i. Για να λύσω την εξίσωση f(x) = 0, όπου $f(x) = 3x^2 - 41x + 26$, μπορώ να χρησιμοποιή τύπο της διακριτικής ικανότητας από τον τετραγωνικό τύπο. Ο τετραγωνικός τύπος δηλώνει ότ εξίσωση της μορφής $ax^2 + bx + c = 0$, οι λύσεις για την x δίνονται από:

$$x=rac{-b\pm\sqrt{D}}{2a}$$

Όπου $m{D}$ είναι η διακριτική ικανότητα, η οποία δίνεται από τη σχέση $m{D} = m{b^2} - m{4ac}$.

Σε αυτή την περίπτωση, οι συντελεστές μου είναι (a=3), (b=-41) και (c=26). Ας υπλοιπόν τη διακριτική ικανότητα \(D\):

$$[D = (-41)^2 - 4 * 3 * 26]$$

$$[D = 1681 - 312]$$

$$[D = 1369]$$

Τώρα, μπορώ να χρησιμοποιήσω τον τετραγωνικό τύπο για να βρω τις τιμές του x:

$$x_1 = rac{-(-41) + \sqrt{1369}}{2*3} \ x_2 = rac{-(-41) - \sqrt{1369}}{2*3}$$

Απλοποίηση:

$$x_1 = rac{41 + 37}{6}$$
 $x_2 = rac{41 - 37}{6}$

Έτσι, οι λύσεις της εξίσωσης f(x) = 0 είναι οι εξής:

$$(x_1=rac{78}{6}=13)\kappalpha\iota(x_2=rac{4}{6}=rac{2}{3})$$

ii. Για να γράψω τη συνάρτηση f(x) ως γινόμενο των πρωταρχικών παραγόντων της, πρέπει να παραγοντοποιήσω την τετραγωνική έκφραση $3x^2$ – 41x + 26. Η παραγοντική μορφή θα πρέ μοιάζει ως εξής:

$$f(x) = a(x - r_1)(x - r_2)$$

Όπου a είναι ο πρώτος συντελεστής και r_1 και r_2 είναι οι ρίζες που βρήκα στο μέρος i.

Σε αυτή την περίπτωση, $a=3, r_1=13, \kappa\alpha\iota(r_2=rac{2}{3})$. Έτσι, η παραγοντική μορφή είναι:

$$f(x) = 3(x-13)\left(x - \frac{2}{3}\right)$$

ίσω τον τ για μια

τολογίσουμε

α πει να i. Λύστε ως προς το x τη λογαριθμική εξίσωση 2lnx = ln18 + ln(x - 4)Για να λύσουμε αυτήν τη λογαριθμική εξίσωση, θα χρησιμοποιήσουμε τις ιδιότητες των λογαρίθμων:

$$2\ln(x) = \ln(18) + \ln(x - 4)$$

Αρχικά, μπορούμε να συνδυάσουμε τους δύο λογάριθμους στη δεξιά πλευρά της εξίσωσης χρησιμοποιώντας τον κανόνα γινομένου για τους λογάριθμους:

$$\ln(x) + \ln(x - 4) = \ln(18)$$

Τώρα, μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε τις ιδιότητες των λογαρίθμων για να απλοποιήσουμε περαιτέρω αυτήν την εξίσωση:

$$\ln(x(x-4)) = \ln(18)$$

Δεδομένου ότι ο φυσικός λογάριθμος είναι μια συνάρτηση ένα προς ένα, μπορούμε να ρίξουμε τον φυσικό λογάριθμο και στις δύο πλευρές της εξίσωσης:

$$x(x-4)=18$$

Τώρα, ας λύσουμε αυτήν την τετραγωνική εξίσωση για το χ:

$$x^2 - 4x - 18 = 0$$

Μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε τον τετραγωνικό τύπο για να βρούμε τις λύσεις για το χ:

$$x = \frac{\left(-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}\right)}{2a}$$

