está no conjunto de  $N_D(p)$  e o conjunto  $N_4(p) \cap N_4(q)$  for vazio.
- A conectividade mista é uma modificação da conectividade de 8 para eliminar múltiplos caminhos.

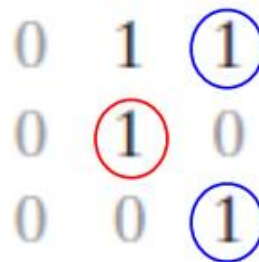
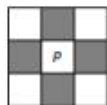


# CONECTIVIDADE

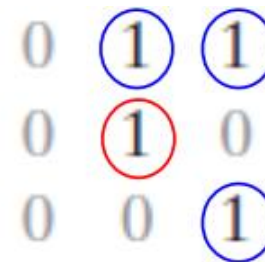
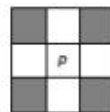
- Estabelece uma relação de adjacência entre pixels e seus respectivos níveis de cinza.
  - Exemplo:  $V = \{1\}$ .



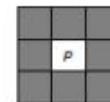
Conectados  $N_4(p)$



Conectados  $N_D(p)$



Conectados  $N_8(p)$



# COMPONENTES CONEXOS

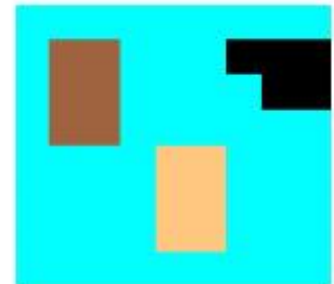
- Se  $p$  e  $q$  forem pixels de um subconjunto  $S$  de uma imagem, então  $p$  está conectado a  $q$  em  $S$  se existir um caminho de  $p$  a  $q$  consistindo inteiramente de pixels de  $S$ .

```
[0 0 0 0 0 0 0 0 0;
0 1 1 0 0 1 1 1;
0 1 1 0 0 0 1 1;
0 1 1 0 0 0 0 0;
0 0 0 1 1 0 0 0;
0 0 0 1 1 0 0 0;
0 0 0 1 1 0 0 0;
0 0 0 0 0 0 0 0];
```

Connected Components

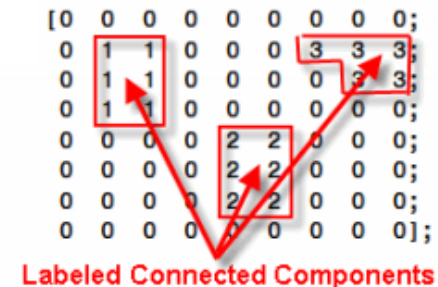
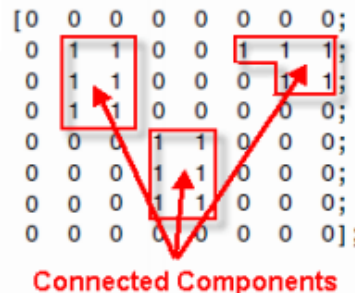
```
[0 0 0 0 0 0 0 0 0;
0 1 1 0 0 0 3 3 3;
0 1 1 0 0 0 0 3 3;
0 1 1 0 0 0 0 0 0;
0 0 0 0 0 0 2 2 0;
0 0 0 0 0 2 2 0 0;
0 0 0 0 0 2 2 0 0;
0 0 0 0 0 0 0 0 0];
```

Labeled Connected Components



# COMPONENTES CONEXOS

- Seja  $p$  o pixel em qualquer passo no processo de varredura e sejam  $r$  e  $t$ , respectivamente, os vizinhos superior e esquerdo.
  - Se o valor de  $p$  é 0, mova para a próxima posição.
  - Se o valor de  $p$  é 1, examine  $r$  e  $t$ .
    - Se ambos forem 0, atribua um novo rótulo a  $p$ .
    - Se apenas um dos dois forem 1, atribua o seu rótulo a  $p$ .
    - Se ambos forem 1 e possuem o mesmo rótulo, atribua a  $p$  aquele rótulo.
    - Se ambos forem 1 e possuem rótulos diferentes, atribua um dos rótulos a  $p$  e anote que esses rótulos são equivalentes.



