

Tratamento de dados em vírgula flutuante (SIMD)

Nota: as operações com dados em vírgula flutuante devem ser realizadas com instruções SSE.

- 1. Escrever fragmentos de código assembly IA-32 que implementem o seguinte código C++:
 - a) double B = 7.8, M = 3.6, N= 7.1;
 double P = -M * (N+B);
 - b) int W = 7; double X = 7.1; double Y = sqrt(X) + W;
- **2.** Escrever um fragmento de código que calcule o valor da expressão $\frac{(A-B)\times C}{(D+A)+E}$, em que todos os valores são de precisão simples.
- **3.** Escrever um programa para calcular o valor da área de um círculo dado o respetivo raio $(\pi \approx 3.1415926535897932)$.
- 4. Escrever a sub-rotina dist para calcular a distância D de um ponto P(X,Y) à origem. $D = \sqrt{X^2 + Y^2}$. O protótipo é: dist PROTO x:REAL8, y:REAL8, ptrD:PTR REAL8
- **5.** Considere o polinómio $p(x) = 1.5 x^3 12.5 x + 7$. Escreva a sub-rotina calc_poly_tab que calcula uma tabela dos valores do polinómio para valores de x pertencentes a $\{0; 0.1; 0.2; ...; 9.9; 10\}$ (ao todo são 101 valores). A sub-rotina tem o protótipo:

A sequência tab deve ser preenchida com os valores p(0), p(0,1), ..., p(9,9) e p(10).

6. O cálculo do polinómio $p(x) = a_0 + a_1 x + a_x x^2 + \dots + a_n x^n$ também pode ser realizado através do cálculo de $p(x) = a_0 + x(a_1 + x(a_2 + \dots + x(a_{n-1} + a_n x)))$ [método de Horner]. Desenvolver uma sub-rotina que calcula, para um dado x, o valor de um polinómio definido pelo seus ncoefs coeficientes a_0, a_1, \dots, a_n e guarda o resultado em res.

horner PROTO xval:REAL8, coefs:PTR REAL8, ncoefs:DWORD, res:PTR REAL8

7. Apresentar o código da sub-rotina que calcula o produto interno de dois vetores de n números reais (N > 0). Sejam $X = [x_1, x_2, ..., x_n]$ e $Y = [y_1, y_2, ..., y_n]$. O produto interno é dado por:

$$X \cdot Y = x_1 \times y_1 + x_2 \times y_2 + \dots + x_n \times y_n$$

O protótipo da sub-rotina é:

prodint PROTO vectX:PTR REAL4, vectY:PTR REAL4, N:dword, res:PTR REAL4

JCF, AJA Pág. 1 de 5

- **8.** Pretende-se escrever um programa que produza uma tabela da função $y = 100 + 50\cos(x)$ com $x \in [0^{\circ}; 90^{\circ}]$ (x em graus). Para isso, procede-se da seguinte maneira:
 - a) Escrever uma sub-rotina que calcula o cosseno de um valor real expresso em radianos, usando a seguinte variante da fórmula de Taylor:

$$\cos(x) \approx 1 - x^2 \left(\frac{1}{2!} - x^2 \left(\frac{1}{4!} - x^2 \left(\frac{1}{6!} - x^2 \left(\frac{1}{8!} - x^2 \left(\frac{1}{10!} \right) \right) \right) \right) \right)$$

cosseno PROTO x:REAL8, resultado:PTR REAL8

Sugestão: Usar uma tabela com constantes pré-calculadas.

b) Usando a sub-rotina da alínea anterior, apresentar uma sub-rotina func para calcular $y = 100 + 50 \times \cos(x)$ com x em graus.

func PROTO graus: REAL8, resultado: PTR REAL8

- c) Usando a sub-rotina da alínea anterior, escrever um programa para imprimir uma tabela de y(x) para os valores inteiros de x entre 0° e 90° .
- **9.** Considerar a função $f(x), x \in \mathbb{R}$, definida por