Σε αυτή την εξίσωση, $\mathbf{a} = \mathbf{1}$, $\mathbf{b} = -\mathbf{4}$ και $\mathbf{c} = -\mathbf{18}$. Σύνδεση αυτών των τιμών στον τετραγωνικό τύπο:

$$x = \frac{\left(4 \pm \sqrt{(-4)^2 - 4(1)(-18)}\right)}{\left(2(1)\right)}$$
$$x = \frac{\left(4 \pm \sqrt{16 + 72}\right)}{2}$$
$$x = \frac{\left(4 \pm \sqrt{88}\right)}{2}$$

Τώρα, μπορούμε να απλοποιήσουμε την έκφραση:

$$x = \frac{\left(4 \pm 2\sqrt{22}\right)}{2}$$

$$x = 2 + \sqrt{22}$$

Άρα, οι λύσεις της εξίσωσης $2\ln(x) = \ln(18) + \ln(x-4)$ είναι $x = 2 + \sqrt{22}$ και $x = 2 - \sqrt{22}$.

ii. Τα ακαθάριστα έσοδα, y, μιας επιχείρησης το έτος x δίνονται από τη συνάρτηση $y = 30e^{0.08x}$.

Για να βρούμε τα ακαθάριστα έσοδα το έτος 1 και το έτος 2, μπορούμε να συνδέσουμε αυτές τις τιμές του x στη δεδομένη συνάρτηση:

Για
$$x$$
 = 1: $y = 30e^{0.08 * 1} = 30e^{0.08x} \approx 32,50$ (στρογγυλοποιημένο σε δύο δεκαδικά ψηφία)

Για
$$x=2$$
: $y=30e^{0.08*2}=30e^{0.16}~\approx~35,35$ (στρογγυλοποιημένο σε δύο δεκαδικά ψηφία)

Έτσι, τα ακαθάριστα έσοδα το έτος 1 είναι περίπου **32,50** και τα ακαθάριστα έσοδα το έτος 2 είναι περίπου **35,35**.

iii. Για να βρούμε τις τιμές του x για τις οποίες η εξίσωση x^2 – x – z < z0, πρέπει να λύσουμε την ανισότητα:

$$x^2-x-2<0$$

Αρχικά, ας βρούμε τα κρίσιμα σημεία θέτοντας την ανισότητα ίση με μηδέν:

$$x^2-x-2=0$$

Τώρα, ας συνυπολογίσουμε αυτήν την τετραγωνική εξίσωση:

$$(x-2)(x+1)=0$$

Τα κρίσιμα σημεία είναι x = 2 και x = -1.

Για να προσδιορίσετε τα διαστήματα επίλυσης, μπορείτε να χρησιμοποιήσετε τα σημεία δοκιμής. Επιλέξτε ένα σημείο δοκιμής σε καθένα από τα τρία διαστήματα που δημιουργούνται από τα κρίσιμα σημεία $(-\infty, -1), (-1, 2)$ $\kappa \alpha \iota$ $(2, \infty)$. Για παράδειγμα, μπορείτε να χρησιμοποιήσετε το x = 0 ως σημείο δοκιμής στο διάστημα (-1, 2).

Για x = 0, η ανισότητα γίνεται:

$$0^2 - 0 - 2 < 0$$

-2 < 0 (το οποίο είναι αλήθεια)

Εφόσον είναι αλήθεια, το διάστημα λύσης (-1, 2) είναι μέρος της λύσης.

Τώρα, δοκιμάστε ένα διάστημα έξω από τα κρίσιμα σημεία, όπως x = -2, στο διάστημα (-∞, -1):

$$(-2)^2 - (-2) - 2 < 0$$

4 + 2 - 2 < 0

4 < 0 (το οποίο είναι λάθος)

Εφόσον είναι ψευδές, το διάστημα (-∞, -1) δεν είναι μέρος της λύσης.

Τέλος, δοκιμάστε ένα διάστημα έξω από τα κρίσιμα σημεία, όπως x = 3, στο διάστημα $(2, \infty)$:

$$3^2 - 3 - 2 < 0$$

$$9 - 3 - 2 < 0$$

4 < 0 (το οποίο είναι λάθος)

Εφόσον είναι ψευδές, το διάστημα (2, ∞) δεν είναι μέρος της λύσης.

