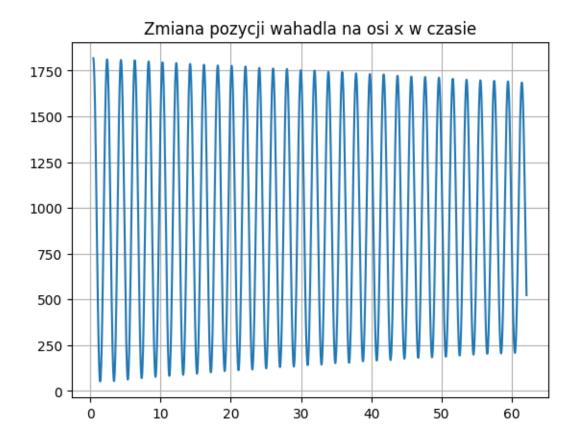
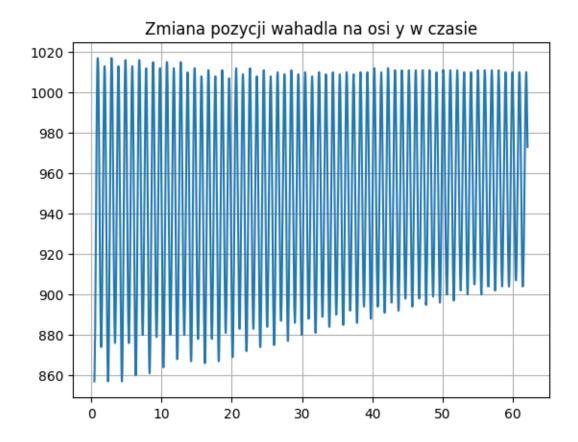
wahadlo

March 25, 2024

```
[337]: import pandas as pd
      import numpy as np
      from matplotlib import pyplot as plt
[338]: # Dlugosc od mocowania do srodka ciezkosci wahadła
      L = 0.96
[339]: | # Wczytanie danych z pominieciem okresu do pierwszego wzniesienia wahadla
      df = pd.read_csv("video4.csv", names=['x','y','time'])[25:]
      df.head()
[339]:
             X
                      time
      25 1818 857 0.416
      26 1815 858 0.433
      27 1809 861 0.450
      28 1802 864 0.466
      29
          1792 868 0.483
      Wyczyszczenie danych
[340]: for index, row in df.iterrows():
          if row['x'] < 10 or row['x'] > 1900 or row['y'] < 800 or row['y'] > 1100:
               df.drop(index, inplace=True)
[341]: plt.plot(df["time"], df["x"])
      plt.title('Zmiana pozycji wahadla na osi x w czasie')
      plt.grid(True)
```



```
[342]: plt.plot(df["time"], df["y"])
plt.title('Zmiana pozycji wahadla na osi y w czasie')
plt.grid(True)
```

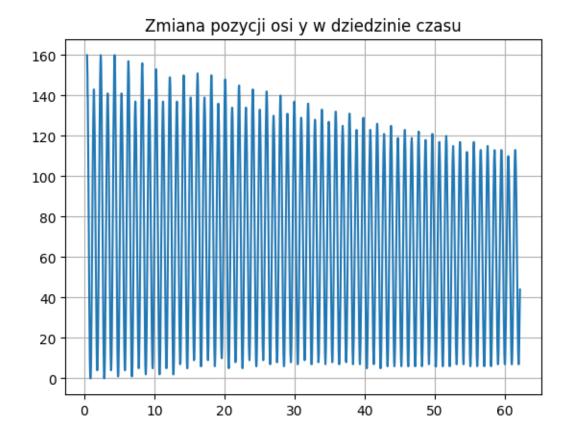


Przekonwertowanie danych y tak, zeby skala zmiany zaczynala sie od 0.

```
[343]: def przelicz_y(value):
    return max(df['y'])-value

df['y'] = df['y'].apply(przelicz_y)

[344]: plt.plot(df["time"], df["y"])
    plt.title('Zmiana pozycji osi y w dziedzinie czasu')
    plt.grid(True)
```



