

Komputasi Numerik



# PERTEMUAN 2

Grafik + Tabulasi + Bagi dua + Regula Falsi

2024/2025





Komnum Week 2

# Apa Yang Akan Kita Pelajari? (=

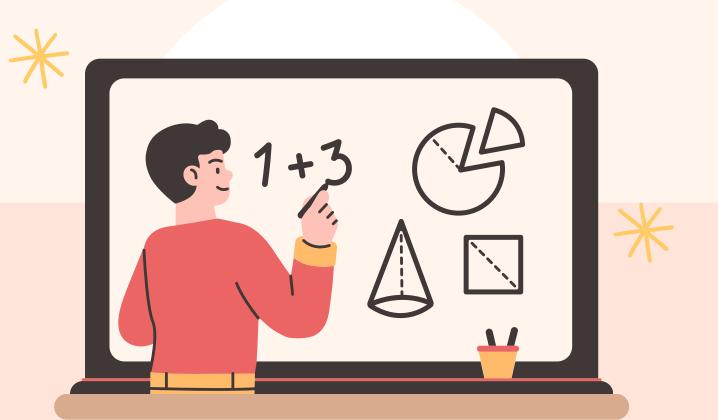
01 Pengertian Akar Persamaan

Metoda Akolade; Grafik, Tabulasi, Bolzano (Bagi dua/biseksi), Regula Falsi



# Tujuan

- Mencari
  - akar persamaan
  - $\circ$  menentukan harga X untuk f(x) = 0
  - fungsi f(x) memotong sumbu x



carilah akar

$$f(x) = x^2 - x - 6$$

$$(x-3)(x+2)=0$$

$$x = 3 \rightarrow f(x) = 0$$

$$x = -2 \implies f(x) = 0$$

Pada persamaan polinomial pangkat 2 misal  $f(x) = x^2+x-2$ 

untuk mencari x1 dan x2 kita bisa menggunakan rumus ABC

$$X_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Bagaimana untuk mencari akar persamaan:

$$f(x) = x^4 - 3x - 2 = 0$$

$$f(x) = e^{-x} - x = 0$$

$$f(x) = x^3 + x^2 - 3x - 3 = 0$$

#### Cara pemecahan

mencoba-coba, memasukkannilai x, agar f(x) menjadi 0

Hasilnya lama dan belum tentu ketemu 😊

Dalam 2 pertemuan ke depan kita akan mempelajari beberapa metode untuk mencari akar-akar persamaan.

### Pengertian Akar Persamaan



Untuk polynomial berderajat 2, tersedia magical formula "ABC", yang secara analitis dapat membantu mencari akar-akar persamaan tersebut.

Sementara untuk polynomial berderajat 3 / 4, rumus2 yang ada cukup kompleks. Kita perlu berkali2 mengucap "gladium laviosa" sebelum dapat menggunakannya. Tetapi bagaimanapun juga (secara analitis) rumus2 tsb masih dapat digunakan.

#### polynomial derajat > 4?

yang bisa kita lakukan hanyalah mencoba menyelesaikan melalui serangkaian pendekatan numeris. Dan untuk itu tersedia beragam metode yang dapat kita pilih.

# Pengertian Akar Persamaan

Cara termudah mencari akar persamaan polynomial berderajat tinggi adalah dengan menggambarkan fungsi tersebut pada koordinat cartesian. Kemudian mencari titik potong fungsi pada sumbu X.

Cara mudah lainnya?!...

Ada, tapi butuh kesabaran. Yaitu dengan mencoba2 (trial error). Tetapkan sebarang nilai x dan teliti apakah anda bisa mendapatkan f(x) = 0.

Jika gagal, coba nilai x lainnya. Sampai anda 'beruntung' menemukan f(x) = 0.

