



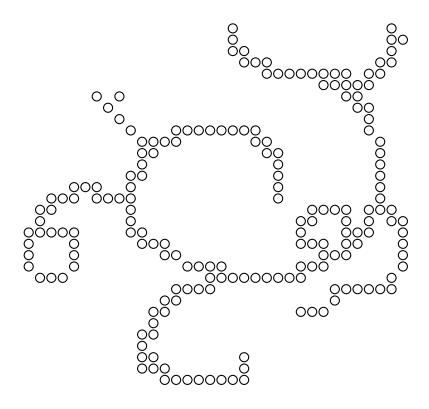


UFR Sciences Département Informatique et Interactions Site de Luminy TER Mai 2014 Laboratoire d'Informatique Fondamentale de Marseille Unité Mixte de Recherche 7279 CNRS - Aix-Marseille Université

Rapport de Travail Encadré de Recherche

Rassemblement d'agents mobiles

Eloi Perdereau



Résumé

Le problème considéré est le Gathering Problem : soit n robots placés dans le plan, tous avec des positions différentes, les faire se rassembler en un point en un nombre fini de cycles. Le point de rassemblement n'est pas fixé à l'avance. Cette tâche constitue l'une des primitives de base pour le contrôle et la coordination de robots mobiles autonomes.

Table des matières

In	Introduction		
	1.1 1.2	dre du projet Présentation du sujet	6
2 Travail réalisé		8	
Conclusion			9

Introduction

Dans le cadre de ma première année de Master informatique à Aix-Marseille Univsersité (site de Luminy), je suis amené à faire un projet (TER) encadré par un chercheur d'AMU ou un stage en entreprise. Ayant plus une vocation liée à la recherche, je me suis orienté vers un projet mêlant programmation et théorie fondamentale.

Le projet rentre dans le domaine de l'algorithmique distribuée; branche de l'informatique théorique dont le but est de développer des algorithmes pour des systèmes distribués impliquant plusieurs processus interconnectés par un réseau. Ces processus indépendants interagissent et coopèrent entre eux en vue de réaliser une tâche donnée. L'idée principal du calcul distribué est que les processus communiquent entre eux par l'envoi de messages. Néanmoins, nous nous intéressons ici à un paradigme légèrement différent : les agents mobiles. Ce sont des programmes qui peuvent se déplacer de nœuds en nœuds à l'intérieur du réseau de manière autonome. Bien qu'ils peuvent être implémentés via le modèle précédent (et font donc parti du calcul distribué), ils fournissent une abstraction plutôt naturelle pour le développement d'algorithmes tels que la détection d'intrus, l'exploration d'un réseau inconnu, ou encore la formation d'un motif par des robots (robot pattern formation problem). Ce dernier problème consiste à arranger les robots dans le plan pour qu'ils forment et conservent un motif donné.

L'objectif ici est de développer et d'implémenter une solution pour un cas particulier de ce problème : le rassemblement d'agents mobiles. Aussi appelé le GATHERING PROBLEM, beaucoup de contributions y ont déjà été apporté, impliquant souvent un plan continu ou une visibilité infinie. Nous nous restreignons ici à un espace discret et une visibilité constante des robots. De plus, le système est synchrone, c'est à dire qu'il existe une horloge globale partagée par tous les processus. Autrement dit, les algorithmes fonctionneront par *rondes* (ou *étapes*.) Pour notre cas, cela signifie que tous les robots décident et se déplacent en même temps.

Le travail à réaliser dans ce projet est donc la recherche des cas de voisinage et de déplacement des robots pour le Gathering Problem dans notre contexte. Il faut également développer une application permettant la visualisation des robots et de l'algorithme distribué. Cette partie sera faite en utilisant le langage Python et la librairie TkInter pour l'interface graphique.

Dans un premier temps je vais vous présenter plus en détail le sujet et les outils utilisés; puis je vous exposerais le travail que j'ai réalisé développant les différentes étapes de recherche d'un algorithme correct ainsi que les techniques d'implémentation utilisés. Enfin, je conclurai par un bilan personnel et professionnel.

1 Cadre du projet

1.1 Présentation du sujet

Bien que le problème ne soit théorique, nous modélisons un système plus ou moins réaliste qui pourrait émerger d'applications pratiques. Néanmoins, nous allons nous concentrer sur le développement d'un algorithme correct pour résoudre le problème posé sans se soucier des cas pratiques.

