Ein mathematischer Vektor

In der Mathematik und Physik spielen Skalare und Vektoren eine große Rolle. Während man unter einem *Skalar* eine Größe versteht, deren Wert sich eindeutig durch die Angabe einer *Maβzahl* beschreiben lässt, benötigt man zur vollständigen Charakterisierung eines *Vektors* noch die Angabe einer Richtung im Raum. So lassen sich beispielsweise Windgeschwindigkeiten, Beschleunigungen, elektrische oder magnetische Feldstärken durch Vektoren beschreiben.

Implementieren Sie eine Reihe von Funktionen (auf der Basis von C-Arrays mit Elementen - sprich Richtungskomponenten - vom Typ double, die folgende Vektoroperationen bereitstellten:

- Initialisierung eines n-dimensionalen *Nullvektors* Ein Nullvektor ist ein Vektor, bei dem alle Richtungskomponenten gleich Null sind.
- Betrag eines Vektors Ein Vektor ist im anschaulichen Sinne eine gerichtete Strecke im Raum. Die Länge dieser Strecke nennt man *Betrag* des Vektors.
- Addition und Subtraktion zweier Vektoren Liefert als Ergebnis einen Vektor, dessen Komponenten die Summe (Differenz) der entsprechenden Komponenten der Summanden ist.
- Multiplikation eines Vektors mit einem Skalar Jede Richtungskomponente des Vektors ist mit einer skalaren Größe zu multiplizieren. Im Gegensatz zur Addition ist die Multiplikation eines Vektors mit einem Skalar eine sinnvolle Operation.
- Skalares Produkt zweier Vektoren Liefert als Ergebnis die Summe der Produkte der jeweiligen Komponenten der beiden Vektoren zurück (Wert vom Typ double).
- Kreuz-Produkt zweier Vektoren Liefert als Ergebnis im dreidimensionalen Fall zu zwei Vektoren wieder einen Vektor zurück, der senkrecht auf der von den beiden Ursprungsvektoren aufgespannten Ebene steht (Ergebnis vom Typ double[]).
- Vergleich zweier Vektoren auf Gleichheit oder Ungleichheit.
- Einfache Ausgabe eines Vektors auf der Konsole.

Sie dürfen bei Ihrer Implementierung für die Dimension entweder den Wert 3 oder einen allgemeinen, durch eine #define-Direktive festgelegten, Wert zu Grunde legen.

Die folgenden Funktionsprototypen stellen eine Orientierungshilfe für die zu entwickelnden Funktionen dar: