

(слайд 1)

Шановні члени державної комісії, шановні присутні! До вашої уваги представляється дипломна робота на тему: «Методи розв'язування матричних ігор та їх програмна реалізація».

Організації звичайно мають цілі, які суперечать цілям інших організацій-конкурентів. Тому робота менеджерів часто полягає у виборі рішення з урахуванням дій конкурентів. Для вирішення таких проблем призначені методи теорії ігор.

(слайд 2)

Теорія ігор - це розділ прикладної математики, який вивчає моделі і методи прийняття оптимальних рішень в умовах конфлікту.

Під конфліктом розуміється така ситуація, в якій зіштовхуються інтереси двох або більше сторін, що переслідують різні (найчастіше суперечливі) цілі. При цьому кожне рішення має прийматися в розрахунку на розумного суперника, який намагається зашкодити іншому учаснику гри досягти успіху.

(слайд 3)

З метою дослідження конфліктної ситуації будують її формалізовану спрощену модель. Для побудови такої моделі необхідно чітко описати конфлікт, тобто:

1. уточнити кількість учасників (учасники або сторони конфлікту називаються гравцями);
2. вказати на всі можливі способи дій гравців, які називаються стратегіями гравців;
3. розрахувати, якими будуть результати гри, якщо кожний гравець вибере певну стратегію (тобто з'ясувати величину виграшу або програшу гравців в кожній із можливих ситуацій).

(слайд 4)

Основна задача теорії ігор визначити, яку стратегію має застосувати розумний гравець у конфлікті з розумним суперником, щоб гарантувати першому максимальний виграш, а другому – мінімальний програш, при чому

відхилення будь-якого з гравців від обраної (оптимальної) стратегії може тільки зменшити його виграш або збільшити програш.

Математична теорія ігор здатна не тільки вказати оптимальний шлях до вирішення деяких проблем, а й прогнозувати їх результат. Матричні ігри серйозно вивчаються фахівцями, так як вони досить прості і до них можуть бути зведені ігри загального виду. Тому теорія матричних ігор добре розвинена, існують різні методи пошуку розв'язку ігор.

В роботі розглядаються парні одноходові антагоністичні ігри, тобто такі, в яких приймають участь тільки два гравці, і виграш одного гравця рівний програшу іншого. Вважається, що кожен гравець має скінченну кількість чистих стратегій.

(слайд 5)

Розігрування матричної гри зводиться до вибору гравцем 1 i -го рядка матриці виграшів, а гравцем 2 - j -го стовпця. Після цього гравець 1 отримує виграш рівний a_{ij} , а гравець 2 - $(-a_{ij})$. При правильній грі гравець 1 може завжди гарантувати собі виграш, який назовемо нижнім значенням ціни гри. Позначимо його: $\underline{v} = \max_i \min_j a_{ij}$ (на слайді). У свою чергу, гравець 2 може гарантувати собі програш, який назовемо верхнім значенням ціни гри. Позначимо його:

$$\bar{v} = \min_i \max_j a_{ij} \text{ (на слайді). Чисті стратегії } i^* \text{ і } j^*, \text{ що відповідають } \underline{v} \text{ і } \bar{v}$$

називаються максимінною і мінімаксною стратегіями.

(слайд 6)

Ситуація (i^*, j^*) називається ситуацією рівноваги, якщо для $i \in 1, 2, \dots, m$, $j \in 1, 2, \dots, n$ виконується нерівність: $a_{ij} \leq a_{i^*j^*} \leq a_{ij}$. Якщо ситуація рівноваги для гри існує, то така гра називається грою з сідловою точкою, а елемент $a_{i^*j^*}$ матриці A , що їй відповідає називається сідловою точкою цієї матриці. Ситуація рівноваги це така ситуація, від якої жодному з гравців не вигідно відхилитися.

(слайд 7)

Мішаною стратегією гравця називається повний набір ймовірностей застосування його чистих стратегій.

(слайд 8)

Теорема (фон Неймана). В мішаних стратегіях гра двох осіб з нульовою сумою завжди має розв'язок.

Основні методи розв'язування матричних ігор

По-перше, це метод зведення матричної гри до задачі лінійного програмування.

(слайд 9)

Часто в практичних задачах немає необхідності знаходити точний розв'язок матричної гри. Досить знайти наближений розв'язок, який дає середній виграш, близький до ціни гри і наближені оптимальні стратегії гравців.

Можна отримати прийнятний для практики розв'язок за допомогою одного з чисельних методів, наприклад, за допомогою методу Брауна-Робінсона.

В його основі полягає ідея багатократного фіктивного розіграшу гри

Недолік — мала швидкість збіжності.

(слайд 10)

Монотонний ітеративний алгоритм розв'язання матричних ігор реалізується тільки для одного гравця на відміну від методу Брауна-Робінсона. Алгоритм дозволяє знаходити точно і наближено оптимальну стратегію одного гравця і значення ціни гри. За допомогою цього алгоритму можна отримати задану точність розв'язку, причому число кроків, необхідних для досягнення результатів, слабо залежить від розмірності матриці виграшів.

Особливість цього алгоритму у здатності генерувати строго монотонно зростаючу послідовність оцінок ціни гри, що не властиво алгоритму Брауна-Робінсона.

(слайд 11)

В чистих стратегіях в грі може не існувати ситуації рівноваги. Вибір використання мішаних стратегій може бути виправданий лише для багаторазово повторюваних ігор. В окремій грі кожен з гравців навіть при реалізації «оптимальної» мішаної стратегії може дуже сильно програти.