Kedua cara ini sebenarnya sudah dapat dikategorikan sebagai upaya pendekatan (walaupun tidak sistematis). Di sisi lain terdapat banyak teknik pendekatan yang secara garis besar dikelompokkan dalam 2 kelompok besar, yaitu:

Kelompok Metode Akolade (minggu ini)

Kelompok Metode
Terbuka (pertemuan
berikutnya)

Komnum Week 2



## 1. Metoda Grafik



- Taksiran kasar
- Tidak bisa dihitung Ea (error aproximate), hanya bisa dihitung Et (error true/sebenarnya)
- Pertama buat tabel untuk menggambar grafik
- Dari grafikdapatdilihat, dimanafungsi f(x) memotong sumbu x
- Titik inilah yang menyatakan harga x untuk f(x)=0

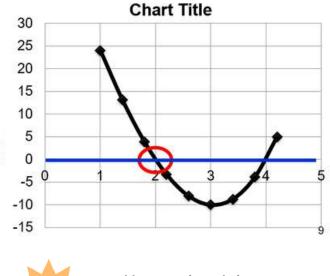
$$\% \text{ error} = \left| \frac{\text{\#experimental} - \text{\#actual}}{\text{\#actual}} \right| \times 100$$

### dapatkan akar pendekatan dari persamaan $f(x) = x^3 + x^2 - 34 x + 56$



#### Pertama, buat dulu tabel

Х	f(x)	
1	24	
1,4	13,104	
1,8	3,872	
2,2	-3,312	
2,6	-8,064	1
3	-10	
3,4	-8,736	
3,8	-3,888	
4,2	4,928	





Diketahui harga sebenarnya x = 2,

#### Sehingga kita dapat menghitung Et, yaitu:

Et = 
$$\frac{2 - (2,2)}{2}$$
 \* 100 % = 10 %

Et = kesalahan di acu terhadap harga sebenarnya





### 1. Metoda Grafik

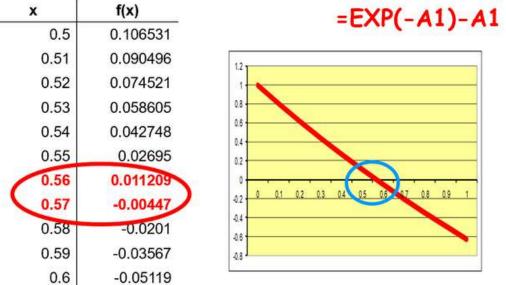


- Taksiran kasar
- Tidak bisa dihitung Ea (error aproximate), hanya bisa dihitung Et (error true/sebenarnya)
- Pertama buat tabel untuk menggambar grafik
- Dari grafikdapatdilihat, dimanafungsi f(x) memotong sumbu x
- Titik inilah yang menyatakan harga x untuk f(x)=0

$$\% \text{ error} = \left| \frac{\text{\#experimental} - \text{\#actual}}{\text{\#actual}} \right| \times 100$$

### dapatkan akar pendekatan dari persamaan $f(x) = e^{-x} - x$







Diketahui harga sebenarnya x = 0,56714329

Sehingga kita dapat menghitung Et, yaitu:

Et = kesalahan di acu terhadap harga sebenarnya



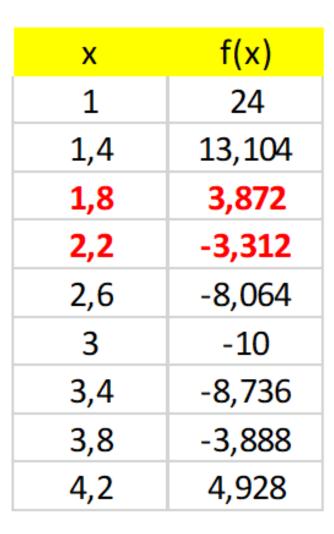


Metode Tabulasi ini sebenarnya merupakan perluasan dari metode Grafik. Karena Metode Grafik hanya memberikan pendekatan kasar, maka hasil lebih presisi dapat diperoleh melalui metode Tabulasi ini.