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{(x+\pi)^3} & \text{se } x \ge 0\\ \frac{1}{\sqrt{4-x}} & \text{se } x < 0 \end{cases}$$

Implementar a sub-rotina \mathtt{rotF} que calcula a função f(x) para qualquer valor de x. O respetivo protótipo é:

rotF PROTO argX:REAL8, resultado:PTR REAL8

10. A função erf(x) tem a seguinte aproximação racional para $x \geq 0$:

$$\operatorname{erf}(x) \approx 1 - \frac{1}{(1 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + a_4 x^4)^4}$$

com

$$a_1 = 0.278393$$
 $a_2 = 0.230389$ $a_3 = 0.000972$ $a_4 = 0.078108$

a) Apresentar uma sub-rotina que calcula o valor de $\operatorname{erf}(x)$ usando a aproximação indicada. Assumir que $x \geq 0$. O protótipo da sub-rotina é:

erfpos PROTO argX: REAL8, res:PTR REAL8

b) A função $\operatorname{erf}(x)$ é impar: $\operatorname{erf}(-x) = -\operatorname{erf}(x)$.

Apresentar uma sub-rotina que calcula $\operatorname{erf}(x)$ para qualquer valor de x com recurso à sub-rotina da alínea anterior. O protótipo da nova sub-rotina é:

erf PROTO argX: REAL8, res:PTR REAL8

JCF, AJA Pág. 2 de 5

11. Considerar uma sequência de N elementos do tipo REAL4. Escrever uma sub-rotina que determina o número de elementos desta sequência que pertencem ao intervalo [A; B]. A sub-rotina tem o seguinte protótipo:

conta_intervalo PROTO pt:ptr REAL4, N:dword, limA:REAL4, limB:REAL4

12. Durante a realização de uma experiência registou-se a velocidade de um corpo em função do tempo. A informação encontra-se armazenada em duas sequências de N elementos seqT e seqV (N >= 2). A velocidade medida no instante seqT[i] está guardada em seqV[i]. Os valores de seqT são estritamente crescentes.

Escrever uma sub-rotina que determina a velocidade do corpo no instante instT. Se existir um valor de i tal que seqT[i]=instT, então o valor a retornar é seqV[i]. No caso contrário, a função deve estimar a velocidade no instante desejado por interpolação linear dos valores registados nos dois instantes mais próximos. Assumir que seqT[0] <= instT <= seqT[N-1].

A interpolação linear entre dois pontos de uma função $y_i = f(t_i)$ e $y_{i+1} = f(t_{i+1})$ aproxima y = f(t), com $t_i < t < t_{i+1}$, por

$$y = y_i + \frac{y_{i+1} - y_i}{t_{i+1} - t_i} \times (t - t_i)$$

A sub-rotina deve ter o seguinte protótipo:

interpol PROTO seqT:PTR REAL8, seqV:PTR REAL8, instT:REAL8, resY:PTR REAL8

Assumir que todas as sequências estão corretamente alinhadas e têm um número de elementos que é múltiplo de 4.

13. Desenvolver uma sub-rotina para somar a cada elemento de uma sequência seqX o elemento correspondente de outra sequência seqY (sequências de N números de precisão simples).

addSeq PROTO C seqX:PTR REAL4, seqY:PTR REAL4, N:DWORD

14. Desenvolver e testar uma sub-rotina para multiplicar todo os elementos de uma sequências de N números de precisão simples (com N múltiplo de 4) pelo mesmo valor α .

scaleSeq PROTO seq:PTR REAL4, N:DWORD, alfa:REAL4

15. Uma sequência de N pontos (x_i, y_i) do plano está guardada em memória como uma sequência de 2N números reais $\{x_1, y_1, x_2, y_2, \dots, x_n, y_m\}$. Escrever uma sub-rotina que troca as coordenadas horizontal e vertical de cada ponto.

mirrorSeq PROTO seq:PTR REAL4, N:DWORD

JCF, AJA Pág. 3 de 5

16. Desenvolver e testar uma sub-rotina para determinar quantos elementos de uma sequência de N números de precisão simples são inferiores a um valor β .

```
lessThan PROTO seq:PTR REAL4, N:DWORD, beta:REAL4
```

[Nota: a instrução popent r32,r32/m32] coloca no destino o número de bits a "1" existentes a origem. Também pode usar dados de 16 bits.]

