## Cuestionario

FECHA DE PUBLICACIÓN 26 de septiembre de 2022

#### Clases prácticas

- El objetivo de las clases prácticas es afianzar los contenidos vistos en la clase de Teoría.
- Repasaremos la teoría, pero trabajaremos generalmente con casos y ejercicios con datos.
- Por ello, necesitamos usar un programa informático: Gretl.
- Aunque no siempre es del todo posible, he agrupado los **ejercicios por temas** de la Guía Docente.
- Hay un tema adicional, el Tema 0 cuyo objetivo es empezar a usar Gretl y recordar algunos conceptos e instrumentos básicos de Estadística.
- Muchos de los ejercicios utilizan datos. Puedes descargarte los datos aquí

## Tema 0: Gretl y repaso de estadística

#### ¿Qué es Gretl?

- En el curso usaremos <u>Gretl</u>. Gretl es un paquete de software para **análisis econométrico**.
   Con Gretl se pueden hacer análisis estadísticos y estimar una amplia gama de **modelos** econométricos.
- Gretl es **software libre**. La página web de Gretl está <u>aquí</u>.
- Lo usaremos a través de **menús**, pero incluye un potente lenguaje de programación: **Hansl**.

#### ¿Cómo me instalo Gretl?

• Gretl es un programa libre y gratuito. Puedes descargarlo aquí.

#### ¿Cómo aprendo a usar Gretl?

- Usaremos Gretl a través de menús, por lo que en 2-3 clases os manejaréis bastante bien con Gretl.
- Si quieres aprender a usar Gretl en profundidad, entonces sí necesitas un manual.

#### Manuales de Gretl

- El propio Gretl tiene manuales de Gretl, concretamente en la pestaña Ayuda encontrarás varias guías. Los más interesantes son: Guía del usuario, Guía de instrucciones y Hansl primer.
- El manual más reciente que conozco está aquí. Son 386 paginas.
- Puedes encontrar fácilmente manuales en castellano buscando en internet. Por ejemplo, aquí, aquí o aquí tienes algunos.

### Ejercicio 1

#### Objetivo

**Empezar a usar Gretl** mientras recordamos algunos instrumentos y conceptos estadísticos básicos.

#### Datos (los datos siempre están en aula virtual)

- Están en el fichero to\_ej\_01\_interest-rate.gdt
- Datos referentes a 2 tipos de interés (i\_long e i\_short) y un agregado monetario (M2)
- Son datos antiguos, pero ilustran muy bien las ideas y conceptos que quiero recordar
- 1. Abre en Gretl el fichero de datos to\_ej\_01\_interest-rate.gdt

Pista >

2. Visualiza los datos de las variables i\_long e i\_short. ¿Qué valores toman las variables en 1990?

Pista >

3. Haz un gráfico temporal de esas 2 variables.

Pista >

4. Con la variable i\_long, haz un **histograma**, también llamado gráfico de barras o gráfico de distribución de frecuencias. Interpreta el gráfico, ¿qué información proporciona? ¿Se distribuye i\_long aproximadamente como una normal?

#### Pista

- 6. Gráfico de dispersión entre i\_long e i\_short. Interpreta. ¿Están relacionadas las 2 variables?

>

7. Gráfico de dispersión entre i\_long y M2. Interpreta.

5. Estadísticos descriptivos para i\_long. Interpreta.

8. Matriz de correlaciones entre i\_long, i\_short y M2. Interpreta.

### Ejercicio 2

#### Objetivo

Recordar, de forma intuitiva, qué es una **función de densidad**. Nos vendrá bien cuando hagamos contrastes de hipótesis.

- 1. Supongamos que la altura de la población española se **distribuye como una Normal** con media 180 centímetros y desviación típica 10 centímetros.
  - Dibuje la distribución de la variable.
  - ¿Qué probabilidad hay de que al seleccionar a un español al azar mida más de 2 metros?
- 2. Vamos ahora a recordar algunas propiedades de la  $N(0,1)\,$ 
  - $\circ\,$  Dibuje a mano una N(0,1)
  - $\circ$  Situe en el eje x los valores: +1,96, 0 y -1,96.
  - ¿Qué probabilidad hay de que aparezca un valor mayor o gual que +1,96? ¿ Y mayor que 0? ¿Y de que sea mayor que -1,96?
  - ∘ Haga lo mismo con los valores -1,64 y +1,64

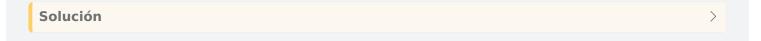
### Ejercicio 3

#### Objetivo

- Recordar, de forma intuitiva, una propiedad de los logaritmos (naturales o neperianos).
   Concretamente que "los cambios en logaritmos aproximan tasas de variación en las variables originales".
- Nos vendrá bien cuando usemos modelos con las variables en logaritmos. Será allá por el tema 5.

Abajo tienes una tabla con la evolución de los salarios de Juan y María. Rellena los huecos de la tabla para saber cuanto se han incrementado sus salarios y, sobre todo, ver cómo podríamos aproximar el crecimiento de una variable (en este caso el salario) si sólo tuviésemos información sobre el logaritmo de la variable.

Salario de Juan	variación absoluta	Tasa de variación	Variación en %	Ln (salario)	Incremento del logaritmo
100				4,605	
105	5	0,050	5,0%	4,654	0,049
107	2			4,673	
112	5	0,047			
115	3			4,745	4,745
Salario de María	variación absoluta	Tasa de variación	Variación en %	Ln (salario)	Incremento del logaritmo
100				4,605	
150	50			5,011	
400	250	1,667	166,7%		
1300	900			7,170	



# **Tema 1:** Modelos Econométricos y datos económicos

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿Qué es la Econometría? ¿Qué hace la Econometría?
- 2. La ecuación  $Y = AK^{\alpha}L^{\beta}$  ¿es lineal? ¿es un modelo econométrico?
- 3. ¿Qué etapas requiere un estudio econométrico?
- 4. ¿En qué se diferencian los datos de corte transversal de los de corte temporal?

# Tema 2: Regresión lineal simple: geometría

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. Escriba un MRLS y nombre sus componentes
- 2. ¿Cómo se estiman los parámetros del modelo anterior?
- 3. ¿Cómo se interpretan  $\beta_1$  y  $\beta_2$ ? ¿Y  $\hat{\beta_1}$  y  $\hat{\beta_2}$ ?
- 4. Enuncie las 4 propiedades descriptivas
- 5. ¿Qué es el  $\mathbb{R}^2$ ? Si  $\mathbb{R}^2=0.8$  ¿cómo se interpreta?

## Ejercicio 1 (estimación a mano)

#### **Objetivo**

Recordar y practicar el proceso de estimación por MCO y los elementos del modelo teórico y del modelo estimado (o recta de regresión). Para ello usaremos un conjunto de datos muy simple, con sólo 5 observaciones.