#### Contoh 1:

Dapatkan akar pendekatan dari persamaan dibawah ini

$$f(x) = x^3 + x^2 - 34 x + 56$$



Х	f(x)
1,8	3,872
1,82	3,460968
1,84	3,055104
1,86	2,654456
1,88	2,259072
1,9	1,869
1,92	1,484288
1,94	1,104984
1,96	0,731136
1,98	0,362792
2	0
2,02	-0,35719
2,04	-0,70874



Contoh 2: Dapatkan akar pendeketan dari persamaan  $f(x) = e^{-x} - x$ 

x	f(x)	x	f(x)	x	f(x)
0	1	0.5	0.106531	0.56	0.011209
0.1	0.804837	0.51	0.090496	0.561	0.009638
0.2	0.618731	0.52	0.074521	0.562	0.008068
0.3	0.440818	0.53	0.058605	0.563	0.006498
0.4	0.27032	0.54	0.042748	0.564	0.004929
0.5	0.106531	0.55	0.02695	0.565	0.00336
0.6	-0.05119	0.56	0.011209	0.566	0.001792
0.7	-0.20341	0.57	-0.00447	0.567	0.000225
0.8	-0.35067	0.58	-0.0201	0.568	-0.00134
0.9	-0.49343	0.59	-0.03567	0.569	-0.00291
1	-0.63212	0.6	-0.05119	0.57	-0.00447

# Metode Tabulasi <</p>

- Diketahui harga sebenarnya x = 0.56714329
- Sehingga kita dapat menghitung Et, yaitu:

Et = kesalahan di acu terhadap harga sebenarnya

Komnum Week 2

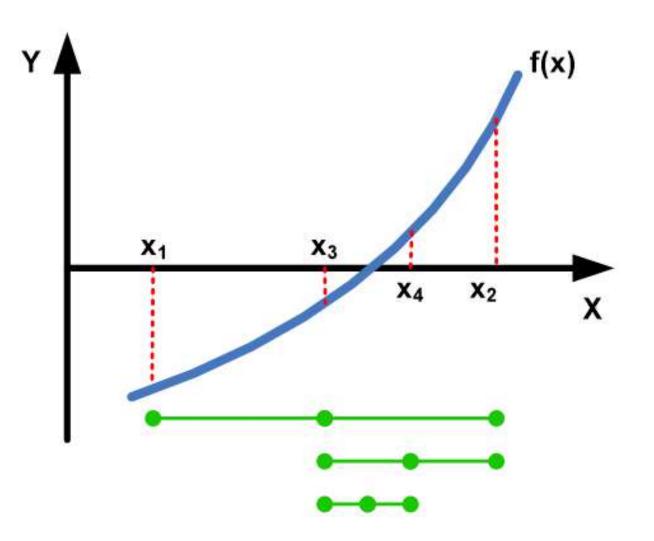
# 3. Metode Bagi Dua <

Bolzano/Biseksi

- Taksiran lebih halus dari grafik
- Disebut juga metoda setengah interval (interval halfing), bolzano atau biseksi
- Dapat dihitung Ea dan Et
- Algoritma:
- Pilih taksiran awal XL (Xlower) dan Xu (Xupper), dengan syarat f(XL) \* f(Xu) < 0, iniberartiterjadi perubahan tanda antara f(XI) dan f(Xu)

#### Metode Bolzano

- Istilah "perubahan tanda" dalam metode ini memiliki arti penting. Karena mengingat sifat fungsi yang kontinu, maka adanya 2 nilai fungsi f(xi) dan f(xi+n) yang memiliki tanda berbeda menunjukkan fungsi tersebut memotong koordinat (setidaknya satu kali) di antara xi dan xi+n
- ingat!... yang kita cari adalah nilai x dimana f(x) = 0





# Metode Bagi Dua <</p>

- 2. Taksiran Pertama Akar:  $Xr=rac{Xl+Xu}{2}$
- 3. Untuk mencari sub interval berikutnya
  - $\circ$  If  $f\left(Xl
    ight).$   $f\left(Xr
    ight)<0$ 
    - Akar terletak pada subinterval pertama,
      - maka -> Xu = Xr, lanjutkan ke no 4
  - $\circ$  If  $f\left( Xl
    ight) .$   $f\left( Xr
    ight) >0$ 
    - Akar terletak pada subinterval kedua
      - maka -> XL = Xr, lanjutkan ke no 4
  - $\circ$  If  $f\left(Xl
    ight)$  .  $f\left(Xr
    ight)=0$  akar = Xr, berhenti
- 4. Hitung taksiran baru akar :  $Xr=rac{Xl+Xu}{2}$
- 5. Putuskan: If akar cukup akurat -> hentikan If akar kurang akurat -> langkah ke 3

