







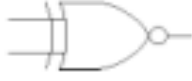
# Sistemas Digitais

## Somadores

### Aula 04

Prof. Leandro Nogueira Couto  
UFU – Monte Carmelo  
05/2013



<div>E</div> <div>AND</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	S	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1	<div>Função E:</div> <div>Assume 1 quando todas as variáveis forem 1 e 0 nos outros casos.</div>	<div>S=A.B</div>
A	B	S																	
0	0	0																	
0	1	0																	
1	0	0																	
1	1	1																	
<div>OU</div> <div>OR</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	S	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1	<div>Função OU:</div> <div>Assume 0 quando todas as variáveis forem 0 e 1 nos outros casos.</div>	<div>S=A+B</div>
A	B	S																	
0	0	0																	
0	1	1																	
1	0	1																	
1	1	1																	
<div>NÃO</div> <div>NOT</div>		<table><tr><th>A</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	S	0	1	1	0	<div>Função NÃO:</div> <div>Inverte a variável aplicada à sua entrada.</div>	<div>S=A</div>									
A	S																		
0	1																		
1	0																		
<div>NE</div> <div>NAND</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	S	0	0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	<div>Função NE:</div> <div>Inverso da função E.</div>	<div>S=(A.B)</div>
A	B	S																	
0	0	1																	
0	1	1																	
1	0	1																	
1	1	0																	
<div>NOU</div> <div>NOR</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	S	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	0	<div>Função NOU:</div> <div>Inverso da função OU.</div>	<div>S=(A+B)</div>
A	B	S																	
0	0	1																	
0	1	0																	
1	0	0																	
1	1	0																	
<div>OU EXCLUSIVO</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	A	B	S	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0	<div>Função OU Exclusivo:</div> <div>Assume 1 quando as variáveis assumirem valores diferentes entre si.</div>	<div>S=A⊕B</div> <div>S= A.B + A.B</div>
A	B	S																	
0	0	0																	
0	1	1																	
1	0	1																	
1	1	0																	
<div>COINCIDÊNCIA</div>		<table><tr><th>A</th><th>B</th><th>S</th></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	A	B	S	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	1	<div>Função Coincidência:</div> <div>Assume 1 quando houver coincidência entre os valores das variáveis.</div>	<div>S= A⊙B</div> <div>S= A.B + A.B</div>
A	B	S																	
0	0	1																	
0	1	0																	
1	0	0																	
1	1	1																	

Você já pensou que **toda função** de um computador se encaixa em uma das categorias:

- Processamento de dados
- Armazenamento de dados
- Movimentação de dados
- Controle

As 5 partes básicas de um computador: Entrada, Saída, Memória, Unidade Lógica Aritmética e Unidade de Controle

# Somador

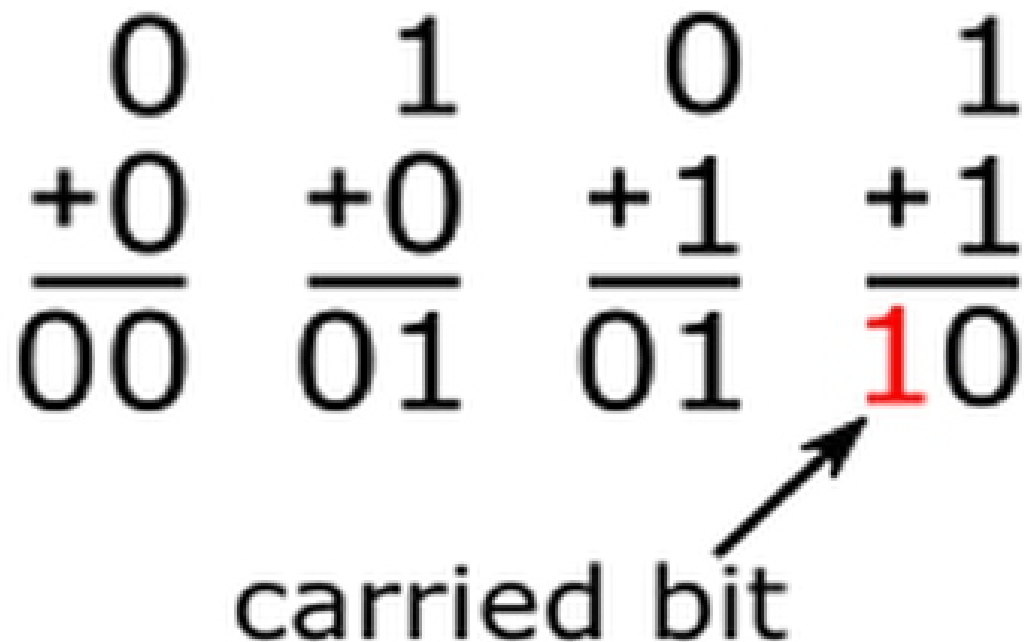
Vamos relembrar os resultados de uma soma de 1 bit com outro

# Somador

Vamos relembrar os resultados de uma soma de 1 bit com outro

0	1	0	1
+0	+0	+1	+1
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
00	01	01	10

carried bit



# Somador

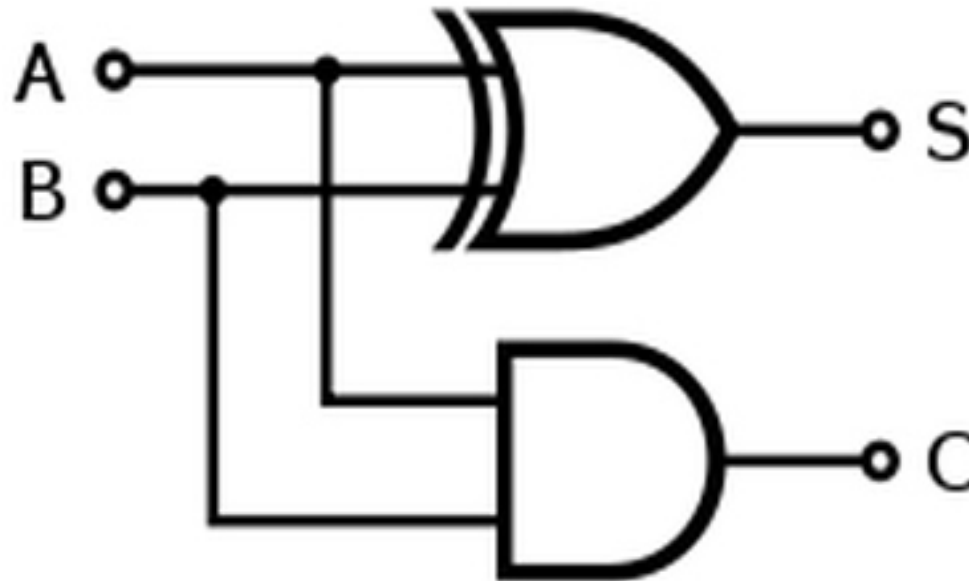
Como podemos fazer isso usando portas lógicas?