# COMPONENTES CONEXOS

- Função `cv2.connectedComponents()`.

```
import cv2
import numpy as np

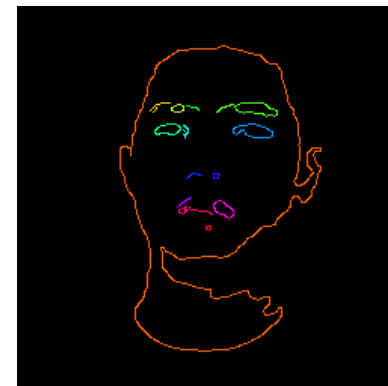
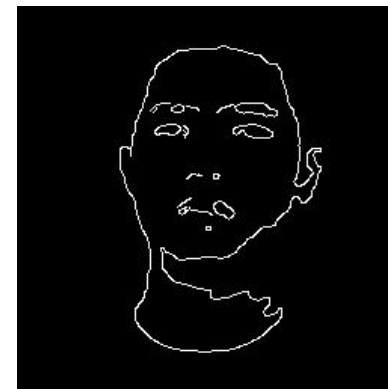
img = cv2.imread('eGaIy.jpg', 0)
img = cv2.threshold(img, 127, 255, cv2.THRESH_BINARY)[1]
ret, labels = cv2.connectedComponents(img)

# Map component labels to hue val
label_hue = np.uint8(179*labels/np.max(labels))
blank_ch = 255*np.ones_like(label_hue)
labeled_img = cv2.merge([label_hue, blank_ch, blank_ch])

# cvt to BGR for display
labeled_img = cv2.cvtColor(labeled_img, cv2.COLOR_HSV2BGR)

# set bg label to black
labeled_img[label_hue==0] = 0

cv2.imshow('labeled.png', labeled_img)
cv2.waitKey()
```

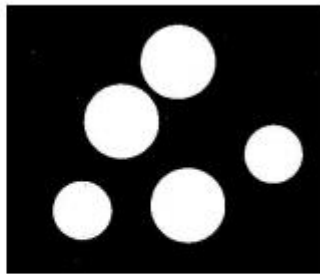


# COMPONENTES CONEXOS

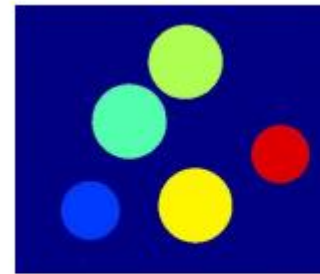
- Exemplo de aplicação:
  - Remoção de objetos com área maior que T.



Imagem de entrada



Resultado da  
segmentação



Rotulação dos  
componentes  
conexos



Imagem  
processada

# COMPONENTES CONEXOS

- Exemplo de aplicação:
  - Análise de forma.



Imagem de entrada



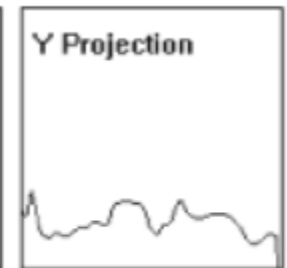
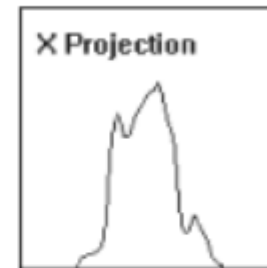
Blob (processado)



Maior eixo (horizontal)