Vamos a estimar "a mano", bueno, en realidad usaremos Gretl para calcular lo que nos haga falta. También podemos mirar <u>aquí</u>

#### **Datos**

- En el fichero t2\_ej\_01\_estimar-a-mano.gdt.
- Datos simples con solo 5 observaciones para  $x \in y$

Los datos pueden verse en la tabla adjunta:

x	у
5	6
7	3
4	9
6	3
3	9

- 1. Plantee un modelo de regresión lineal simple donde y sea la variable dependiente y x la variable independiente.
- 2. Escriba las expresiones de los estimadores MCO
- 3. Obtenga las estimaciones MCO y especifique el modelo estimado

#### Resultados

4. Interprete el valor del parámetro asociado a la variable independiente o explicativa ( $\beta_2$ )

>

>

>

>

- 5. Interprete el valor del estimador de  $\beta_2$  (!!)
- 6. Interprete el valor de la estimación de  $\beta_2$
- 7. Calcule los valores ajustados o estimados  $(\hat{y})$  de la variable dependiente o regresando (y)

#### **Resultados**

- 8. Calcule los residuos ( $\hat{u}$ ) del modelo
- 9. Represente gráficamente las observaciones (diagrama de dispersión o nube de puntos x-y), la recta de regresión ajustada, señalando los valores ajustados y los residuos.

#### Resultados

- 10. Verifique el cumplimiento de las 4 propiedades descriptivas
- 11. Descomponga la varianza total de la variable dependiente en varianza explicada por la regresión y varianza residual
- 12. Calcule el coeficiente de determinación  $(\mathbb{R}^2)$  por los métodos que conozca (hay 2 métodos de cálculo)
- 13. Interprete el valor del coeficiente de determinación
- 14. Finalmente, estima el modelo otra vez, pero ahora con Gretl. Los datos están en el fichero t2\_ej\_01\_estimar-a-mano.gdt

#### Resultados

## Ejercicio 2 (zoólogo)

#### Objetivo

Seguir practicando, ahora de manera menos mecánica, más abierta, la especificación, estimación e interpretación de un MRLS

#### Enunciado y datos

- Un zoólogo piensa que existe una relación aproximadamente lineal entre los pesos y las longitudes de una especie de mamíferos. Para estudiar esta relación dispone de una muestra formada por veinte ejemplares de los que se dispone las siguientes variables: peso y longitud. la variable peso está expresada en kilogramos y la variable longitud en centímetros.
- Los datos están en el fichero t2\_ej\_02\_zoologo.gdt.

En la siguiente tabla puedes ver los datos de las 5 primeras observaciones:

EJEMPLAR	peso	longitud
1	2.1	44
2	2.7	49
3	2.5	51
4	1.4	43
5	1.9	39

- 1. Plantee un MRLS que relacione el peso y la longitud de los animales
- 2. Estime con ordenador el modelo anterior

#### Resultados de estimación

- 3. Interprete el estimador de la pendiente
- 4. Interprete la estimación de  $\beta_2$
- 5. Interprete el valor del coeficiente de determinación  $(\mathbb{R}^2)$
- 6. ¿Qué peso tendrá un animal de 45 centímetros?
- 7. ¿Qué peso tendrá un animal de 300 centímetros?
- 8. Si un animal es tres centímetros **más** largo que otro, ¿qué diferencia de peso cabe esperar?
- 9. Si un animal es dos centímetros **menos** largo que otro, ¿qué diferencia de peso cabe esperar?
- 10. Interprete el término independiente ( $\beta_1$ ) y su estimación

- 11. Si el peso se expresase en gramos y la longitud en centímetros, ¿qué estimación se obtendría?
- 12. Si el peso se expresase en kilogramos pero la longitud en metros, ¿qué estimación se obtendría?

## Ejercicio 3 (val\_acc-val\_con)

#### **Objetivo**

Seguir practicando la especificación, estimación e interpretación en un MRLS pero con un caso más realista, en el que aparecen tópicos, que no podemos analizar en profundidad a estas alturas del curso, pero que aparecen más adelante en el curso, como observaciones anómalas, heterocedasticidad y logaritmos. Seguramente pediré este ejercicio para casa.

#### **Datos**

- Los datos están en el fichero t2\_ej\_03\_valac-valcon.gdt.
- Son datos antiguos pero dan mucho juego por la presencia de un valor anómalo.
- Este fichero recoge observaciones de 161 empresas españolas sobre las siguientes variables:
  - **valor acc** = Valor total de las acciones de la empresa
  - valor\_contable = Valor contable de la empresa
- 1. Análisis previo de los datos:
  - a. ¿qué tipo de datos son?
  - b. Obtén estadísticos descriptivos de las 2 variables.
  - c. Representa las 2 variables en un gráfico de dispersión. ¿hay relación entre ellas?
  - d. ¿Detectas algún valor anómalo?
- 2. Plantea y estima por MCO un MRLS que relacione las 2 variables:

#### Pista



- a. Escribe la ecuación de la recta o modelo estimado
- b. Interpreta el coeficiente estimado para  $eta_2$
- c. Interpreta el coeficiente estimado para  $\beta_1$
- d. Interpreta el valor de  $\mathbb{R}^2$
- e. ¿Qué problema crees que puede originar en la estimación el valor anómalo?
- 3. Elimina el valor anómalo y vuelve a estimar el modelo.

- a. Observa cómo cambia el coeficiente estimado.
- b. Representa la variable endógena estimada y los residuos.
- c. ¿Observas alguna relación entre los residuos y la variable explicativa? Sí, se aprecia que posiblemente haya "heterocedasticidad" (!!!!)
- 4. Vamos a estimar otra vez el mismo modelo (otra vez sin Nicolás Correa) pero con las las variables del modelo en logaritmos (!!!)

Pista

- >
- a. Estima el modelo en logaritmos (modelo doblemente logarítmico) sin Niscolas Correa, o sea, con 160 observaciones
- b. Interpreta el coeficiente estimado para  $\beta_2$
- c. Visualiza la variable dependiente estimada y los residuos para sacar conclusiones. ¿Hay "heterocedastiocidad"?

# **Tema 3:** Regresión lineal simple: estadística y contraste de hipótesis

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿Cuales son las h.e.b? ¿Para qué se necesitan?
- 2. ¿Cómo son los estimadores MCO si se cumplen las h.e.b? ¿Qué significa que los estimadores sean ELIO? ¿Propiedades probabilísticas? ¿De que depende la varianza de los estimadores?
- 3. ¿Cómo se distribuyen los estimadores MCO? ¿Cómo se estima la desviación típica de los estimadores?
- 4. ¿Qué es el ratio t? ¿Cómo se hace un contraste con el t-ratio? ¿Diferencias entre contrastes a una cola y a 2 colas? ¿Qué es el p-value?