- Vamos tentar fazer a tabela verdade dos bits de saída
- Como podemos escrever um circuito para cada bit de saída?

# Somador

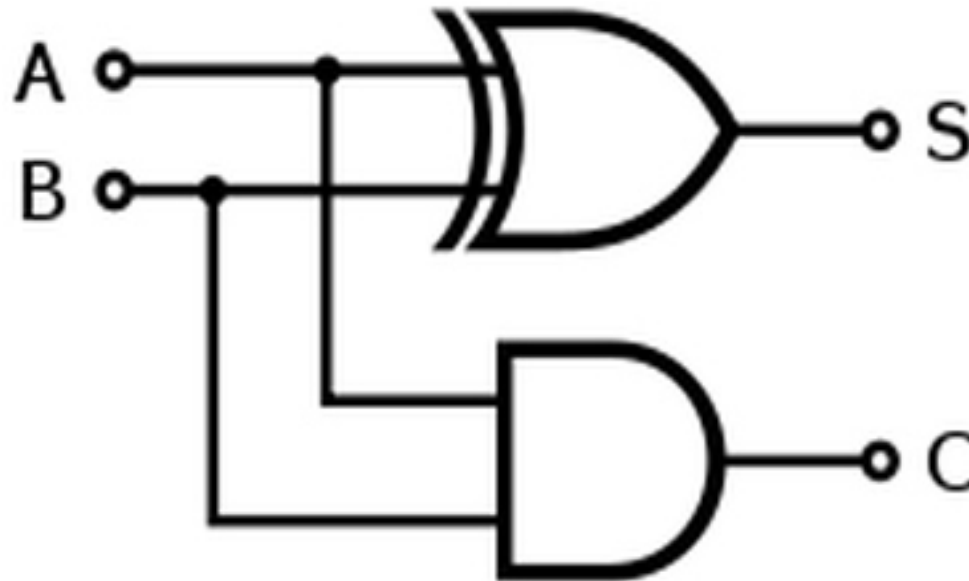
Como podemos fazer isso usando portas lógicas?

- Vamos tentar fazer a tabela verdade dos bits de saída
- Como podemos escrever um circuito para cada bit de saída?



# Somador

- Chamamos o valor resultante de S (de saída) e o “vai um” de carry
- Esse circuito é chamado **meio-somador** ou **half-adder**. Porque?



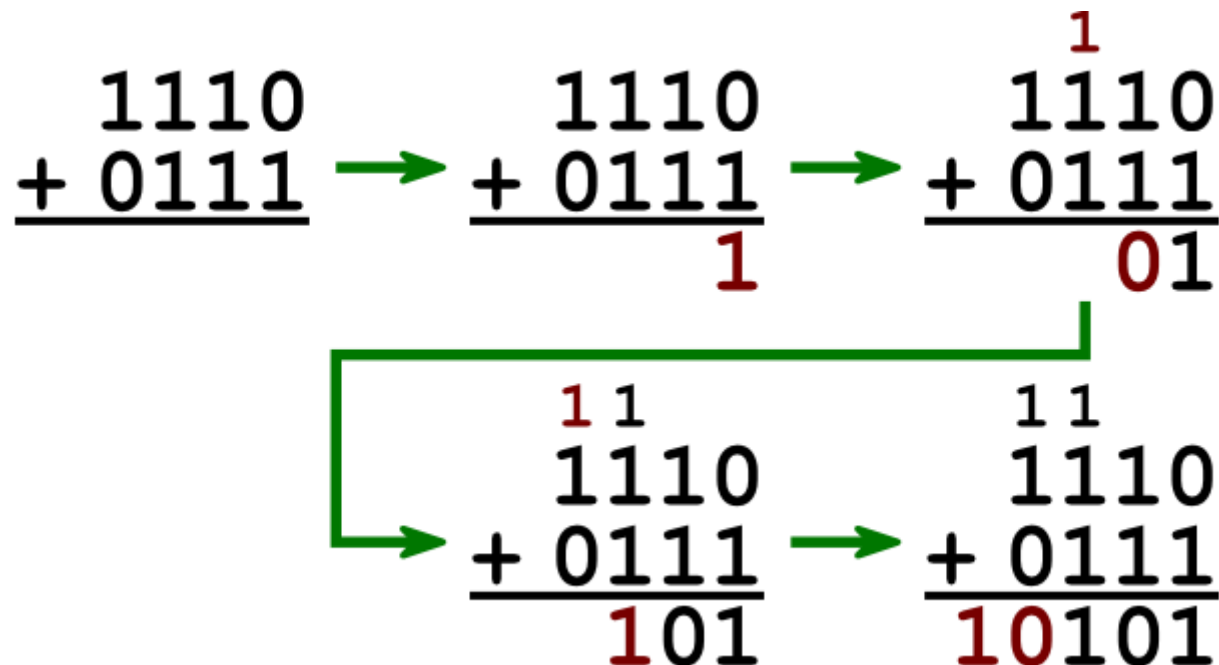


# Somador

- Para podermos fazer um somador para vários bits, o que devemos fazer?
- Encadear vários somadores!
- Para isso, precisamos de algumas modificações no nosso **meio-somador**

# Somador

- Para podermos fazer um somador para vários bits, o que devemos fazer?
- Encadear vários somadores!
- Para isso, precisamos de algumas modificações no nosso **meio-somador**



# Somador

- Vamos escrever a tabela-verdade para um somador, agora considerando como entradas os bits A e B, e além disso se existe ou não carry (vai-um ou transporte) vindo de uma operação anterior

# Somador

- Vamos escrever a tabela-verdade para um somador, agora considerando como entradas os bits A e B, e além disso se existe ou não carry (vai-um) vindo de uma operação anterior

- Note que:

$T_e = C_{in}$  (transporte entrada)

$T_s = C_{out}$  (transporte saída)

A	B	$T_e$	S	$T_s$
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

# Somador

- Aplicando mapa de Karnaugh, veremos que (simplificando)

