## ECM306 – TÓPICOS AVANÇADOS EM ESTRUTURA DE DADOS

#### ENGENHARIA DA COMPUTAÇÃO - 3ª SÉRIE - 2025 - E1, E2

### LAB - PROF. CALVETTI

### **RESOLUÇÃO DOS EXERCÍCIOS PROPOSTOS - AULA 05**

**Resolução**: Individual;

**Prazo**: Até o início da próxima aula;

**Entrega**: Relatório, em PDF, contendo, obrigatoriamente: os códigos em Java experimentados; os cálculos elaborados; e os resultados obtidos;

<u>Instruções</u>: Efetue a **análise assintótica de funções** abaixo, utilizando os conceitos apresentados na respectiva aula.

**Exercícios**: De 1 à 12, a seguir:

1. Implementar, em Java, o algoritmo *Insertion-Sort*;

```
public static void InsertionSort(int iVet[])
{
    int iA,iB;
    int iT;

    for(iA=1; iA < iVet.length; iA++)
    {
        iT=iVet[iA];
        iB=iA-1;
        while(iB >= 0 && iT < iVet[iB])
        {
            iVet[iB+1]=iVet[iB];
            iB--;
        }
        iVet[iB+1]=iT;
    }
}</pre>
```

 Qual é a Ordem de Complexidade desse Algoritmo, considerando o pior caso? Não é necessário desenvolver a Função de Complexidade, deve-se, apenas, apresentar a Ordem de Complexidade do Algoritmo;

Dica: Estudar a implementação no capítulo 2 do livro do Cormen

$$O(n) = n^2$$

3. No algoritmo a seguir, informe a quantidade de vezes que a **Linha 1** será executada, em tempo de execução e em função de **n**.

```
import java.util.Scanner;
public class TarefaT3 01 {
     public static void main(String[] args) {
           Scanner in = new Scanner (System.in);
           int n = in.nextInt();
           System.out.println(Func(n));
           in.close();
     public static int Func(int n) {
           int m = 0;
           for (int i=1; i <= n; i++)</pre>
                for (int j = 1; j <= n; j++ ) {
                                            // Linha 1
                     m = m + 1;
           return m;
     }
}
```

Para n inteiro e  $n \ge 0$ ,  $f(n) = n^2$ 

4. No algoritmo a seguir, informe a quantidade de vezes que a **Linha 1** será executada, em tempo de execução e em função de **n**.

```
import java.util.Scanner;
public class TarefaT3_02 {
     public static void main(String[] args) {
           Scanner in = new Scanner (System.in);
           int n = in.nextInt();
           System.out.println(Func(n));
           in.close();
     }
     public static int Func(int n) {
           int m = 0;
           for (int i=2; i < n; i++)</pre>
                 for (int j = 2; j < n; j++ ) {</pre>
                      m = m + 1;
           return m;
     }
}
```

## Para n inteiro e $n \ge 2$ , $f(n) = (n-2)^2$

5. No algoritmo a seguir, informe a quantidade de vezes que a **Linha 1** será executada, em tempo de execução e em função de **n**.

```
import java.util.Scanner;
public class TarefaT3_03 {
     public static void main(String[] args) {
          Scanner in = new Scanner (System.in);
          int n = in.nextInt();
          System.out.println(Func(n));
          in.close();
     }
     public static int Func(int n) {
          int i = 4;
          int m = 0;
          while (i <= n) {
                m = m + 1;
                                            // Linha 1
                i = i + 2;
          return m;
     }
}
```

## Para n inteiro e $n \ge 2$ , f(n) = ((n-2)/2)

6. No algoritmo a seguir, informe a quantidade de vezes que a **Linha 1** será executada, em tempo de execução e em função de *n*.

```
import java.util.Scanner;
public class TarefaT3_04 {
     public static void main(String[] args) {
           Scanner in = new Scanner (System.in);
           int n = in.nextInt();
           System.out.println(Func(n));
           in.close();
     public static int Func(int n) {
           int i = 1;
           int m = 0;
          while (i <= n) {
                                           // Linha 1
                m = m + 1;
                   = i * 2;
          return m;
     }
}
```

## Para n inteiro e n > 0, $f(n) = (floor) (log_2(n)) + 1$

7. No algoritmo a seguir, informe a quantidade de vezes que a **Linha 1** será executada, em tempo de execução e em função de **n**.

Para n inteiro e n > 0,  $f(n) = \sum n$ , para n=0 até n

8. Supondo-se que se está comparando implementações de ordenação por inserção e ordenação por intercalação na mesma máquina. Para entradas de tamanho *n*, a ordenação por inserção é executada *8n*<sup>2</sup> etapas, enquanto a ordenação por intercalação é executada em *64n ln n* etapas. Para que valores de *n* a ordenação por inserção supera a ordenação por intercalação?

<u>n</u>	Inserção	<u>Intercalação</u>
	8n²	64n In n
	n²	n
0	0	0
1	1	1
2	4	2
<i>3</i>	9	3
:	:	:

*Resposta*: Para valores de  $n \ge 2$ .

9. Qual é o menor valor de n tal que um algoritmo cujo tempo de execução é  $100n^2$  funciona mais rápido que um algoritmo cujo tempo de execução é  $2^n$  na mesma máquina?

<u>n</u>	100n²	<b>2</b> <sup>n</sup>
	n²	<b>2</b> <sup>n</sup>
0	0	1
1	1	2
2	4	4
<i>3</i>	9	8
4	16	16
:	:	:

*Resposta*: Para valores de *n* ≤ 1.

10. Considere dois algoritmos A e B com complexidades respectivamente iguais a 128n² e 4n³. Qual o maior valor de n, para o qual o algoritmo B é mais eficiente que o algoritmo A?

<u>n</u>	Α	В
	128n²	4n³
	n²	n³
0	0	0
1	1	1
2	4	8
<i>3</i>	9	27
:	:	:

 $\underline{\textit{Resposta}}$ : Não há valores para n em que o algoritmo B é mais eficiente que o algoritmo A.

11. Considere dois computadores C1 e C2 que executam **10**<sup>8</sup> e **10**<sup>10</sup> operações por segundo e dois algoritmos de ordenação **A** e **B** que necessitam **5**n<sup>2</sup> e **40**n **log**<sub>10</sub> n operações com entrada de tamanho n, respectivamente. Qual o tempo de execução de cada algoritmo em cada um dos computadores C1 e C2 para ordenar **10**<sup>8</sup> elementos?

C1(op/	s)	<b>C2</b> (op/s)
10 <sup>8</sup>		10 <sup>10</sup>
<b>10</b> <sup>8</sup>		100 x 10 <sup>8</sup>
<b>10</b> <sup>8</sup>		100 x C1
A/anl	D/on\	

# $\frac{A(op)}{5n^2} \frac{B(op)}{40n \log_{10} n}$ $n^2$

#### Resposta:

12. Um algoritmo tem complexidade 2<sup>n</sup>. Num certo computador, num tempo t, o algoritmo resolve um problema de tamanho 25. Imagine, agora, que se tenha disponível um computador 100 vezes mais rápido. Qual o tamanho máximo de problema que o mesmo algoritmo resolve no mesmo tempo t no computador mais rápido?

```
Complexidade do algoritmo: 2^n

C1 -> n = 25 -> op = 2^{25} operações

C2 (100 x C1) -> op = 2^{25} x 100 -> n = log2(op) -> n = 31,64
```

**Resposta**: O tamanho máximo do problema que o mesmo algoritmo resolve no mesmo tempo t para o computador **100** vezes mais rápido é n = 31.