### **Contoh Soal 1**

#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + 10x^2 - 7x - 196$$

Batas bawah (XL) = -5 Batas atas (Xu) = 8 Nilai X sebenarnya = 4

Cari akar x dengan menggunakan metoda bagi dua (nilai 24)

- catatan:
  - o tiap iterasi cari Et dan Ea
  - ketelitian 2 angka di belakang koma
  - o cari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - tuliskan rumusnya terlebih dahulu



#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + 10x^2 - 7x - 196$$

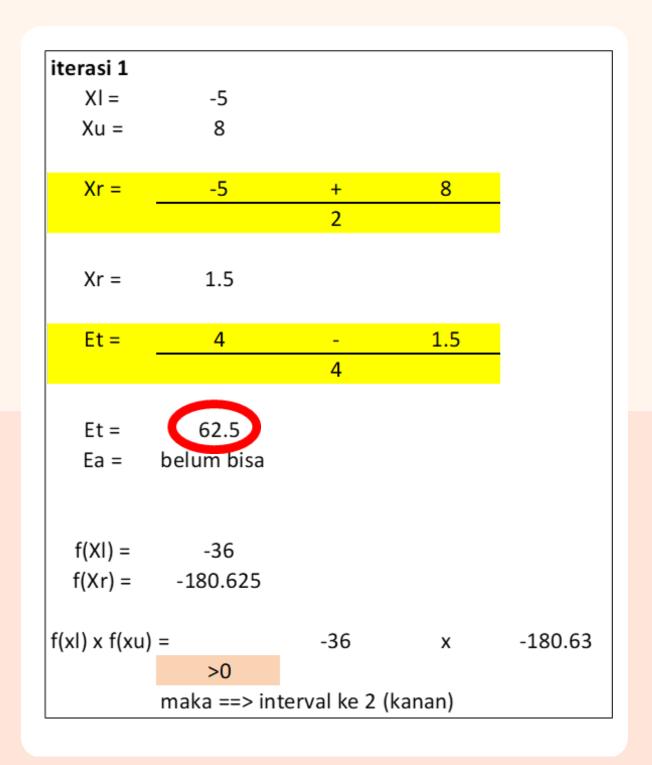
Batas bawah (XL) = -5

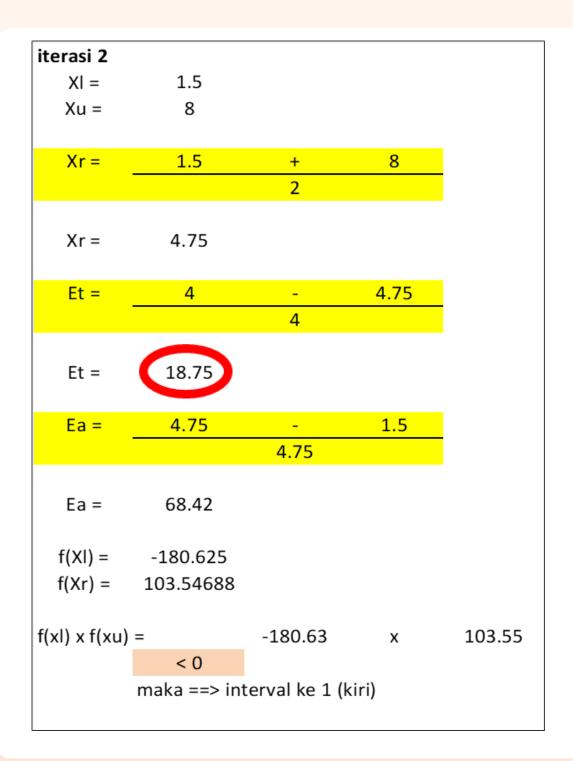
Batas atas (Xu) = 8

Nilai X sebenarnya = 4

#### Rumus

Xr =	ΧI	+	Xu
