## Zadání projektu z předmětu MSP

Každý student obdrží na cvičení konkrétní data (čísla ze seznamu), pro které vypracuje projekt. K vypracování můžete použít libovolné statistické programy.

- 1. Při kontrole výrobků byla sledována odchylka X [mm] jejich rozměru od požadované velikosti. Naměřené hodnoty tvoří statistický soubor v listu Data př. 1.
- a) Proveď te roztřídění statistického souboru, vytvořte tabulku četností a nakreslete histogramy pro relativní četnosti a relativní kumulativní četnosti.
- b) Vypočtěte aritmetický průměr, medián, modus, rozptyl a směrodatnou odchylku.
- c) Vypočtěte bodové odhady střední hodnoty, rozptylu a směrodatné odchylky.
- d) Testujte předpoklad o výběru z normálního rozdělení Pearsonovým (chí-kvadrát) testem na hladině významnosti 0,05.
- e) Za předpokladu (bez ohledu na výsledek části d)), že statistický soubor byl získán náhodným výběrem z normálního rozdělení, určete intervalové odhady střední hodnoty, rozptylu a směrodatné odchylky se spolehlivostí 0,95 a 0,99.
- f) Testujte hypotézu optimálního seřízení stroje, tj. že střední hodnota odchylky je nulová, proti dvoustranné alternativní hypotéze, že střední hodnota odchylky je různá od nuly, a to na hladině významnosti 0,05.
- g) Ověřte statistickým testem na hladině významnosti 0,05, zda seřízení stroje ovlivnilo kvalitu výroby, víte-li, že výše uvedený statistický soubor 50-ti hodnot vznikl spojením dvou dílčích statistických souborů tak, že po naměření prvních 20-ti hodnot bylo provedeno nové seřízení stroje a pak bylo naměřeno zbývajících 30 hodnot.

**Návod:** Oba soubory zpracujte neroztříděné. Testujte nejprve rovnost rozptylů odchylek před a po seřízení stroje. Podle výsledku pak zvolte vhodný postup pro testování rovnosti středních hodnot odchylek před a po seřízení stroje.

- 2. Měřením dvojice (*Výška*[cm], *Váha*[kg]) u vybraných studentů z FIT byl získán dvourozměrný statistický soubor zapsaný po dvojicích v řádcích v listu Data př. 2.
- a) Vypočtěte bodový odhad koeficientu korelace.
- b) Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že náhodné veličiny Výška a Váha jsou nezávislé.
- c) **Regresní analýza -** data proložte přímkou:  $V \acute{a} h a = \beta_0 + \beta_1 \cdot V \acute{y} \check{s} k a$ 
  - 1) Bodově odhadněte  $\beta_0$ ,  $\beta_1$  a rozptyl  $s^2$ .
  - 2) Na hladině významnosti 0,05 otestujte hypotézy:

$$H: \beta_0 = -100, \quad H_A: \beta_0 \neq -100,$$
  
 $H: \beta_1 = 1, \quad H_A: \beta_1 \neq 1,$ 

3) Vytvořte graf bodů spolu s regresní přímkou a pásem spolehlivosti pro individuální hodnotu výšky.

Termín pro odevzdání práce je 11 týden výuky zimního semestru ve cvičení.