## Ejercicio I (contrastes con t-ratio)

#### Objetivo

Recordar y practicar los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS

#### Datos

- Los datos están en el fichero t3\_ej\_01\_contrastes.gdt.
- El fichero tiene 3 variables: y, x y z
- 1. Estime el modelo  $y=eta_1+eta_2 x$  , e interprete la estimación de  $eta_2$

#### Resultados de estimación

>

- 2. Obtenga, "a mano"  $\hat{\sigma}^2_{\hat{eta_2}}$ , Gretl la llama <code>Desv. típica</code>. Para ello antes ha de obtener  $\hat{\sigma}^2$ , Gretl la llama <code>D.T.</code> de la regresión
- 3. Contraste la significatividad individual de  $oldsymbol{x}$
- 4. Interprete el resultado del contraste anterior ¿qué significa, que implica el resultado?
- 5. Contraste, otra vez, la significatividad individual de x, pero ahora usando el p-value
- 6. Construya un intervalo de confianza (IC) al 95% para  $\beta_2$
- 7. Un IC al 90% ¿será más amplio, o más estrecho? Calcúlelo

## Ejercicio 1b

#### Objetivo

Seguir practicando los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS. Está vez la variable será  ${f no}$  significativa

#### **Datos**

- Usaremos los mismos datos del ejercicio anterior. Están en el fichero t3\_ej\_01\_contrastes.gdt.
- 1. Estime el modelo  $y=eta_1+eta_2z$  , e interprete la estimación de  $eta_2$

#### Resultados de estimación

- 2. Obtenga, "a mano"  $\hat{\sigma}^2_{\hat{eta}_2}$ , Gretl la llama <code>Desv. típica</code>. Para ello antes ha de obtener  $\hat{\sigma}^2$ , Gretl la llama <code>D.T.</code> de la regresión
- 3. Contraste la significatividad individual de z
- 4. Interprete el resultado del contraste anterior ¿qué significa, que implica el resultado?
- 5. Contraste, otra vez, la significatividad individual de x, pero ahora usando el p-value
- 6. Construya un intervalo de confianza (IC) al 95% para  $\beta_2$
- 7. Un IC al 90% ¿será más amplio, o más estrecho? Calcúlelo

## Ejercicio 2 (más contrastes)

#### Objetivo

Seguir practicando los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS. Está vez sabremos qué son las variables, por lo que podremos hablar de **significatividad práctica** o económica. También realizaremos contrastes para distintos niveles de significación ( $\alpha$ ).

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t3\_ej\_02\_salario.gdt.
- ullet El fichero tiene 3 variables: salario, educacion, experiencia y antiguedad
- 1. Estime el modelo  $salario = \beta_1 + \beta_2 educacion$

#### Resultados de estimación

- 2. Contraste la significatividad individual del regresor educacion al 5%
- 3. Contraste la significatividad individual del regresor educacion al 10% y al 1%
- 4. Interprete el resultado de los contrastes anterior ¿qué significa, que implican los resultados?
- 5. La educacion es una variable estadísticamente significativa, para cualquier nivel de significación, pero ¿es significativa en la práctica?
- 6. Repita los contrastes, pero ahora usando el p-value

## Ejercicio 2b

#### **Objetivo**

Seguir practicando los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS. Está vez el regresor no será significativo para todos los niveles de significación.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t3\_ej\_02\_educacion.gdt.
- ullet El fichero tiene 3 variables: salario, educacion y experiencia
- 1. Estime el modelo  $salario = \beta_1 + \beta_2 experiencia$

#### Resultados de estimación

>

- 2. Contraste la significatividad individual del regresor experiencia al 5%
- 3. Contraste la significatividad individual del regresor experiencia al 10% y al 1%
- 4. Interprete el resultado de los contrastes anterior ¿qué significa, que implican los resultados?
- 5. La *experiencia* es una variable estadísticamente significativa, al menos al 5%, pero ¿es significativa en la práctica?
- 6. Repita los contrastes, pero ahora usando el p-value
- 7. Obtenga un IC para  $\beta_2$  al 95%. Interprete
- 8. Obtenga un IC para  $\beta_2$  al 99%. Interprete

## Ejercicio 2c

#### **Objetivo**

Seguir practicando los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS. Está vez el regresor no será significativo al 5%.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t3\_ej\_02\_educacion.gdt.
- ullet El fichero tiene 3 variables: salario, educacion y experiencia
- 1. Estime el modelo  $salario = eta_1 + eta_2 antiguedad$

#### Resultados de estimación

>

- 2. Contraste la significatividad individual del regresor antiguedad al 5%
- 3. Contraste la significatividad individual del regresor antiguedad al 1% y al 10%
- 4. Interprete el resultado de los contrastes anterior ¿qué significa, que implican los resultados?
- 5. La antiguedad es una variable estadísticamente significativa, aunque solo al 10%, pero ¿es significativa en la práctica?
- 6. Repita los contrastes, pero ahora usando el p-value
- 7. Obtenga un IC para  $\beta_2$  al 95%. Interprete
- 8. Obtenga un IC para  $\beta_2$  al 90%. Interprete

## Ejercicio 2d

#### **Objetivo**

Seguir practicando los contrastes de hipótesis con el t-ratio en MRLS. Está vez los contrastes no serán contrastes de significatividad individual.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t3\_ej\_02\_educacion.gdt.
- El fichero tiene 3 variables: salario, educacion y experiencia
- 1. Estime el modelo  $salario = \beta_1 + \beta_2 educacion$

#### Resultados de estimación

>

2. Contraste si  $eta_2>0.7$  ¿Puede hacer este contraste con el p-value que ofrece Gretl?

- 3. Contraste si  $eta_2>1$  ¿Puede hacer este contraste con el p-value que ofrece Gretl?
- 4. Contraste si  $eta_2 < 0$  ¿Puede hacer este contraste con el p-value que ofrece Gretl?
- 5. Contraste si  $eta_2 < 0.5$  ¿Puede hacer este contraste con el p-value que ofrece Gretl?
- 6. Construya un IC para  $\beta_2$  al 95%. Interprete y relacione con los resultados de los apartados anteriores
- 7. Construya un IC para  $\beta_2$  al 99%. Interprete y relacione con los resultados de los apartados anteriores

## Ejercicio 3 (Examen)

#### **Objetivo**

(Examen de julio de 2007). Argumente la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones:

- a. En un modelo de regresión, los residuos son iguales a las perturbaciones aleatorias
- b. En un modelo de regresión, el coeficiente de determinación (  $R^2$  ) es igual al coeficiente de determinación corregido (  $\overline{R^2}$  )

# **Tema 4:** Generalización: regresión lineal múltiple

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿En qué se diferencian el MRLS y el MRLM?
- 2. ¿Cómo se interpretan las estimaciones de un MRLM?
- 3. Diferencie entre  $R^2$  y  $\overline{R^2}$
- 4. ¿Qué es el estadístico F? ¿Para qué sirve?
- 5. ¿Cómo podemos efectuar predicciones a partir de un modelo estimado?

## Ejercicio 1 (Y-X2-X3)

#### **Objetivo**

Ver que en un MRLM la mecánica de los contrastes con el t-ratio es igual que en el MRLS; eso sí, en el modelo múltiple podemos plantear **contrastes con**  $H_0$  **compuestas**, como por ejemplo, el **contraste de significatividad global del modelo**.

Hay que diferenciar claramente los contrastes de significatividad individual del contraste de significatividad global.

Para hacer contrastes con  $H_0$  compuestas de más de una restricción, usaremos el **estadístico** F o compararemos los  ${\bf MG}$   ${\bf y}$   ${\bf MR}$ .

