

<u>Begriffe</u>	<u>Formeln</u>
Bit: Eine Stelle einer Binärzahl	Grösste Darstellbare Zahl(unsigned): $2^n - 1$
Bit = 1: Gesetztes Bit(<u>set bit</u>)	Anzahl Zahlen: 2^n
Bit = 0: Gelöschtes Bit(<u>cleared bit</u>)	Bereich(unsigned): 0 bis $2^n - 1$
LSB: Least Significant Bit, niederwertigstes Bit, Bit 0	Grösste Darstellbare Zahl(signed): $2^{n-1} - 1$
MSB: Most Significant Bit, höchstwertiges Bit, Bit n-1	Kleinste Negative Zahl(signed): -2^{n-1}
Nibble: Binärzahl mit <u>vier</u> Bit.	Bereich(signed): -2^{n-1} bis $2^{n-1} - 1$
Byte / Oktett: Binärzahl mit <u>acht</u> Bit.	MSB = 0: Dient als +
Carry Bit: Übertragsbit, wird bei einem Übertrag gesetzt	MSB = 1: Dient als -

Addition dezimal	Addition dual	Subtraktion dezimal	Subtraktion dual
$\begin{array}{r} 168 \\ + 37 \\ \hline 205 \end{array}$	$\begin{array}{r} 10101000 \\ + 001000101 \\ \hline 11001101 \end{array}$	$\begin{array}{r} 168 \\ - 37 \\ \hline 131 \end{array}$	$\begin{array}{r} 10101000 \\ - 001000101 \\ \hline 10000011 \end{array}$

Multiplikation dezimal	Multiplikation dual
$ \begin{array}{r} 12 * 14 \\ \hline 48 \\ 168 \\ \hline 168 \end{array} $	$ \begin{array}{r} 1100 * 1110 \\ \hline 1100 \\ 1100 \\ 1100 \\ 0000 \\ \hline 10110000 \end{array} $

1. Investieren		
2. Plus 1 Addieren		
0000'0001 \rightarrow 1111'1110 + 1 = 1111'1111		
0000'1111 \rightarrow 1111'0000 + 1 = 1111'0001		
0101'1010 \rightarrow 1010'0101 + 1 = 1010'0110		

					2 ⁰	1	1
					2 ¹	2	10
2 ¹⁰	1.024 · 10 ³	K	Kilo	Ki	Kibi	2 ²	4 100
2 ²⁰	1.049 · 10 ⁶	M	Mega	Mi	Mebi	2 ³	8 1000
2 ³⁰	1.074 · 10 ⁹	G	Giga	Gi	Gibi	2 ⁴	16 1'0000
2 ⁴⁰	1.100 · 10 ¹²	T	Tera	Ti	Tebi	2 ⁵	32 10'0000
2 ⁵⁰	1.126 · 10 ¹⁵	P	Peta	Pi	Pebi	2 ⁶	64 100'0000
2 ⁶⁰	1.153 · 10 ¹⁸	E	Exa	Ei	Exbi	2 ⁷	128 1000'0000
						2 ⁸	256 1'0000'0000
						2 ⁹	512 10'0000'0000

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
1	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
2	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47
3	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63
4	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
5	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95
6	96	97	98	99	100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111
7	112	113	114	115	116	117	118	119	120	121	122	123	124	125	126	127
8	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140	141	142	143
9	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155	156	157	158	159
A	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175
B	176	177	178	179	180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191
C	192	193	194	195	196	197	198	199	200	201	202	203	204	205	206	207
D	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	222	223
E	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239
F	240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255

$$E8 = 232$$

Beispiel: $f(x_0, \dots, x_{n-1}) = \sum_{i=0}^{n-1} x_i$

Nullfunktion Funktion mit null Parametern (nullstellig, *nullary function*)
Beispiel: $f() = 1$

Neutrales Element	$x \vee 0 = x$	$x \wedge 1 = x$
Idempotenz	$x \vee x = x$	$x \wedge x = x$
Complement	$x \vee \bar{x} = 1$	$x \wedge \bar{x} = 0$
Extremum	$x \vee 1 = 1$	$x \wedge 0 = 0$
Assoziativität	$x \vee (y \vee z) = (x \vee y) \vee z$	$x \wedge (y \wedge z) = (x \wedge y) \wedge z$
Distributivität	$x \vee (y \wedge z) = (x \vee y) \wedge (x \vee z)$	$x \wedge (y \vee z) = (x \wedge y) \vee (x \wedge z)$
Absorption	$x \vee (x \wedge y) = x$	$x \wedge (x \vee y) = x$
De Morgan	$\overline{x \vee y} = \bar{x} \wedge \bar{y}$	$\overline{x \wedge y} = \bar{x} \vee \bar{y}$

$$\begin{array}{ccc|ccc} 0 & 1 & 1 & xy \\ 1 & 0 & 1 & x\bar{y} \\ 1 & 1 & 1 & xy \end{array} \Rightarrow \overbrace{x \vee y}^{\text{DNF}} = \overbrace{\bar{x}y \vee x\bar{y} \vee xy}^{\text{KDNF}}$$

x	y	$x + y$	$x \wedge y$	$x \oplus y$
0	0	00	0	0
0	1	01	0	1
1	0	01	0	1
1	1	10	1	0

