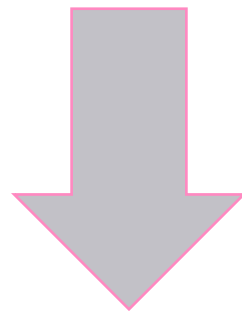


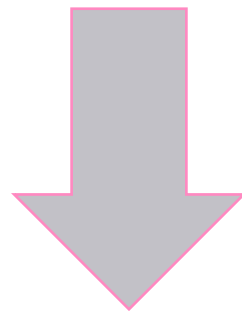
# Information retrieval. Learning 2 rank.

Сбертех, МФТИ

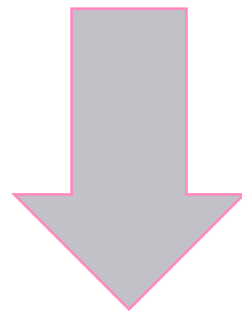
Кто снял фильм Титаник?



Кто снял фильм Титаник?



Кто снял фильм Титаник?



1



2



3



4

# Постановка задачи ранжирования

Пусть существует множество запросов  $q_1, q_2, \dots, q_n$ , где для каждого запроса существует  $m$  документов  $d_1, d_2, \dots, d_m$ . Каждому документу проставлена некоторая оценка из множества  $\{S_1, S_2, \dots, S_k\}$ , которая задает порядок выдачи документов для запроса  $q_i$  так что:

$$(q_i, d_1) > (q_i, d_2) > \dots > (q_i, d_m)$$

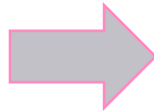
Выражение  $x > x'$  соответствует предпочтению объекта  $x$  объекту  $x'$ .

**Задача ранжирования** – построить такую функцию  $a(q, \{d_1, d_2, \dots, d_m\})$ , которая для каждой пары запрос-документ формирует оценку  $S$ , которая позволит упорядочить документы

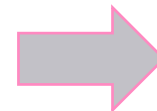
$$S_1 > S_2 > \dots > S_n \rightarrow (q, d_1) > (q, d_2) > \dots > (q, d_m)$$

для запроса в последовательности, удовлетворяющей бизнес логике. Обычно данные для обучения ранжированию готовят ассессоры.

Магазин спортивных  
товаров



Модель  
ранжирования



1



2



3

Метрика оценивания

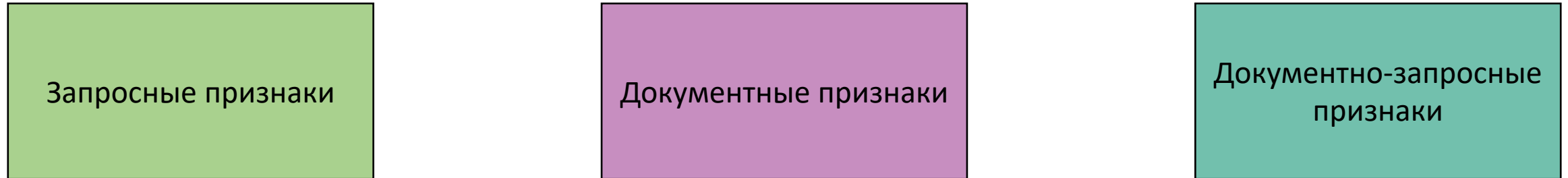
Постановка задачи

Алгоритм  
ранжирования  
(pointwise, pairwise,  
listwise)

Данные

Признаки  
ранжирования

# Признаки ранжирования



- **Текстовые**
  - [BM25](#), TF-IDF, fuzzy...
- **Графовые**
  - С какими сущностями системы связан запрос?
- **Поведенческие**
  - Информация об истории взаимодействия пользователя с системой
- **Социальные**
  - Как пользователь связан с другими пользователями системы?
- **Временные**
  - В каком временном периоде живет запрос/документ?

# Метрики ранжирования

Метрики оценивания ранжирования – сравнение предсказанного упорядоченного списка документов и истинного.

Точность ранжирования – если целевая переменная  $y(q, d) \in \{0,1\}$ .