		2	







#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + 10x^2 - 7x - 196$$

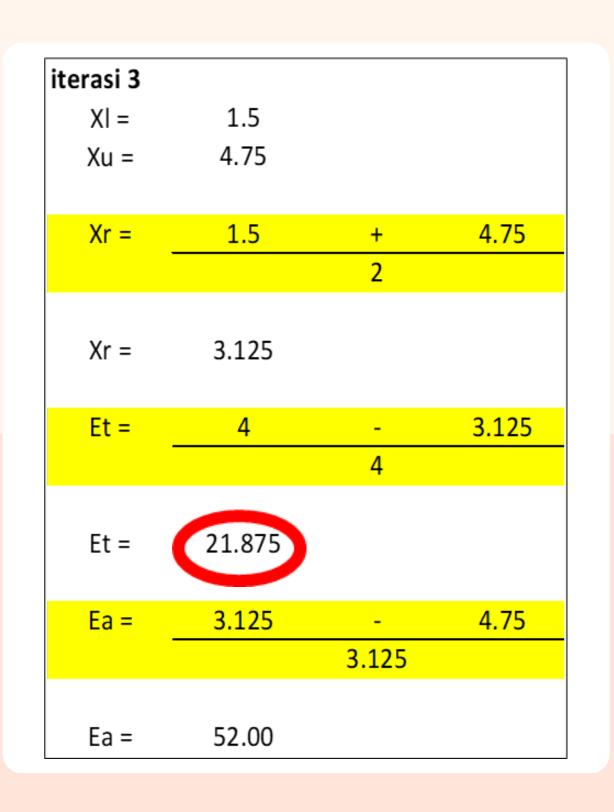
Batas bawah (XL) = -5

Batas atas (Xu) = 8

Nilai X sebenarnya = 4

#### Rumus

Xr=	ΧI	+	Xu
		2	



# Metode Bagi Dua <</p>

### **Contoh Soal 2**

#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + x^2 - 34x - 56$$

Batas bawah (XL) = -2

Batas atas (Xu) = 3

Nilai X sebenarnya = 2

Cari akar x dengan menggunakan metoda bagi dua (nilai 24)

- catatan:
  - o tiap iterasi cari Et dan Ea
  - ketelitian 2 angka di belakang koma
  - o cari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - tuliskan rumusnya terlebih dahulu