Comme énoncé dans l'introduction, nous nous plaçons dans le cadre d'un univers discret. C'est à dire que le plan peut être représenté par une grille infinie à deux dimension où chaque cellule possède 8 cellules adjacentes différentiables par leur coordonnées relatives. Les entités mobiles (ou robots) sont modélisés comme des unités de calcul ayant une mémoire locale et sont capables d'effectuer des calculs locaux. Les robots sont placés dans le plan et sont représentés par des cellules "pleines" ayant un couple de coordonnées (x, y) dans \mathbb{N}^2 . Ils sont capables de se déplacer librement dans l'espace de manière synchrone et sont dotés de capacités sensorielles leur permettant d'observer la position de leur voisin à un instant t. Plus formellement, les robots effectuent en permanence une succession de trois opérations :

- (i) Observer. Le robot observe son voisinage en activant ses capteurs qui lui renvoient un instantané des positions des robots à l'intérieur de son champ de visibilité.
- (ii) Calculer. Le robot effectue un calcul local donné par l'algorithme. Le résultat de ce calcul est un point de destination (à distance au plus 1 du robot concerné). Si ce point est la position du robot, celui-ci ne se déplace pas.
- (iii) Se_déplacer. Le robot se déplace à la position renvoyée par le calcul.

La séquence Observer-Calculer-Se_déplacer constitue un cycle de calcul, aussi appelé ronde ou étape. On définit plusieurs contraintes et suppositions sur les robots dont il faut nous soumettre.

Synchronicité Le temps est divisé en étapes (discrétisation). À chaque étape de temps, les robots effectuent une ronde, i.e. les trois opérations cités ci-dessus.

Pas de communication directe entre les robots Certains modèles permettent l'envoi de messages entre les robots en plus de leur déplacement. Cela est en effet assez réaliste si les robots sont considérés comme des machines électroniques avec des capacités de communications et un protocole défini. Ils communiquent néanmoins indirectement via leur mouvements et leur positions relatives.

Visibilité limitée Les robots ne sont capables de recevoir de leur capteurs uniquement des informations sur leur entourage restreint. Ils n'ont donc pas de connaissance du nombre total de robots où de la présence de robots en dehors de leur champ de visibilité (visibility radius.)

Homogénéité Tous les robots sont pré-programmés avec un même algorithme et commencent à la même étape. Le système étant synchrone, ils peuvent garder localement un compteur de cycle qu'ils effectuent, et ce compteur aura la même valeur pour tous les robots à chaque instant de l'algorithme.

Anonymat Il n'existe aucun paramètre global permettant de dissocier les robots. Leur capteurs leur renvoie donc que des informations sur la position des robots alentours, et nullement des particularités propres à chaque robot voisin.

Déterminisme Les voisinages déterminent le mouvement : pour un même voisinage, les robots réagissent de la même façon. L'algorithme développé sera donc déterministe. Une solution au GATHERING PROBLEM a déjà été apporté dans un contexte non-déterministe.

Points denses Plusieurs robots peuvent se retrouver dans une même position a un instant t. Il n'est pas nécessaires pour un robot de connaître le nombre de robots sur un point particulier, car une fois qu'ils sont à la même position, tous recevrons les mêmes informations de leur capteurs, et prendrons donc la même décision du fait de leur homogénéité. On peut donc les considérer comme un seul robot.

Mémoire constante Chaque robot ne peut retenir en mémoire qu'un nombre limité d'informations. Par exemple, son dernier mouvement ou son entourage précédent.

Déplacement local À chaque étape, les robots ne peuvent se déplacer que sur une cellule adjacente.

Désorientation En plus d'avoir un système de coordonnée différente, les robots ont également leur propre orientation. Nous ne pouvons donc pas nous fier à l'orientation des instantanés reçues sur les entourages et devons les considérer comme s'ils avaient subies aléatoirement des rotations successives des 90°.

Autonomie Le mécanisme de coordination utilisé par les robots pour se rassembler doit être totalement décentralisé, i.e. aucun contrôle central n'est utilisé.

Terminaison Du fait de l'autonomie des robots : à la fin de chaque étape, chaque robot doit savoir s'il est dans un état terminal ou non. Il n'y a donc pas de système global permettant la désactivation des robots à distance. Quand tous les robots sont dans un état terminal, ils s'arrêtent et l'algorithme se termine. Quand aucun robot ne se déplace lors d'une étape, le système n'évoluera plus; on dit qu'on a atteint un état quescient.

Le graphe défini comme sous graphe de l'espace ne contenant que les nœuds occupés par des robots est connexe au départ, et doit le rester après chaque cycle. C'est à dire que chaque robot est accessible par tous les autres en ne passant que par des robots à distance 1. Cette restriction est nécessaire car, intuitivement, il est très difficile, voire impossible pour un robot qui n'a pas de voisin de se rassembler avec les autres robots de l'espace dû à sa visibilité limitée. On peut dire qu'on a un point de rassemblement par composante connexe.