- 17. Pretende-se avaliar a eficiência de usar instruções SIMD em vez de instruções "escalares".
 - a) Desenvolver um programa em linguagem C/C++ que meça o tempo de execução da subrotina prodint (do exercício 7) aplicada a duas sequências de 10000 valores reais pseudoaleatórios.(Nota: consultar anexo.)
 - b) Desenvolver a sub-rotina prodintSIMD que calcula o produto interno de dois vetores de N números reais de precisão simples (N>0, N múltiplo de 4) usando instruções SIMD. prodintSIMD PROTO seqX:PTR REAL4, seqY:PTR REAL4, N:dword, res:PTR REAL4 Refazer as medições da alínea anterior usando agora a sub-rotina prodintSIMD. Comentar os resultados.
 - c) Refazer as medições das alíneas anteriores para sequências de 20000, 30000, 40000 e 50000 elementos e produzir um gráfico com os tempos obtidos.
- **18.** Refazer o exercício 11 usando instruções SIMD (precisão simples), assumindo que \mathbb{N} é múltiplo de 4 e que os dados estão devidamente alinhados.
- **19.** Considerar a seguinte sub-rotina escrita em C++.

```
#include <cmath>
void ajuste(float *X, float *Y, int n, float da)
{
  int i;
  for (i = 0; i < n; i++)
     Y[i] = Y[i] - da * fabs(X[i]);
}</pre>
```

a) Implementar em assembly a sub-rotina ajusteSIMD, que produz os mesmos resultados que o código apresentado acima.

```
ajusteSIMD PROTO seqX:PTR REAL4, seqY:PTR REAL4, N:DWORD, DA:REAL4
```

b) Escrever um programa em C/C++ que compare os tempos de execução das sub-rotinas ajuste e ajusteSIMD para sequências de vários tamanhos $(N \in \{10000, 20000, \dots, 100000\})$ com valores pseudo-aleatórios. (Nota: consultar anexo.)

Fim

JCF, AJA Pág. 4 de 5

Anexo - Medição de tempos de execução

```
#include <ctime>
#include <iostream>
#include <random>
using namespace std;
extern "C" void prodint(float* vecX, float* vecY, int N, float* res);
extern "C" void prodintSIMD(float* vecX, float* vecY, int N, float* res);
// Numero de repetições (invocação da função)
const unsigned NREP = 100000;
// Numero de elementos dos vetores
const unsigned NELEM = 10000;
// garantir alinhamento correto
_declspec(align(16)) float seqX[NELEM];
_declspec(align(16)) float seqY[NELEM];
int main()
        clock_t startTime, endTime;
        float res1;
        double tempo1;
        // preeencher com valores pseudo-aleatórios
        default_random_engine generator;
        uniform_real_distribution <float> distribution (-10.0f, 10.0f);
        for (int j = 0; j < NELEM; j++) {
                seqX[j] = distribution(generator);
                seqY[j] = distribution(generator);
        // início da contagem de tempo
        startTime = clock();
        for (int n = 0; n < NREP; n++)
                prodint(seqX, seqY, NELEM, &res1);
        endTime = clock(); // fim da contaem de tempo
        tempo1 = double(endTime - startTime) / CLOCKS_PER_SEC;
        cout << "[prodint "<< NELEM << "x" << NREP << "]\t\tTempo gasto (s): "
                 << tempo1 << endl;
        // mais código ...
        return EXIT_SUCCESS;
}
```

JCF, AJA Pág. 5 de 5