#### Rumus

Xr =	ΧI	+	Xu
		2	



#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + x^2 - 34x - 56$$

Batas bawah (XL) = -2

Batas atas (Xu) = 3

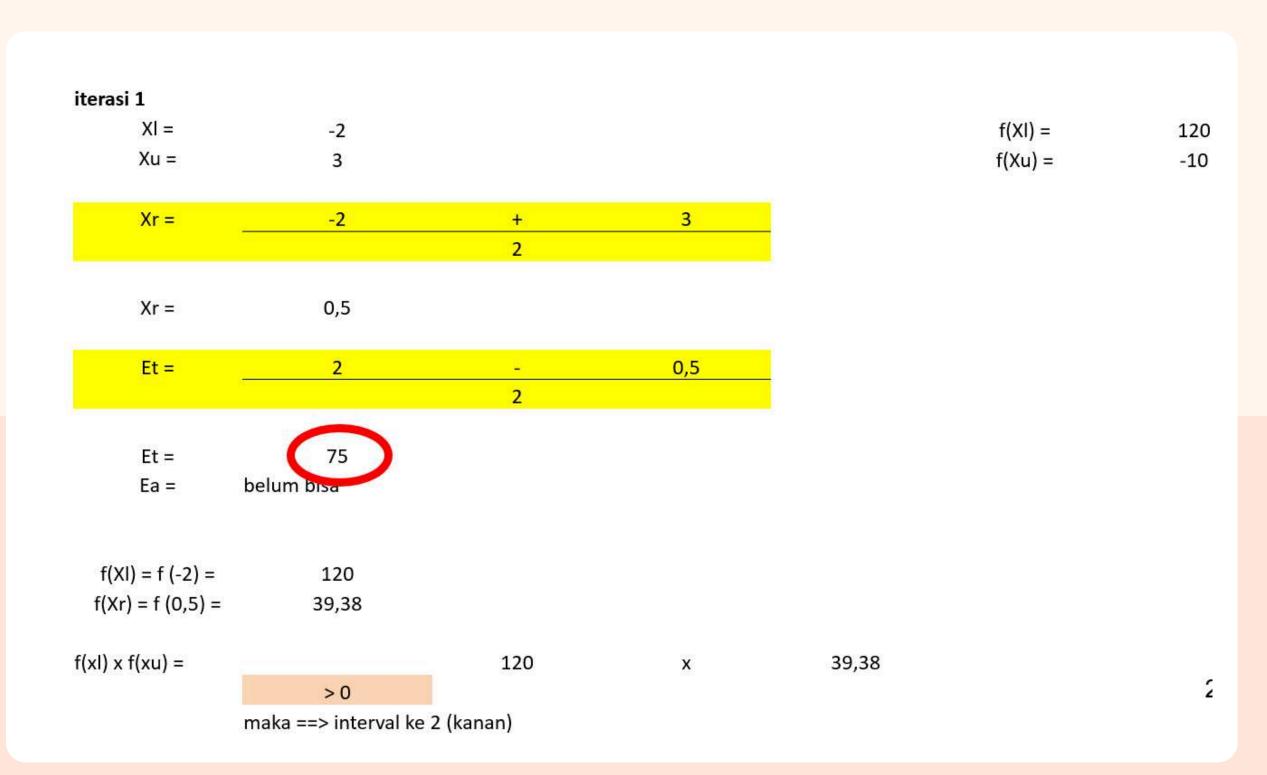
Nilai X sebenarnya = 2

Cari akar x dengan menggunakan metoda bagi dua (nilai 24)

- catatan:
  - o tiap iterasi cari Et dan Ea
  - ketelitian 2 angka di belakang koma
  - o cari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - tuliskan rumusnya terlebih dahulu

#### Rumus

Xr=	ΧI	+	Xu
		2	





#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + x^2 - 34x - 56$$

Batas bawah (XL) = -2

Batas atas (Xu) = 3

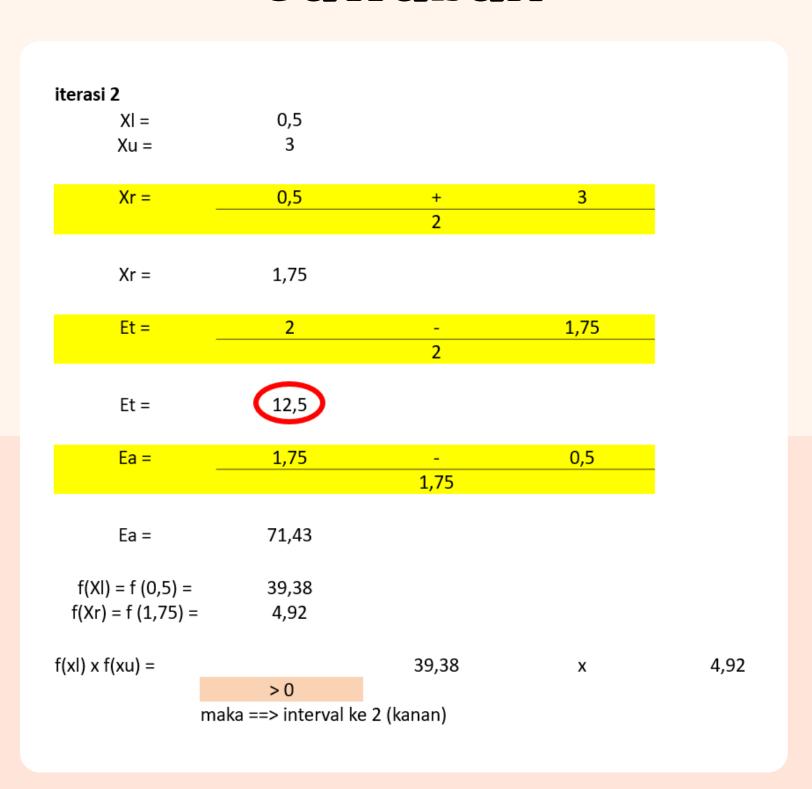
Nilai X sebenarnya = 2

Cari akar x dengan menggunakan metoda bagi dua (nilai 24)

