

Aufgabe 1

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße r , der Störgröße d und der Ausgangsgröße y .

Klausur vom 03.03.2024



- a) Ermitteln Sie die Übertragungsfunktionen

$$T(s) = \left. \frac{y(s)}{r(s)} \right|_{d=0} \quad \text{und} \quad M(s) = \left. \frac{y(s)}{d(s)} \right|_{r=0}$$

als Funktion der Übertragungsfunktionen $G_1(s)$, $G_2(s)$, $G_3(s)$ und $G_4(s)$.

- b) Für die Übertragungsfunktionen $G_1(s)$, $G_2(s)$, $G_3(s)$ und $G_4(s)$ soll nun gelten:

$$G_1(s) = \frac{As + B}{s}$$

$$G_2(s) = \frac{s+1}{s+2}$$

$$G_3(s) = \frac{1}{s+4}$$

$$G_4(s) = \frac{1}{s+1}$$

A und B sind hierbei reelle Parameter. Zeigen Sie, dass für die Übertragungsfunktion $M(s)$ gilt:

$$M(s) = \frac{s(s+1)}{s^3 + 6s^2 + (8+A)s + B}$$

$$| (r - G_4 y) (G_1(s) + d) \cdot G_2(s) \cdot G_3(s) = y$$

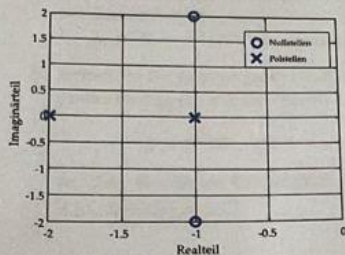
$$| r G_1(s) - G_1 G_4 y + d \cdot G_2(s) \cdot G_3(s) = y$$

$$r G_1 G_2 G_3 - G_1 G_2 G_3 G_4 y + d G_2 \cdot G_3 = y$$

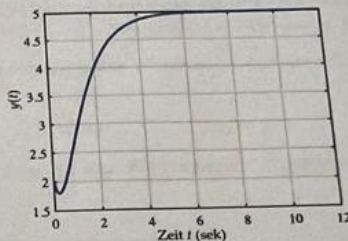
Aufgabe 2

egiraftehtaufgratzugraBiamerBzeigscSaggeandCdkKontrolltheke - VO

Sie haben den folgenden PN-Plan der Übertragungsfunktion $G(s)$ eines zeitkontinuierlichen linearen zeitinvarianten Übertragungssystems mit der Eingangsgröße u und der Ausgangsgröße y vorliegen (Abb. 1a). Alle eingezeichneten Pole und Nullstellen haben Vielfachheit eins. Zudem messen Sie am Ausgang des Systems folgende Antwort $y(t)$ auf einen Einheitssprung am Eingang (Abb. 1b):



(a) Pol-Nullstellen-Diagramm.



(b) Sprungantwort.

Abbildung 1

- Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion $G(s)$.
- Was können Sie über die Stabilität des Systems aussagen? Geben Sie eine mathematische Begründung an!
- Besitzt das System einen Durchgriffsterm $d \neq 0$? Begründen Sie Ihre Antwort!
- In einem weiteren Experiment wird zum Zeitpunkt $t = 0$ die Eingangsfunktion $u_2(t) = t$ auf das System aufgeschaltet. Berechnen Sie die Antwort $Y_2(s)$ des Systems im Laplace-Bereich.

$$\frac{s^2 + 2}{(s+1)(s+1-j)}$$

Betrachten Sie das folgende Modell eines Systems:

$$\frac{dx}{dt} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ \alpha & 1 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} u;$$

- a) Es wurde nun eine Zustandsrückkopplung $u = -k^T x$ mit $k = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 \end{bmatrix}^T$ entworfen, um das System zu stabilisieren. Der geschlossene Regelkreis hat nun Eigenwerte bei $\lambda_1 = \lambda_2 = -1$ und Sie erhalten $k = \begin{bmatrix} 1,5 & 1 \end{bmatrix}^T$. Wie groß ist der Parameter α ?
- b) Erweitern Sie nun die Zustandsrückkopplung um eine Vorsteuerung und einen Soll-/Istwertvergleich des Zustandes

$$u = k^T(x_r - x) + u_r;$$

$$x_r := mr;$$

$$u_{ff} = nr,$$

so, dass stationäre Genauigkeit in Bezug auf eine Führungsgröße r gegeben ist, d.h., $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) \stackrel{!}{=} r$.

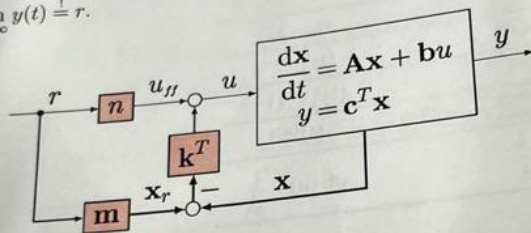


Abbildung 2: Struktur der Zustandsregelung.

Berechnen Sie die entsprechenden Werte von m und n .

- c) Welche Voraussetzung(en) muss ein System erfüllen, damit eine Zustandsregelung möglich ist?