



Utilize caneta azul ou preta e preencha completamente a quadrícula, como por exemplo: ■.

Não use símbolo X assim: ☒.

← Marque as quadrículas ao lado para formar o seu número USP e escreva seu nome completo em letra legível na linha pontilhada abaixo. **Se seu número possui menos que 8 dígitos complete com zeros à esquerda.**

0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9

Nome:

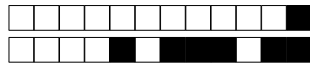
.....

*O Departamento de Ciência da Computação considera qualquer forma de plágio e outros comportamentos antiéticos uma infração disciplinar inadmissível. Na ocorrência de tais casos, o Departamento recomenda que os alunos envolvidos sejam reprovados na disciplina em questão, e que o ocorrido seja relatado à CG para as demais providências.*

Estou ciente. Assinatura:

Leia todas as questões antes de começar, pois a ordem das questões é aleatória entre os alunos. Como algumas questões podem ter relação com outras, é importante para você planejar a resolução da prova.

*Esta prova tem duração de 100 minutos. Não desmonte a prova.*



**QpiMonteCarlo [1 ponto]** Considere um quadrante (setor circular) inscrito em um quadrado unitário. Dado que a relação de suas áreas é  $\pi/4$ , o valor de  $\pi$  pode ser aproximado usando um método de Monte Carlo. Crie um programa Python que desenhe um quadrado e insira um quadrante de círculo de raio 1 dentro dele. O programa deve simular um método de Monte-Carlo que amostrasse uniformemente um determinado número de pontos sobre o quadrado. Deve então contar o número de pontos dentro do quadrante do círculo, isto é, pontos que tenham uma distância da origem menor ou igual a 1. A proporção entre a contagem interna e a total é uma estimativa da relação das duas áreas,  $\pi/4$ . Multiplique o resultado por 4 para estimar  $\pi$ . O programa deve plotar a simulação e o erro na medida que o número de pontos amostrados aumenta.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import math
```

