FÍSICA 2 (FÍSICA) – CÁTEDRA DIEGO ARBÓ

Primer Cuatrimestre de 2025

Guía 4: Ondas Viajeras

Parámetros de ondas viajeras

- 1. Verifique si las siguientes expresiones matemáticas cumplen la ecuación de ondas clásica unidimensional. Grafique las funciones dadas.
 - a) $\psi(x,t) = Ae^{-\lambda(x-vt)^2}$
 - b) $\psi(x,t) = \beta(x+vt)$
 - c) $\psi(x,t) = A\sin[k(x-vt)]$
 - d) $\psi(x,t) = B\sin^2(kx \omega t)$
 - e) $\psi(x,t) = C\cos(kx)\sin(\omega t)$
 - $f) \ \psi(x,t) = De^{i(kx-\omega t)}$
- 2. Una onda se propaga en una cuerda produciendo una oscilación transversal dada por:

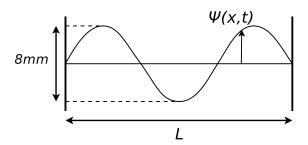
$$\psi(x,t) = 0.1 \,\mathrm{m} \,\mathrm{sen} \left(\pi \,\mathrm{m}^{-1} x - 4\pi \,\mathrm{s}^{-1} t\right)$$

Determine:

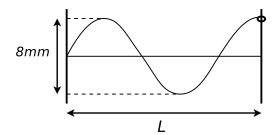
- a) la amplitud de la onda;
- b) su frecuencia de oscilación;
- c) su velocidad de propagación;
- d) el desplazamiento, velocidad y aceleración del segmento de cuerda ubicado en $x=2\,\mathrm{m}$ en el tiempo $t=1\,\mathrm{s}$.
- 3. Considere una onda tranversal que se propaga a lo largo de la dirección x, con frecuencia angular $\omega = 10\,\mathrm{s}^{-1}$ y número de onda $k = 100\,\mathrm{m}^{-1}$. En $x_1 = 1\,\mathrm{km}$ y $t_1 = 1\,\mathrm{s}$ la fase de la onda es $\phi = \frac{3\pi}{2}$.
 - a) ¿Cuál es la fase en la posición x_1 para tiempo t = 0?
 - b) Considerando que $\phi(x,t) = kx \omega t + \phi_0$, ¿cuánto vale ϕ_0 ?
 - c) ¿A qué velocidad se propaga la onda?
 - d) ¿Cuánto tiempo tarda un frente de onda para viajar desde x_1 hacia $x_2 = 2x_1$?
- 4. Una cuerda de densidad lineal $\mu=0.005\,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}}$ se tensa con una fuerza de 0.25 N. Un extremo de la cuerda se desplaza transversalmente (mediante la aplicación de una fuerza externa), siendo la distancia entre los desplazamientos extremos igual a 0.4 m, y el tiempo que tarda en recorrer dicha distancia igual a 0.25 s. Encontrar:
 - a) La velocidad de la onda generada en la cuerda, su frecuencia y su longitud de onda.
 - b) La expresión matemática para el desplazamiento $\psi(x,t)$.
 - c) La energía cinética media por unidad de longitud, para una partícula del medio.
 - d) La energía potencial media por unidad de longitud, para la misma partícula.

Superposición de ondas viajeras

5. Una cuerda de longitud $L=0.6\,\mathrm{m}$, fija en sus dos extremos, oscila en uno de sus modos normales, tal como muestra la figura. La velocidad de propagación de las ondas en dicha cuerda es $v=80\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$. La máxima amplitud pico a pico es 8 mm.



- a) Escribir $\psi(x,t)$, sabiendo que $\psi(x,0)=0 \ \forall x, y \ \text{que} \ \dot{\psi}(L/2,0)>0.$
- b) Hallar ondas viajeras ψ_{der} y ψ_{izq} tales que $\psi(x,t)$ sea una combinación lineal de éstas.
- 6. Una cuerda de longitud $L=1\,\mathrm{m}$, con un extremo fijo y uno libre, oscila en uno de sus modos normales, tal como muestra la figura. La velocidad de propagación de las ondas en dicha cuerda es $v=80\,\mathrm{m\over s}$. La máxima amplitud pico a pico es 8 mm, siendo $\psi(L,0)>0$.

