Задание 24

https://yandex.ru/tutor/subject/problem/?problem_id=T4916

Дано целое положительное число N>=10. Необходимо найти наименьшую сумму двух соседних цифр в десятичной записи N. Например, для N=2018 нужно получить ответ 1, а для N=2030 ответ 2.

Для решения этой задачи ученик написал программу, но, к сожалению, его программа неправильная.

Ниже эта программа для Вашего удобства приведена на пяти языках программирования (мы рассмотрим версию на Питоне).

```
n = int(input())
m = 10
while n >= 10:
    d1 = n // 10
    d2 = n // 10 % 10
    s = d1 + d2
    if s < m:
        m = s
    n //= 10
print(m)</pre>
```

Последовательно выполните следующее.

- 1. Напишите, что выведет эта программа при вводе N=2018.
- 2. Приведите пример числа N, при котором программа выведет верный ответ. Укажите этот ответ.
- 3. Найдите в программе все ошибки (известно, что их не больше двух) и исправьте их. Для каждой ошибки выпишите строку, в которой она допущена, и приведите эту же строку в исправленном виде.

Достаточно указать ошибки и способ их исправления для одного языка программирования.

Обратите внимание: Вам нужно исправить приведённую программу, а не написать свою. Вы можете только заменять ошибочные строки, но не можете удалять строки или добавлять новые. Заменять следует только ошибочные строки, из-за которых программа может выдать неверный ответ: за исправления, внесённые в любые другие строки, баллы будут снижаться.

Решение

Чтобы решать такого рода задачи (а условия задач типовые) вы должны понимать арифметические операции целочисленного деления, вычисления остатка от целочисленного деления, работу циклов и пошагово их раскладывать.

Чтобы успешно решить данную задачу нужно потренироваться (решить 5-7 аналогичных задач) и наработать систему размышлений. Сначала поймите, что именно нужно было делать и только потом расшифровывайте чужое решение.

Приступаем к разбору.

Итак, в задаче нужно «найти наименьшую сумму двух соседних цифр» в числе, следовательно, нужно будет делать перебор. Запустим цикл, на каждой итерации цикла будем отделять пару цифр, находить их сумму и сравнивать не стала ли она меньше, чем была ранее. Когда цифры в числе закончатся, выйдем из цикла и напечатаем минимальную сумму. Значимые места алгоритма я выделил.

Принципиальным моментом будет являться способ отделения цифр – обычным способом является последовательное отделение цифр с правого края операцией %10 (или mod 10 для Pascal) до тех пор, пока все цифры числа не закончатся...

Отступление.

Для более глубокого понимания изучите алгоритм поиска суммы цифр целого числа 0<=N<=10000:

```
# алгоритм поиска суммы цифр числа

n = 19340 # тут вводим число

r = 0

while n > 0:

r += n % 10 # отделить последнюю цифру

n //= 10 # удалить последнюю цифру

print(r)
```

В данном случае на каждом шаге цикла мы узнаём последнюю цифру и добавляем её к переменной г, к которой последовательно будут добавлены значения всех цифр. Кроме того, на каждом шаге переменная п делится нацело на 10, тем самым мы «избавляемся от последней цифры», например, 128//10=12, то есть, если было 128, то стало 12 – и это сокращённое число передаём на следующую итерацию цикла. Цикл продолжается пока число п больше 0.

Вернёмся к нашей задаче — нам нужно за раз отделять по две рядом стоящие цифры.

Чтобы от числа отделить крайнюю справа цифру нужно вычислить остаток от деления на 10, например, так:

128 % 10 = 8 – получаем первую справа цифру числа.

Чтобы взять вторую с конца цифру нужно сначала число поделить нацело на 10, а затем, как и ранее, взять остаток от деления на 10, то есть выполнить два шага:

- 1) 128 // 10 = 12
- 2) 12 % 10 = 2

Что можно записать в одну строку:

128 // 10 % 10 — это соответствует переменной **d2** в программе, то есть **d2** это вторая справа цифра в любом числе равном или большем 10.

А вот первую справа цифру в программе, как оказалось, получают неправильно – вот, что написано в программе:

```
d1 = n // 10, а вот как должно быть: d1 = n % 10
```

Получается, что мы уже нашли одну из двух ошибок.