- catatan:
  - o tiap iterasi cari Et dan Ea
  - ketelitian 2 angka di belakang koma
  - o cari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - tuliskan rumusnya terlebih dahulu

#### Rumus

Xr =	ΧI	+	Xu
		2	





#### Diketahui

$$f(x) = x^3 + x^2 - 34x - 56$$

Batas bawah (XL) = -2

Batas atas (Xu) = 3

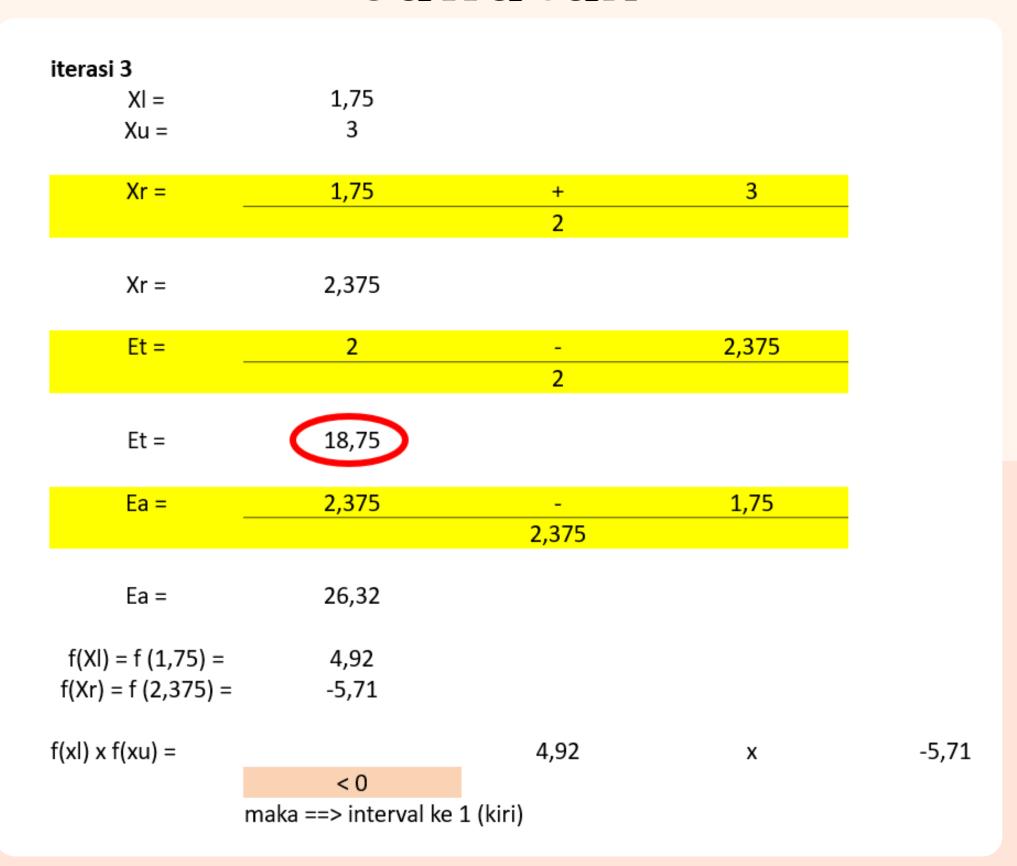
Nilai X sebenarnya = 2

Cari akar x dengan menggunakan metoda bagi dua (nilai 24)

- catatan:
  - tiap iterasi cari Et dan Ea
  - ketelitian 2 angka di belakang koma
  - o cari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - tuliskan rumusnya terlebih dahulu