Επομένως, η λύση στην ανίσωση $x^2 - x - 2 < 0$ είναι $x \in (-1, 2)$.

Για να λύσουμε το σύστημα γραμμικών εξισώσεων:

$$\begin{array}{ccc} x+2y=4\\ 2x-y=3 \end{array}$$

Θα χρησιμοποιήσω τη μέθοδο της αντικατάστασης. Αρχικά, θα λύσω μία από τις εξισώσεις για μία από τις μεταβλητές. Σε αυτήν την περίπτωση, θα λύσω τη δεύτερη εξίσωση για το y:

$$2x - y = 3$$
$$y = 2x - 3$$

Τώρα που έχω την τιμή του y ως προς το x, μπορώ να αντικαταστήσω αυτήν την έκφραση στην πρώτη εξίσωση:

$$x + 2(2x - 3) = 4$$

Τώρα, θα απλοποιήσω αυτήν την εξίσωση:

$$x+4x-6=4$$

Συνδυάστε παρόμοιους όρους:

$$5x - 6 = 4$$

Προσθέστε 6 και στις δύο πλευρές:

$$5x = 10$$

Τώρα, διαιρέστε με το 5 για να απομονώσετε x:

$$x = \frac{10}{5}$$
$$x = 2$$

Τώρα που βρήκα την τιμή του x, μπορώ να το αντικαταστήσω ξανά στην εξίσωση που έλυνα για το y:

$$y = 2x - 3$$

$$y = 2(2) - 3$$

$$y = 4 - 3$$

$$y = 1$$

Άρα, η λύση στο σύστημα των εξισώσεων είναι $x = 2 \kappa \alpha i y = 1$.

i. Για να βρω την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία $(x_1, y_1) = (3, 0, 6)$, μπορώ να χρησιμοποιήσω τη μορφή κλίσης σημείου της εξίσωσης μιας ευθε

Η μορφή σημείου-κλίσης είναι: $y-y_1=m(x-x_1)$, ό $\pi ov(x_1,y_1)$ είναι ένα ση m είναι η κλίση της γραμμής.

Αρχικά, υπολογίστε την κλίση m χρησιμοποιώντας τα δύο δεδομένα:

$$m = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$$

 $m = (6 - 0) / (0 - 3)$
 $m = 6 / (-3)$
 $m = -2$

Τώρα που έχω την κλίση, μπορώ να χρησιμοποιήσω οποιοδήποτε από τα δύο δεδοι σημείου-κλίσης. Ας χρησιμοποιήσουμε $(x_1, y_1) = (3, 0)$:

$$y-0=-2(x-3)$$

Απλοποιήστε την εξίσωση:

$$y = -2x + 6$$

Άρα, η εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία (3,0) και (0,6) είναι y=-2

ii. Για να βρω την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το σημείο A(-2,0) και είνε ευθεία y = x, ξέρω ότι οι παράλληλες ευθείες έχουν την ίδια κλίση. Εφόσον η ευθείε παράλληλη ευθεία θα έχει επίσης κλίση 1.

Μπορώ να χρησιμοποιήσω ξανά τη μορφή point-slope, χρησιμοποιώντας το δεδομέ την κλίση m=1:

$$y - 0 = 1(x - (-2))$$

Απλοποιήστε την εξίσωση:

$$y = x + 2$$

Άρα, η εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το σημείο (-2,0)και είνα ευθεία y=x είναι y=x+2.

$$0) και (x2, y2) = είας:$$

ιμείο στη γραμμή και

μένα στη μορφή

2x + 6.