Посмотрим, что дальше происходит в теле цикла:

```
s = d1 + d2
if s < m:
    m = s
n //= 10
```

Сумма двух соседних цифр находится корректно, как мы и обсуждали ранее: s = d1 + d2. В случае, если она окажется меньше, чем ранее найденная сумма, то её следует обновить: m = s. Перед переходом к следующей итерации цикла следует число сократить в 10 раз нацело, то есть отрезать последнюю цифру: n //= 10 - и здесь всё корректно.

Ищем вторую ошибку далее. Может условие выхода из цикла некорректно указано: while n >= 10. Почему тут сказано, что делай цикл пока п больше или равно 10? Это потому что в теле цикла мы будем из числа брать сразу две цифры – крайнюю справа и вторую справа, то есть мы можем заходить в цикл только, если число имеет хотя бы два разряда (должно быть не менее 10). Значит и тут всё нормально.

Тогда вернёмся к началу программы... Что там есть? А там есть ввод числа — написано корректно и инициализация переменной $\mathbf{m}=\mathbf{10}$. Почему 10 и что это за переменная такая? Эта переменная отвечает за хранение минимума суммы двух цифр. Давайте обсудим какое значение в принципе могло бы там оказаться: если цифры 1 и 1, то 2, если цифры 9 и 9, то 18, то есть в \mathbf{m} может быть записано от 2 до 18. А нам изначально туда записали $\mathbf{10}-\mathbf{9}$ то ошибка. Например, если бы в число \mathbf{n} ввели 99, то найденная сумма цифр \mathbf{s} была бы равна 18, но она бы не обновилась в переменной \mathbf{m} , так как не сработало бы условие $\mathbf{if} \mathbf{s} < \mathbf{m}$, ведь в \mathbf{m} изначально поставили 10. Это и есть вторая ошибка, чтобы программа работала корректно, нужно инициализировать \mathbf{m} числом 18.

Вот корректная версия программы:

```
n = int(input())
m = 18
while n >= 10:
    d1 = n % 10 # отделяем крайнюю цифру
    d2 = n // 10 % 10 # отделяем вторую справа цифру
    s = d1 + d2 # находим их сумму
    if s < m: # если сумма меньше, чем ранее
        m = s # обновляем минимальную сумму
    n //= 10 # отрезаем последнюю цифру
print(m)</pre>
```

Исправленные две строчки показаны красным цветом — это был ответ на третий пункт задания.

Теперь разберём поиск ответа на второй пункт: «Приведите пример числа N, при котором программа выведет верный ответ. Укажите этот ответ».

Можете просто подобрать ответ, но можно и подумать...

В нашем разборе мы отметили ранее, что переменная m была неправильно инициализирована числом 10- это значит, что условие if s < m будет корректно работать только для суммы цифр меньше или равной 10, например, для числа 45 (по условию задачи, число не может быть меньше 10). Но у нас в исходной программе есть ещё одна ошибка при нахождении крайней правой цифры - в программе было написано d1 = n // 10, а должно быть так d1 = n % 10. Когда эти две строки дадут правильный ответ, когда это будет двузначное число из одинаковых цифр, например, 55 (или 44, 33, 22, 11). Это и есть ответ на второй вопрос.

Осталось только найти ответ на первый – что будет при вводе числа 2018? Чтобы не сделать ошибку, постройте рассуждения в виде таблицы пошагового изменения всех переменных:

| | до цикла | | | 10 | 2018 |
|--------|----------|----|-----|----|------|
| № шага | d1 | d2 | S | m | n |
| 1 | 201 | 1 | 202 | 10 | 201 |
| 2 | 20 | 0 | 20 | 10 | 20 |
| 3 | 2 | 2 | 4 | 4 | 2 |

В четвёртый шаг цикла мы не заходим, так как на исходе третьего шага переменная п стала равна 4, что не соответствует условию цикла.

На экран выводится значение минимума этой некорректной программы — значение переменной m = **4** – это ответ на первый вопрос.

Собственно, всё, в этой задаче нужен небольшой набор знаний, но много работы и внимательности — нарабатывается практикой. Кроме того, в рекомендациях по решению ЕГЭ по информатике указано, что из 4-х часов на первую часть желательно отвести 90 минут, а на вторую оставить 2,5 часа. То есть у вас на 24, 25, 26 и 27 задачи 150 минут!.. Так что особенно не спешите, делайте все размеренно, по шагам, чтобы не было невынужденных ошибок.