Akteur ist eine aktive Komponente, die Informationen erzeugt oder verarbeitet.

Speicher ist eine passive Komponente, die Informationen speichern kann.

Das Diagramm zeigt zwei parallele Signalwege:

- Obere Kette (Daten und Audio):** Ein **Radiosender** überträgt **Funkwellen** (mit Daten) zu einem **Radio(empfänger)**. Dieser ist über ein **Kabel** (mit Daten) mit einer **Box** verbunden. Die **Box** liefert **Audio-Wellen** (Musik) an **Ohren**.
- Untere Kette (Daten und Audio):** Eine **Antenne** überträgt **Funkwellen** (mit Daten) zu einer **Handymast**. Diese ist über ein **Kabel** (mit Daten) mit einem **Netzstecker** verbunden. Der **Netzstecker** liefert **Funkwellen** (Musik) an einen **Empfänger**.

1. Prozessor fordert Wert von der Adresse an, die im Befehlszeiger steht.
2. Prozessor decodiert Instruktion aus Wert.
3. Prozessor wählt den zur Instruktion gehörenden Baustein aus.
4. Aktiver Baustein decodiert Parameter aus Wert.
5. Aktiver Baustein liest aus den Registern.
6. Aktiver Baustein führt Berechnung aus.
7. Aktiver Baustein schreibt in die Register.
8. Prozessor erhöht Befehlszeiger entsprechend der Länge der Instruktion.

BIG-ENDIAN	LITTLE-ENDIAN
<p>0xCAFEBABE will be stored as CA FE BA BE</p>	<p>0xCAFEBABE will be stored as BE BA FE CA</p>
<p>die oberen Bits <u>nicht</u>:</p>	
<p>RAX Accumulator, für einige Rechenoperationen das einzige mögliche Register</p>	
<p>RBX Datenpointer</p>	
<p>RCX Counter für Schleifen und Stringoperationen</p>	
<p>RDX Pointer für I/O-Operationen</p>	
<p>RSI, RDI Quell- und Zielindizes für Stringoperationen</p>	
<p>RSP Stackpointer, Adresse des allozierten Stacks</p>	
<p>RBP Basepointer, Adresse innerhalb des Stacks, Basis des Rahmens der Funktion</p>	
<p>R8 – R15 Zusätzliche Register</p>	

Diagram illustrating the structure of x86 registers:

- Top Section:** Shows two separate registers: **RAX** and **EAX**.
- Bottom Section:** Shows a single register structure containing **RAX**, **EAX**, **AX**, and **AL**.

Register Bit Widths:

- RAX = 64 Bit
- EAX = 32 Bit
- AX = 16 Bit
- AL = 8 Bit

Register Extensions:

- x - extended
- l - low

Other registers listed: AL, BL, CL, DL, DIL, SIL, BPL, SPL, R8L - R15L

Diagram illustrating a memory layout with indices 0 to 7. The values are: 48, 61, 6C, 6C, 6F, 48, 89, D8. The variable `somedata` points to index 0, and the variable `start` points to index 5. The address calculation is shown as:

$$A(\text{somedata}) = 0$$
$$A(\text{start}) = 5$$

db 48	schreibt ein Byte mit dem Wert 48d
db 0x35, 0h21, 049h	schreibt die drei Byte 35h, 21h, 49h
db 'a'	schreibt den ASCII-Code von a = 61h äquivalent zu: db 0x61
db 'Hallo'	schreibt die ASCII-Codes von H, a, l, l und o.