**Precision@k(q)** - доля релевантных документов среди отобранных k кандидатов

$$Precision@k(q) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k y(q, d_q^i)$$

- Не учитываются позиции релевантных документов. Если у нас 10 кандидатов, то 5 наиболее релевантных документов могут находиться где угодно среди этих кандидатов.

**AP@k(q)** - достигает максимума, если все релевантные документы находятся вверху ранжированного списка. Значение метрики уменьшается, если релевантные документы смещаются ниже.

$$AP@k(q) = \frac{\sum_{i=1}^k y(q, d_q^i) Precision@i(q)}{\sum_{i=1}^k y(q, d_q^i)}$$

Если необходимо вычислить  $AP@k(q)$  для всей выборки, можно вычислить AP для каждого запроса и потом усреднить.

$$MAP@k = \frac{1}{|Q|} \sum_{q \in Q} AP@k(q)$$

precision@1=0



precision@2=1/2



precision@3=1/3



precision@4=2/4



precision@5=3/5





# Метрики ранжирования

Если  $y(q, d) \in R$  – метрика ранжирования дисконтированного совокупного прироста.

$$DCG(k) = \sum_{j: \pi_i(j) \leq k} G(j)D(\pi_i(j))$$

**DCG** – дисконтируемый совокупный прирост информации от документа первого документа до  $k$  документа с учетом позиций документа.

$G(\cdot)$  – функция усиления (как мы оцениваем текущую оценку документа)

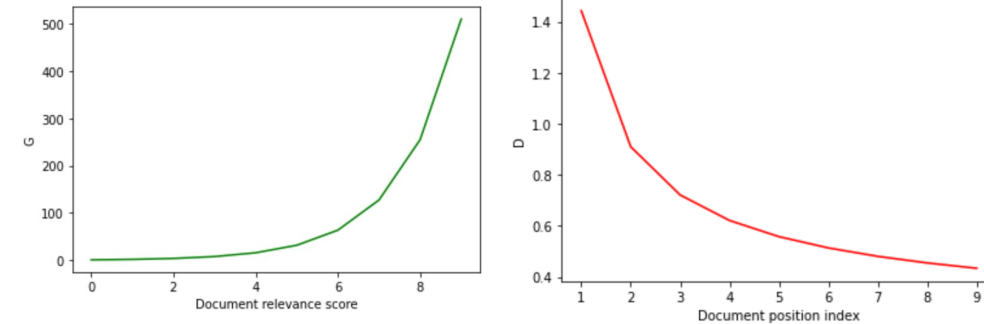
- $G(i) = 2^{y(q, d_i)} - 1$
- Чем больше релевантность документа, тем больше  $G$

$D(\cdot)$  – функция позиции (штраф за позицию)

- $D(\pi_i) = \frac{1}{\log_2(1 + \pi_i(j))}$
- Чем ниже позиция документа, тем выше штраф
- $\pi_i(j)$  –  $j$  позиция документа  $d_j$  для запроса  $q_i$  в списке кандидатов  $\pi_i$

$k$  – количество документов относительно которых производится расчёт.

**Сложно оптимизировать напрямую так как учитывается порядок документа.**



- Релевантный документ с низкой позицией – большой штраф
- Релевантный документ с высокой позицией – низкий штраф
- Если вверху списка находятся все релевантные документы – метрика достигает максимума

Для нормировки метрики показатель DCG нормируют на DCG при идеальном ранжировании:

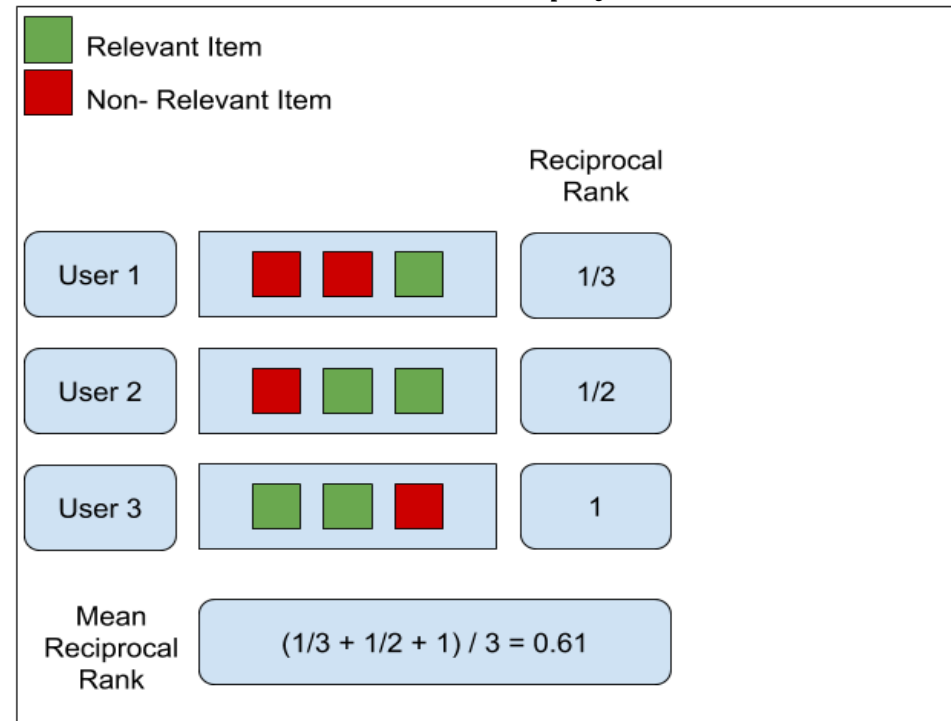
$$NDCG = \frac{DCG(k)}{\max(DCG(k))} \in [0; 1]$$

# Метрики ранжирования

**Mean Reciprocal Rank(MRR)** – метрика, оценивающая местоположение первого релевантного элемента относительно 1ого.

$$r_q = \frac{1}{p_{q_i}}$$

$$MRR@k = \frac{1}{|Q|} \sum_{q \in Q} r_q$$



# Pointwise

Минимизация ошибки между оценкой модели и оценкой ассессора:

- Регрессия

$$L(a) = \sum_q \sum_{(q,d_i)} (y(q, d_i) - a(q, d_i))^2 \rightarrow \min$$

- Классификация

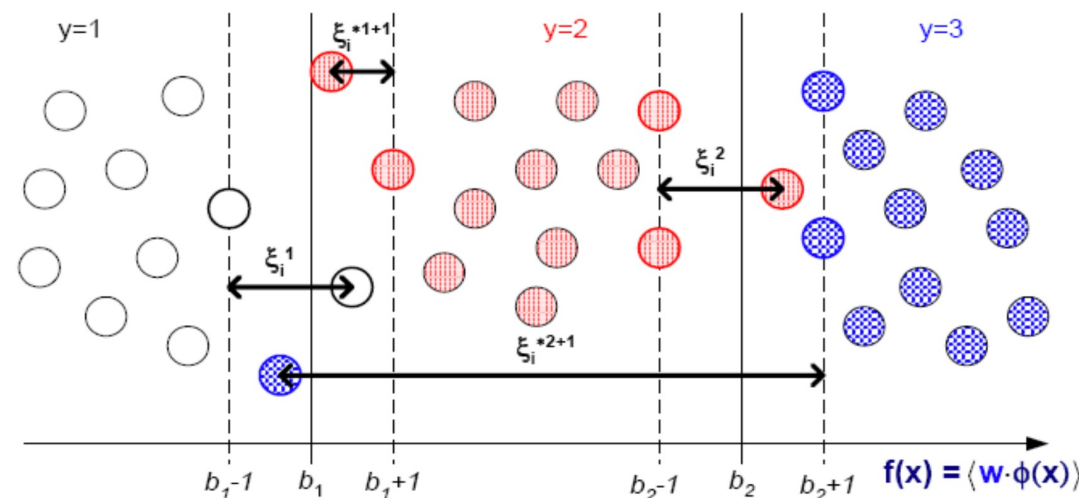
$$L(a) = \sum_q \sum_{(q,d_i)} [y(q, d_i) \neq a(q, d_i)] \rightarrow \min$$

