

AstéRix_alexandre_kadaoui_pracma

Teddy Leandre

23/12/2020

I. Présentation

Dans ce dossier, nous chercherons à évaluer 12 travaux comportant du code R et des concepts mathématiques. L'évaluation se fera sur la base de 5 critères de notation qui, additionné donnera une note globale sur 20 points.

1. Qualité du visuel du document sur 4 points
2. Pluralité des fonctionnalités sur 4 points
3. Fonctionnement du code sur 4 points
4. Lisibilité du code sur 4 points
5. Qualité des explications sur 4 points

II. Description

Ici nous verrons l'outil `pracma`, c'est un paquet qui permet d'effectuer des calculs mathématiques avancées. Le travail de Alexandre KADAOUI se porte sur certaines des fonctionnalités principales du paquet.

[Le Github évalué](#)

a. Commentaire

Ce package fournit des implémentations R de fonctions plus avancées en analyse numérique, avec une vue spéciale sur l'optimisation et les routines de séries chronologiques. Utilise les noms de fonction Matlab / Octave le cas échéant pour simplifier le portage.

Certaines de ces implémentations sont le résultat de cours sur le calcul scientifique

(`Wissenschaftliches Rechnen` '') et sont principalement destinées à démontrer comment implémenter certains algorithmes en R / S. D'autres sont des implémentations d' pas complexes ", intégration adaptative de Simpson et Lobatto et quadrature adaptative de Gauss-Kronrod.

Solveurs pour les équations et systèmes différentiels ordinaires, Euler-Heun, Runge-Kutta classique, ode23, ou méthode prédicteur-correcteur comme Adams-Bashford-Moulton.

Certaines fonctions de la théorie des nombres, telles que les nombres premiers et la factorisation des nombres premiers, l'algorithme euclidien étendu.

Routines de tri, par exemple `quickstep` récursif.

Plusieurs fonctions pour la manipulation de chaînes et la recherche régulière, toutes enveloppées et nommées de la même manière que leurs analogues Matlab.

Les Buts :

Il sert trois objectifs principaux:

Collecter des scripts R qui peuvent être démontrés dans des cours sur l'analyse numérique ou le calcul scientifique en utilisant R / S comme langage de programmation choisi.

Emballage des fonctions avec les noms Matlab appropriés pour simplifier le portage des programmes de Matlab ou Octave vers R.

Fournir un environnement dans lequel R peut être utilisé comme un système de calcul numérique à part entière.

La fonction : barylag2d

Interpolation de Lagrange barycentrique bidimensionnelle.

Les nombres a_i s'appellent les points d'interpolations ou encore noeuds d'interpolations.

Lorsque $f_i = f(a_i)$, la fonction f est la fonction interpolée.

On dit aussi que les valeurs $f(a_i)$ sont les valeurs interpolées. L'unique polynôme p vérifiant $p(a_i) = f(a_i)$ ($i = 0, 1, \dots, d$) s'appelle alors le polynôme d'interpolation de Lagrange de f aux points a_i . Il est noté $L[a_0, \dots, a_d; f]$ ou bien $L[A; f]$. Cette dernière notation est parfaitement valable car le polynôme d'interpolation de Lagrange dépend uniquement de l'ensemble des points et non de la manière dont les points sont ordonnés. Une manière un peu sophistiquée de traduire cette propriété est la suivante : si π est une permutation quelconque des indices $0, 1, \dots, d$ alors $L[a_0, \dots, a_d; f] = L[a_{\pi(0)}, \dots, a_{\pi(d)}; f]$. Les polynômes L_i s'appellent les polynômes fondamentaux de Lagrange. En utilisant le symbole δ_{ij} qui est l'équivalent pour le produit de ce que δ_{ij} est, une permutation des indices $0, 1, \dots, d$ est une bijection de l'ensemble $\{0, 1, \dots, d\}$ dans lui-même. [TH 1] jpc / ALG ? 1. INTRODUCTION ? L'INTERPOLATION POLYNOMIALE 5 pour la somme, on a la formule suivante qui est une variante compacte de (1.9). $\sum_{j=0}^d \delta_{ij} x^{j-1} a_j = \sum_{j=0}^d \delta_{ij} a_j$. (1.10) Avec ces nouvelles notations, l'expression (1.8) devient $L[a_0, \dots, a_d; f] = \sum_{i=0}^d f(a_i) L_i$. (1.11) Cette expression de $L[A; f]$ est connue sous le nom de formule d'interpolation de Lagrange. d) Propriétés algébriques et linéarité Il est essentiel de retenir l'équivalence suivante $p = L[a_0, \dots, a_d; p]$ (1.12) En particulier, si $p = L[a_0, \dots, a_d; p]$ = p . Il faut prendre garde que cette propriété n'est valable que lorsque le degré de p est inférieur ou égal à d . Cette relation implique des propriétés algébriques intéressantes sur les polynômes L_i . Par exemple, en utilisant que, quel que soit le nombre de points, le polynôme constant 1 est son propre polynôme d'interpolation on a $\sum_{i=0}^d L_i = 1$.

$$a_{n+1} = (a_n + b_n) / 2 \quad b_{n+1} = \sqrt{a_n + b_n}$$

Lorsqu'elle est utilisée pour des nombres négatifs ou complexes, la fonction racine carrée complexe est appliquée.

`install.packages("pracma") library(pracma) agmean(a,b) #avec a et b deux vecteurs de nombres réels ou complexes de meme longueur (ou scalaire)`

Exemples :

Example from R-help

```
xn <- c(4.05, 4.10, 4.15, 4.20, 4.25, 4.30, 4.35) yn <- c(60.0, 67.5, 75.0, 82.5, 90.0) foo <- matrix(c( -137.8379, -158.8240, -165.4389, -166.4026,
-166.2593, -152.1720, -167.3145, -171.1368, -170.9200, -170.4605, -162.2264, -172.5862, -174.1460, -172.9923, -172.2861, -168.7746,
-175.2218, -174.9667, -173.0803, -172.1853, -172.4453, -175.7163, -174.0223, -171.5739, -170.5384, -173.7736, -174.4891, -171.6713,
-168.8025, -167.6662, -173.2124, -171.8940, -168.2149, -165.0431, -163.8390), nrow = 7, ncol = 5, byrow = TRUE) xf <- c(4.075, 4.1) yf <-
c(63.75, 67.25) barylag2d(foo, xn, yn, xf, yf) # -156.7964 -163.1753 # -161.7495 -167.0424 # Find the minimum of the underlying function bar <-
function(xy) barylag2d(foo, xn, yn, xy[1], xy[2]) optim(c(4.25, 67.5), bar) # "Nelder-Mead" # $par # 4.230547 68.522747 # $value # -175.7959
```

b. Notation

Critère 1 : 1/4 Visuel peu agréable.

Critère 2 : 3/4 Différentes fonctionnalités présentés

Critère 3 : 4/4 le code fonctionne bien.

Critère 4 : 1/4 code illisible.

Critère 5 : 2/4 Explication assez complexe.

III. Conclusion

Note globale de 11/20 . Bon travail qui explique prisma mais la présentation laisse à désirer.