

MAC105 FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICA PARA A COMPUTAÇÃO

FOLHA DE SOLUÇÃO

Nome: PEDRO GIGER FREIRE

Número USP: 10737136

Assinatura

PEDRO GIGER FREIRE

Sua assinatura atesta a autenticidade e originalidade de seu trabalho e que você se compromete a seguir o código de ética da USP em suas atividades acadêmicas, incluindo esta atividade.

Exercício: E35

Data: 02/05/2018

SOLUÇÃO

(i) SABEMOS QUE QUANTO MAIOR O n , MAIOR SERÁ O ELEMENTO DE X E QUANTO MAIOR O m , $\frac{1}{m}$ fica menor, DEIXA $n - \frac{1}{m}$ MAIOR, PORTANTO, $0 \in X$ E 0 É O MENOR ELEMENTO DE X .
VAMOS SUPOR, POR ABSURDO, QUE EXISTE $Y \subseteq X$ NÃO VAZIO QUE NÃO TENHA UM MÍNIMO.

SEJA $Z = X \setminus Y$

SE $0 \notin Z$, ENTÃO $0 \in Y$, SENDO SEU MÍNIMO, O QUE É UMA CONTRADIÇÃO. SENDO 0 A BASE, VAMOS FAZER A INDUÇÃO EM y , SENDO QUE $0 \leq y < y'$, $y' \in Z$, POR HIPÓTESE, SENDO y' O MAIOR ELEMENTO DE X .

SE $y' \in Z$ ENTÃO $y' \notin Y$, COMO $\forall y < y'$, y NÃO PERTENCE A Y , ENTÃO $Y \neq \emptyset$. CASO CONTRÁRIO, COMO $y \notin Y$ ENTÃO y' É MÍNIMO DE Y .

PORTANTO, Y TEM UM MÍNIMO. $((\forall Y \subseteq X)(\exists y \in Y)(\forall y' \in Y)(y \leq y'))$

(ii) NESSE CASO, QUANTO MAIOR O m , $\frac{1}{m}$ fica menor, DEIXANDO $n - \frac{1}{m}$ MENOR, COMO m NÃO TEM LIMITE "SUPERIOR" (UM VALOR MÁXIMO) SEMPRE EXISTIRÁ UM m' TAL QUE $n + \frac{1}{m'} \leq n + \frac{1}{m}$. PORTANTO, NÃO EXISTE UM VALOR MÍNIMO PARA Y .