Con los resultados mostrados en el siguiente cuadro:

Archivo Edita	ar Contraste	es Guardar	Gráfico	s Análisis LaTeX	
Modelo 1: MCO, usando las observaciones 1-44 Variable dependiente: Y					
	coeficient	te Desv. t	ípica	Estadístico t	valor p
const	72,7492	67,59	93	1,076	0,2881
X2	2,08891	1,57	170	1,329	0,1912
Х3	-8,12574	1,64	396	-4,943	1,35e-05 ***
Media de la	vble. dep.	170,6647	D.T.	de la vble. dep.	134,6957
Suma de cuad		-		de la regresión	106,0359
R-cuadrado		0,409101		drado corregido	0,380276
F(2, 41)		14,19287		p (de F)	0,000021
Log-verosimi	litud	-266,0859		rio de Akaike	538,1718
Criterio de	Schwarz	543,5244	Crit.	de Hannan-Quinn	540,1568
		-			•

- 1. Contraste detalladamente la significatividad conjunta del modelo
- 2. Contraste la significatividad de  $\beta_2$
- 3. Contraste la significatividad de  $\beta_3$
- 4. ¿Es  $\beta_2$  igual a 4?
- 5. ¿Es  $eta_3=-2$ ?
- 6. Estime la varianza de las perturbaciones

## Ejercicio 2

#### **Objetivo**

Seguimos con contrastes, pero esta vez las  $H_{
m 0}$  no son tan mecánicas o directas.

Con 34 observaciones se ha estimado el siguiente modelo:

$$\widehat{y}_i = \underbrace{2,4}_{(1,1)} + \underbrace{6,2}_{(2,4)} \underbrace{x_{2,i}}_{(1,2)} - \underbrace{5,8}_{3,i} \underbrace{x_{3,i}}_{(2,7)} + \underbrace{12,5}_{4,i}$$

donde los valores entre paréntesis son las desviaciones típicas estimadas de los estimadores correspondientes (errores estándar).

- 1. Contraste la significatividad de la variable  $x_4$
- 2. Contraste si  $x_4$  es igual a 10 frente a la posibilidad de que sea mayor que 10
- 3. Contraste si  $x_4$  es igual a 2 frente a la posibilidad de que sea menor que 2
- 4. Cuando  $x_3$  aumenta una unidad, ¿la variable Y disminuye 4 unidades?

## Ejercicio 3 (sqrt-bdrms)

#### Objetivo

Ver alguna pregunta de examen, en este caso más de tipo práctico. ¿Verdad que no es muy complicada?  $\odot$  (!!!)

(Examen de enero de 2007) Con una muestra formada por 88 viviendas de una determinada zona se ha obtenido la siguiente estimación:  $\hat{P}=19, 3+0, 128 sqrft+15, 2bdrms$  . Donde:

- P: precio de la vivienda en miles de dólares USA
- sqrft: superficie de la vivienda en pies cuadrados
- bdrms: número de dormitorios de la vivienda
- a. Si se mantiene fija la superficie total de la vivienda, ¿cuál será el aumento estimado del precio de una vivienda si se le dota de un dormitorio adicional?

- b. ¿Cuál será el aumento estimado del precio de una vivienda si se construye un dormitorio adicional aumentando también la superficie de la vivienda en 100 pies cuadrados?
- c. Una vivienda de 2.500 pies cuadrados y 4 dormitorios se pone a la venta por 270.000 dólares. ¿Qué opina del precio?
- d. Exprese el modelo estimado utilizando como unidad de medida de superficie el metro cuadrado (sqrmts) y expresando el precio en miles de euros (!!!)

**NOTAS**: 1 pie cuadrado equivale aproximadamente a 0.1 metros cuadrados. Utilice como tipo de cambio 1 euro = 1.28 dólares USA.

## Ejercicio 4 (salario-educación)

#### Objetivo

Practicar, otra vez, interpretación de coeficientes y contrastes de hipótesis en el marco del MRLM. Seguramente este ejercicio lo pediré para casa.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t4\_ej\_04\_educacion.gdt.
- El fichero tiene 4 variables: salario, educacion, experiencia y antiguedad
- 1. Estime el modelo  $salario = \beta_1 + \beta_2 educaci\'on + u$  e interprete la estimación de  $\beta_2$

#### Resultados de estimación

2. Ahora estime el modelo

 $salario = \beta_1 + \beta_2 educacion + \beta_3 experiencia + \beta_4 antiguedad + u$ 

>

>

e interprete la estimación de  $\beta_2$ 

#### Resultados de estimación

- 3. Interprete la estimación de  $\beta_2$  en el segundo modelo. ¿Por qué son diferentes las estimaciones? ¿Son diferentes los estimadores de  $\beta_2$  en los 2 modelos? ¿Son diferentes los  $\beta_2$  en los 2 modelos?
- 4. Realice y explique **con palabras** de forma detallada el contraste la significatividad individual de la variable educación en el segundo modelo.

- 5. La estimación puntual de  $eta_2$  es 0,598 ¿es la estimación óptima? Explique.
- 6. ¿Cómo ha calculado Gretl la "Desv. Típica" de  $\hat{eta}_2$  ? Utiliza Gretl para calcularla tú mismo. (!!!!!)
- 7. Realice y explique con palabras de forma detallada el contraste de significatividad individual de la variable experiencia.
- 8. Vuelve a efectuar el contraste de significatividad individual de la variable experiencia, pero ahora al 10%.
- 9. Utilice el "valor p" (también llamado p-value o nivel de significación crítico) para contrastar la significatividad individual de la variable antigüedad.
- 10. Contraste si el efecto de la educación es menor que 0,8
- 11. Contraste si el efecto de la educación es menor que 0,6
- 12. Construya un intervalo de confianza al 95% para el efecto de la educación
- 13. Contraste si el efecto de la antigüedad es mayor que cero
- 14. Contraste si el efecto de la antigüedad es mayor que 0,15
- 15. Construya un intervalo de confianza al 95% para el efecto de la experiencia. Interprete
- 16. Construya un intervalo de confianza al 90% para el efecto de la experiencia. Interprete
- 17. Contraste si el efecto de la educación es igual al efecto de la experiencia. (!!!!)

**Pista** 

>

## Ejercicio 5 (MG-MR)

#### **Objetivo**

Empezar a realizar contrastes mediante la comparación del MG y del MR

Se plantea el siguiente modelo:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u$$

El modelo se estimó con 34 observaciones y se obtuvo una SCR de 57,29.

- 1. Se quiere contrastar la siguiente hipótesis:  $\beta_2 = \beta_3 + \beta_4$ . Obtenga el modelo restringido.
- 2. Tras estimar el modelo restringido anterior, su SCR fue de 69,11. Realice el contraste de la hipótesis al 5% y al 1%.
- 3. Escriba el modelo restringido necesario para poder estimar la siguiente hipótesis nula:

$$H_0 = \begin{cases} \beta_2 = \beta_3 + \beta_4 \\ \beta_3 = \beta_4 \end{cases}$$

4. La SCR del modelo restringido que incorpora las dos restricciones del aparatado anterior fue de 74,35. Realice el contraste para un nivel de significación del 5% y del 1%.

