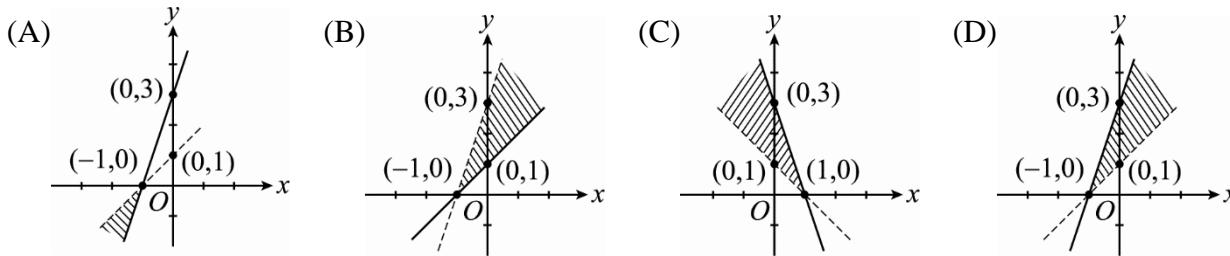


市立新北高工 105 學年度第 2 學期 期末考 試題							班別		座號		電腦卡作答
科 目	數學	命題教師		年級	一	科別	工	姓名			否

一、填充題 ( 共 17 格，一題 4 分)

1. \_\_\_\_\_ 下列何者為聯立不等式  $\begin{cases} 3x - y + 3 \geq 0 \\ y > x + 1 \end{cases}$  之圖形？



2. 已知實數  $a$ 、 $b$  滿足  $4a^2 + b^2 = 20$ ，則  $a+b$  的最大值為\_\_\_\_\_。

3. 若  $(-1, k)$  為  $3x - y < 4$  圖形內一點，則  $k$  的範圍為\_\_\_\_\_。

4. 已知  $(2, b)$  與  $(1, -1)$  在直線  $3x - y - 2 = 0$  的兩側，則  $b$  值範圍為\_\_\_\_\_。

5. 試求不等式  $|2x + 1| \geq 7$  的解？\_\_\_\_\_。

6. 不等式  $x^2 - 3x - 4 < 0$  的解為\_\_\_\_\_。

7. 不等式  $x^2 - 4x - 2 \geq 0$  之解為\_\_\_\_\_。

8. 將下式化為複數的標準式： $\frac{6(\cos 190^\circ + i \sin 190^\circ)(\cos 40^\circ + i \sin 40^\circ)}{3(\cos 80^\circ + i \sin 80^\circ)} =$  \_\_\_\_\_。

9. 不等式  $2x + 3y \leq 15$  的正整數解  $(x, y)$  有\_\_\_\_\_組。

10. \_\_\_\_\_  $(1 - \sqrt{3}i)^{15} =$  (A)  $2^{15}$  (B)  $-2^{15}$  (C)  $2^{15}i$  (D)  $-2^{15}i$ 。

11. 不等式  $x^2 - 2x + k > 0$  的解為所有實數，則  $k$  的範圍為\_\_\_\_\_。

12. 使  $z^2 = -3 + 4i$  之複數  $z$  為\_\_\_\_\_。

13. 化為複數的標準式： $2(\cos 190^\circ + i \sin 190^\circ) \times 4(\cos 70^\circ - i \sin 70^\circ) =$  \_\_\_\_\_。

14. \_\_\_\_\_ 不等式  $4x^2 + 12x + 9 \leq 0$  之解為 (A) 所有實數 (B) 所有實數但  $x \neq -\frac{3}{2}$  (C)  $x = -\frac{3}{2}$  (D) 無解

市立新北高工 105 學年度第 2 學期 期末考 試題							班別		座號		電腦卡作答
科 目	數學	命題教師		年級	一	科別	工	姓名			否

15. 設  $x$ 、 $y$  均為正實數，若  $x + y = 9$ ，則  $x^2y$  的最大值為\_\_\_\_\_。

16. 健康藥局供應兩種維他命丸，甲種維他命丸含 5 單位維他命 A，9 單位維他命 E，每粒售價 10 元；乙種維他命丸含 6 單位維他命 A，4 單位維他命 E，每粒售價 8 元。假設每人每天至少需要 40 單位的維他命 A 和 38 單位的維他命 E（僅由甲、乙兩種維他命丸提供）

(1) 設每天吃甲、乙兩種維他命丸各  $x$ 、 $y$  粒，依題意列出限制式\_\_\_\_\_

(2) 列出每日花費的函數  $f(x, y) = \underline{\hspace{10mm}}$

## 二、計算題 (一題 8 分，共 32 分)

<p>1. 設 <math>x &gt; 0</math>，<math>y &gt; 0</math>，<math>z &gt; 0</math>，若 <math>xyz = 16</math>，試求(1) <math>x + 2y + 2z</math> 的最小值 (2) 求此時 <math>x</math>，<math>y</math>，<math>z</math> 之值。</p>	<p>2. 化複數 <math>z = (\frac{1+i}{\sqrt{3}+i})^6</math> 為標準式。</p>
<p>3. 解方程式 <math>x^3 = 8i</math>。</p>	<p>4. 已知 <math>x</math>、<math>y</math> 滿足聯立不等式 <math>\begin{cases} x+2y \geq 4 \\ 2x+y \geq 5 \\ x \geq 0, y \geq 0 \end{cases}</math>，則求 <math>3x+y</math> 的最小值。</p>