Arbitraža, terminski posli in opcije

Tomaž Košir, Fakulteta za matematiko in fiziko, Univerza v Ljubljani, Klara Pugelj, Gimnazija Vič, Ljubljana, in Aleš Toman, Ekonomska fakulteta, Univerza v Ljubljani.

> Strokovno srečanje in 65. Občni zbor DMFA, Bled, 15. - 16. november 2013



Vsebina

🕦 Zakon ene cene in arbitražna strategija

Vsebina

- Zakon ene cene in arbitražna strategija
- 2 Terminski posli

Vsebina

- Zakon ene cene in arbitražna strategija
- Terminski posli
- Opcije

Zakon ene cene

 Zakon ene cene pravi, da imata dve naložbi oz. investiciji enako začetno vrednost, če so vsi denarni tokovi v prihodnosti enaki za obe naložbi.

Zakon ene cene

- Zakon ene cene pravi, da imata dve naložbi oz. investiciji enako začetno vrednost, če so vsi denarni tokovi v prihodnosti enaki za obe naložbi.
- Na primer: Kuponska obveznica in več brezkuponskih obveznic z zapadlostmi ob izplačilu kuponov in nominalnimi vrednostmi enakimi kuponom.

Zakon ene cene

- Zakon ene cene pravi, da imata dve naložbi oz. investiciji enako začetno vrednost, če so vsi denarni tokovi v prihodnosti enaki za obe naložbi.
- Na primer: Kuponska obveznica in več brezkuponskih obveznic z zapadlostmi ob izplačilu kuponov in nominalnimi vrednostmi enakimi kuponom.
- Dobimo formulo o vrednotenju kuponske obveznice.

Arbitražna priložnost

 Arbitražna priložnost je naložba, ki ima začetno vrednost enako 0 v prihodnosti pa imamo samo nenegativne denarne tokove in vsaj v enem primeru pozitiven denarni tok.

Arbitražna priložnost

- Arbitražna priložnost je naložba, ki ima začetno vrednost enako 0 v prihodnosti pa imamo samo nenegativne denarne tokove in vsaj v enem primeru pozitiven denarni tok.
- V finančnem žargonu rečemo, da imamo zastonj kosilo.
 Predpostavka o neobstoju arbitraže je potem predpostavka, da ni zastonja kosila.

Zgled - stavnici

- Imamo dve stavnici, ki sprejemata stave za izid tekme v košarki med moštvoma K in L.
- Stavnica A sprejema stave v razmerju 5 : 5 in stavnica B v razmerju 6 : 4.

Zgled - stavnici

- Imamo dve stavnici, ki sprejemata stave za izid tekme v košarki med moštvoma K in L.
- Stavnica A sprejema stave v razmerju 5 : 5 in stavnica B v razmerju 6 : 4.
- Stavnica A za 5 plačanih enot v primeru zmage izbranega moštva izplača 10 enot, v primeru njegovega poraza pa 0 enot.

Zgled - stavnici

- Imamo dve stavnici, ki sprejemata stave za izid tekme v košarki med moštvoma K in L.
- Stavnica A sprejema stave v razmerju 5 : 5 in stavnica B v razmerju 6 : 4.
- Stavnica A za 5 plačanih enot v primeru zmage izbranega moštva izplača 10 enot, v primeru njegovega poraza pa 0 enot.
- Stavnica B za 6 vplačanih enot na zmago moštva K
 izplača 10 enot v primeru zmage tega moštva in 0 enot v
 primeru poraza. V primeru stave na moštvo L pa za 4
 vplačane enote izplača 10 enot v primeru zmage tega
 moštva in 0 v primeru poraza.

Naslednja strategija je arbitražna:

 Dijak si od očeta izposodi 9 denarnih enot in mu obljubi, da jih bo po tekmi vrnil.

- Dijak si od očeta izposodi 9 denarnih enot in mu obljubi, da jih bo po tekmi vrnil.
- Nato vplača 5 denarnih enot na zmago moštva K v stavnici A in 4 denarne enote na zmago moštva L v stavnici B.

- Dijak si od očeta izposodi 9 denarnih enot in mu obljubi, da jih bo po tekmi vrnil.
- Nato vplača 5 denarnih enot na zmago moštva K v stavnici A in 4 denarne enote na zmago moštva L v stavnici B.
- Po tekmi bo v primeru zmage moštva K dobil izplačilo 10 enot iz stavnice A in 0 iz stavnice B.

- Dijak si od očeta izposodi 9 denarnih enot in mu obljubi, da jih bo po tekmi vrnil.
- Nato vplača 5 denarnih enot na zmago moštva K v stavnici A in 4 denarne enote na zmago moštva L v stavnici B.
- Po tekmi bo v primeru zmage moštva K dobil izplačilo 10 enot iz stavnice A in 0 iz stavnice B.
- V primeru zmage moštva L pa bo dobil 10 denarnih enot iz stavnice B in 0 iz A.

- Dijak si od očeta izposodi 9 denarnih enot in mu obljubi, da jih bo po tekmi vrnil.
- Nato vplača 5 denarnih enot na zmago moštva K v stavnici A in 4 denarne enote na zmago moštva L v stavnici B.
- Po tekmi bo v primeru zmage moštva K dobil izplačilo 10 enot iz stavnice A in 0 iz stavnice B.
- V primeru zmage moštva L pa bo dobil 10 denarnih enot iz stavnice B in 0 iz A.
- V vsakem primeru bo lahko očetu vrnil 9 enot, 1 enota pa bo njegova brez vloženih sredstev.