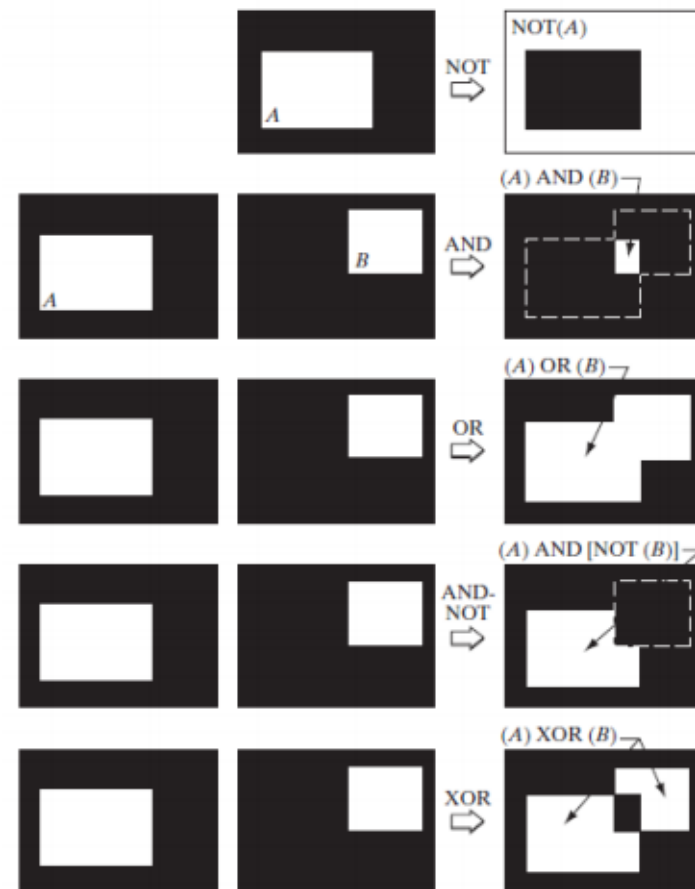
Extração do contorno



Projeções, vertical e horizontal

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações lógicas:
  - Aplicadas à imagens binárias.
  - AND:  $p \text{ E } q$ .
    - `cv2.bitwise_and(src1, src2)`
  - OR:  $p \text{ OU } q$ .
    - `cv2.bitwise_or(src1, src2)`
  - XOR:  $p \text{ OU EXCLUSIVO } q$ .
    - `cv2.bitwise_xor(src1, src2)`
  - NOT: NÃO  $q$ .
    - `cv2.bitwise_not(src1, src2)`





# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações lógicas:
  - Aplicadas à imagens binárias.

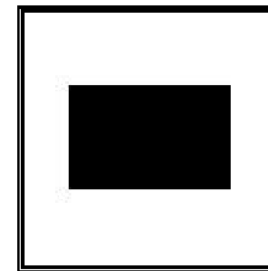
```
img1 = cv2.imread("drawing_1.png")  
img2 = cv2.imread("drawing_2.png")
```

```
bit_and = cv2.bitwise_and(img2, img1)  
bit_or = cv2.bitwise_or(img2, img1)  
bit_xor = cv2.bitwise_xor(img1, img2)  
bit_not = cv2.bitwise_not(img1)  
bit_not2 = cv2.bitwise_not(img2)
```

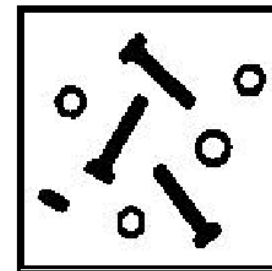
```
cv2.imshow("img1", img1)  
cv2.imshow("img2", img2)
```

```
cv2.imshow("bit_and", bit_and)  
cv2.imshow("bit_or", bit_or)  
cv2.imshow("bit_xor", bit_xor)  
cv2.imshow("bit_not", bit_not)  
cv2.imshow("bit_not2", bit_not2)
```

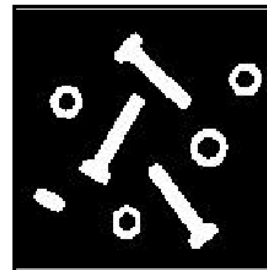
```
cv2.waitKey(0)  
cv2.destroyAllWindows()
```