αι παράλληλη με την α y = x έχει κλίση 1, η

νο σημείο (-2, 0) και

α παράλληλη στην

i. Για να βρω την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το σημείο A(-1,2) και το ευθείας $y=\frac{1}{4}x-2$ με τον άξονα x, πρέπει πρώτα να βρω το x -συντεταγμένη τοι τον άξονα x. Αυτό συμβαίνει όταν y=0 στην εξίσωση $y=\frac{1}{4}x-2$:

$$0=\frac{1}{4}x-2$$

Τώρα, θα λύσω για x:

$$\frac{1}{4}x = 2$$

Για να απομονώσω το x, θα πολλαπλασιάσω και τις δύο πλευρές επί 4:

Άρα, το σημείο τομής με τον άξονα x είναι (8, 0).

Τώρα που έχω δύο σημεία στην ευθεία, A(-1,2) και το σημείο τομής (8, 0), μπορώ μορφή κλίσης σημείου της εξίσωσης μιας ευθείας:

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$
, όπου m είναι η κλίσ η

Ας υπολογίσουμε την κλίση m χρησιμοποιώντας τα δύο σημεία:

$$m = \frac{(0-2)}{(8-(-1))}$$
$$m = \frac{(-2)}{(8+1)}$$
$$m = \frac{(-2)}{9}$$

Τώρα, μπορώ να χρησιμοποιήσω ένα από τα σημεία (ας χρησιμοποιήσουμε το A) για εξίσωση της γραμμής:

$$y - 2 = \left(-\frac{2}{9}\right)(x - (-1))$$

Απλοποιήστε την εξίσωση:

$$y-2=\left(-\frac{2}{9}\right)(x+1)$$

Τώρα, θα διανείμω το (-2/9) και στους δύο όρους μέσα στις παρενθέσεις:

$$y-2=\left(-\frac{2}{9}\right)x-\frac{2}{9}$$

Ποοσθέστε 2 και στις δύο πλειιοές

$$y = \left(-\frac{2}{9}\right)x - \frac{2}{9} + 2$$

Συνδυάστε σταθερές:

$$y = \left(-\frac{2}{9}\right)x + \left(\frac{20}{9}\right)$$

Άρα, η εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το σημείο A(-1, 2) και το σημείο τομή $\left(\frac{1}{4}\right)x-2$ με τον άξονα x είναι $y=\left(-\frac{2}{9}\right)x+\left(\frac{20}{9}\right)$.

ii. Για να υπολογίσουμε το λ έτσι ώστε το σημείο $\Gamma(\lambda - 3, -6)$ να ανήκει στην ευθεία μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε την εξίσωση που βρήκαμε στο μέρος i:

$$y = \left(-\frac{2}{9}\right)x + \left(\frac{20}{9}\right)$$

Τώρα, συνδέστε τις συντεταγμένες του Γ , οι οποίες είναι (λ – 3, –6):

$$-6 = \left(-\frac{2}{9}\right)(\lambda - 3) + \left(\frac{20}{9}\right)$$

Τώρα, ας λύσουμε για το λ:

Αρχικά, πολλαπλασιάστε και τις δύο πλευρές της εξίσωσης με το 9 για να απαλλαγείτ

$$-54 = -2(\lambda - 3) + 20$$

Τώρα, κατανείμετε -2 στη δεξιά πλευρά:

$$-54 = -2\lambda + 6 + 20$$

Συνδυάστε σταθερές στη δεξιά πλευρά:

$$-54 = -2\lambda + 26$$

Αφαιρέστε το 26 και από τις δύο πλευρές για να απομονώσετε το -2λ:

$$-54 - 26 = -2\lambda$$
$$-80 = -2\lambda$$

Τώρα, διαιρέστε και τις δύο πλευρές με -2 για να βρείτε την τιμή του λ:

$$\lambda = \frac{-80}{-2}$$

Άρα, η τιμή του λ που κάνει το σημείο $\Gamma(\lambda$ – 3, – 6) $\nu\alpha$ $\alpha\nu$ ήκει στην ευθεία $\alpha\pi$ ό τ 40.