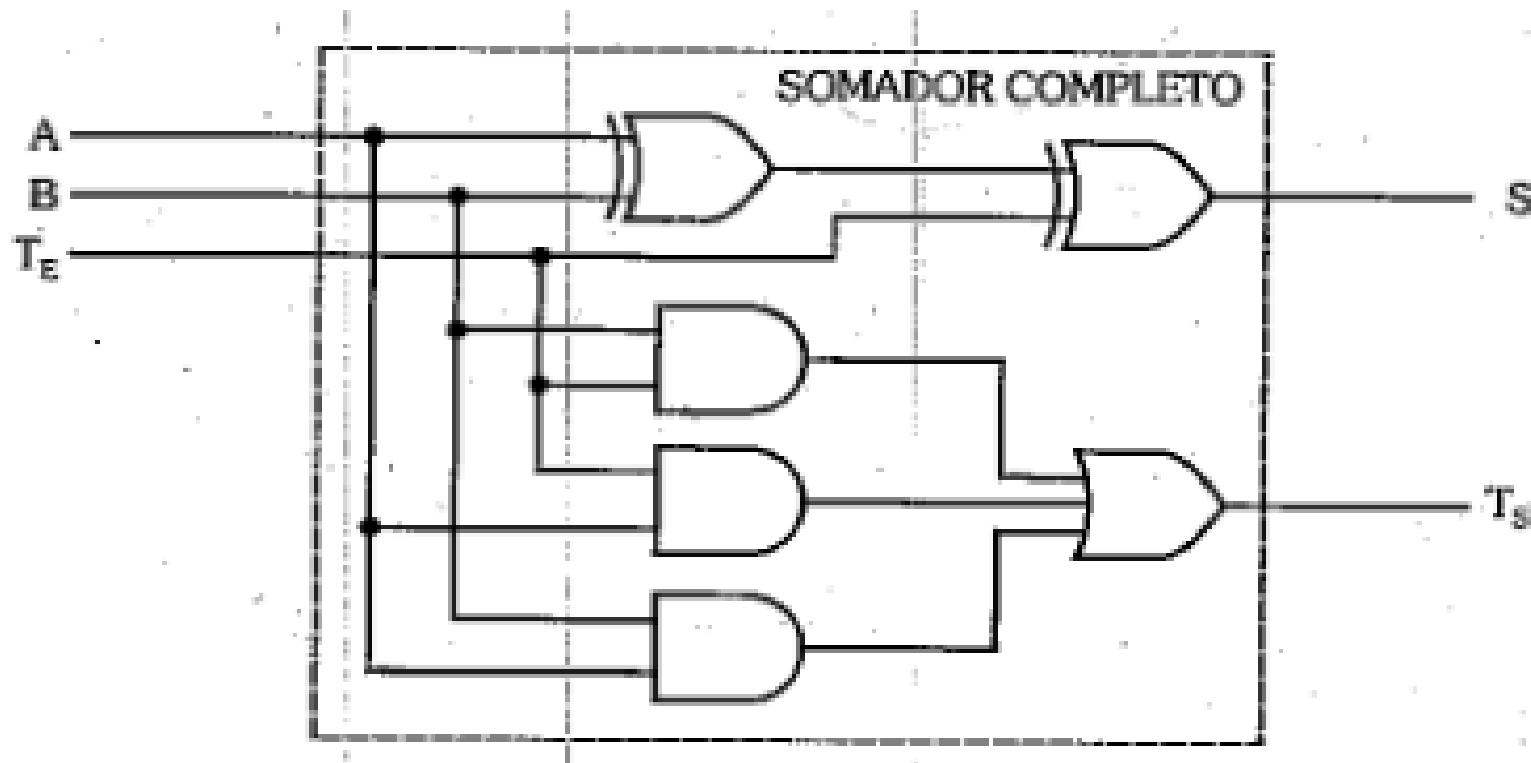
$$S = A \oplus B \oplus C_{in}$$

- E veremos que

$$C_{out} = BC_{in} + AC_{in} + AB$$

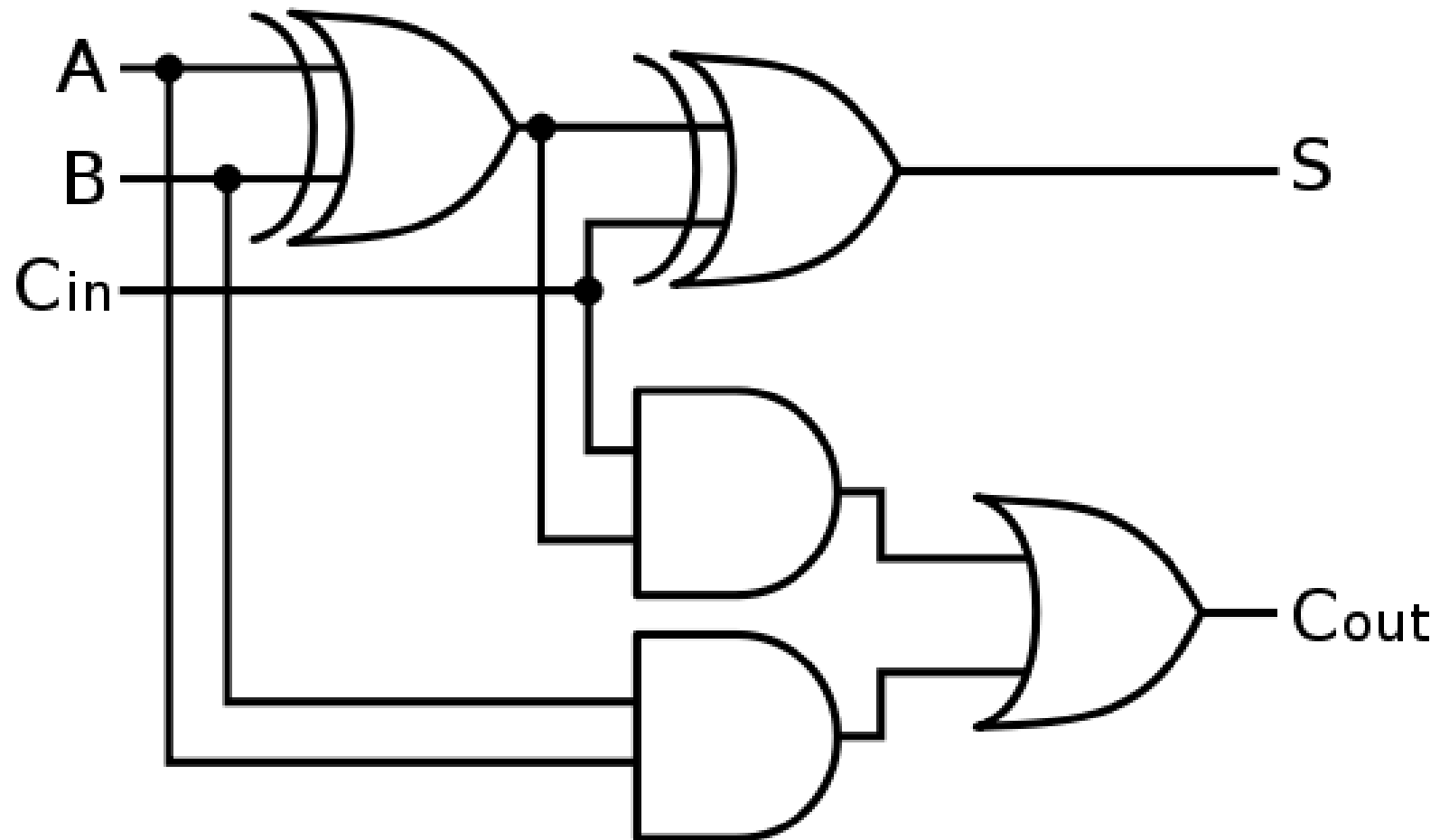
# Somador

- Construindo o circuito para as fórmulas, temos o **somador-completo** ou **full-adder** (pois considera o carry)