cmp a, b jg label ; Jump if A > B	cmp a, b jl label ; Jump if A < B
Cmp a,b Jnz label; Jump if A ≠	Jmp label ; Jump always

```

Beispiel Hello World
bits 64
msg: db 'Hallo World!'
len: equ $-msg
global _start
_start:
mov rax, 1 ; sys_write
mov rdi, 1 ; stdout
mov rsi, msg ;address of the String
mov rdx, len ; length of the String
syscall ;system call--> OS do what
mov rax, 60 ;sys_exit
mov rdi, 0 ; with code 0
syscall

Beispiel Summe 0 + 1 ...
+ n
bits 64
global _start
_start:
mov rdi, 6
mov rcx, 0
_sum:
add rcx, rdi
dec rdi
jnz _sum
mov rax, 60
mov rdi, rcx
syscall

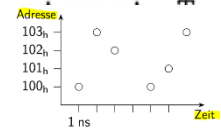
```

Pop rax, mov rax, [rsp] & add rsp, 8 // erhöhen → Stack kleiner

Memberwise Copy

```
struct T t, u;
t = u;
```

```
struct T *pt = &t;
*pu = &u;
```



Complete / Incomplete

Vollständig(complete) wenn Compiler genug Infos, um Grösse dieses Typs zu bestimmen, andernfalls unvollständig

Forward-Deklarationen

```
struct Folder; // Forward-Deklaration
struct File
{
    struct Folder *parent; // Poi
    char name[256]; // Gro
}; // Typ
struct Folder
{
    struct File * file[256]; // Arr
};
```

Unions

Unions werden in Structs definiert. Ihre Member beginnen alle mit Adresse der Union. In einer Union hat es mehrere Structs.

Mit Unions lassen sich Casts vermeiden

```
union U {
    int kind;
    struct { int kind; char value[256]; } str;
    struct { int kind; long long value; } ll;
};
```

Funktionen(Call by Value)

```
void f (); // Argument ohne Wirkung
void g (void); // keine Argumente
```

```
int f (int *x)
{
    *x = *x + 1;
    return *x * 4;
}
int p = 7;
int q = f (&p); // p wird 8, q wird 32
```

Main Funktion

Die Main Funktion hat ein Argument Counter und ein Char-Array von Argumenten, welche der Funktion mitgegeben werden können. Da ein Array immer nur als Pointer übergeben werden kann, muss die Anzahl(argc) einzeln übergeben werden.

- OS übergibt Programm Kommandozeilenargumente
- Argv ist ein Pointer auf das erste Element eines Arrays von String Pointern
- Agrv[0] beinhaltet den Pointer auf den Programmnamen
- Agrv[1] – [argc-1] enthlt Pointer auf Argumente

Lokale Variabeln

```
int * f (int **x)
{
    int y = 123;
    *x = &y;
    return &y;
}
```

Liegen auf dem Stack, innerhalb von Funktion definiert.

Printf

%s → String %i → int
%p → pointer %c → Char

Speicher

Grundsatz

Es gibt kein System, das optimal für alle Anwendungszwecke eingesetzt werden kann. Jede Optimierung geschieht auf einen oder mehrere Anwendungsfällen hin. Ein perfektes System gibt es nicht!

Software-Basis-Modell

CPU lädt Befehlssequenzen aus Hauptspeicher und führt die aus

Ein Befehl kann, Daten zwischen Hauptspeicher und Registern verschieben, Auf Registern rechnen oder den Befehlspointer verändern

Compiler generiert Befehlssequenzen, CPU führt diese aus

Speicher-Programmier-Modell

Früher einfachen Aufbau(weil Proz gleichschnell wie Hauptspeicher):

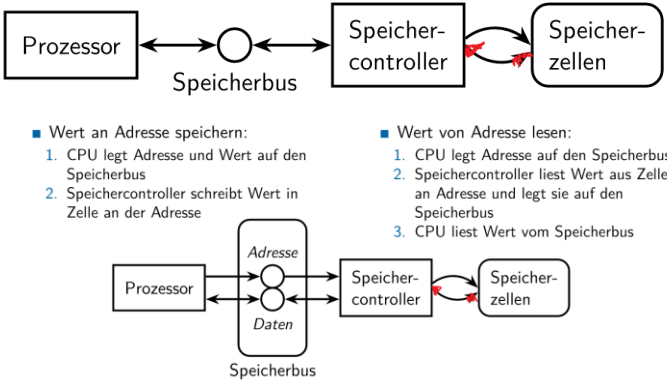


Aus diesem einfachen Prinzip haben sich Compiler und OS gebildet. **Compiler**→ **Generiere Code**, um Werte zwischen Hauptspeicher und Prozessor zu Transportieren

OS: Weise den Programmen Speicher(Bereiche) zu

Hauptspeicher(RAM / ROM)

Speicher mit Speicherzellen, welche Wert speichern können. Zugriff über Speichercontroller, Kommunikation zwischen Speichercontroller und Prozessor geht über den Speicherbus



Speicherhiearchie

Moderne Computer brauchen aus physikalischen, logischen und ökonomischen Gründen eine Speicherhierarchie, in der verschiedene Sorten Speicher eingesetzt ist.