σημείο τομής της ν σημείου τομής με) να χρησιμοποιήσω τη α να γράψω την

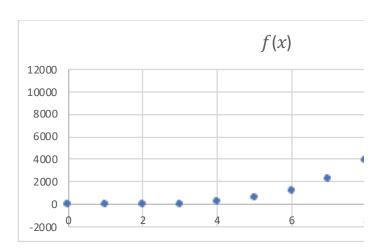
 \mathbf{j} ς της ευθείας $oldsymbol{y}$

ι από το μέρος i,

τε από τα κλάσματα:

το μέρος ι είναι λ =

0	0
1	-24
2	-34
3	6
4	156
5	500
6	1146
7	2226
8	3896
9	6336
10	9750



i. Για να βρω τις τιμές του x που ικανοποιούν τη σχέση f(x) = 0 στο διάστημα $0 \le 1$ λύσω την εξίσωση f(x) = 0. Η συνάρτηση f(x) δίνεται ως $x^4 - 25x$.

Η εξίσωση με την οποία δουλεύω είναι:

$$x^4 - 25x = 0$$

Θα λύσω αυτήν την εξίσωση για το x με παραγοντοποίηση:

$$x(x^3-25)=0$$

Τώρα, έχω δύο παράγοντες, x και ($x^3 - 25$). Θα ορίσω κάθε παράγοντα ίσο με 0 κα

1. x = 0

2.
$$(x^3 - 25) = 0$$

Για τη δεύτερη εξίσωση, μπορώ να την ξαναγράψω ως εξής:

$$x^3 = 25$$

Για να βρω τις πραγματικές λύσεις, θα πάρω την κυβική ρίζα και των δύο πλευρών:

$$x = \sqrt[3]{25}$$

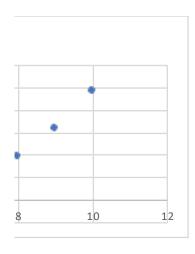
Τώρα, θα υπολογίσω την κυβική ρίζα του 25:

$x \approx 2.924$

Άρα, υπάρχουν δύο τιμές του x που ικανοποιούν την εξίσωση f(x) = 0 στο διάστημο $\approx 2,924$.

Αυτές οι τιμές κάνουν f(x) ίσο με 0 εντός του καθορισμένου εύρους.

ii. Χρησιμοποίησα το Microsoft Excel για να αναπαραστήσω γραφικά τη συνάρτηση $x \le 10$. Ξεκίνησα συμπληρώνοντας τη στήλη A με ένα εύρος τιμών x από 0 έως 10, c συνέχεια, στη στήλη B, I υπολόγισε τις αντίστοιχες τιμές του f(x) για κάθε x χρησιμα - 25x. Έχοντας προετοιμάσει το σύνολο δεδομένων, επέλεξα και τις δύο στήλες και x γραμμικό γράφημα στο Excel για να οπτικοποιήσω τα σημεία δεδομένων. Το γράφη αναπαράσταση του τρόπου συμπεριφοράς της συνάρτησης στο καθορισμένο διάστ προσαρμογή του γραφήματος με ετικέτες, τίτλους και αισθητικές προσαρμογές, έσω Για να παρουσιάσω τα αποτελέσματα σε ένα έγγραφο του Word, αντέγραψα τον πίν γράφημα από το Excel και τα επικόλλησα στο αρχείο Word, επιτρέποντάς μου να αν συμπεριφορά της συνάρτησης και να επικυρώσω τα αποτελέσματα που προέκυψαν βρήκα τις τιμές του x που ικανοποιήθηκε f(x) = 0 εντός του δεδομένου διαστήματο διευκόλυνε την πλήρη κατανόηση των χαρακτηριστικών της λειτουργίας.



