Lista de Exercícios 2

Data: 02/04/2025

1. Quais das seguintes integrais são impróprias? Por que?

(a)
$$\int_{1}^{2} \frac{x}{x-1} dx$$
.
(b) $\int_{1}^{\infty} \frac{1}{1+x^{3}} dx$.
(c) $\int_{0}^{\pi/4} \operatorname{tg}(x) dx$.
(d) $\int_{0}^{\pi} \operatorname{tg}(x) dx$.
(e) $\int_{-1}^{1} \frac{1}{x^{2}-x-2} dx$.
(f) $\int_{0}^{\infty} e^{-x^{2}} dx$.

2. Determine se cada integral é convergente ou divergente. Calcule aquelas que são convergentes.

(a)
$$\int_{3}^{\infty} \frac{1}{(x-2)^{3/2}} dx$$
.
(b) $\int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[4]{1+x}} dx$.
(c) $\int_{0}^{\infty} e^{-x} dx$.
(d) $\int_{1}^{\infty} \frac{1}{x^{4}} dx$.

3. Esboce o gráfico de $F(x) = \int_{-\infty}^{x} f(t) dt$ para

(a)
$$f(t) = \begin{cases} 2, & \text{se } |t| \le 1 \\ 0, & \text{se } |t| > 1 \end{cases}$$
 (c) $f(t) = \begin{cases} 0, & \text{se } t \le 0 \\ e^{-t}, & \text{se } t > 0 \end{cases}$ (b) $f(t) = \begin{cases} t, & \text{se } -1 \le t \le 1 \\ 0, & \text{se } |t| > 1 \end{cases}$ (d) $f(t) = \begin{cases} 2, & \text{se } |t| \le 1 \\ 0, & \text{se } |t| > 1 \end{cases}$