## Ejercicio 6

#### Objetivo

Seguir con contrastes comparando MG y MR. Esta vez en lugar de tener la  $H_0$  tenemos el MR y hemos de recuperar la  $H_0$ . (!!!)

Considere el siguiente modelo de regresión lineal:

$$y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \beta_4 x_{4i} + u_i$$

A partir de una muestra de 26 observaciones se han obtenido por MCO los siguientes 2 modelos estimados:

$$\widehat{y_t} = 2.0 + 3.5x_{1,i} - 0.7x_{2,i} - 2.0x_{3,i}$$
 
$$(1.8) \quad (0.3) \quad (1.3)$$
 
$$\widehat{y_t} = 1.5 + 3.0x_{1,i} + x_{2,i} - 0.6x_{3,i}$$
 
$$R^2 = 0.982$$
 
$$R^2 = 0.876$$
 
$$(1.1) \quad (0.3)$$

donde las cifras entre paréntesis representan las desviaciones típicas de los estimadores. Se pide:

- 1. ¿Qué restricciones lineales incorpora la estimación (2) respecto de la estimación (1)?
- 2. Contraste la hipótesis nula especificada en el apartado previo

## Ejercicio 7 (sleep)

#### **Objetivo**

Con este ejercicio podemos hacer un repaso rápido a las distintas opciones que tenemos para hacer contrastes de hipótesis, además de una forma menos mecánica que en otros ejercicios y que hace evidente que para interpretar los resultados nunca hay que olvidarse de la escala en la que están medidas las variables.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t4\_ej\_07\_sleep75.gdt.
- Los datos provienen del libro Introductory Econometrics de J. M. Wooldridge.
- Los datos incluyen, entre otras, las siguientes variables de una muestra de 706 persones adultas:
  - **SLEEP**: Tiempo de sueño cada semana (en minutos)
  - EDUC: Años de educación
  - **TOTWRK**: Tiempo de trabajo cada semana (en minutos)
  - AGE: Edad en años

Con estos datos estime el siguiente modelo:  $SLEEP_i = \beta_1 + \beta_2 TOTWORK_i + \beta_3 EDUC_i + \beta_4 AGE_i + u_i$ 

#### Resultados de estimación



- 1. ¿Cuánto dormirá diariamente una persona de 20 años de edad, con 14 de educación y que trabaja 40 horas semanales?
- 2. Analice la significatividad de cada una de las variables
- 3. Analice la significatividad conjunta del Modelo 1
- 4. Al trabajar más, ¿se duerme menos?
- 5. ¿Una hora adicional de trabajo implica quince minutos menos de sueño?
- 6. ¿Una hora adicional de trabajo implica diez minutos menos de sueño?

7. ¿Influyen la educación y la edad conjuntamente en el tiempo de sueño?

Pista >

# **Tema 5:** Modelos no lineales y transformación de variables

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿Qué ocurre si se cambia la escala de un regresor? ¿Y si se cambia la escala del regresando?
- 2. ¿Por qué algunos modelos se estiman en logaritmos? ¿Cómo se interpretan los  $\beta$  en esos parámetros?
- 3. ¿Qué es el AIC? ¿Para qué sirve? ¿Es similar a  $R^2$ ? ¿a  $\overline{R^2}$ ?

## Ejercicio 1 (sleep)

#### **Objetivo**

Con este ejercicio, que utiliza datos ya conocidos, recordaremos cuales son los efectos de cambios de cambios de escala en regresores y regresando.

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t5\_ej\_01\_sleep75.gdt.
- Los datos provienen del libro Introductory Econometrics de J. M. Wooldridge.
- Los datos incluyen, entre otras, las siguientes variables de una muestra de 706 persones adultas:
  - **SLEEP**: Tiempo de sueño cada semana (en minutos)
  - EDUC: Años de educación
  - **TOTWRK**: Tiempo de trabajo cada semana (en minutos)
  - **AGE**: Edad en años

Con estos datos estime el siguiente modelo:  $SLEEP_i=\beta_1+\beta_2TOTWORK_i+\beta_3EDUC_i+\beta_4AGE_i+u_i$ 

- 1. Interprete la estimación de  $\beta_2$
- 2. ¿Cómo cambiará la estimación de  $\beta_2$  si el tiempo de trabajo pasase a medirse en horas por semana?
- 3. ¿Cómo cambiará la estimación de  $\beta_2$  si el tiempo de trabajo pasase a medirse en días por semana?
- 4. ¿Cómo cambiará la estimación de  $\beta_2$  si el tiempo de sueño pasase a medirse en horas por semana?
- 5. ¿Cómo cambiará la estimación de  $\beta_2$  si las dos variables, tanto el tiempo de sueño como el tiempo de trabajo se midiesen en horas por semana?

## Ejercicio 2 (logs)

#### **Objetivo**

Afianzar la interpretación de parámetros en modelos con variables en logaritmos

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t5\_ej\_02\_alim.gdt.
- Los datos incluyen las siguientes variables (y sus logaritmos):
  - ALIM: Gasto familiar en alimentos (en euros anuales)
  - RDISP: Renta familiar disponible (en euros anuales)

El archivo t5\_ej\_02\_alim.gdt contiene las siguientes variables:

Estima e interpreta la estimación de  $eta_2$  en los siguientes modelos:

1.  $ALIM_i = \beta_1 + \beta_2 RDISP_i$ 

#### Resultados de estimación

2.  $ln(ALIM_i) = \beta_1 + \beta_2 RDISP_i$ 

Resultados de estimación

3.  $ln(ALIM_i) = \beta_1 + \beta_2 ln(RDISP_i)$ 

Resultados de estimación

4.  $ALIM_i = \beta_1 + \beta_2 ln(RDISP_i)$ 

Resultados de estimación

## Ejercicio 3 (ex)

#### **Objetivo**

Ejercicio de examen sobre interpretación de coeficientes en modelos con variables en logaritmos.

(Examen de julio de 2008) Razona la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones, en el siguiente modelo:

>

>

$$ln(y_i) = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 ln(x_{3i}) + u_i$$

- a. Cuando la variable  $x_2$  aumenta una unidad, la variable y experimenta una tasa de variación porcentual igual a  $eta_2$
- b. Cuando la variable  $x_3$  aumenta una unidad, la variable y aumenta  $eta_3$  unidades

## Ejercicio 4 (ex)

#### Objetivo

Otro ejercicio de examen sobre interpretación de coeficientes en modelos con variables en logaritmos.

(Examen de junio de 2012). Argumente la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones utilizando los siguientes modelos de regresión estimados:

$$\widehat{ln(y_i)} = 3 + 0, 17x_{2i} - 1, 4ln(x_{3i})$$

$$\widehat{y_i} = 2 - 9, 3ln(x_{4i}) + 3, 5x_{5i}$$

- a. Cuando la variable  $x_2$  aumenta en una unidad, la variable y experimenta una tasa de variación igual al 17%
- b. Cuando  $x_4$  disminuye en un 9,3%, la variable y disminuye en una unidad

## Ejercicio 5 (Cobb)

#### **Objetivo**

Además de seguir trabajando en la interpretación de coeficientes en modelos con variables en logaritmos, en este ejercicio se aprecia muy bien la diferencia entre modelo no-lineal en parámetros y modelo lineal en parámetros (aunque con regresores en logaritmos).