 $x \leq 10$, πρέπει να

χι θα λύσω για x:

f(x) στο διάστημα $0 \le x υξάνοντας κατά <math>1$. Στη οποιώντας τον τύπο x^4 δημιούργησα ένα μα επέτρεψε μια σαφή ημα. Μετά την υσα το αρχείο Excel. νακα τιμών και το α λύσω οπτικά τη α στο Μέρος α , όπου α . Αυτή η προσέγγιση

i. Για να βρω το πεδίο ορισμού της συνάρτησης $y = f(x) = \sqrt{25 - x^2}$, πρέπει να του x για τις οποίες ορίζεται η συνάρτηση. Η τετραγωνική ρίζα ενός αρνητικού αριθιαπροσδιόριστη στο σύστημα πραγματικών αριθμών, οπότε πρέπει να βρω πότε η έκ τετραγωνική ρίζα είναι μη αρνητική.

$$25 - x^2 \ge 0$$

Τώρα, θα λύσω το πρόβλημα για το x:

$$x^2 \le 25$$

Παίρνοντας την τετραγωνική ρίζα και των δύο πλευρών, έχω:

$$|x| \leq 5$$

Αυτό σημαίνει ότι η συνάρτηση ορίζεται για τιμές x εντός του εύρους $-5 \le x \le 5$ ορισμού της συνάρτησης είναι $-5 \le x \le 5$.

ii. Για να βρω την τιμή του y όταν x = 0, θα αντικαταστήσω απλά το x = 0 στη συνάρτου απλά το x = 0 στη συνάρτου απλά το x = 0 στη συνάρτου x

$$y = \sqrt{25 - 0^2} = \sqrt{25} = 5$$

Έτσι, όταν x = 0, y = 5.

Στη συνέχεια, για να βρω την τιμή του x όταν y = 0, θα θέσω τη συνάρτηση ίση με

$$0 = \sqrt{25 - x^2}$$

Για να απαλλαγώ από την τετραγωνική ρίζα, θα τετραγωνίσω και τις δύο πλευρές

$$0 = 25 - x^2$$

Τώρα, θα λύσω το πρόβλημα για το x:

$$x^2 = 25$$

Παίρνοντας την τετραγωνική ρίζα και των δύο πλευρών, παίρνω δύο λύσεις:

$$x = \pm 5$$

Έτσι, όταν y = 0, το x μπορεί να είναι είτε -5 είτε 5.

Τέλος, για να βρω την τιμή του y όταν $x = \pm 5$, μπορώ να χρησιμοποιήσω την αρχι

Για x = 5:

$$y = \sqrt{25 - 5^2} = \sqrt{25 - 25} = \sqrt{0} = 0$$

Για *x* = -5:

$$y = \sqrt{25 - (-5)^2} = \sqrt{25 - 25} = \sqrt{0} = 0$$

Επομένως, **όταν** $x = \pm 5$, y = 0.

5. Επομένως, το πεδίο		
Than:		
τηση:		
ε 0 και θα λύσω το <i>x</i> :		
·• ••		
κή συνάρτηση:		

προσδιορίσω τις τιμές μού είναι

φραση μέσα στην

Για να βρω το κοινό πεδίο ορισμού για τις συναρτήσεις $f(x) = \frac{1}{(x^2)-16}$ και g(x) =εξετάσω τους περιορισμούς που επιβάλλουν και οι δύο συναρτήσεις.

Για την πρώτη συνάρτηση, f(x), ο παρονομαστής δεν πρέπει να ισούται με μηδέν. τον παρονομαστή $x^2 - 16 \neq 0$ και θα λύσω για το x:

$$x^2-16\neq 0$$

Τώρα, θα λύσω αυτή την εξίσωση:

$$x^2 \neq 16$$

Παίρνοντας την τετραγωνική ρίζα και των δύο πλευρών, παίρνω:

$$|x| \neq 4$$

Αυτό σημαίνει ότι το x δεν μπορεί να είναι ίσο με 4 ή -4.

Τώρα, για τη δεύτερη συνάρτηση g(x), το όρισμα μέσα στην τετραγωνική ρίζα δεν παρνητικό. Έτσι, θα ορίσω $x - 4 \ge 0$ και θα λύσω το x:

$$x-4 \geq 0$$

Τώρα, θα λύσω αυτή την ανισότητα:

$$x \geq 4$$

Αυτό σημαίνει ότι το x πρέπει να είναι μεγαλύτερο ή ίσο του 4.