Вибір максимінної і мінімаксної стратегій добре підходить для обережних

гравців. Він дозволяє не програти занадто багато, не виграти занадто мало. Але деякі гравці можуть бути більш схильні до ризику, і орієнтуватися на ті стратегії, які можуть забезпечити їм максимально можливий виграш.

Нарешті, орієнтація на мішані стратегії передбачає відсутність будь-якої інформації про психологію суперника, припускаючи лише, що він діє раціонально.

На практиці ми можемо мати про противника будь-яку додаткову інформацію і на її основі робити які-небудь припущення щодо його поведінки. При цьому наші припущення практично завжди носять нечіткий характер. Приміром, наші припущення можуть мати такий вигляд: «якщо противник самовпевнений, то, скоріше за все, він вибере стратегію максимізації максимального доходу».

У загальному випадку наші припущення можуть носити досить складний характер. Наприклад, ми можемо припускати, що «якщо супротивник досвідчений і поводить себе самовпевнено, то він буде керуватися принципом оптимальних мішаних стратегій, якщо ця оптимальна стратегія не дає надто низький очікуваний виграш». Якщо супротивник обережний, то він буде керуватися максимінною стратегією. Якщо супротивник схильний до ризику і не досвідчений, то він вибере стратегію, яка відповідає максимально можливому доходу. Таким чином, ми можемо скласти цілу базу нечітких правил. При цьому нам необхідно евристично або аналітично задати ступені приналежності супротивника до кожної з нечітких множин. Також необхідно навчитися здійснювати логічні операції над нечіткими множинами. Так, у прикладі нам необхідно обробити цілих три нечітких множини: $A = \{\text{досвідчений противник}\}$, $B = \{\text{самовпевнений противник}\}$ і $C = \{\text{очікуваний виграш, гарантований стратегією, задовольняє супротивника}\}$ і на основі їх обробки здійснити процедуру нечіткого виводу.

(слайд 12)

Дипломна робота повністю реалізована на JavaScript. Це дає змогу розширити кількість пристроїв, які зможуть виконувати програму без потреби

перекомпіляції. Поділяється на клієнтську та серверну частини.

(слайд 13)

Кожна функція знаходиться в окремому файлі і підключається в основному модулі.

Якщо розміри матриці невеликі, то можна обрахувати результат прямо в браузері і не використовувати інтернет-з'єднання для цього.

(слайд 14)

В випадку, коли матриця має значні розміри має сенс ввести її в текстовий файл і відіслати на сервер (матричну гру, введену в браузері теж можна порахувати на сервері). На сервері реалізовано три основних методи розв'язку матричних ігор: графічний метод, метод Брауна-Робінсона та симплекс-метод. Дані кодуються в формат JSON та передаються на сервер за протоколом WebSocket.

При введенні матричної гри в файл, немає змоги вирішити її в браузері.

Серверна частина працює під платформою nodejs. Я обрав саме цю платформу, тому що це дало змогу писати на одній мові на клієнті та на сервері. Також як сервер може використовуватися будь-який дистрибутив ОС Linux, Windows, FreeBSD та деякі інші операційні системи. До стандартного набору модулів nodejs потрібно було довантажити node-оз-canvas та socket.io.

При обрахунках як на сервері так і в браузері — формат виводу не змінюється.

(слайд 15)

Розглянемо, як приклад розв'язання такої матричної гри (на слайді).

Після введення завдання в поле вводу матриці обирається метод і місце проведення обрахунків.

(слайд 16)

Ось пара двоїстих задач та розв'язок симплекс-методом на слайді.

Потім можна обрати метод Брауна-Робінсона

(слайд 17)

Результат розв'язку методом Брауна-Робінсона на слайді.

Для демонстрації графічного методу введемо матрицю розмірності 2 на 4

(слайд 18)

Спочатку пререверімо роботу програми двома наведеними вище методами

(слайд 19)

Симплекс-метод

(слайд 20)

Метод Брауна-Робінсона

(слайд 21)

При виборі графічного методу маємо графік та значення мішаних стратегій гравців та ціни гри.

(слайд 22)

Особливістю моєї програми є функція знаходження розв'язку гри і в нечітких стратегіях на основі деяких відомостей про супротивника.

Спочатку вводиться матриця виграшів/програшів.

Потім вводиться база правил, якими (за нашим припущенням) керується супротивник.

(слайд 23)

Так це виглядає в браузері.

Всі правила за замовчуванням розділяються умовою "або". Але можна ввести умову "і", в тому випадку, якщо на вибір певного методу впливає одночасно 2 правила.

(слайд 24)

Результат підрахунків. На нього впливає наша сумарна впевненість в виборі супротивником того чи іншого методу вибору оптимальної стратегії.

(слайд 25)

В даній дипломній роботі було реалізовано основні алгоритми розв'язування матричних ігор. А саме симплекс-метод, метод Брауна-Робінсона та графічний метод.

Також було реалізовано алгоритм, що при обчисленні враховує прогнозування поведінки супротивника на основі попередній відомостей про

нього. Цей алгоритм буде мішану стратегію, в якій враховано степінь впевненості в виборі супротивником кожної своєї стратегії.

(слайд 27)

Програма має можливість проводити складні обчислення на стороні сервера, що значно зменшує навантаження на пристрій. Це особливо актуально у випадку планшету чи мобільного телефону. Було протестовано на планшеті HP TouchPad з операційною системою WebOS та браузером на основі WebKit та телефоні HTC Desire Z з операційною системою Android та браузером на основі WebKit.

На цьому мій виступ підійшов до завершення. Дякую за увагу!