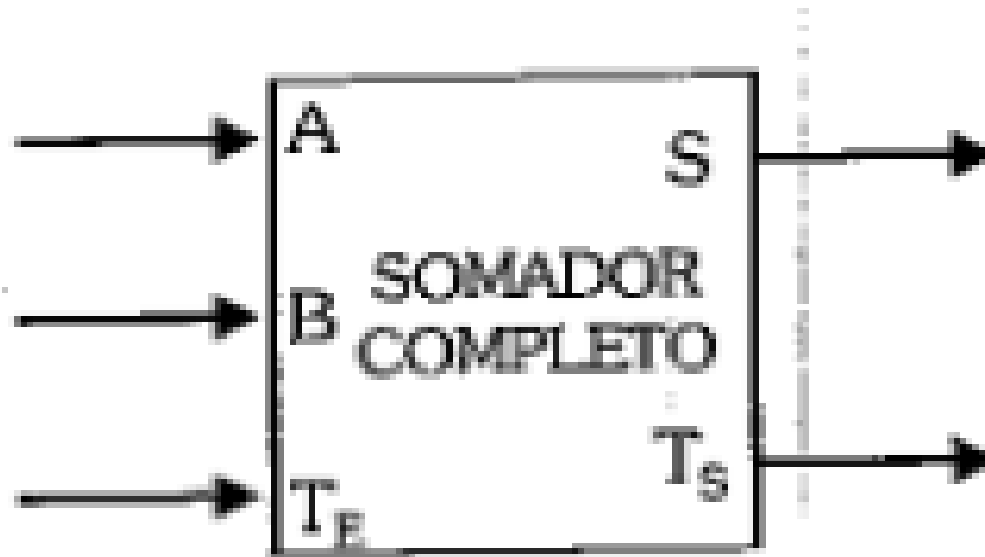
# Somador

- Outra maneira de escrever o **full-adder**:



# Somador

- Para evitar desenhar toda vez o circuito, usamos uma “caixinha” para representá-lo



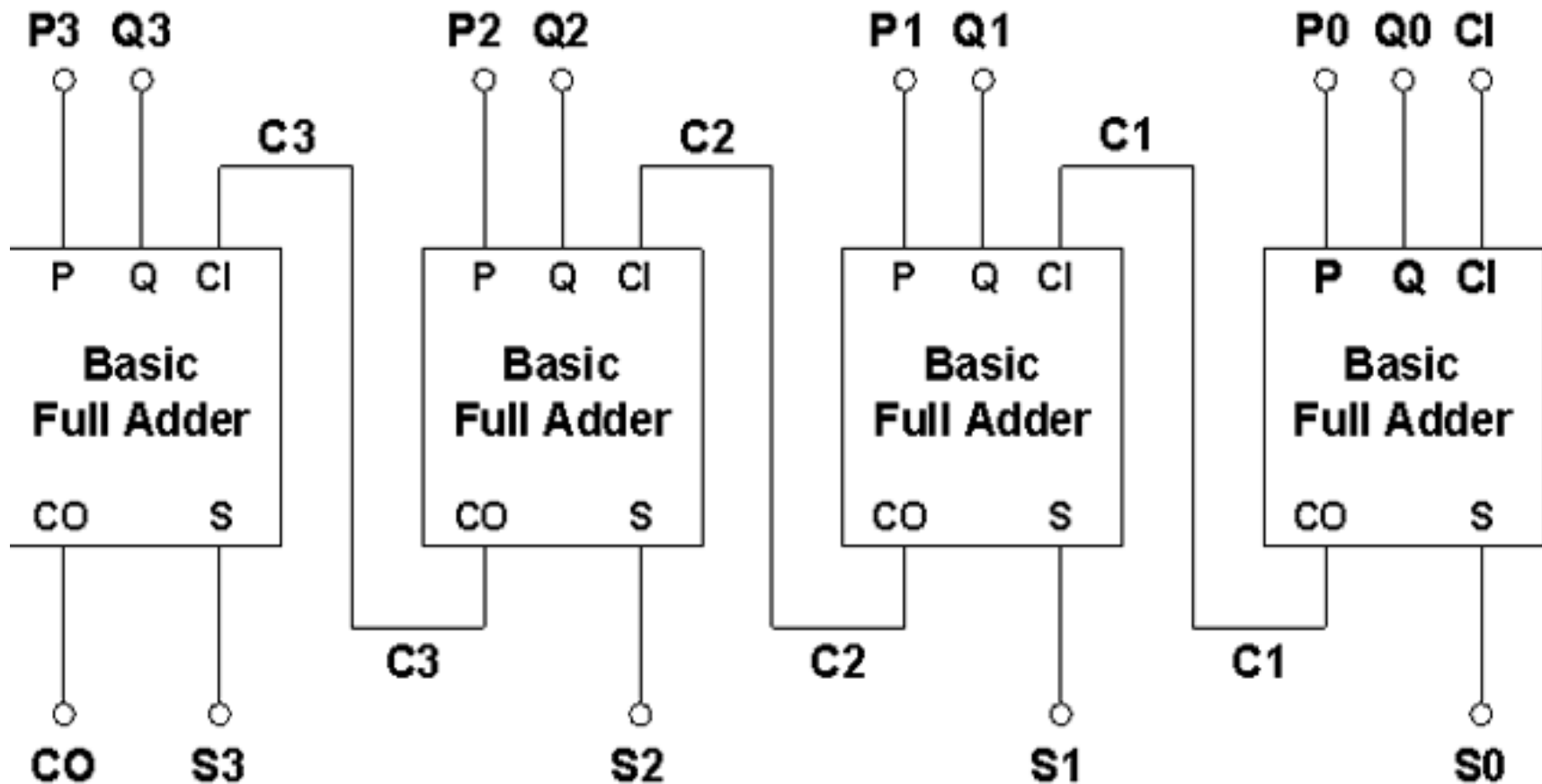


# Somador

- Como usar o somador-completo para somar 2 números de 4 bits?

