

O PDA (pushdown automata) é um  $\epsilon$ -NFA com uma stack de símbolos

- Adiciona a possibilidade de memorizar uma quantidade infinita de informação.
- O PDA só tem acesso ao topo da stack (LIFO).
- Como funciona?
  - A unidade de controlo lê e consome os símbolos do input.
  - Transição para um novo estado baseado no estado atual, símbolo do input e símbolo no topo da stack.
  - Transições espontâneas com  $\epsilon$ .
  - Topo da stack substituído por símbolos.

PDA  $P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$

- $Q$ : conjunto dos estados.
- $\Sigma$ : alfabeto.
- $\Gamma$ : alfabeto finito da stack.
- $\delta$ : função de transição.
- $q_0$ : estado inicial.
- $Z_0$ : símbolo inicial da stack.
- $F$ : conjunto dos estados finais (se for um PDA de estado final).

Transições representadas como  $a, X/\alpha$

- $a$ : símbolo do input consumido.
- $X$ : topo da stack (que será retirado - pop).
- $\alpha$ : string a colocar na stack (push) - valor mais à esquerda ficará no topo da stack.

Descrição instantânea  $(q, \omega, \gamma)$  - (ID):

- $q$ : estado.
- $\omega$ : input restante.
- $\gamma$ : conteúdo da stack.

As CFLs definidas por uma CFG são as linguagens aceites por um PDA por empty stack e também aceites por um PDA por final state.

Conversão de PDAs em CFGs:

- O evento principal do processamento de um PDA é retirar um símbolo da stack enquanto se consome o input.
- Adicionam-se variáveis à gramática para cada:
  - eliminação de um símbolo da stack X.
  - transição de p para q eliminando X, representado pelo símbolo composto  $[pXq]$

Determinismo;  $|\delta(q, s, t)| + |\delta(q, \epsilon, t)| \leq 1$

- q: estado.
- s: input.
- t: topo da stack.