```
def calculaErro(mcPi):
```

```
    L1
```

```
def monteCarloPi(n):
```

```
    L2
```

```
    L3
```

```
    L4
```

```
    L5
```

```
    L6
```

```
    L7
```

```
    L8
```

```
    L9
```

```
    L10
```

```
    L11
```

```
    L12
```

```
    L13
```

```
    L14
```

```
def main():
```

```
    L15
```

```
    L16
```

```
    L17
```

```
    L18
```

```
    L19
```

```
main()
```

Rascunho

Para cada um dos itens a seguir, correspondendo às lacunas no código acima, assinale a única resposta que torna o programa acima correto. Não tente montar o programa testando as combinações possíveis pois não vai dar tempo. Escreva primeiro seu programa e depois procure analisar as opções abaixo. A cada opção errada que for selecionada, desconta-se nota do exercício.

Questão 1:	L1:	<input type="checkbox"/> if (n==0): print(ERROR)	<input type="checkbox"/> return(math.sqrt((mcPi - math.pi)**2))
		<input type="checkbox"/> for (opt == 1): return(opt+1)	<input type="checkbox"/> for (n==0): print(ERROR)
		<input type="checkbox"/> print(math.sqrt((mcPi - math.pi)**2))	
Questão 2:	L2:	<input type="checkbox"/> x = np.random.uniifm(0,1,n)	<input type="checkbox"/> n = n*1
		<input type="checkbox"/> if (system()): vx0.replace[i0]	<input type="checkbox"/> vx0.replace[i0]
		<input type="checkbox"/> x = np.random.uniform(0,1,n)	
Questão 3:	L3:	<input type="checkbox"/> y = np.random.uniifm(0,1,n)	<input type="checkbox"/> 0 = n
		<input type="checkbox"/> while(k<>n):	<input type="checkbox"/> if(k<>n):
		<input type="checkbox"/> y = np.random.uniform(0,1,n)	
Questão 4:	L4:	<input type="checkbox"/> t += ((-1)**k) * (x**(2*k)) / fatorial(2*k)	
		<input type="checkbox"/> circleMask += np.sqrt(np.square(x) + np.square(y)) <+= 1	
		<input type="checkbox"/> circleMask = np.sqrt(np.square(x) + np.square(y)) <= 1	<input type="checkbox"/> axc = 1
		<input type="checkbox"/> axc += 1	
Questão 5:	L5:	<input type="checkbox"/> circleIndex = np.nonzero(circleMask)	<input type="checkbox"/> circleIndex += np.nonzero(circleMask)
		<input type="checkbox"/> elif(opt=7):	<input type="checkbox"/> if (!req): ret = -ENOMEM
		<input type="checkbox"/> for (!req): ret = -ENOMEM	
Questão 6:	L6:	<input type="checkbox"/> for (x//cand == 0): return(True)	<input type="checkbox"/> if (x//cand == 0): return(True)
		<input type="checkbox"/> areaSquare += n	<input type="checkbox"/> f += fat * n
		<input type="checkbox"/> areaSquare = n	



Questão 7:

L7: ☐ for (!req): ret = -ENOMEM ☐ areaCircle += np.sum(circleMask) ☐ n -= n\*1  
☐ areaCircle = np.sum(circleMask) ☐ n += n\*1

Questão 8:

L8: ☐ mcPi += 4.0 \* areaCircle / areaSquare ☐ mcPi = 4.0 \* areaCircle / areaSquare  
☐ for (n==0): print(ERROR) ☐ if (n==0): print(ERROR) ☐ x + 1 += x

Questão 9:

L9: ☐ erro += calculaErro(mcPi) ☐ erro = calculaErro(mcPi) ☐ opt=int(input())  
☐ n = n\*1 ☐ opt=int(print())

Questão 10:

L10: ☐ if(n>1): ☐ print(PTERR(skcipher)) ☐ if (system()): plt.scatter(x,y)  
☐ for(n>1): ☐ plt.scatter(x,y)

Questão 11:

L11: ☐ plt.scatter(x[circleIndex],y[circleIndex],c='r') ☐ vxo.replace[i0]  
☐ if (system()): plt.scatter(x[circleIndex],y[circleIndex],c='r') ☐ vxo.append[i0]  
☐ acertos.replace(0)

Questão 12:

L12: ☐ acetox[i] += 1 ☐ opt=int(print()) ☐ if (system()): plt.axis('equal')  
☐ plt.axis('equal') ☐ opt=int(input())

Questão 13:

L13: ☐ if(n>1):  
☐ if (system()): plt.title('n: ' + str(n) + ' Monte-Carlo Pi: ' + str(mcPi) + ' Erro: ' + str(erro))  
☐ plt.title('n: ' + str(n) + ' Monte-Carlo Pi: ' + str(mcPi) + ' Erro: ' + str(erro))  
☐ acetox[i] -= 1 ☐ acetox[i] -= 1

Questão 14:

L14: ☐ if (system()): plt.show() ☐ plt.show() ☐ if (f1[i] == a): f2 = f2 + t  
☐ 0 += i ☐ for (f1[i] == a): f2 = f2 + t

Questão 15:

L15: ☐ for(k<>n): ☐ if(k<>n): ☐ nmin += 10 ☐ for (x//cand == 0): return(True)  
☐ nmin = 10

Questão 16:

L16: ☐ nmax = 1000 ☐ return(PTERR(skcipher)) ☐ acertos.replace(0)  
☐ print(PTERR(skcipher)) ☐ nmax += 1000

Questão 17:

L17: ☐ step = 10 ☐ so += so + s[i] ☐ so -= so + s[i] ☐ step += 10  
☐ print(ft)

Questão 18:

L18: ☐ if (x//cand == 0): return(True) ☐ for (x//cand == 0): return(True) ☐ 0 = n  
☐ if n in range(nmin,nmax,step): ☐ for n in range(nmin,nmax,step):

Questão 19:

L19: ☐ monteCarloPi(n) ☐ if (system()): monteCarloPi(n) ☐ for (n==0): print(ERROR)  
☐ t += ((-1)\*\*k) \* (x\*\*(2\*k)) / fatorial(2\*k) ☐ t -= ((-1)\*\*k) \* (x\*\*(2\*k)) / fatorial(2\*k)