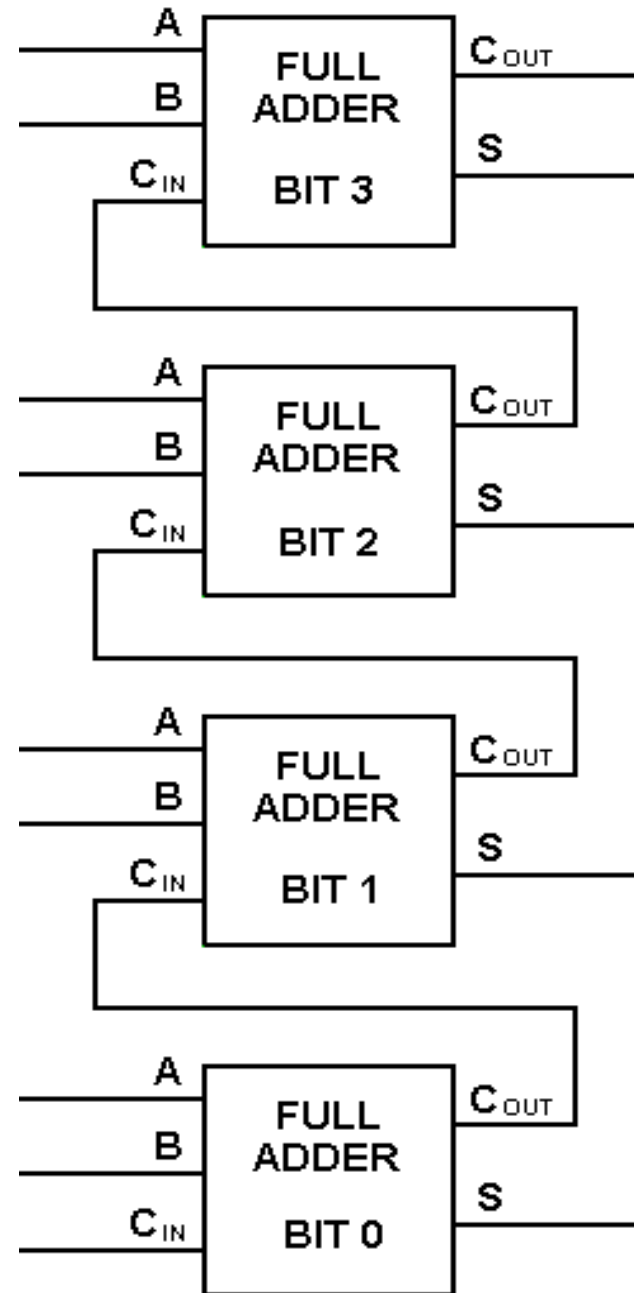
# Somador

- Como usar o somador-completo para somar 2 números de 4 bits?



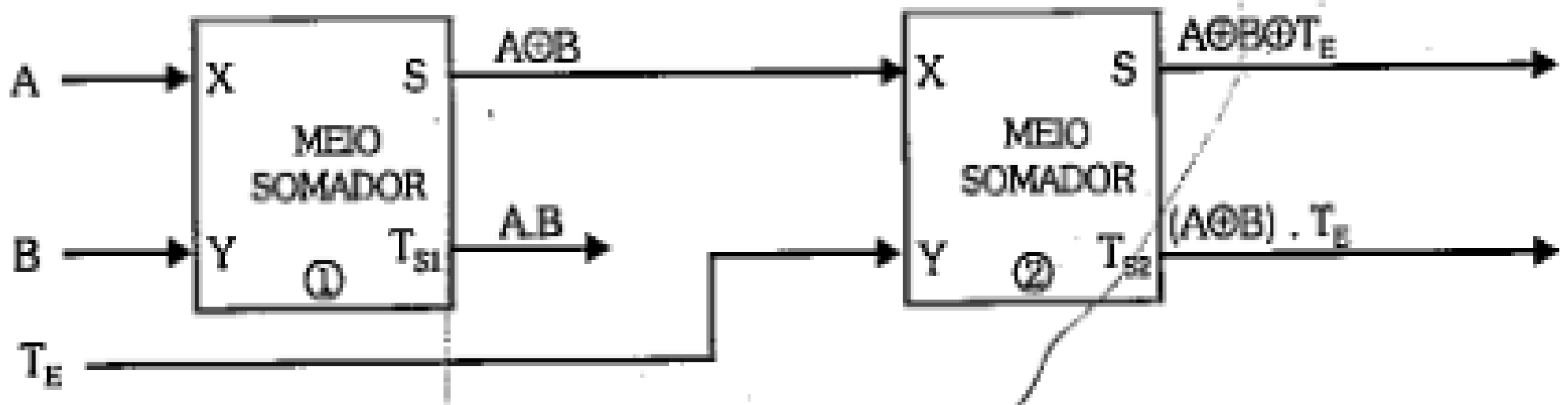
# Somador

- Outra forma de desenhar



# Somador

- Note que podemos fazer um **somador-completo** usando 2 **meio-somadores**
- Essa equivalência é obtida com um pouco de fatoração



# Subtrator

- Podemos usar o mesmo raciocínio para fazer um circuito subtrator
- Como fica a tabela-verdade da subtração?
- Lembrando das regras:

	Minuend		Subtrahend		Difference	Borrow out
Rule 1	0	—	0	=	0	
Rule 2	0	—	1	=	1	and borrow 1
Rule 3	1	—	0	=	1	
Rule 4	1	—	1	=	0	