Dada la función de producción Cobb-Douglas  $Q=AL^{\alpha}K^{\beta}e^u$ , en la que Q designa la producción, L la ocupación y K el capital:

- 1. Linealice el modelo anterior
- 2. Interprete los parámetros lpha y eta

## Ejercicio 6 (edad-mates)

#### **Objetivo**

El segundo modelo de este ejercicio incluye un término cuadrático. Esto nos sirve para comprender mejor la diferencia entre regresor y variable explicativa; además, volvemos a trabajar la idea de que un modelo puede ser lineal en parámetros aunque no sea "lineal en variables".

#### **Datos**

Se desea analizar la relación existente entre la edad de los maestros y la calificación obtenida en el examen de matemáticas por sus estudiantes.

Usaremos los datos del fichero t5\_ej\_06\_mates.gdt que contiene una muestra formada por 1.000 observaciones de las siguientes variables:

- edad : Edad del maestro en años
- nota: Puntuación obtenida por el estudiante en una prueba de matemáticas (escala de 0 a 10)

- **sq edad** :  $nota^2$  (la puntuación al cuadrado, la nota al cuadrado)
- 1. Plantee y estime un modelo de regresión que relacione la edad del maestro con la puntuación en el examen de los estudiantes

Pista

- 2. Interprete el estimador de la pendiente
- 3. Introduce en el modelo un nuevo regresor, concretamente la edad del maestro en forma cuadrática; es decir, la variable **sq\_edad**. En este nuevo modelo interpreta la relación entre la edad de los maestros y la puntuación

**Pista** 

>

- 4. En el modelo del tercer apartado ¿Cómo se interpreta  $\beta_2$ ?
- 5. ¿Cuál sería la edad óptima de los maestros?
- 6. ¿Qué notas cabe esperar en los alumnos de maestros de 30, 40, 50 y 60 años?
- 7. Comente los resultados del ejercicio (no se olvide de comparar los modelos 1 y 2 y decir que modelo le parece más razonable)

## Tema 6: Análisis con información cualitativa

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿Qué son las variable ficticias? ¿Para qué sirven?
- 2. ¿Qué es la categoría de referencia? ¿Cómo se interpreta el  $\beta$  que acompaña a una dummy?
- 3. ¿La interpretación del coeficiente difiere si la dummy es aditiva o es multiplicativa?
- 4. Si tenemos una característica con q grupos ¿Cuantas dummies podemos definir? ¿Cuál será la categoría de referencia?
- 5. ¿Qué ocurre si queremos introducir en el modelo varias variables cualitativas? ¿Estas dummies pueden interactuar?

## Ejercicio 1 (bebes)

#### Objetivo

Empezar a trabajar con modelos con dummies. Es un ejercicio muy pautado en el que se van introduciendo poco a poco más dummies.

#### Datos

- Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_01\_bebes.gdt. Son datos relacionados con nacimientos de bebes.
- Entre otras puedes encontrar las siguientes variables cuantitativas:
  - **peso:** peso del bebe en gramos
  - o semanas: semanas de gestación del bebe
  - edad: edad de la madre en años
- Las variables cuantitativas también se incluyen en logaritmos
- Además contiene variables ficticias para poder introducir en el modelo distintos aspectos cualitativos:
  - el **genero del bebe** (con las variables dummy **bebita** y **bebito**)
  - el **nivel de estudios de la madre** (con las dummies **primarios**, **secundarios** y **superiores**)

>

• si el parto se ralizó con **cesarea** (con las dummies **cesarea** y **vaginal**)

Con estos datos se analizará la influencia de distintas variables sobre el peso con el que finalmente nacen los bebes. Para ello estime e interprete los siguientes modelos:

#### **Aditivas**

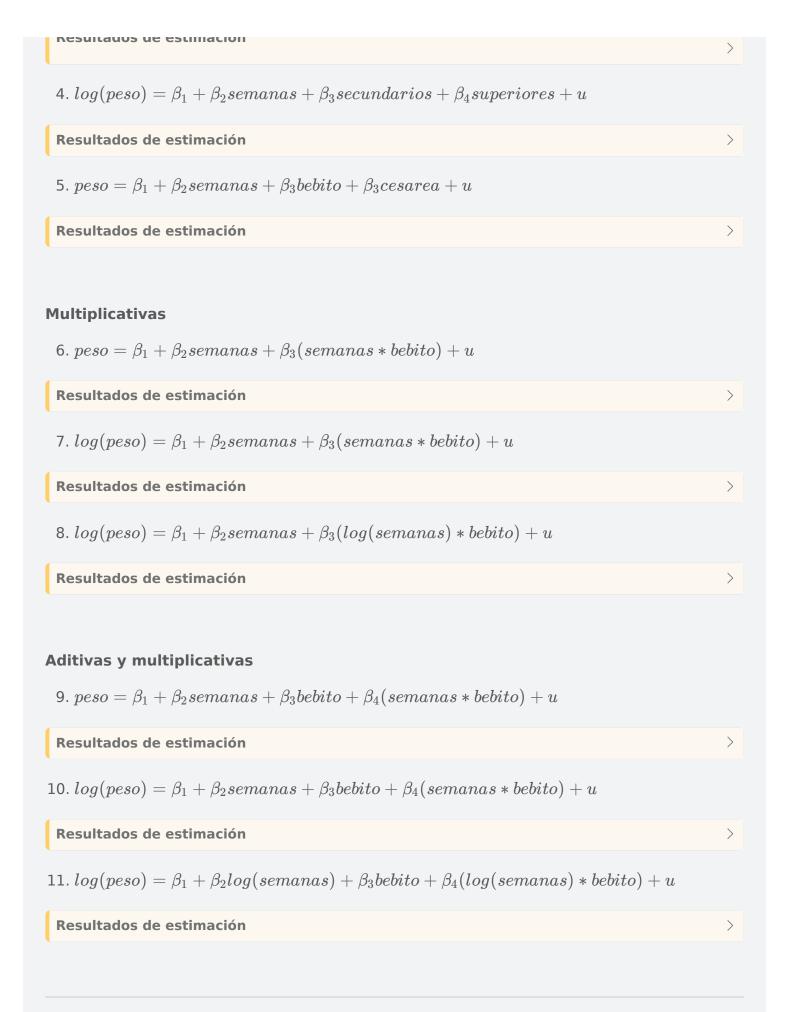
1. 
$$peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 bebito + u$$

#### Resultados de estimación

2.  $log(peso) = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 bebito + u$ 

#### Resultados de estimación

3.  $peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 secundarios + \beta_4 superiores + u$ 



## Ejercicio 2 (trampa)

#### Objetivo

Trabajar en comprender la situación conocida como trampa de las ficticias.