Okres wahadla

```
[345]: # Próg
threshold = 20

# Licznik wejść powyżej progu
entry_count = -1
entry_times = []

last_value = None
below_threshold = True # Flaga określająca, czy wahadlo znajduje sie ponizeju
-punktu

for i, value in enumerate(df['y']):
    if last_value == None:
        last_value = value
    elif last_value < value and value > 20 and below_threshold:
        entry_count += 1
        entry_times.append(df['time'].iloc[i])
        below_threshold = False
```

```
elif value < 20 and last_value < 20:
    below_threshold = True
last_value = value

entry_count = entry_count/2 # podzielone na 2, bo dwa razy wartosc y zwieksza__
    sie na jeden okres
T = (entry_times[-1]-entry_times[0])/(entry_count)

print("Liczba wejść powyżej progu:", entry_count/2)
print("Okres:", T)</pre>
```

Liczba wejść powyżej progu: 15.5 Okres: 1.96799999999997

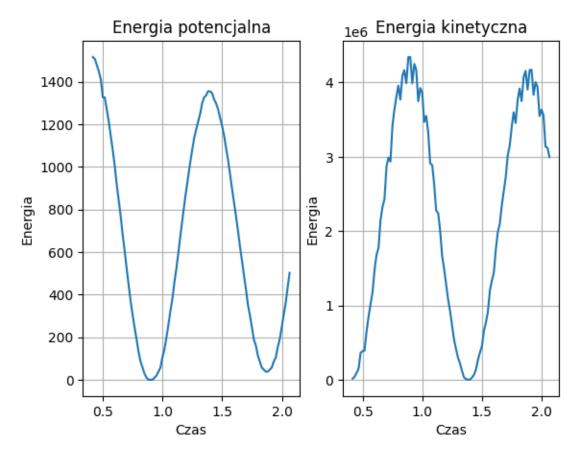
Przyspieszenie ziemskie

```
[346]: g = L*4*np.pi**2/2**2
print(g)
```

9.474820225045784

Energia kinetyczna i potencjalna

```
[347]: import numpy as np
       import matplotlib.pyplot as plt
       x = df['x'].values
       y = df['y'].values
       t = df['time'].values
       # Obliczanie prędkości (dx/dt, dy/dt)
       dx_dt = np.gradient(x, t)
       dy_dt = np.gradient(y, t)
       # Obliczanie energii potencjalnej (mgh)
       potential_energy = g * y
       # Obliczanie energii kinetycznej (0.5 * m * v^2)
       kinetic_energy = 0.5 * (dx_dt**2 + dy_dt**2) # m pominiete
       # Tworzenie wykresu energii w zależności od czasu w podanym zakresie
       zakres1 = 0
       zakres2 = 100
       fig, axs = plt.subplots(1,2)
       plt.sca(axs[0])
       plt.title('Energia potencjalna')
       plt.xlabel('Czas')
```



Stala czasowa zaniku drgan

```
[348]: import numpy as np
from scipy.optimize import curve_fit
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
x = df['x'].values
y = df['y'].values
t = df['time'].values
def exponential_decay(t, A, tau):
    return A * np.exp(-t / tau)
popt, pcov = curve_fit(exponential_decay, t, y)
# Wartość stałej czasowej zaniku drgań
tau = popt[1]
# Obliczenie czasu, gdy amplituda spadnie poniżej 1% początkowej wartości
end_time = -tau * np.log(0.01)
print("Wartość stałej czasowej zaniku drgań:", tau)
print("Czas ruchu wahadla:", end_time/60, "minut")
# Wykres danych i dopasowanej krzywej eksponencjalnej
plt.plot(t, y, label='y/t')
plt.plot(t, exponential_decay(t, *popt), 'r-', label='Wskaznik zaniku drgan')
plt.xlabel('Czas')
plt.ylabel('Pozycja wahadła (y)')
plt.title('Dopasowanie krzywej eksponencjalnej do danych zanikających drgań')
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```

Wartość stałej czasowej zaniku drgań: 218.632286912186

Czas ruchu wahadla: 16.78064815637322 minut