Τώρα, για να βρω το κοινό πεδίο ορισμού και για τις δύο συναρτήσεις, πρέπει να εξ περιορισμούς και από τις δύο συναρτήσεις. Το κοινό πεδίο ορισμού είναι το σύνολο ικανοποιούν και τις δύο συνθήκες:

$$-4 < x < 4$$
 (για να ικανοποιείται η $f(x)$) $x \geq 4$ (για να ικανοποιείται το $g(x)$)

Το κοινό πεδίο ορισμού είναι η τομή αυτών των δύο συνόλων, που σημαίνει ότι είνα ορίζονται και οι δύο συναρτήσεις. Σε αυτή την περίπτωση, το κοινό πεδίο ορισμού ε x < 4, το οποίο είναι κενό σύνολο, υποδεικνύοντας ότι δεν υπάρχουν τιμές του x γι ορίζονται ταυτόχρονα και οι δύο συναρτήσεις.

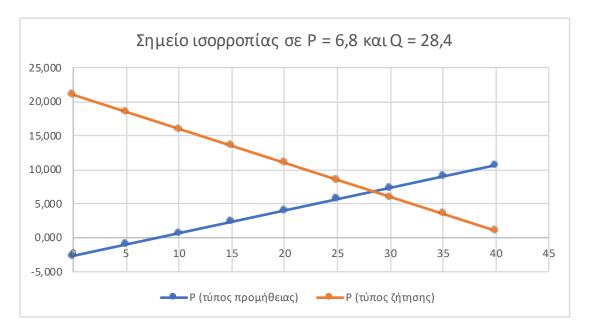
- $= \sqrt{x 4}$, πρέπει να
- . Επομένως, θα ορίσω

τρέπει να είναι

ετάσω τους των τιμών που

χι η περιοχή όπου είναι x τέτοιο ώστε 4 ≤ α τις οποίες vα

Q (ποσότητα ηλεκτρικού ρεύματος)	Ρ (τύπος προμήθειας)	Ρ (τύπος ζήτησης)
0	-2,667	21
5	-1,000	18,5
10	0,667	16
15	2,333	13,5
20	4,000	11
25	5,667	8,5
30	7,333	6
35	9,000	3,5
40	10,667	1



i. Για να βρούμε το σημείο ισορροπίας, πρέπει να θέσουμε τη συνάρτηση προσφοράς (Qs) ίση με τη συνάρτηση ζήτησης (Qd) και να λύσουμε το P:

$$Qs = Qd$$

$$3P + 8 = -2P + 42$$

Τώρα, ας λύσουμε για το Ρ:

$$3P + 2P = 42 - 8$$

$$5P = 34$$

$$P = \frac{34}{5}$$

$$P = 6.8$$

Τώρα που έχουμε την τιμή ισορροπίας (P), μπορούμε να βρούμε την ποσότητα ηλεκτρικής ενέργειας (Q) εισάγοντας την τιμή αυτή είτε στη συνάρτηση προσφοράς είτε στη συνάρτηση ζήτησης. Ας χρησιμοποιήσουμε τη συνάρτηση προσφοράς:

$$Qs = 3P + 8$$

 $Qs = 3(6.8) + 8$

$$Qs = 20,4 + 8$$

$$Qs = 28,4$$

Έτσι, στο σημείο ισορροπίας, η τιμή (P)είναι 6, 8 και η ποσότητα ηλεκτρικής ενέργειας (Q)είναι 28, 4 kWh.