Indique y explique detalladamente en cuales de los siguientes modelos se incurre en la trampa de las ficticias:

- 1.  $peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 bebito + \beta_3 bebito + u$
- 2.  $peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 (semanas * bebito) + \beta_4 bebito + u$
- 3.  $peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 (semanas * bebito) + \beta_4 bebita + u$
- 4.  $peso = \beta_1 + \beta_2(semanas * primarios) + \beta_3 secundarios + \beta_4 superiores + u$

## Ejercicio 3 (salario)

#### **Objetivo**

Seguir trabajando con dummies, ahora con preguntas más abiertas.

#### **Datos**

Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_03\_salario.gdt. Tiene información de las siguientes variables:

- SALARI: Salario del trabajador en euros brutos anuales.
- EXPLAB: Experiencia laboral del trabajador en años.
- GENERE: Variable ficticia que toma el valor 1 para los hombres y 0 para las mujeres
- 1. Estime el siguiente modelo  $SALARI_i = \beta_1 + \beta_2 EXPLAB_i + \beta_3 GENERE_i + u_i$

#### Resultados de estimación

- 2. ¿Cuál es el género de referencia?
- 3. Interprete los parámetros  $eta_2$  y  $eta_3$  , y sus estimaciones
- 4. ¿Influye la experiencia laboral en el salario?

- 5. ¿Cuánto puede esperarse que aumente el salario si aumenta su experiencia laboral en un año?
- 6. Considerando las estimaciones, ¿hay discriminación laboral por género?
- 7. Según el modelo estimado, ¿qué proporción de las variaciones salariales son explicadas por los factores género y experiencia?
- 8. Supón ahora que el valor 1 de la variable GENERE corresponde a las mujeres y el 0 a los hombres. ¿Cómo se interpretará ahora el parámetro que acompaña a esta variable?
- 9. Suponga que definimos las siguientes variables ficticias: HOME (con valor 1 para los hombres y 0 para las mujeres) y DONA (con valor 1 para las mujeres y 0 para los hombres). ¿Qué ocurrirá al estimar lo siguientes 3 modelos?

$$SALARI_i = eta_1 + eta_2 EXPLAB_i + eta_3 GENERE_i + eta_4 HOME_i + u_i$$
  $SALARI_i = eta_1 + eta_2 EXPLAB_i + eta_3 GENERE_i + eta_4 DONA_i + u_i$   $SALARI_i = eta_1 + eta_2 EXPLAB_i + eta_3 HOME_i + eta_4 DONA_i + u_i$ 

10. Estima ahora un modelo que permita analizar si la experiencia laboral se retribuye de igual manera para hombres y mujeres. Analice los resultados

Resultados de estimación

>

## Ejercicio 4 (pescado)

#### Objetivo

Seguir trabajando con dummies, ahora con preguntas más abiertas.

#### **Datos**

Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_04\_pescado.gdt

Contiene datos referentes a gastos en diferentes categorías de alimento, entre otras las siguientes variables:

- PESCADO: Gasto anual en pescado en miles de pesetas per cápita
- RDISP: Renta anual disponible en miles de pesetas per cápita
- **ESTMED**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el máximo nivel de estudios obtenido por el sustentador principal ha sido el de estudios medios y 0 en caso contrario

• **ESTSUP**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el máximo nivel de estudios obtenido por el sustentador principal ha sido el de estudios superiores y 0 en caso contrario

Con estos datos se estimaron los siguientes modelos:

$$PESCADO_i = \beta 1 + \beta 2 RDISP_i + \beta 3 ESTMED_i + \beta 4 ESTSUP_i + ui_i$$

#### Resultados de estimación

- >
- 1. ¿Cuál es el nivel de estudios de referencia? Interprete las estimaciones de  $\beta_3$  y  $\beta_4$
- 2. Contraste si el gasto en pescado es igual para las familias con con estudios básicos y con estudios superiores
- 3. Contraste si el gasto en pescado es igual con estudios medios y con estudios superiores

#### Resultados

>

4. Indique las consecuencias de introducir una nueva variable ficticia que tome el valor 1 si el máximo nivel de estudios obtenido por el sustentador principal ha sido el de estudios básicos y 0 en caso contrario

## Ejercicio 5 (ex)

#### **Objetivo**

Ver un ejemplo de pregunta de examen con dummies.

(Examen febrero 2006) Con una muestra formada por 25 trabajadores se han obtenido las siguientes estimaciones:

### A

$$SALARI = 11.7 + 0.84 \cdot EXPELAB + 1.23 \cdot GÈNERE - 0.12 \cdot ALEMANY + 1.88 \cdot FRANCÈS$$
 (0.69) (0.054) (0.58) (0.57) (0.52)

Suma de cuadrados de los residuos, SCR = 20,71;  $R^2 = 0,967$ 

## B

$$SALARI = 12,2 + 0,81 \cdot EXPELAB + 1,72 \cdot GÈNERE$$
  
(0,71) (0,066) (0,70)

Suma de cuadrados de los residuos, SCR = 36,92;  $R^2 = 0,942$ 

#### donde:

- **SALARI**: Salario bruto anual del trabajador en miles de euros
- EXPELAB: Experiencia laboral del trabajador en años
- **GÉNERE**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el trabajador es un hombre y 0 en caso contrario
- **ALEMANY**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el trabajador sabe alemán y 0 en caso contrario
- **FRANCÈS**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el trabajador sabe francés y 0 en caso contrario

y los valores entre paréntesis son los errores estándar.

- a. ¿Influye la experiencia laboral en el salario? (Tome como referencia el Modelo A)
- b. ¿Influye el conocimiento de los dos idiomas extranjeros en el salario de un trabajador?
- c. ¿Qué diferencia salarial cabe esperar entre un hombre sin conocimientos de francés y una mujer con conocimientos de francés?
- d. Plantee un modelo de regresión que permita analizar si la diferencia salarial entre hombres y mujeres aumenta con la experiencia laboral e indique cómo realizaría el contraste pertinente. (Tome como referencia el Modelo B)

## Ejercicio 6 (estacionalidad)

Ejercicio que muestra que las dummies sirven para incorporar en nuestros modelos una amplia cantidad de fenómenos, como por ejemplo la **estacionalidad**. Además, como los resultados de estimación no se han efectuado con Gretl si no con otro programa, **Eviews**, sirve para ver que somos capaces de leer resultados de cualquier software econométrico.

Con datos trimestrales comprendidos entre el primer trimestre de 1981 y el cuarto trimestre de 2008 se ha obtenido la siguiente estimación:

Dependent Variable: CONSUM Method: Least Squares Sample: 1981Q1 2008Q4 Included observations: 112					
	Coefficien	Std. Error	t-Statistic	Prob.	
C RENDA T2 T3 T4	4.147752 0.111547 -0.502171 -1.727730 1.468067	1.206761 0.037210 0.517375 0.518511 0.517362	-3.332101		
•	12.476	75 S.D. dep 92 Akaike ir 47 Log likeli 76 Durbin-V		7.349508 2.300232 4.201390 -230.2778 1.918160	

donde CONSUM es el consumo en miles de euros, RENDA es la renta en miles de euros, y T2, T3 y T4 son variables ficticias que toman el valor 1 en el segundo, tercer y cuarto trimestre, respectivamente, y 0 en los respectivos casos contrarios.