Плюсы

- + Прост в реализации
- + Уверенно работает на простых запросах

Минусы

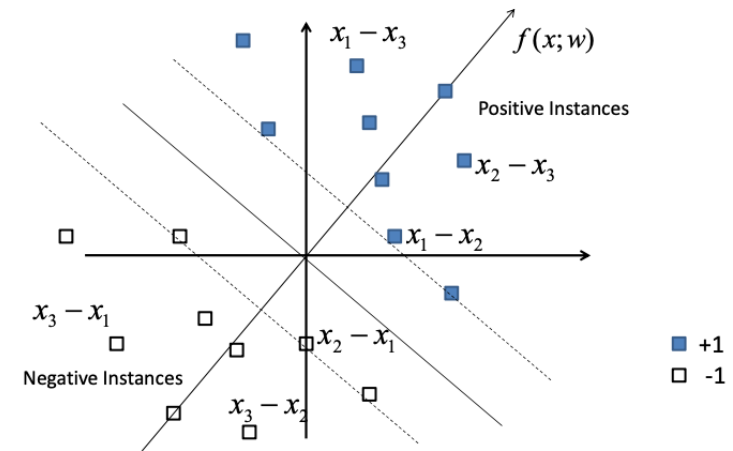
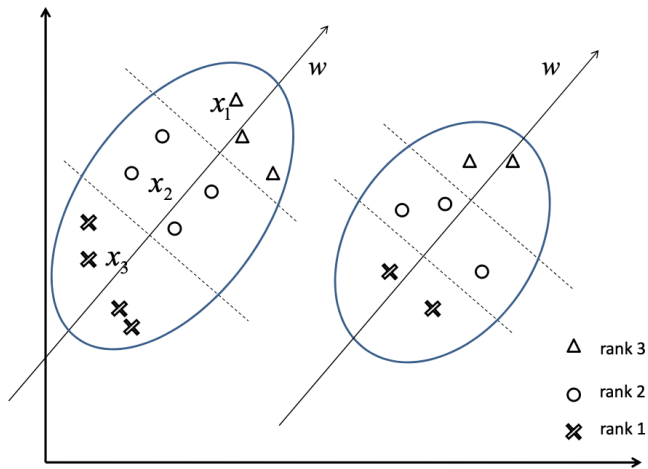
- Нет оптимизации порядка документов
- Появляется разная уверенность на разных положительных документах
- Если на 1 запрос 5 документов, на другой 10 – то модель склонна в будущем давать большую уверенность второму запросу



# Pairwise (RankSVM)

Задача – научить модель правильно упорядочивать пары документов (минимизировать количество неправильно упорядоченных пар). Если  $(q, d_j) \succ (q, d_i)$ , то  $h(x_j) - h(x_i) > 0$ .

$$L(h) = \sum_h \sum_{(q, d_i) \prec (q, d_j)} [h(x_j) - h(x_i) < 0] \leq \sum_h \sum_{(q, d_i) \prec (q, d_j)} L(h(x_j) - h(x_i)) \rightarrow \min$$



$$\begin{cases} \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \sum_{i=1}^m \xi_i \rightarrow \min_{w, b} \\ y_i (\langle w, x_i \rangle + b) \geq 1 - \xi_i, i = 1, \dots, m \\ \xi_i \geq 0, i = 1, \dots, m \end{cases}$$



$$\min_w \sum_{i=1}^m \max(1 - y_i \langle w, x_i^1 - x_i^2 \rangle, 0) + \lambda \|w\|^2$$

# Pairwise (IR SVM)

Оценки релевантности – 3, 2, 1(чем выше, тем лучше)

## Проблема № 1

Ранжирование №1 – 2, 3, 2, 1, 1, 1, 1

Ранжирование №2 – 3, 2, 1, 2, 1, 1, 1

Где серьезнее ошибка?