Physikalisch: Licht, Hitze(mehr Transistoren desto heisser)

Logisch(Adressierung ist logarithmisch, mehr = mehr Zeit)

Ökonomisch: Grundsatz desto CPUnäher Speicher desto teurer, komplexer, schneller, weniger fehleranfällig

- **Flüchtiger Speicher**(ohne Strom weg)
 - o CPU-Register
 - o CPU Cache(Level)
 - o Hauptspeicher(RAM / ROM)
- **Nichtflüchtiger Speicher**(behält ohne Strom)
 - o Festplatte(HDD/SSD)
 - o Externe Datenträger(CD, Flashdrive, etc)
 - o Netzwerkspeicher/Cloudspeicher
 - o Archiv/Backup(Tape)

Vorteile höherwertiger Speicher

- Näher an CPU
- Höhere Zugriffs und Transfargeschwindigkeit
- Weniger Fehler(anfälligkeit)
- Geringere Sicherheitsanforderungen(bei Zugriff verloren)

Vorteile niederwertiger Speicher

- Niedrigerer Preis pro Byte
- Höhere Kapazität
- Grössere Transfereinheiten

Beispiel

Es gibt beispielsweise Cache, Hauptspeicher und Sekundärer Speicher. Programme und Daten liegen im Hauptspeicher und werden vom Cache-Controller automatisch in den Cache geladen, um den Zugriff durch die CPU zu beschleunigen. Festplatten werden zum einen dafür verwendet Programme und Daten dauerhaft zu speichern und zum anderen als Auslagerung für Hauptspeicher, um diesen zu erweitern. Das wird vom Betriebssystem gesteuert. Grundsätzlich kann man sagen, je weiter weg ein Speicher von der CPU ist, desto billiger, fehleranfälliger und langsamer ist er. Vergleiche dazu die HDD.

Lokalitätsprinzip

Arbeitsbereich eines Programmes(Zeitraum Delta t vor Zeitpunkt t):



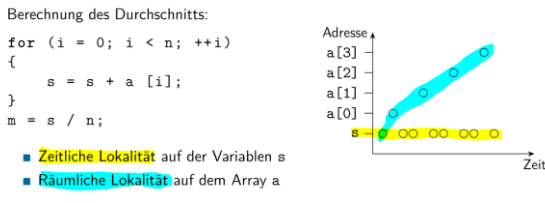
Lokalitätsdiagramm

Im Lokalitätsdiagramm werden die Zugriffe aus Speicherstellen im zeitlichen verlauf aufgezeigt.

Räumliche Lokalität: Wird auf eine bestimmte Adresse im Hauptspeicher zugegriffen, so ist die Wahrscheinlichkeit recht hoch, dass der folgende Zugriffe auf eine Adresse in der Nachbarschaft erfolgt. Im Speicher wird dies genutzt in dem man immer Datenblöcke verschiebt.

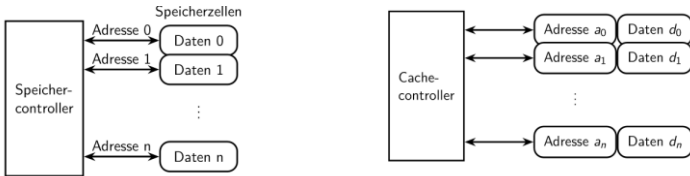
Zeitliche Lokalität: Wird auf eine bestimmte Adresse im Hauptspeicher zugegriffen, so ist die Wahrscheinlichkeit hoch, dass in naher Ukunft wieder darauf zugegriffen wird. Im Speichersystem will man also die zuletzt zugegriffenen Daten auf der schnellsten Stufe der Hierarchie halten.

- Wenn ich den Arbeitsbereich kenne, kann ich auf zukünftigen Arbeitsbereich schliessen
- Ohne dieses Prinzip, bräuchte man nur die langsamste Speicherstufe



Cache

- Zwischenspeicher, welcher kleiner als Hautpspeicher ist und näher an CPU→schnellere Zugriffszeiten.
- **Neben Daten auch Teil der Adresse der Zellen speichern**
- Lokalitätsprinzip→ Daten in Cache(schnelle, viele Zugriffe)
- Cache zwischen Prozessor und Hauptspeicher: Ohne Sie wären Computersysteme praktisch unbrauchbar(weil langsam).



→ Cache aufwendig und teuer

Cache Hit: Gesuchte Adresse ist im Cache.

Cache Miss: Gesuchte Adresse ist nicht im Cache.