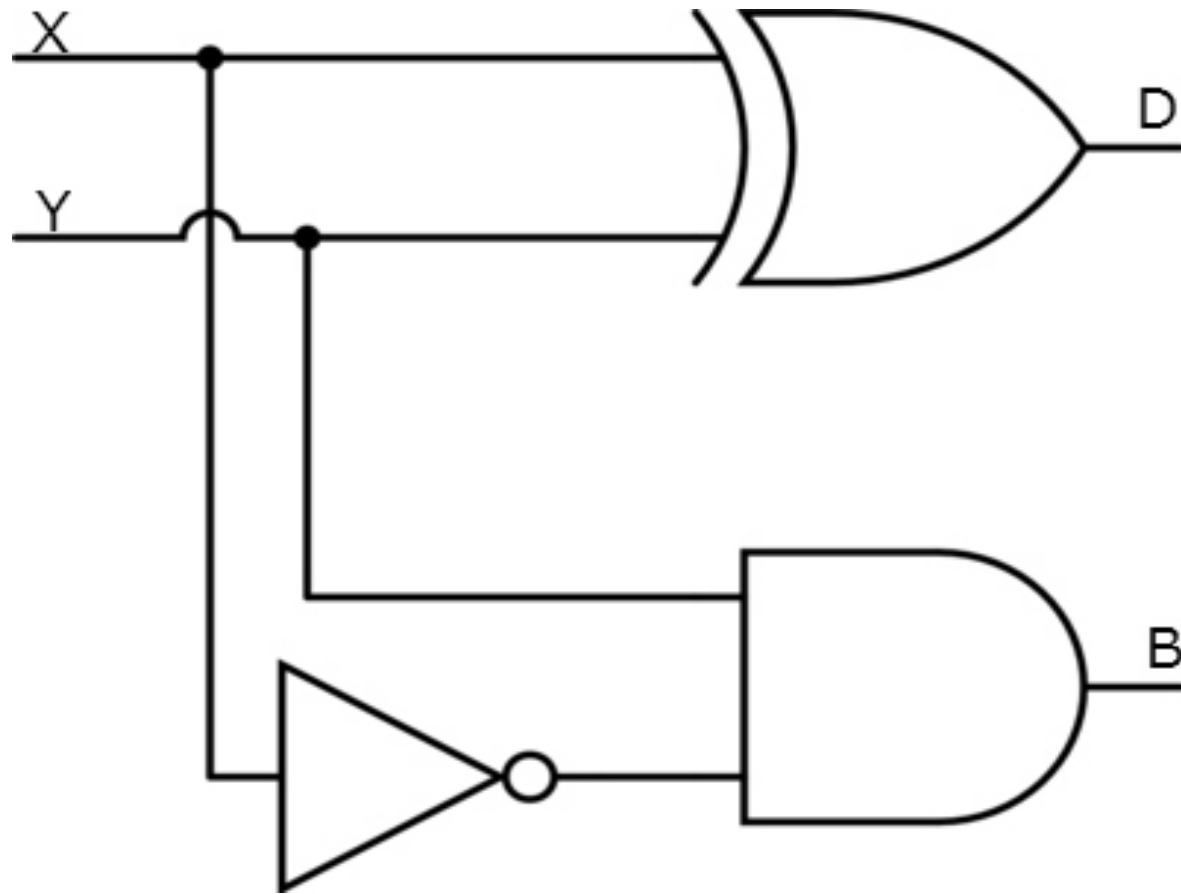
# Subtrator

- Tabela-Verdade:

Half Subtractor-Truth Table			
Input		Output	
A	B	Difference	Borrow
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	0	0
www.flintgroups.com			

# Subtrator

- Circuito Lógico do **meio-subtrator**:



# Subtrator

- E o **subtrator-completo**?



# Subtrator

- E o **subtrator-completo**?
- Tabela-Verdade:

A	B	$T_F$	S	$T_S$
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

# Subtrator

- Aplicando mapa de Karnaugh, veremos que (simplificando)

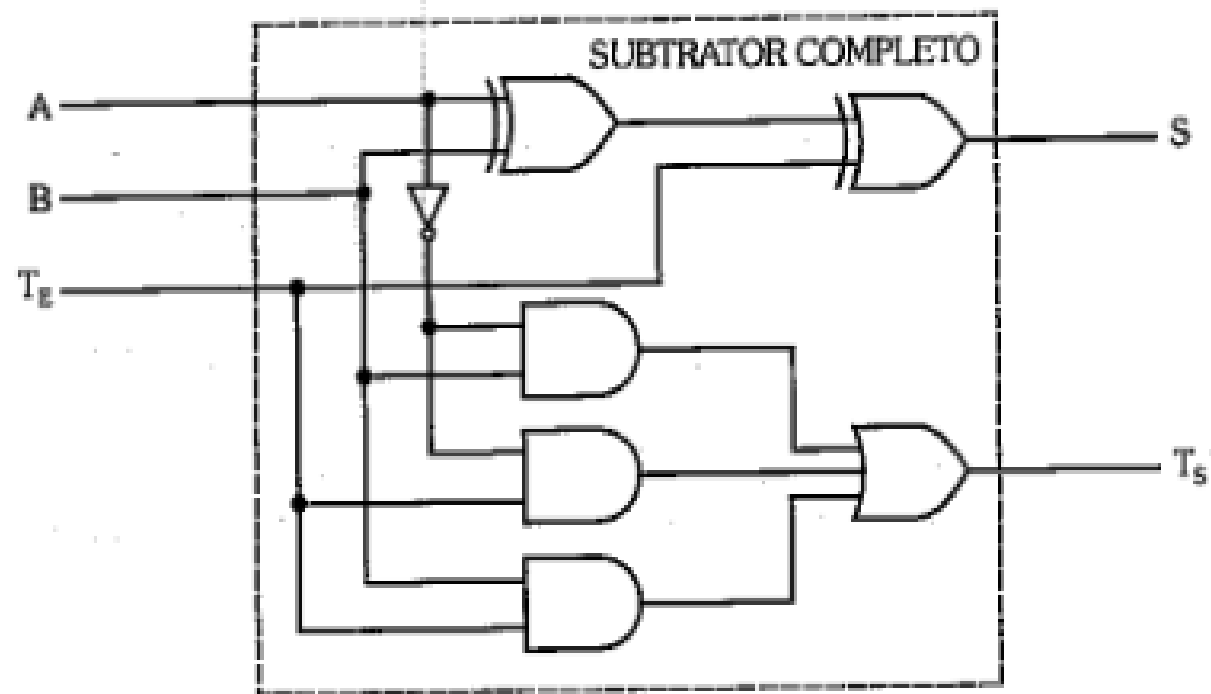
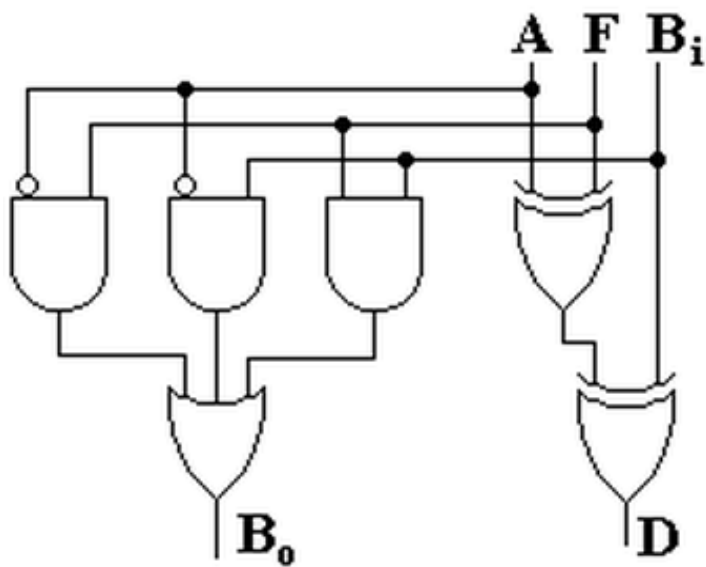
$$S = A \oplus B \oplus C_{in}$$