#### **Rumus**

Xr=	ΧI	+	Xu
		2	



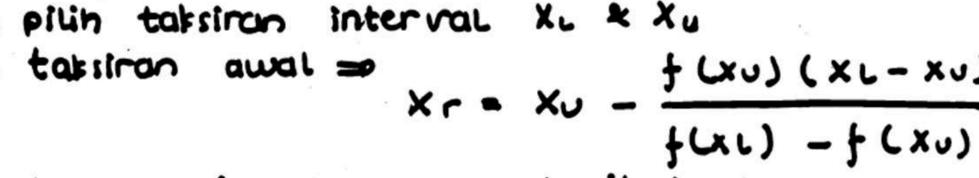


# 4. Metode Posisi Salah =

taksiran lebih haws dr m. bagidua

m. regula falsi or m. interpolasi Linier

algoritma:



y mencari sub interval berikutnyu:
→ iden dgn m. 6agi dua



# Metode Posisi Salah

#### Diketahui:

$$f(x) = x^3 + 10 x^2 - 7 x - 196$$

Contoh Soal

Batas bawah (XI) = -5

Batas atas (Xu) = 8

Nilai X sebenarnya = 4

Cari akar x dengan menggunakan (nilai 24) metoda posisi salah!

- Catt:
  - Tiap iterasi cari Et dan Ea
  - Ketelitian 2 angka dibelakang koma
  - Cari dari iterasi 1 sampai iterasi 3
  - Tuliskan rumusnya terlebih dahulu

# Metode Posisi Salah <</p>

#### Jawab:

$$Xr = Xu - \frac{f(Xu)(XL - Xu)}{f(XL) - f(Xu)}$$

$$f(x) = x^3 + 10 x^2 - 7 x - 196$$

Batas bawah (XI) = -5 Batas atas (Xu) = 8 Nilai X sebenarnya = 4

#### iterasi 1

$$XI = -5$$
  $f(XI) = -36$   
 $Xu = 8$   $f(Xu) = 900$ 

$$Xr = 8 - \frac{900 \quad ( -5 - 8 )}{-36 - 900}$$

$$Xr = -4.50$$

$$f(XI) = -36$$
  
 $f(Xr) = -53.13$ 

$$f(xl) x f(xu) = -36 x -53.13$$

maka ==> interval ke 2 (kanan)

# Metode Posisi Salah

#### iterasi 2

$$XI = -4.50$$
  $f(XI) = -53.13$   
 $Xu = 8.00$   $f(Xu) = 900$ 

$$Xr = 8 - \frac{900 \quad (-4.5 - 8)}{-53.13 - 900}$$

$$Xr = -3.80$$

$$f(Xr) = -79.74$$

f(xl) x f(xu) = 
$$-53.13$$
 x  $-79.74$   
>0

maka ==> interval ke 2 (kanan)

#### iterasi 3

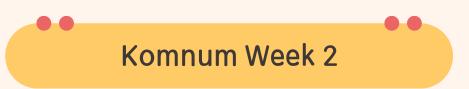
XI =	-3.80	f(XI) = -79.74
Xu =	8.00	f(Xu) = 900

$$Xr = 8 - \frac{900 \quad ( -3.80 - 8 )}{-79.74 - 900}$$

$$Xr = -2.84$$



#### https://its.id/m/komnum25



# Tugas Kelompok

- 1. Buatlah contoh soal sendiri, boleh mengarang atau mengambil dari internet:
  - a. Metodagrafik = 2 kelompok
  - b. Tabulasi = 2 kelompok
  - c. Bagi Dua = 3 kelompok
  - d. Posisi Salah = 3 kelompok
- 2. Bentuk file PPT + nama kelompok dan anggota
- 3. Berikan contoh implementasi di dunia nyata dari metode yang digunakan

#### Ditanya:

- Tiap iterasi cari Et dan Ea
- Ketelitian 2 angka dibelakang koma
- Cari dari iterasi 1 sampai iterasi 3
- Tuliskan rumusnya terlebih dahulu



Komnum Week 2



# TERIMA KASIH



Sampai Bertemu Kembali