Concernant ce point de rassemblement, on ne peut pas garantir son unicité à cause de la désorientation des robots. Par exemple, s'il ne reste que deux robots adjacents, ils ont le même voisinage (à une rotation près), et donc à cause de leur déterminisme, il n'y a pas moyen de les dissocier pour choisir un point unique pour le rassemblement. Nous considérons donc que s'il y a 1, 2 ou 4 robots adjacents, l'algorithme peut se terminer et les robots sont rassemblés. Plus

précisément, les cas de terminaison sont exposés en figure 1.

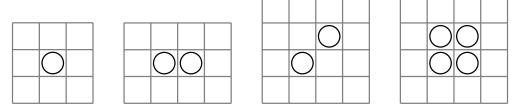


Figure 1 – Cas terminaux globaux

Pour résumer, on a un ensemble de robots sur le plan discret disposé de manière connexe qui doivent se rassembler. Ils se déplacent de manière synchrone, sont autonomes, homogènes, anonymes et désorientés. L'objectif du sujet est de trouver un algorithme déterministe à exécuter par tous les robots, qui parvient à les rassembler en un nombre de rondes fini. Je me suis d'abord attaché à déterminer les cas de voisinage à distance 1, tout en implémentant l'interface graphique permettant une visualisation et la mise en œuvre de l'algorithme. Puis il a fallu modifier, sophistiquer et prouver la correction de l'algorithme.

1.2 Déroulement du projet

Le TER a commencé le 10 mars, étant réalisé seul, et la programmation assez légère, je n'ai pas eu à utiliser de méthodes de développement très développées. J'ai néanmoins utilisé un système de gestion de version tout au long du projet. Cela m'a permis d'avoir les codes sources et toute l'historique de mon travail où que je sois (car hébergé sur internet). De plus, cela rendais la communication avec mon tuteur plus simple, il pouvais voir le travail que je réalisais à tout moment.

Une fois la base de code écrite, elle faisait l'objet de beaucoup de petites modifications temporaires pour tester les avancement de recherche effectués à côté. La preuve de l'algorithme a également fait appel à la programmation, mais cela était toujours temporaire et n'affectais pas l'application graphique, d'où la nécessité de versionner les sources.

Enfin, la soutenance s'est tenue le 2 juin devant un jury composé de membres du laboratoire d'informatique fondamentale (LIF).

1.3 Outils

Je vais vous présenter ici les outils utilisés durant le projet. La majorité sont des logiciels libres, car je pense que les privilégier est un devoir moral de tout utilisateur.

Environnement de développement Vim et tmux dans un système GNU/Linux. Vim (Vi iMproved) est un éditeur de texte modal très personnalisable en mode texte. Il est disponible par défaut sur beaucoup de distributions GNU/Linux. Tmux est un multiplexeur de terminaux en mode texte qui permet de manipuler et d'utiliser plusieurs terminaux virtuels dans un seul terminal en tant que processus système.

Rapport *La Text.* L'édition en mode texte simple (plaintext) du rapport me permet de le versionner et d'utiliser mon environnement de développement habituel. Je peux également générer et intégrer facilement au rapport des schémas à partir du code Python en utilisant le package *tikz*.

Code Python et la bibliothèque TkInter. Python est un langage interprété et interactif de haut niveau doté d'une grande variété de modules intégrés par défaut. Parmi ceux-ci, Tkinter : rapide à prendre en main, il permet la création d'interfaces graphiques simples.

Versionning Git : logiciel de gestion de versions décentralisé permettant une gestion très fine du code source ou de n'importe quel contenu texte. Le dépôt du projet est hébergé sur GitHub (http://github.com/perelo/RobotGathering), ainsi que la configuration de mon environnement de développement.

Tous ces outils me permettent de travailler confortablement sur des machines minimalement équipées, où même à travers une session ssh distante.

2 Travail réalisé

Cette section retrace le travail que j'ai réalisé durant ce projet, les difficultés que j'ai rencontré ainsi que leur solution.

Plusieurs étapes dans le processus de recherche item choix d'implémentation étapes pour arriver à l'algo final étapes de la preuve

Dans un algorithme séquentiel, pour l'implémentation, il faut 2 parcours de tous les robots : prévoir la prochaine position des robots, puis les déplacer.

étude du rassemblement de carrés?