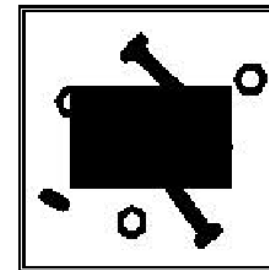
a) Image  $a$



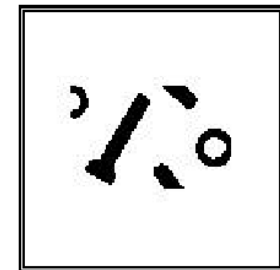
b) Image  $b$



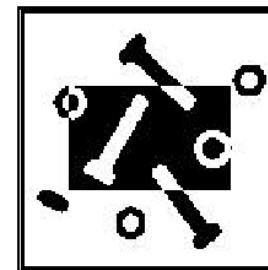
c)  $\text{NOT}(b) = \bar{b}$



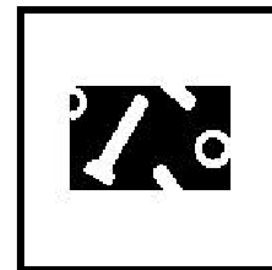
d)  $\text{OR}(a,b) = a + b$



e)  $\text{AND}(a,b) = a \cdot b$



f)  $\text{XOR}(a,b) = a \oplus b$



g)  $\text{SUB}(a,b) = a \setminus b$

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

## ■ Operações lógicas:

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);
        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);

        int newPixel;

        if(pixel == 0 && pixel2 == 0){
            newPixel = 0;
        }else if(pixel == 0 && pixel2 == 255){
            newPixel = 0;
        }else if(pixel == 255 && pixel2 == 0){
            newPixel = 0;
        }else{
            newPixel = 255;
        }

        logicImage->SetPixel(pixelIndex, newPixel);
    }
}
```

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);
        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);

        int newPixel;

        if(pixel == 0 && pixel2 == 0){
            newPixel = 0;
        }else if(pixel == 0 && pixel2 == 255){
            newPixel = 255;
        }else if(pixel == 255 && pixel2 == 0){
            newPixel = 255;
        }else{
            newPixel = 255;
        }

        logicImage->SetPixel(pixelIndex, newPixel);
    }
}
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

## ■ Operações lógicas:

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);

        int newPixel;

        if (pixel == 0) {
            newPixel = 255;
        }else{
            newPixel = 0;
        }

        logicImage->SetPixel(pixelIndex, newPixel);

    }
}
```

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);
        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);

        int newPixel;

        if(pixel == 0 && pixel2 == 0){
            newPixel = 0;
        }else if(pixel == 0 && pixel2 == 255){
            newPixel = 255;
        }else if(pixel == 255 && pixel2 == 0){
            newPixel = 255;
        }else{
            newPixel = 0;
        }

        logicImage->SetPixel(pixelIndex, newPixel);

    }
}
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:
  - Adição:  $p + q$ .
    - Operação linear pixel a pixel.
    - N imagens, sendo  $N \geq 2$ .
    - Soma os pixels e divide por N.
    - Reduzir ruídos.
    - Exemplo: Sensoriamento remoto.

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:
  - Adição:  $p + q$ .

Figura Original



Gaussian



Speckle



Salt & Pepper



Resultado



# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:

- Adição:  $p + q$ .

```
import cv2
import numpy as np
```

```
# 500 x 250
```

```
img1 = cv2.imread('3D-Matplotlib.png')
```

```
img2 = cv2.imread('mainsvmimage.png')
```

```
add = img1+img2
```

```
add = cv2.add(img1,img2)
```

```
cv2.imshow('add',add)
```

```
cv2.waitKey(0)
```

```
cv2.destroyAllWindows()
```



# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:

- Adição:  $p + q$ .

```
for(int i = 0; i < width; i++){  
    for(int j = 0; j < height; j++){  
  
        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};  
  
        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);  
  
        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);  
  
        int add = pixel + pixel2;  
  
        if (add > 255) add = 255;  
  
        operationImage->SetPixel(pixelIndex, add);  
  
    }  
}
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

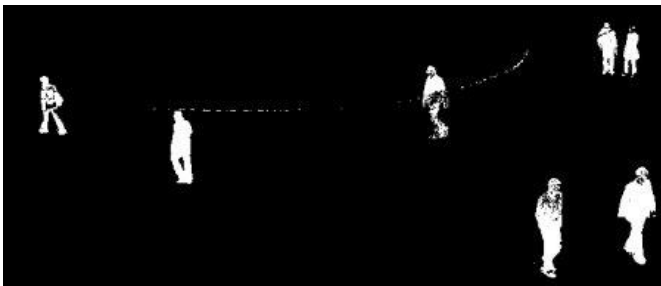
- Operações aritméticas:
  - Subtração:  $p - q$ .
    - Operação linear pixel a pixel mais utilizada.
    - N imagens, sendo  $N == 2$ .
    - Soma 255 e divide por 2 cada pixel.
    - Remover características estáticas.
    - Exemplo: Controle de qualidade.





# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:
  - Subtração:  $p - q$ .



PROF. MSC. GIOVANNI LUCCA FRANÇA DA SILVA