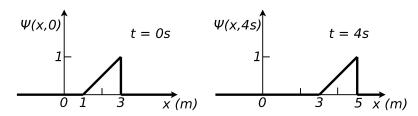


- a) Resolver, para esta situación, todo lo pedido en el problema anterior.
- b) Si ahora la cuerda está oscilando en un modo normal arbitrario n, con las mismas condiciones dadas arriba, repetir (a) (expresar en función de n).

Condiciones iniciales

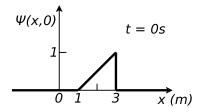
Comentario: Los siguientes ejercicios pueden resolverse usando la solución de D'Alembert para la ecuación de ondas^{link}, o bien aplicando desarrollo de Fourier.

7. Se tiene una perturbación que se propaga en una cuerda infinita con velocidad v. Se toman dos "fotografías" de la perturbación, a t=0 s y t=4 s:



- a) ¿Cuánto vale la velocidad de propagación de la perturbación v?.
- b) Halle $\psi(x,t)$.

- c) Calcule la velocidad transversal.
- 8. Se tiene una cuerda infinita. Se sabe que la velocidad de propagación de las ondas en ella es v = 100 m/s (consideramos que dicha cuerda es un medio no dispersivo). A t = 0 se la deforma de la manera que se indica en la figura, y se la suelta desde el reposo.

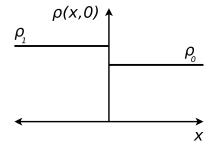


- a) Hallar $\psi(x,t) = \psi_1(x-vt) + \psi_2(x+vt)$. Dar explícitamente (en cada intervalo de interés) la expresión de $\psi(x,t)$.
- b) Comparar esta situación con la del problema anterior.
- 9. Se tiene una cuerda homogénea de longitud L y densidad μ , a una tensión T, con sus dos extremos fijos (x = 0 y x = L). A t = 0 se la perturba de forma tal que:

$$\psi(x,0) = \begin{cases} 0 & \text{si } 0 < x < a \\ h \frac{x-a}{L/2-a} & \text{si } a < x < L/2 \\ h \frac{L-a-x}{L/2-a} & \text{si } L/2 < x < L-a \\ 0 & \text{si } L-a < x < L. \end{cases}$$

Se suelta la cuerda desde el reposo; considerar $h \ll L$.

- a) Hallar $\psi(x,t)$ y demostrar que siempre es posible escribir esta solución como una superposición de una onda que se propaga hacia la derecha y una que se propaga hacia la izquierda.
- b) Hacer un esquema cualitativo del movimiento de la cuerda para los instantes $t_n = n \frac{L}{8v}$, donde v es la velocidad de propagación de las ondas en la cuerda y n es un número natural.
- 10. En un gas, a t=0, se produce la perturbación indicada en la figura. Sabiendo que $\frac{\rho_1-\rho_0}{\rho_0}\ll 1$ y que el sistema parte del reposo (es decir, $\dot{\psi}(x,0)=0$), calcule $\rho(x,t)$.



Sugerencia: Puede comenzar planteando condiciones de contorno apropiadas en $x = \pm L$ para luego pedir que $L \to \infty$. ¿Cómo se modifica el desarrollo de la condición inicial en una serie de modos normales al hacer esto? **Ayuda:** Tenga en cuenta la relación de dispersión.

Datos: ρ_1 , ρ_0 , v_s (velocidad de propagación de las ondas en el gas, a.k.a., velocidad del sonido).

Fuentes en movimiento (optativos)

- 11. **Efecto Doppler:** Una fuente de sonido que emite en una frecuencia de 1000 Hz se mueve hacia la derecha a 40 m/s. Un observador, que está a la derecha de la fuente, también se mueve hacia la derecha a 20 m/s.
 - a) ¿Cuál será la frecuencia detectada por el observador? El aire se encuentra en reposo.
 - b) Repita el punto anterior si hay viento hacia la derecha a 20 m/s.
 - c) Repita todo lo hecho si el observador se encuentra inicialmente a la izquierda de la fuente.
- 12. Ondas de choque: Un avión a retropropulsión en vuelo horizontal a 5000 m de altura pasa sobre un observador con velocidad 2.2 Mach (o sea, 2.2 veces la velocidad del sonido). Calcular:
 - a) El ángulo formado por el frente de la onda sonora y la dirección del movimiento.
 - b) ¿Cuánto tiempo después de haber pasado el avión sobre el observador la onda llega a éste?
 - c) Si el piloto hace sonar una bocina en el instante en que pasa justo sobre el observador, ¿cuánto tiempo después escucha el observador ese sonido?