## Проблема №2

Выдача для запроса 1 – 3, 2, 2, 1, 1, 1, 1

Выдача для запроса 2 – 3, 3, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1

### Запрос 1

- 2 пары запросов для оценок 3-2
  - 4 пары запросов для оценок 3-1
  - 8 пар запросов для оценок 2-1
- Итого – 14 пар документов

### Запрос 2

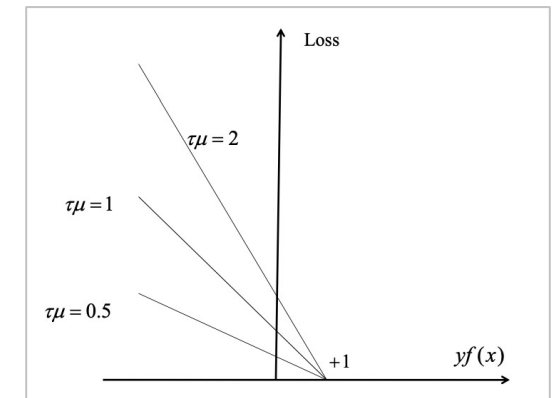
- 6 пары запросов для оценок 3-2
  - 10 пары запросов для оценок 3-1
  - 15 пар запросов для оценок 2-1
- Итого – 31 пар документов

Ошибка на запросе 1 < Ошибка на запросе 2

$$\min_w \sum_{i=1}^m \tau_{k(i)} \mu_{q(i)} \max(1 - y_i \langle w, x_i^1 - x_i^2 \rangle, 0) + \lambda \|w\|^2$$

$\tau_{k(i)}$  - вес пары при оценке ранжирования  $k(i)$  (чем выше оценка у пары, тем выше ошибка)

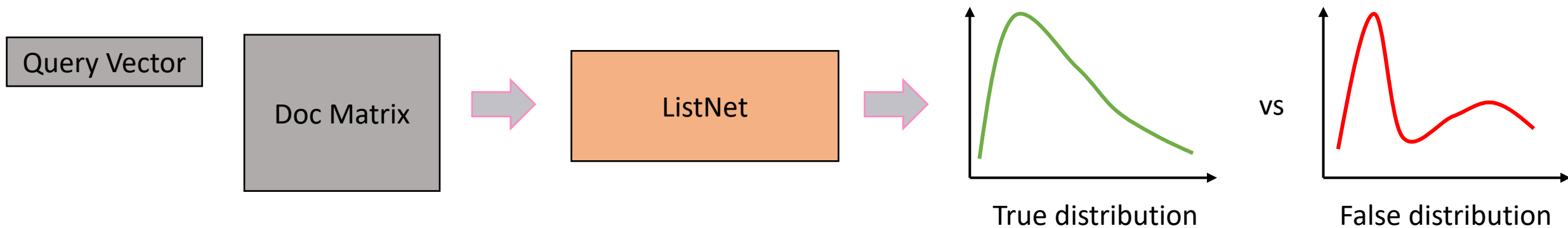
- Рассчитывается, как изменение в NDCG при перестановке пары в списке ранжирования
- $\mu_{q(i)}$  - нормирование значение ошибки по кол-ву пар документов на запрос ( $= \frac{1}{|n_q|}$ )