```
>>> import cv2
>>> import numpy as np

>>> a = np.arange(9, dtype=np.uint8).reshape(3,3)
>>> a
array([[0, 1, 2],
       [3, 4, 5],
       [6, 7, 8]], dtype=uint8)
>>> b = np.full((3,3), 4, np.uint8)
>>> b
array([[4, 4, 4],
       [4, 4, 4],
       [4, 4, 4]], dtype=uint8)

>>> np.subtract(b,a)
array([[ 4,  3,  2],
       [ 1,  0, 255],
       [254, 253, 252]], dtype=uint8)

>>> cv2.subtract(b,a)
array([[4, 3, 2],
       [1, 0, 0],
       [0, 0, 0]], dtype=uint8)
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:
  - Subtração:  $p - q$ .

```
for(int i = 0; i < width; i++){  
    for(int j = 0; j < height; j++){  
  
        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};  
  
        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);  
  
        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);  
  
        int sub = pixel - pixel2;  
  
        if (sub < 0) sub = 0;  
  
        operationImage->SetPixel(pixelIndex, sub);  
  
    }  
}
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

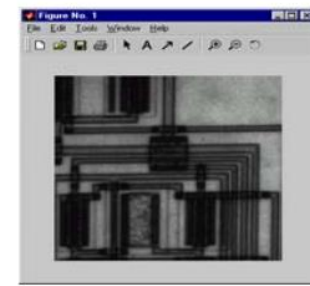
- Operações aritméticas:

- Multiplicação:  $p * q$ .

- Operação menos utilizada.
    - Realce das baixas magnitudes.
    - Corrigir sombra.



=



\* 0.5

- Divisão:  $p/q$ .

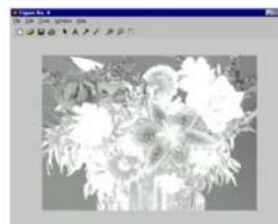
- Identificar diferenciação de contrastes.

Imagem Original



=>

Resultado



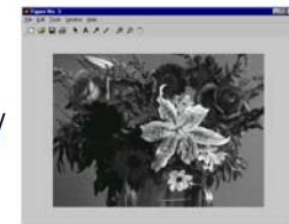
=

Imagem VetorG



/

Imagem VetorB



# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

- Operações aritméticas:

- Multiplicação:  $p * q$ .

- Divisão:  $p/q$ .

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);

        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);

        int mult = pixel * pixel2;

        if (mult > 255) mult = 255;

        operationImage->SetPixel(pixelIndex, mult);

    }
}
```

```
for(int i = 0; i < width; i++){
    for(int j = 0; j < height; j++){

        ImageType::IndexType pixelIndex={{i,j}};

        int pixel = image->GetPixel(pixelIndex);

        int pixel2 = image2->GetPixel(pixelIndex);

        if(pixel == 0) pixel = 1;

        if(pixel2 == 0) pixel2 = 1;

        float div = pixel/pixel2;

        round(div);

        operationImage->SetPixel(pixelIndex, div);

    }
}
```

# OPERAÇÕES LÓGICO-ARITMÉTICAS

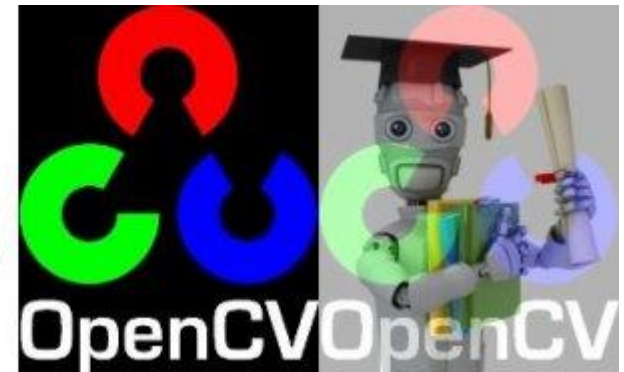
- Operações aritméticas:
  - Mistura de imagens.
    - Operação da soma, porém ponderada.