On définit les 3 fonctions de rotation

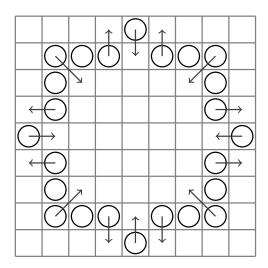
1 screenshot de l'appli

- 2.1 Recherche des cas de voisinage
- 2.2 Sophistication de l'algorithme
- 2.3 Preuve de l'algorithme
- 2.4 Programmation

IG

Conclusion

todo



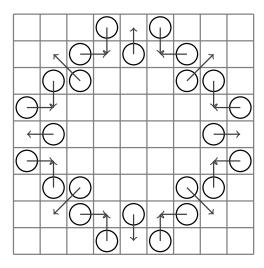


Figure 2 – Oscillation

Algorithme 1:

```
finish \leftarrow False;
k \leftarrow 0;
while not finish do
                   N_k \leftarrow get\_neighbors();
                 if k\%2 = 0 then
                                     if N_k doesn't contain any neighbor or
                                     (N_k \text{ is case } (a) \text{ or } (b) \text{ and } N_{k-2} = rotate180(N_k)) \text{ or }
                                     (N_k \text{ is case } 1.3.2 \text{ and } N_{k-2} = rotate 90(N_k)) \text{ then}
                                                      finish \leftarrow True;
                                     else if (i, j-2) and (i+1, j-2) are both empty or both full then
                                                      move according to N_k;
                                     end
                   else
                                     if (N_{k-1} \text{ is case } (f), (g), (m) \text{ or } (n)) \text{ and } ((i, j+1), (i-1, j), (i-1, j+1) \text{ are all } (i, j+1), (i-1, j+1), (i-1, j+1) \text{ are all } (i, j+1), (i-1, j+1), (i-1, j+1) \text{ are all } (i, j+1), (i-1, 
                                      empty) then
                                                   move to (i-1,j);
                                     end
                   end
                  k \leftarrow k + 1;
end
```

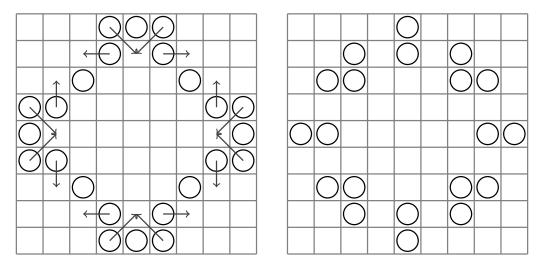


FIGURE 3 – Déconnexion

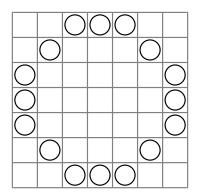


Figure 4 – Quescient

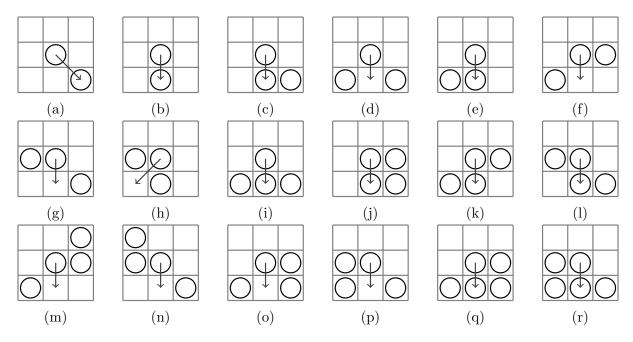


Figure 5 – Cas de voisinnage sujet à mouvement

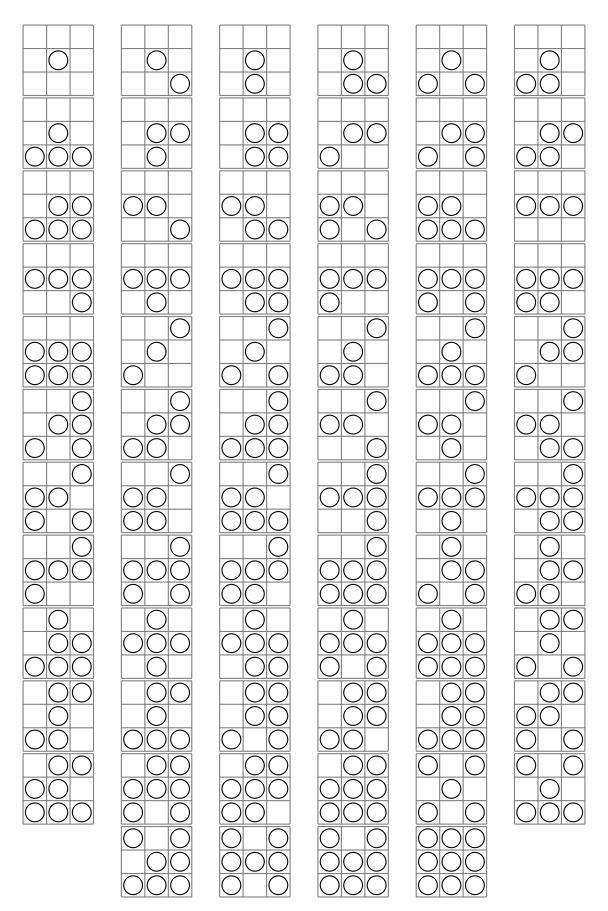


FIGURE 6 – Tous les cas de voisinnage