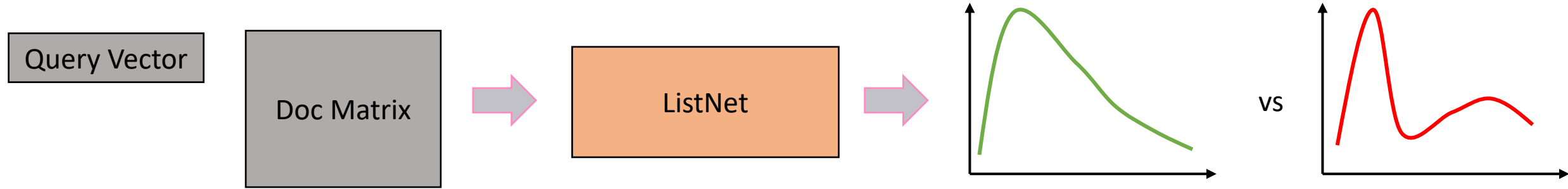
Модифицированный Hinge Loss

# Listwise (ListNet)

- 1) Вектор признаков  $x_j^i = \phi(q^i, d_j^i)$  формируется для каждой пары запрос-документ. Набору векторов признаков  $x^j = \{x_1^j, x_2^j, \dots, x_n^j\}$  запрос-документ соответствует список оценок  $y_i = \{y_1^i, y_2^i, \dots, y_n^i\}$ .
- 2) Необходимо построить такую функцию ранжирования  $f$ , так что документы  $d_j^i$  для запроса  $q^i$  будут упорядочены по построенным оценкам функцией ранжирования. Истинные оценки релевантности и оценки построенной функции порождают вероятностное распределение на множестве перестановок документов.
- 3) Задача модели на этапе обучения – минимизировать расстояние между распределением истинными оценками релевантности и предсказанным распределением оценок.



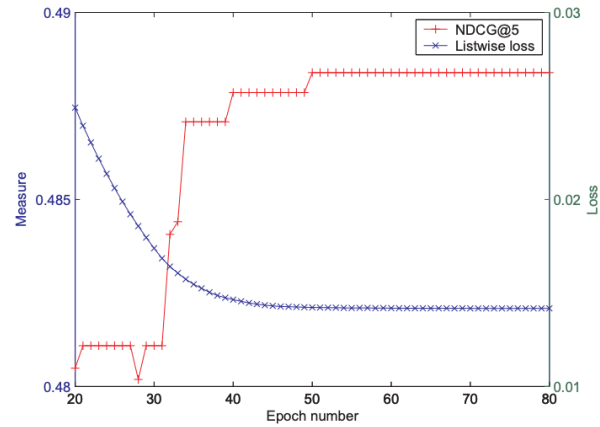
# Listwise (ListNet)



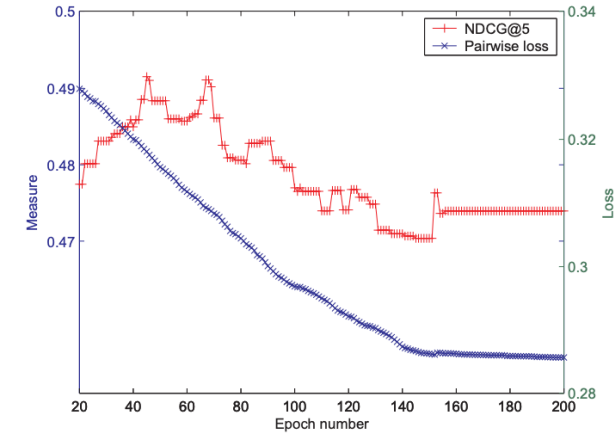
1. Готовим матрицу признаков Q и D
  - Признаки могут быть бинарными, категориальными, непрерывными
  - Документы отсортированы по оценке релевантности
2. В рамках модели конкатенируем признаки каждый документа с признаками запроса
3. Строим неглубокую модель (*качество ранжирования зависит от признаков*)
4. Обучаем модель на ошибку разницы между истинным и предсказанным распределением.
  - Истинное распределение считать, как softmax по оценкам релевантности документов
  - Предсказанное распределение считать как softmax по документам запроса
  - Функция ошибки – кросс-энтропия, KL

<https://www.microsoft.com/en-us/research/wp-content/uploads/2016/02/tr-2007-40.pdf>

