

# PRINCIPAIS DISTRIBUIÇÕES DE PROBABILIDADE.

Prof. Benito Olivares Aguilera

Distribuição de Probabilidade	Função de Probabilidade $P(X = x)$	Média	Variância	F. Geradora de Momentos	F. Característica
<b>Uniforme Discreta</b> ( $\{1,2,...,n\}$ )	$\frac{1}{n}, x \in \{1,2, \dots, n\}$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{(n-1)(n+1)}{12}$	$\frac{e^t(1-e^{nt})}{n(1-e^t)}$	$\frac{e^{it}(1-e^{nit})}{n(1-e^{it})}$
<b>Bernoulli</b> (p)	$p^x(1-p)^{1-x}, x = 0,1; 0 < p < 1$	$p$	$p(1-p)$	$(1-p) + pe^t$	$(1-p) + pe^{it}$
<b>Binomial</b> (n,p)	$\binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x},$ $x = 0,1, \dots, n; 0 < p < 1$	$np$	$np(1-p)$	$[(1-p) + pe^t]^n$	$[(1-p) + pe^{it}]^n$
<b>Hipergeométrica</b> (m,n,r)	$\frac{\binom{m}{x} \binom{n-m}{r-x}}{\binom{n}{r}};$ $\max\{0, r - (n - m)\} \leq x \leq \min\{r, m\}$	$\frac{rm}{n}$	$\frac{rm}{n} \frac{(n-m)(n-r)}{n(n-1)}$	Não útil	Não útil
<b>Poisson</b> ( $\lambda$ )	$\frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}, x = 0,1,2 \dots; \lambda > 0$	$\lambda$	$\lambda$	$\exp [\lambda(e^t-1)]$	$\exp [\lambda(e^{it}-1)]$
<b>Geométrica</b> (p) [nº ensaios antes do primeiro sucesso]	$p(1-p)^x, x = 0,1, \dots$	$\frac{1-p}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	$\frac{p}{1-(1-p)e^t}$	$\frac{p}{1-(1-p)e^{it}}$
<b>Geométrica</b> (p) [nº ensaios até o primeiro sucesso]	$p(1-p)^{x-1}, x = 1,2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	$\frac{pe^t}{1-(1-p)e^t}$	$\frac{pe^{it}}{1-(1-p)e^{it}}$
<b>Binomial Negativa</b> (r,p) [nº ensaios antes do r-ésimo sucesso]	$\binom{x+r-1}{r-1} p^r (1-p)^x, x = 0,1, \dots$	$\frac{r(1-p)}{p}$	$\frac{r(1-p)}{p^2}$	$\left[ \frac{p}{1-(1-p)e^t} \right]^r$	$\left[ \frac{p}{1-(1-p)e^{it}} \right]^r$
<b>Binomial Negativa</b> (r,p) [nº ensaios até o r-ésimo sucesso]	$\binom{x-1}{r-1} p^r (1-p)^{x-r}, x = r, r+1, \dots$	$\frac{r}{p}$	$\frac{r(1-p)}{p^2}$	$\left[ \frac{pe^t}{1-(1-p)e^t} \right]^r$	$\left[ \frac{pe^{it}}{1-(1-p)e^{it}} \right]^r$

Distribuição de Probabilidade	Função Densidade de Probabilidade	Média	Variância	F. Geradora de Momentos	F. Característica
Uniforme (a,b)	$\frac{1}{b-a}, \quad x \in (a,b), a < b$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$\frac{e^{bt} - e^{at}}{t(b-a)}$	$\frac{e^{ibt} - e^{iat}}{it(b-a)}$
Exponencial ( $\lambda$ )	$\lambda e^{-\lambda x}, \quad x \geq 0; \lambda > 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$	$\frac{\lambda}{\lambda - t}$	$\frac{\lambda}{\lambda - it}$
Normal ( $\mu, \sigma^2$ )	$\frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right)$ $x \in \mathbb{R}; \mu \in \mathbb{R}; \sigma > 0$	$\mu$	$\sigma^2$	$e^{t\mu + \frac{\sigma^2 t^2}{2}}$	$e^{it\mu - \frac{\sigma^2 t^2}{2}}$
Gama( $\alpha, \beta$ )	$\frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\beta x}, \quad x > 0;$ $\alpha > 0, \beta > 0$	$\frac{\alpha}{\beta}$	$\frac{\alpha}{\beta^2}$	$\left(\frac{\beta}{\beta - t}\right)^\alpha, t < \beta$	$\left(\frac{\beta}{\beta - it}\right)^\alpha, t < \beta$
Qui-quadrado(k)	$\frac{\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{k}{2}} x^{\frac{k}{2}-1} \exp\left(\frac{-x}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{k}{2}\right)},$ $x > 0; k = 1, 2, \dots$	$k$	$2k$	$\left(\frac{1}{1-2t}\right)^{\frac{k}{2}}, t < \frac{1}{2}$	$\left(\frac{1}{1-2it}\right)^{\frac{k}{2}}, t < \frac{1}{2}$