- 1. ¿Difiere el consumo en el primer y segundo trimestre?
- 2. ¿Es el consumo menor en el segundo trimestre que en el primero?
- 3. ¿Qué contraste plantearía para analizar si existe estacionalidad o diferencias entre los trimestres?
- 4. Se introduce una nueva ficticia, T1, que toma el valor 1 en el primer trimestre y 0 en los otros trimestres. ¿Qué ocurrirá?

## Ejercicio 7

#### **Objetivo**

Ejercicio muy abierto con dummies (3 categorías)

#### **Datos**

Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_03\_ocio.gdt

Contiene información de las siguientes variables:

- OCI: Gasto en ocio en euros anuales
- RENDA: Renta disponible en euros anuales
- **PRIM**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el máximo nivel de estudios conseguidos es el nivel primario y 0 en caso contrario
- **SEC**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el máximo nivel de estudios conseguidos es el nivel secundario y 0 en caso contrario
- **UNI**: Variable ficticia que toma el valor 1 si el máximo nivel de estudios conseguidos son estudios universitarios y 0 en caso contrario
- 1. Plantee un modelo teórico sin interacciones entre variables explicativas que permita explicar el gasto en ocio a partir de la renta disponible y el nivel de estudios. ¿Cuál es el nivel de estudios de referencia?
- 2. Interprete los parámetros del modelo anterior
- 3. Estime el modelo planteado

#### Resultados de estimación

4. Considerando el modelo estimado en el apartado 3, ¿existen diferencias significativas en el gasto en ocio entre las personas con estudios secundarios y las personas con estudios primarios?

>

>

>

- 5. Considerando el modelo estimado en el apartado 3, ¿existen diferencias significativas en el gasto en ocio entre las personas con estudios universitarios y las personas con estudios primarios?
- 6. Considerando el modelo estimado en el apartado 3, ¿existen diferencias significativas en el gasto en ocio entre las personas con estudios secundarios y las personas con estudios universitarios?

#### **Resultados**

7. En el modelo estimado en el apartado 3 ¿Hay diferencias en el gasto en ocio asociadas al nivel educativo?

#### **Pistas**

8. Especifique ahora un modelo que incluya interacciones entre la renta y el nivel de estudios

- 9. Interprete los parámetros del modelo anterior
- 10. Estime el modelo planteado

#### Resultados de estimación

11. Considerando el modelo estimado en el apartado 10, ¿existen diferencias significativas en el gasto en ocio entre las personas con estudios secundarios y las personas con estudios universitarios?

>

#### **Pistas**

12. Considerando el modelo estimado en el apartado 10, construya una tabla de doble entrada que muestre el gasto en ocio imputable a las personas con rentas iguales a 10.000, 20.000 y 30.000 euros y con diferentes niveles de estudios

## Ejercicio 8

#### **Objetivo**

Mostrar otra pregunta de examen focalizada en las variables ficticias.

(Examen de enero de 2012). Para analizar las retribuciones salariales de determinados profesionales sanitarios, se plantea el siguiente modelo:

$$SAL_i = \beta_1 + \beta_2 EXPLAB_i + \beta_3 GENERE_i + \beta_4 NACIO_i + \beta_5 (GENERE_i \times NACIO_i) + u_i$$

- SAL : Salario en euros anuales
- *EXPLAB*: Experiencia laboral en años
- ullet GENERE: Variable ficticia que toma el valor 1 si el profesional es hombre y 0 en caso contrario
- NACIO: Variable ficticia que toma el valor 1 si el profesional tiene nacionalidad española y 0 en caso contrario
- a. ¿Qué salario cabe esperar para cada una de las posibles combinaciones de género y nacionalidad?
- b. Interprete el significado de  $eta_5$

## Ejercicio 9 (absentismo)

#### **Objetivo**

Un caso completamente abierto. Se trata de ver si sois capaces de utilizar lo visto en clase para sacar información sobre un fenómeno a partir de un conjunto de datos

#### **Datos**

- Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_09\_absentismo.gdt.
- La descripción de las variables puedes encontrarla en el mismo fichero de datos

¿Qué variables pueden explicar el comportamiento del absentismo laboral en esa empresa?

# Tema 7: Incumplimiento de las hipótesis básicas

#### Repaso de teoría (preguntas rápidas)

- 1. ¿Qué significa que se incumpla alguna h.e.b? ¿Qué consecuencias tiene?
- 2. ¿Qué es multicolinealidad? ¿Qué consecuencias tiene? ¿Cómo se detecta? ¿Soluciones?
- 3. ¿Qué significa la h.e.b de Normalidad? ¿Qué consecuencias tiene? ¿Cómo se detecta? ¿Soluciones?
- 4. ¿Qué significa la existencia de heterocedasticidad? ¿En que fenómenos suele ocurrir? ¿Qué consecuencias tiene? ¿Cómo se detecta su presencia? ¿Soluciones?
- 5. ¿Qué significa la presencia de autocorrelación? ¿Cuando suele ocurrir? ¿Qué consecuencias tiene? ¿Cómo se detecta su presencia? ¿Soluciones?

## Ejercicio 1 (bebes)

#### Objetivo

Recordar las principales ideas y contrastes del tema 7: normalidad, colinealidad, heterocedasticidad, ...

#### **Datos**

Usaremos los datos del fichero t6\_ej\_01\_bebes.gdt.

Son datos que ya hemos usado, concretamente en el ejercicio 1 del tema 6. Son datos relacionados con nacimientos de bebes.

Estime el siguiente modelo:

$$peso = \beta_1 + \beta_2 semanas + \beta_3 edad + \beta_4 bebito + u$$

#### Resultados de estimación

1. ¿cree que el modelo tiene problemas serios de colinealidad entre los regresores? Explique

 $\rangle$ 

>

>

#### Resultados

- 2. Suponga que sí que hubiese un problema importante de colinealidad ¿cuales serían las consecuencias?
- 3. Contraste la normalidad de las perturbaciones. Explique el resultado y las consecuencias del contraste

#### Resultados

- d. Efectúe el test RESET de Ramsey y explique los resultados (!!!!)
- e. Efectúe el test de White para contrastar la homocedasticidad de las perturbaciones. Explique el contraste y las consecuencias del resultado obtenido

#### Resultados

## Ejercicio 2 (ROA)

#### **Objetivo**

Otro ejercicio para recordar las principales ideas y contrastes del tema 7: normalidad, heterocedasticidad, ...

#### **Datos**

Usaremos los datos del fichero t7\_ej\_02\_ROA.gdt.

Se quiere conocer los determinantes de la rentabilidad sobre activos (ROA) de una muestra de 5.375 entidades financieras europeas. Para ello se ha estimado el siguiente modelo:

$$ROA = \beta_1 + \beta_2 E_{-}TA + \beta_3 LACTIVO + \beta_4 LACTIVO^2 + u$$

donde  $E\_TA$  es una medida de la solvencia de la entidad (Recursos propios / Activo total), LACTIVO mide el tamaño de la entidad (logaritmo del activo total),  $LACTIVO^2$  es el cuadrado de esta variable.