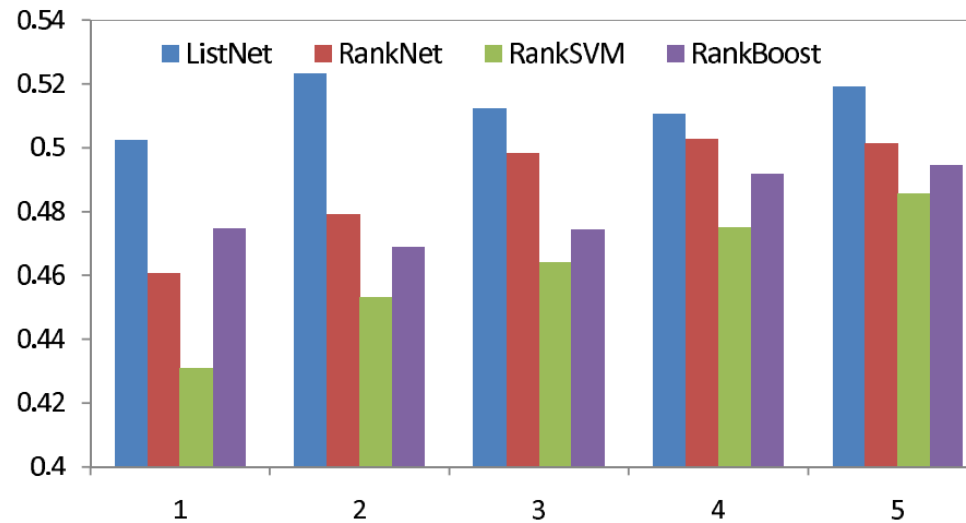
# Метрики listwise модели



Listwise loss vs NDCG@5



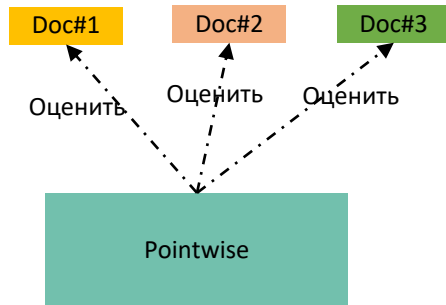
Pairwise loss vs NDCG@5



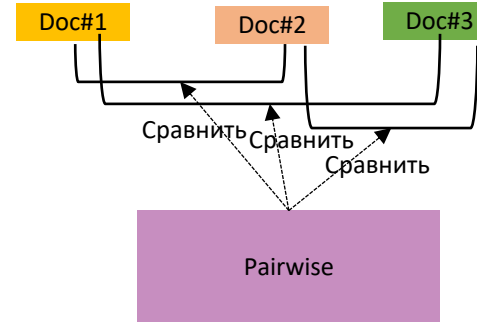
NDCG@N at TREC DATASET



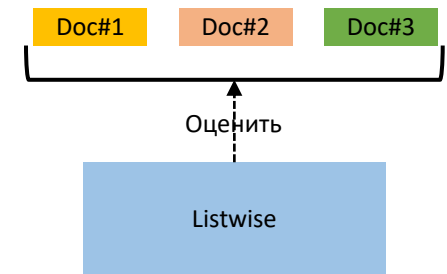
# Какой алгоритм выбрать?



- **Pointwise** - предсказание релевантности запроса документу
  - Объем данных –  $m * N_{max}$  точек
  - Задача – предсказать, релевантен ли данный запрос данному документу
  - Если у нас много разных документов (положительных/отрицательных) на один запрос, то работает хорошо.
  - Где использовать – отделить релевантные документы от нерелевантных.
  - Нет возможности оптимизировать порядок выдачи



- **Pairwise** – предсказание релевантности одной пары над другой
  - Объем данных –  $m * N^2$  точек
  - Задача – предсказание порядка выдачи с помощью попарного предсказания релевантности документов
  - Если много оцененных документов на запрос – то работает хорошо, но медленно
  - Где использовать – упорядочить документы для выдачи пользователю



- **Listwise** – наиболее прямая оптимизация метрики NDCG
  - Объем данных –  $m * N_{max}$  точек
  - Задача – минимизировать разницу между распределением оценки ассессоров и предсказанным распределением
  - Если есть много запросов – то работает хорошо, но быстро
  - Где использовать – упорядочить документы для выдачи пользователю

- <https://www.microsoft.com/en-us/research/project/mslr/>
- <https://microsoft.github.io/msmarco/>
- <https://www.microsoft.com/en-us/research/project/letor-learning-rank-information-retrieval/>
- <https://www.kaggle.com/c/yandex-personalized-web-search-challenge/data>
- <https://trec.nist.gov/data/session2013.html>
- <http://proceedings.mlr.press/v14/chapelle11a/chapelle11a.pdf> - Yahoo Learning 2 rank challenge