$$dst = \alpha \cdot img1 + \beta \cdot img2 + \gamma$$

```
img1 = cv2.imread('ml.png')
img2 = cv2.imread('opencv-logo.png')

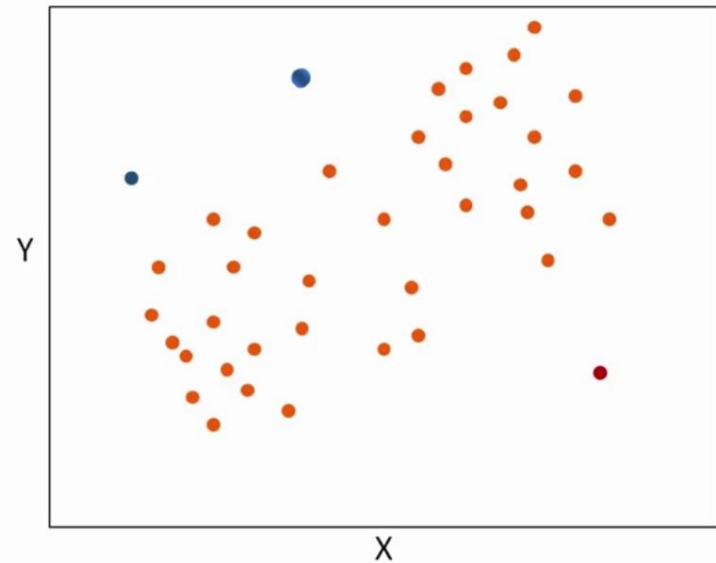
dst = cv2.addWeighted(img1,0.7,img2,0.3,0)

cv2.imshow('dst',dst)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



# MEDIDAS DE DISTÂNCIAS

- Considere os pixels  $p$ ,  $q$ , e  $z$ , com coordenadas  $(x,y)$ ,  $(s,t)$  e  $(v,w)$ , respectivamente.  $D$  é uma medida de distância se:
  - $D(p,q) \geq 0$  ( $D(p,q) = 0$ , se  $p = q$ ).
  - $D(p,q) = D(q,p)$ .
  - $D(p,z) \leq D(p,q) + D(q,z)$ .



# MEDIDAS DE DISTÂNCIAS

- Distância Euclidiana entre p e q:

$$D_e(p, q) = \left[ (x - s)^2 + (y - t)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

- Distância  $D_4$  (quarteirão) entre p e q:

$$D_4(p, q) = |x - s| + |y - t|$$

$$\begin{array}{ccccc} & & 2 & & \\ & & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ & & 2 & 1 & 2 \\ & & 2 & & \end{array}$$

- Distância  $D_8$  (xadrez) entre p e q:

$$D_8(p, q) = \max(|x - s|, |y - t|)$$

$$\begin{array}{ccccc} 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \end{array}$$

# MEDIDAS DE DISTÂNCIAS

- Distância Euclidiana entre p e q:

```
import math
..
def dist_euclidiana(v1, v2):
    dim, soma = len(v1), 0
    for i in range(dim):
        soma += math.pow(v1[i] - v2[i], 2)
    return math.sqrt(soma)

print('%.2f' % dist_euclidiana(v1, v2))
```

```
import numpy as np
..
def dist_euclidiana_np(v1, v2):
    v1, v2 = np.array(v1), np.array(v2)
    diff = v1 - v2
    quad_dist = np.dot(diff, diff)
    return math.sqrt(quad_dist)

print('%.2f' % dist_euclidiana_np(v1, v2))
```



# REFERÊNCIAS

- GONZALEZ, Rafael C.; WOODS, Richard C. **Processamento digital de imagens**. Pearson, 2011.
- PEDRINI, Hélio; SCHWARTZ, William Robson. **Análise de imagens digitais: princípios, algoritmos e aplicações**. Thomson Learning, 2008.
- SILVA, Aristófanés. **Notas de aula da disciplina Processamento de Imagens da Universidade Federal do Maranhão**. 2018.
- BRAZ Jr, Geraldo. **Notas de aula da disciplina Visão Computacional da Universidade Federal do Maranhão**. 2018.