## 0.1 Método da Bisseção

A partir de um intervalo, calcula-se o seu ponto médio. Se  $f(\frac{x_1+x_2}{2})$  for nulo, encountrou-se a raíz; se não, reduz-se o intervalo.

C++:

}

```
\begin{array}{lll} & \text{for (int } n=0; \ n<\ldots; \ n++) \ \{ \\ & m=(a+b) \ / \ 2; \\ & \text{if (f(a) * f(m) < 0)} \\ & b=m; \\ & \text{else if (f(a) * f(m) > 0)} \\ & a=m; \\ & \text{else} \\ & \text{break}; \\ \} \end{array}
```

Critérios de Paragem:

- 1.  $|x_1 x_2| \le \epsilon$  critério de precisão absoluta
- 2.  $\frac{|x_1-x_2|}{x_1} \leq \epsilon$  ou  $\frac{|x_1-x_2|}{x_2} \leq \epsilon$  critério de precisão relativa
- 3.  $|f(x_1) f(x_2)| \le \epsilon$  critério de anulação da função
- 4. n = N critério do número de iterações
  - $n \leq (nmerodebitsdamantissa) + \log_2(b-a)$  -> a e b são os extremos do intervalo
  - ou  $n \leq 3.3 * (nmerodedgitosdamantissa) + \log_{10}(b-a)$

## 0.2 Método da Corda ou Falsa Posição

Calcula-se a nova posição traçando-se uma corda entre os dois pontos.

$$m = \frac{a * f(b) - b * f(a)}{f(b) - f(a)}$$

 $\begin{array}{l} C++: \\ & \text{for}\,(\,\text{int}\ n\,=\,0\,;\ n\,<\,\dots;\ n++)\,\,\{\\ & w\,=\,(\,a\,\,*\,\,f\,(\,b\,)\,-\,\,b\,\,*\,\,f\,(\,a\,)\,)\,/\,(\,f\,(\,b\,)\,\,-\,\,f\,(\,a\,)\,)\,;\\ & \text{if}\,(\,f\,(\,a\,)\,\,*\,\,f\,(\,w\,)\,<\,0\,)\\ & b\,=\,w\,;\\ & \text{else}\quad\text{if}\,(\,f\,(\,a\,)\,\,*\,\,f\,(\,w\,)\,>\,0\,)\\ & a\,=\,w\,;\\ & \text{else}\\ & \text{break}\,; \end{array}$ 

## 0.3Método da Tangente ou Newton

Parte apenas de um valor plausível, substituindo este valor pelo zero da tangente neste ponto

$$x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{f'(x_k)}$$

• Implica conhecimento prévio da derivada e  $f'(x_k) \neq 0$ 

## 0.4 Método de Picard-Peano

Transforma-se uma equação f(x)=0 em x=g(x), tal que  $\mathbf{g}(\mathbf{x})$  não seja divergente. Através da equação  $x_n = g(x_{n-1})$  calculam-se pontos sucessivos até se chegar perto do 0

- Condição de convergência: g'(x) < 1
- Para sistemas de equação:  $\begin{cases} \mathbf{x} = \mathbf{g}_1(x,y) \\ \mathbf{y} = \mathbf{g}_2(x,y) \end{cases}$  Todas as derivadas parcias têm que convergir:  $\frac{\delta g_1}{\delta x}$ ,  $\frac{\delta g_1}{\delta y}$ ,  $\frac{\delta g_2}{\delta x}$ ,  $\frac{\delta g_2}{\delta y}$