釣魚 (Fishing)

問題敘述

傳說中存在一種金光閃閃的鯉魚,人們稱之為「金鯉魚王」;<u>白上吹雪</u>是一位熱衷於尋求「金鯉魚王」的人,她想要以釣魚的方式獲得「金鯉魚王」, 於是她準備好釣竿之後,隨即開始她的釣魚生活。

但是釣魚是一件需要十足耐心的活動,在中途選擇放棄時有所聞;假設<u>白上吹雪</u>的初始耐心程度為正整數 V_0 ,每當她釣到一隻並非「金鯉魚王」的魚,其耐心程度會減 1。<u>白上吹雪</u>有著許多的 *朋友*,<u>白上吹雪</u>的 *朋友*們皆希望她能夠順利釣到「金鯉魚王」;當她的耐心程度降為 0 時,大家會激勵她不要放棄,此時受到大家激勵的<u>白上吹雪</u>其耐心程度會獲得回復並選擇繼續釣魚。若 *朋友*越多,激勵的效果會越好,但始終不會超過上一次的初始耐心程度,具體公式如下:

$$V_t = \left[V_{t-1} \times \frac{\min(\log_2(F_t + 1), 30)}{30} \right]$$

其中 V_t 代表在第t次朋友們的激勵之後,<u>白上吹雪</u>將會回復至 V_t 的耐心程度, F_t 代表共有 F_t 位朋友參與第t次的激勵,[x]代表取x的下整數(即不超過x的 最大整數)。朋友們同樣也有其耐心,在經過N次激勵之後將不再會有B大激勵 <u>白上吹雪</u>,可將其視為 $F_{N+1}=0$;若<u>白上吹雪</u>的耐心程度無法獲得回復(即 $V_t=0$),她會因為耐心不足而選擇放棄繼續釣魚。

身為<u>白上吹雪</u>*朋友*的一員,除了適時激勵她之外,你同時也好奇在她放棄之前是否真的能夠釣到「金鯉魚王」,為此你先對會參與激勵的*朋友*數進行評估,並假設她會在第K竿釣到「金鯉魚王」,你想知道在如此模型及條件假設之下,白上吹雪至少需要多少初始耐心程度 V_0 才能夠釣到「金鯉魚王」?

輸入格式

第一行包含一個正整數 $N(1 \le N \le 4 \times 10^4)$,表示在經過 N 次激勵之後將不再會有B 方激勵白上吹雪。

第二行包含 N 個正整數 F_i ($1 \le F_i \le 2 \times 10^9$),表示在第 i 次的激勵共有 F_i 位 B 友參與。

第三行包含一個正整數 $Q(1 \le Q \le 100)$,表示接下來有 Q 筆詢問。

接下來的Q行每一行包含一個正整數 $K(1 \le K \le 2 \times 10^9)$,代表預計<u>白上吹雪</u>將會在第K竿會釣到「金鯉魚王」。

輸出格式

對於每筆詢問分別輸出一行,共輸出Q行;每行輸出一個整數 V_0 ,代表對於每筆詢問的假設中,在一開始<u>白上吹雪</u>至少需要多少初始耐心程度 V_0 才能夠釣到「金鯉魚王」。要注意的是,初始耐心程度 V_0 須為正整數。

| 輸入範例 | 輸出範例 |
|------|------|
| 2 | 5 |
| 7 3 | 300 |
| 2 | |
| 5 | |
| 330 | |
| | |

範例說明:

1. 對於第一筆詢問:

- 若 V_0 =4,則<u>白上吹雪</u>在被激勵之前可以釣 4 竿;但在被激勵之後其耐心程度無法獲得回復 (V_1 =0);故總共釣 4 竿,小於預測的 K=5,並無法釣到「金鯉魚王」。
- 若 $V_0 = 5$,則 白上吹雪在被激勵之前可以釣 5 竿,即可釣到「金鯉魚王」。
- 由上述可以得知,<u>白上吹雪</u>至少需要初始耐心程度 $V_0 = 5$ 才能夠釣到「金鯉魚王」,故輸出 5。

2. 對於第二筆詢問:

- 若 V_0 = 299,則<u>白上吹雪</u>在被激勵之前可以釣 299 竿;在第一次被激勵之後其耐心程度回復至 V_1 = 29,在下一次激勵之前可以釣 29 竿;在第二次被激勵之後其耐心程度回復至 V_2 = 1,在下一次激勵之前可以釣 1 竿;由於朋友們已失去耐心激勵<u>白上吹雪</u>,其耐心程度無法獲得回復(V_3 = 0);故總共釣 299+29+1 = 329 竿,小於預測的 K = 330,並無法釣到「金鯉魚王」。
- 若 V_0 = 300,則<u>白上吹雪</u>在被激勵之前可以釣 300 竿;在第一次被激勵之後其耐心程度回復至 V_1 = 30,在下一次激勵之前可以釣 30 竿;截至目前已可釣 300+30 = 330 竿,即可釣到「金鯉魚王」。
- 由上述可以得知,<u>白上吹雪</u>至少需要初始耐心程度 $V_0 = 300$ 才能夠釣到「金鯉魚王」,故輸出 300。

評分說明

此題目測資分成三組,每組測資有多筆測試資料,需答對該組所有測試資料才能獲得該組分數,各組詳細限制如下。

第一組 (20 分): $1 \le N \le 1,000$, $1 \le K \le 1,000$ 。

第二組 $(20 分): 1 \le K \le 4 \times 10^5$ 。

第三組 (60分): 依題敘。