ii. Κατά τη διαδικασία προσδιορισμού του σημείου ισορροπίας σε αυτό το σενάριο, έθεσα πρώτα τη συνάρτηση προσφοράς (Qs) ίση με τη συνάρτηση ζήτησης (Qd) και έλυσα την τιμή ισορροπίας (P). Οι υπολογισμοί οδήγησαν σε μια τιμή ισορροπίας P = 6.8. Με γνωστή την τιμή ισορροπίας, χρησιμοποίησα στη συνέχεια μία από τις συναρτήσεις, στην προκειμένη περίπτωση τη συνάρτηση προσφοράς, για να βρω την ποσότητα ηλεκτρικής ενέργειας σε αυτό το σημείο ισορροπίας, η οποία προέκυψε Q = 28.4 kWh. Για να επιβεβαιώσω αυτά τα ευρήματα και να αναπαραστήσω οπτικά τη σχέση μεταξύ προσφοράς και ζήτησης, χρησιμοποίησα το Microsoft Excel για να δημιουργήσω ένα γράφημα με την ποσότητα (Q) στον οριζόντιο άξονα και την τιμή (P) στον κάθετο άξονα. Αυτή η γραφική αναπαράσταση επικύρωσε πράγματι το σημείο ισορροπίας σε P = 6.8 και Q = 28.4, ευθυγραμμιζόμενο με τα αποτελέσματα που προέκυψαν από τους υπολογισμούς. Το γράφημα χρησιμεύει ως οπτική επιβεβαίωση της ισορροπίας στην προσφορά και τη ζήτηση ηλεκτρικής ενέργειας σε αυτό το σενάριο.

Για να βρούμε την τιμή του Q όταν το MC (Οριακό κόστος) είναι ίσο με το N να θέσουμε τις δύο συναρτήσεις ίσες μεταξύ τους και να λύσουμε το Q:

$$MC = MR$$

$$3Q^2 - 32Q + 96 = 236 - 16Q$$

Τώρα, ας απλοποιήσουμε την εξίσωση:

$$3Q^2 - 32Q + 96 - 236 + 16Q = 0$$

Συνδυάστε τους όμοιους όρους:

$$3Q^2 - 16Q - 140 = 0$$

Τώρα, έχουμε μια τετραγωνική εξίσωση με τη μορφή:

$$aQ^2 + bQ + c = 0$$

Σε αυτή την περίπτωση, a = 3, b = -16 και c = -140.

Μπορούμε να λύσουμε αυτή την τετραγωνική εξίσωση χρησιμοποιώντας τι

$$Q = \frac{\left(-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}\right)}{2a}$$

Συνδέοντας τις τιμές:

$$Q = \frac{\left(16 \pm \sqrt{(-16)^2 - 4 * 3 * (-140)}\right)}{(2 * 3)}$$

Τώρα, ας υπολογίσουμε τις τιμές του Q:

$$Q = \frac{\left(16 \pm \sqrt{256 + 1680}\right)}{6}$$

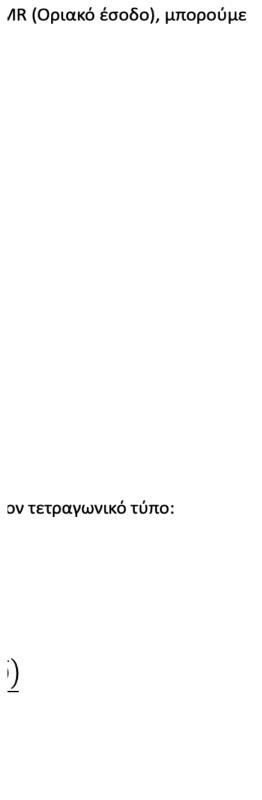
$$Q = \frac{\left(16 \pm \sqrt{1936}\right)}{6}$$

$$Q = \frac{\left(16 \pm 44\right)}{6}$$

Τώρα, έχουμε δύο πιθανές λύσεις:

$$1. Q = \frac{(16 + 44)}{6} = \frac{60}{6} = 10$$
$$2. Q = \frac{(16 - 44)}{6} = \frac{-28}{6} = -4,67 \ (\pi \varepsilon \rho) \pi$$

Έτσι, υπάρχουν δύο πιθανές τιμές του Q όταν το MC ισούται με το MR: $Q = \pi \cos \tau$ παραγωγής της επιχείρησης είναι Q = 10, ενώ η άλλη τιμή δεν είν πλαίσιο.



:**ov**)

10 και Q ≈ -4,67. Η βέλτιστη ναι πρακτική στο συγκεκριμένο