- E veremos que

$$C_{out} = BC_{in} + (\sim A)C_{in} + (\sim A)B$$

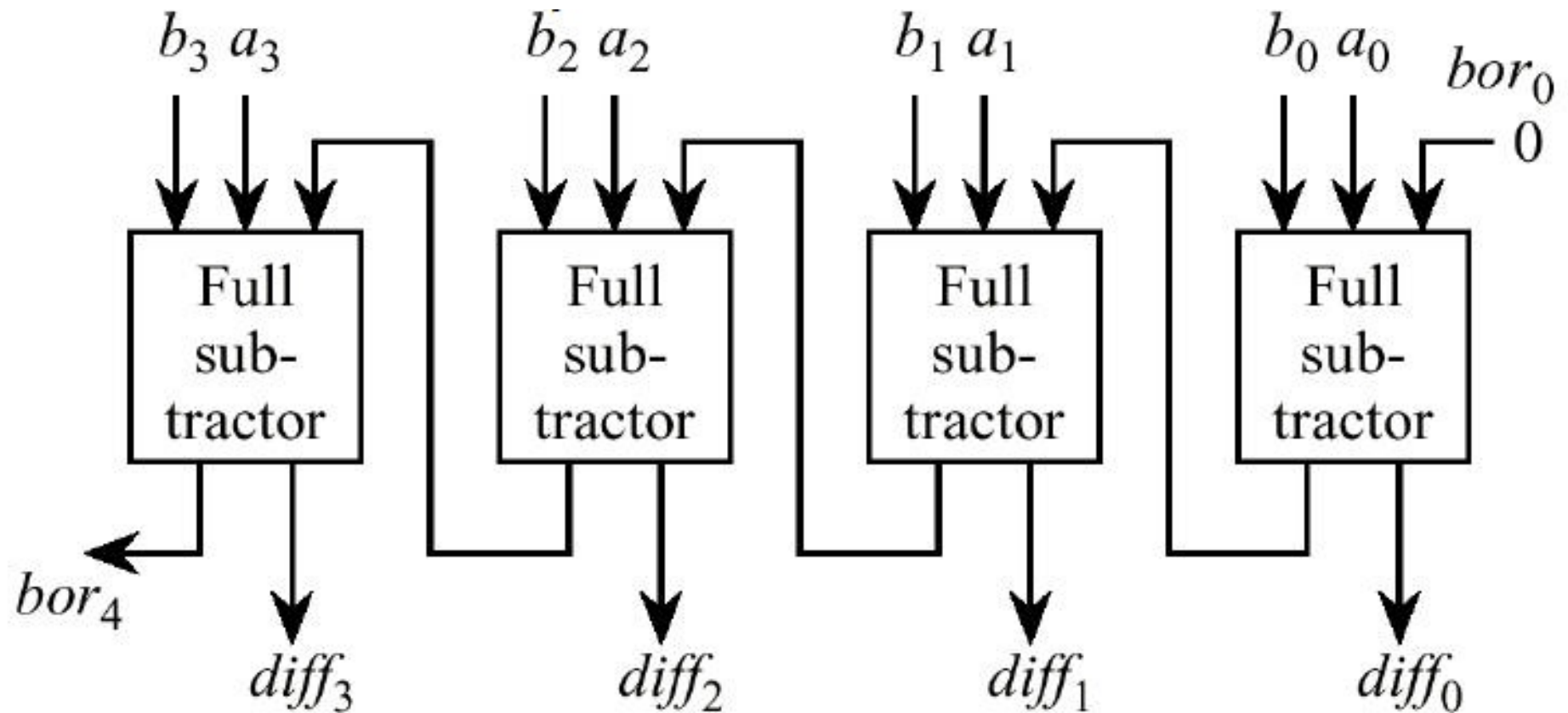
# Subtrator

- Da mesma forma que no somador, achamos o circuito do **subtrator-completo**:



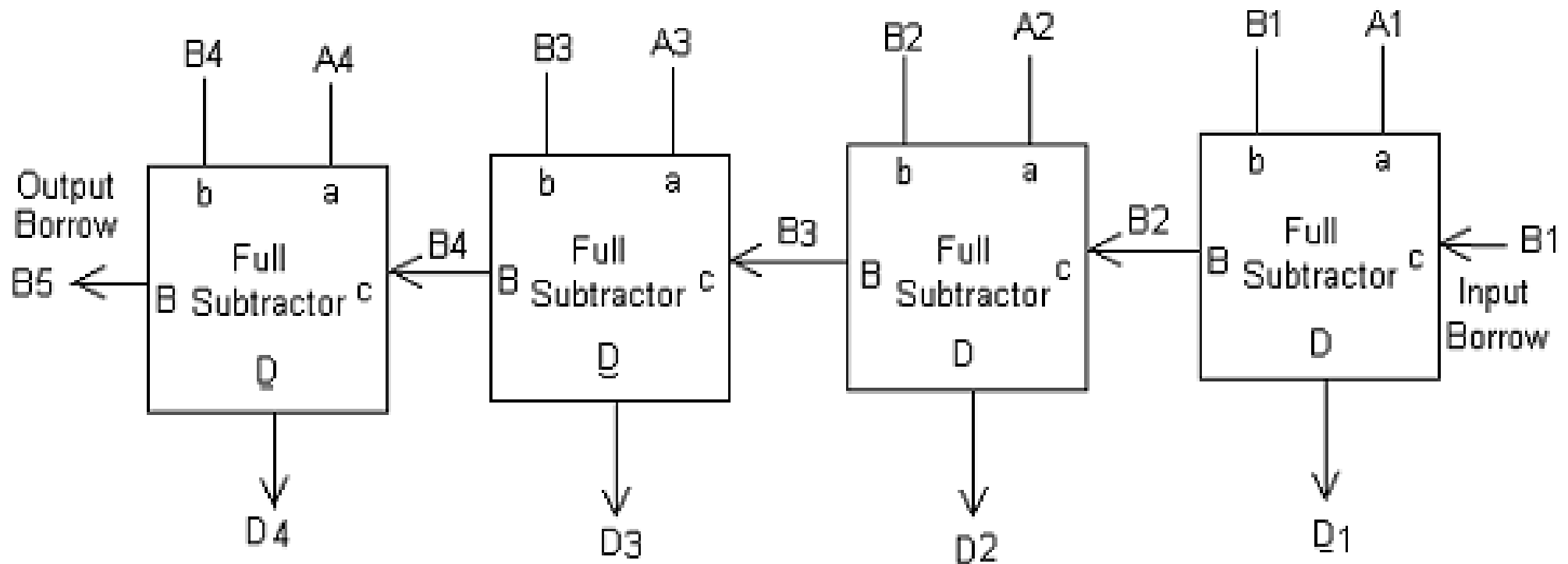
# Subtrator

- Para subtrair 2 números de 4 bits:



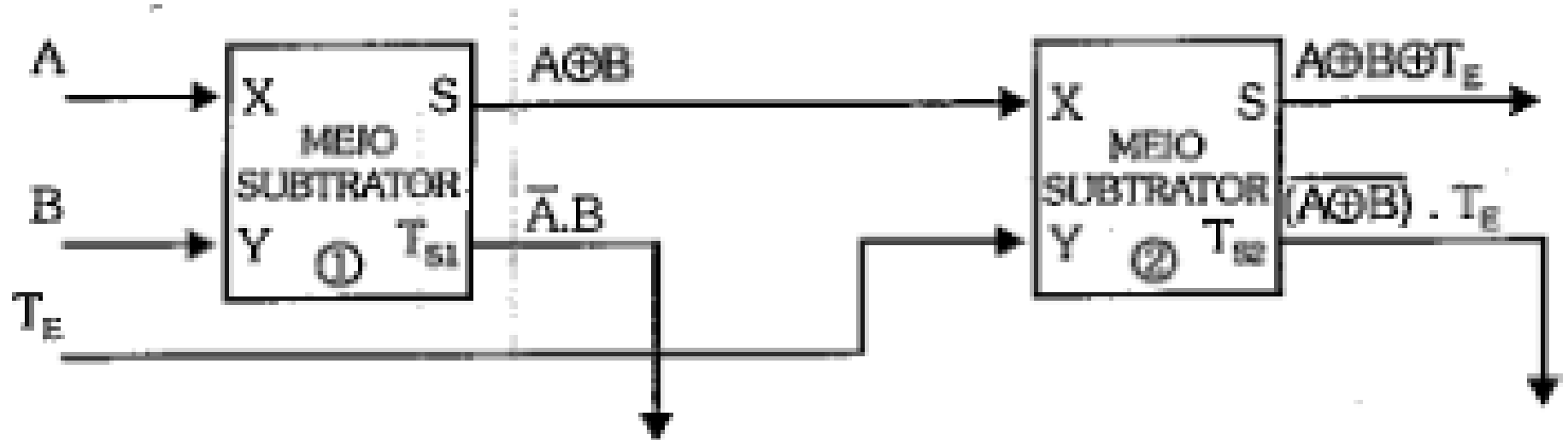
# Subtrator

- Para subtrair 2 números de 4 bits:



# Subtrator

- Da mesma forma podemos tirar um subtrator-completo a partir de 2 meio-subtratores



# Somador/Subtrator

- Podemos ver que somador e subtrator são parecidos. Podemos fazer um circuito que faz as duas coisas?
- Quero ter uma nova entrada, um **bit de controle** que quando for 0 faz o circuito efetuar soma e quando for 1 efetua subtração

# Somador/Subtrator

- Nova tabela-verdade, combinando somador e subtrator

M	A	B	T <sub>E</sub>	S	T <sub>s</sub>	
0	0	0	0	0	0	Soma Completa (M = 0)
0	0	0	1	1	0	
0	0	1	0	1	0	
0	0	1	1	0	1	
0	1	0	0	1	0	
0	1	0	1	0	1	
0	1	1	0	0	1	
0	1	1	1	1	1	
1	0	0	0	0	0	Subtração Completa (M = 1)
1	0	0	1	1	1	
1	0	1	0	1	1	
1	0	1	1	0	1	
1	1	0	0	1	0	
1	1	0	1	0	0	
1	1	1	0	0	0	
1	1	1	1	1	1	



# Somador/Subtrator

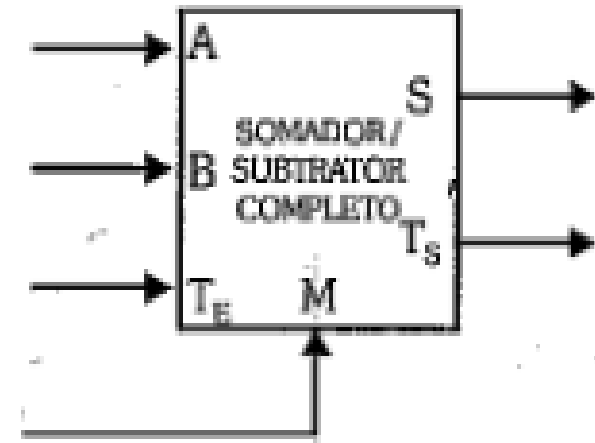
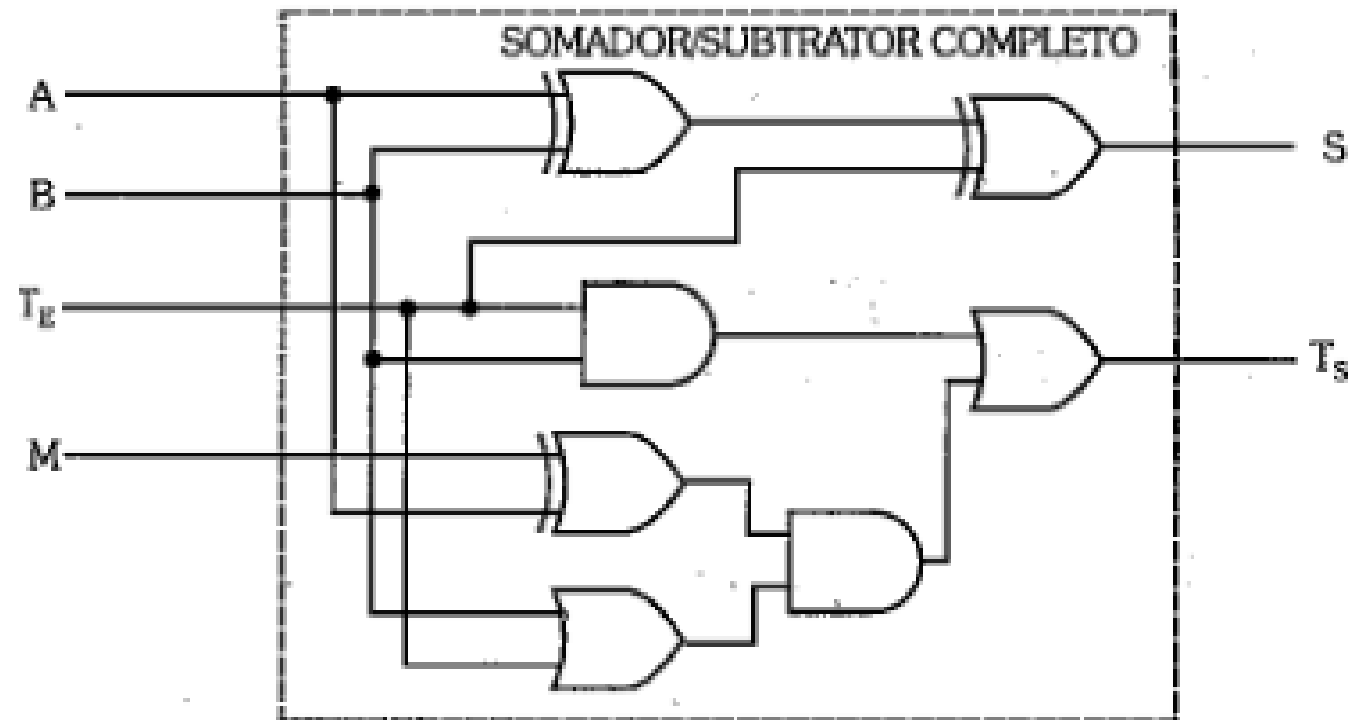
- Vamos fazer o diagrama de Karnaugh para S e T?

# Somador/Subtrator

- Vamos fazer o diagrama de Karnaugh para S e T?
- $S = A \oplus B \oplus C_{in}$
- $C_{out} = BC_{in} + (\sim M)AB + (\sim M)AC_{in} + M(\sim A)B + M(\sim A)C_{in}$
- Fatorando Cout um pouco... como fica? (dica, coloque B e Cin em evidência)

# Somador/Subtrator

- Esquema final



# Somador/Subtrator

- Há outra forma de fazer um somador/subtrator, aproveitando a semelhança entre os circuitos (nota, FA = full-adder, ou somador-completo)