Berechnung Mittlere Zugriffszeit

Tc Zugriffszeit auf den Cache.

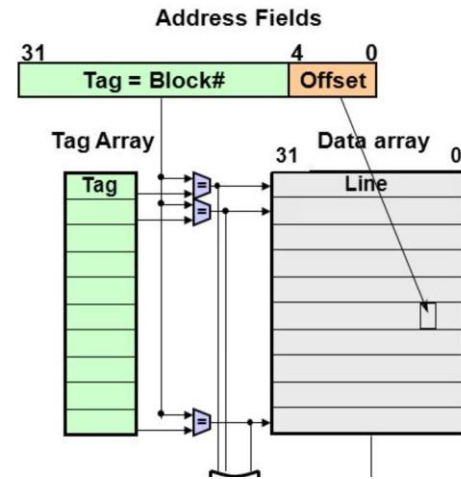
Tm Zugriffszeit auf den Hauptspeicher.

pc Wahrscheinlichkeit eines Cache Hits.

Mittlere Zugriffszeit: Erwartungswert E(T) der Zugriffszeit T:

$$E(T) = p_C \cdot T_C + (1 - p_C) \cdot T_M$$

Fully Associative Cache(FAC)

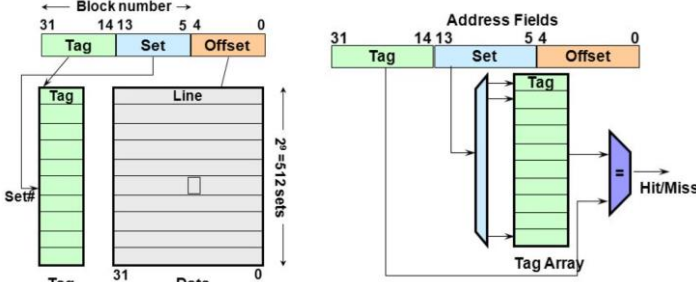


Adressen sind aufgeteilt in Tags und Offset. Man sucht die Cachezeile mit dem richtigen Tag und in diesem dann den richtigen Offset. Beste Cache-Leistung, aber aufwendige Hardware(teuer). Viel Vergleichsbausteine

Direct Mapped Cache

Lookup Address: 0x12345678

0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000
tag= 0x048B1 set= 0x0B3 offset= 0x18



Einfachere Implementierung, viele Kollisionen, schnell

k-Way Set Associative Cache:



k-verschiedene DMCs, Kompromiss zwischen FAC und DMC→ Weniger komplex als FAC, weniger Kollisionen als DMC aber genau so schnell wie DMC

Berechnungen

Gegeben 2 Level Cache:

- 64KB 4-way set associative
- 4 MB FAC

Cache: 64Byte Cachezeilenlänge und 64Bit-Adressen. 16 GB Hauptspeicher

1. Wie viele Cachezeilen Pro Stufe und Pro Way

- DMC
 - (Gesamt Cache) : (Cachezeilenlänge) → $2^{16} : 2^6 = 2^{10}$ (pro Stufe 1)
 - (Cachezeilen insgesamt) : (Anzahl Ways) → $2^{10} : 2^2 = 2^8$
- FAC
 - (Gesamt Cache) : (Cachezeilenlänge) → $2^{22} : 2^6 = 2^{16}$

2. Wie viele Bits benötigt ein Tag in jeder Stufe:

- DMC
 - Adresse 64bit = $2^6 = 6$ bit Offset
 - Anzahl Cache Zeilen pro Way $2^8 = 8$ bit Set
 - Bits pro Tag = Adressgrösse – Offset – Set → $64 - 6 - 8 = 50$ Bit
- FAC
 - Bits pro Tag = Adressgrösse – Offset → $64 - 6 = 58$ Bit
 - Im FAC wird des gesamte Tag gespeichert, weil jede Zeile in jedem Eintrag gespeichert werden kann

3. Overhead/zusätzlicher Speicher für Tags im Cache nötig?

- DMC
 - Overhead = Anzahl Bits pro Tag * Cachezeilen pro Stufe → $2^{10} * 50$ Bit
 - FAC
 - Overhead = Anzahl Bits pro Tag * Cachezeilen pro Stufe → $2^{16} * 58$ Bit
4. Speicherstellen des Hauptspeichers auf dieselben Cacheeinträge?
- DMC
 - Hauptspeicher * Way – Anzahl : Grösse Cache = $2^{34} : 2^2 : 2^{16} = 2^{20}$
 - 2 MB Hauptspeicher teilen sich 4 Stellen(anzahl ways) im Cache
 - FAC
 - Keine Stellen geteilt!