Zgled - devizni tečaji

Menjalnici A v New Yorku in B v Londonu sta 19. julija 2002 objavili naslednje menjalne tečaje:

menjalnica A	nakupni	prodajni
1,0000 EUR	1,0202 USD	1,0284 USD
1,0000 GBP	1,5718 USD	1,5844 USD
menjalnica B	nakupni	prodajni
1,0000 EUR	0,6324 GBP	0,6401 GBP
1,0000 USD	0,6299 GBP	0,6375 GBP

Npr. menjalnica A kupi 1 EUR za 1,0202 USD in ga proda za 1,0284 USD.

Arbitražna strategija:

Za zelo kratek čas si izposodimo 100 USD.

Arbitražna strategija:

- Za zelo kratek čas si izposodimo 100 USD.
- V A kupimo funte,
- nato v B za funte kupimo evre,

Arbitražna strategija:

- Za zelo kratek čas si izposodimo 100 USD.
- V A kupimo funte,
- nato v B za funte kupimo evre,
- končno evre v A zamenjamo za dolarja.

Arbitražna strategija:

- Za zelo kratek čas si izposodimo 100 USD.
- V A kupimo funte,
- nato v B za funte kupimo evre,
- končno evre v A zamenjamo za dolarja.
- Velja

$$\frac{100}{1,5844} \cdot \frac{1}{0,6401} \cdot 1,0202 = 100,59.$$

Arbitražna strategija:

- Za zelo kratek čas si izposodimo 100 USD.
- V A kupimo funte,
- nato v B za funte kupimo evre,
- končno evre v A zamenjamo za dolarja.
- Velja

$$\frac{100}{1,5844} \cdot \frac{1}{0,6401} \cdot 1,0202 = 100,59.$$

Vrnemo dolarje in nam ostane 59 centov.

Opis

Terminski posel je dogovor med dvema strankama, s katerim se dogovorita o *ceni*, po kateri bo ena stranka drugi prodala določeno blago ali vrednostni papir na določen dan v prihodnosti.

 Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.
- V času, ko čakate na dobavo, proizvajalec zaradi podražitve surovin zviša ceno na 11.000 EUR. Vas to moti?

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.
- V času, ko čakate na dobavo, proizvajalec zaradi podražitve surovin zviša ceno na 11.000 EUR. Vas to moti? Ne.

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.
- V času, ko čakate na dobavo, proizvajalec zaradi podražitve surovin zviša ceno na 11.000 EUR. Vas to moti? Ne.
- Drugače velja za trgovca. Vam mora prodati avto za 10.000 EUR, čeprav je njegova cena 11.000 EUR.

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.
- V času, ko čakate na dobavo, proizvajalec zaradi podražitve surovin zviša ceno na 11.000 EUR. Vas to moti? Ne.
- Drugače velja za trgovca. Vam mora prodati avto za 10.000 EUR, čeprav je njegova cena 11.000 EUR.
- Če se proizvajalec avtomobila odloči, da zniža ceno avtomobila na 9.500 EUR ste na slabšem vi.

- Kadar kupujemo nov avto, lahko poteče nekaj tednov od podpisa pogodbe do plačila in dobave avtomobila.
- Recimo, da ste ob podpisu pogodbe določili ceno 10.000 EUR.
- V času, ko čakate na dobavo, proizvajalec zaradi podražitve surovin zviša ceno na 11.000 EUR. Vas to moti? Ne.
- Drugače velja za trgovca. Vam mora prodati avto za 10.000 EUR, čeprav je njegova cena 11.000 EUR.
- Če se proizvajalec avtomobila odloči, da zniža ceno avtomobila na 9.500 EUR ste na slabšem vi. Plačati morate 10.000 EUR, čeprav se je avtomobil medtem že pocenil.

 Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto.

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?
- Če delnico takoj prodate in denar naložite na banko, boste čez eno leto imeli EUR 100 plus obresti.

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?
- Če delnico takoj prodate in denar naložite na banko, boste čez eno leto imeli EUR 100 plus obresti.
- Če je obrestna mera 5%, boste imeli 105 EUR.

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?
- Če delnico takoj prodate in denar naložite na banko, boste čez eno leto imeli EUR 100 plus obresti.
- Če je obrestna mera 5%, boste imeli 105 EUR. Izročitvena cena mora biti 105 EUR.

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?
- Če delnico takoj prodate in denar naložite na banko, boste čez eno leto imeli EUR 100 plus obresti.
- Če je obrestna mera 5%, boste imeli 105 EUR. Izročitvena cena mora biti 105 EUR.
- Kaj pa če veste, da bo Pekarna d.d. izplačala dividendo v višini 3 EUR tik pred iztekom enega leta?

- Ste lastnik ene delnice Pekarne d.d. Trenutna cena delnice je 100 EUR.
- Želite skleniti terminski posel za prodajo delnice čez eno leto. Kaj s tem izgubite?
- Če delnico takoj prodate in denar naložite na banko, boste čez eno leto imeli EUR 100 plus obresti.
- Če je obrestna mera 5%, boste imeli 105 EUR. Izročitvena cena mora biti 105 EUR.
- Kaj pa če veste, da bo Pekarna d.d. izplačala dividendo v višini 3 EUR tik pred iztekom enega leta?
 Potem mora biti izročitvena cena

$$100 + 5 - 3 = 102$$
 EUR.



- K izročitvena cena,
- T čas izročitve,
- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- F_t izročitvena cena za terminsko pogodbo sklenjeno v času t, F₀ = K,
- R netvegana (efektivna) obrestna mera, ki je na voljo na trgu za vse zapadlosti.

- K izročitvena cena,
- T čas izročitve,
- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- F_t izročitvena cena za terminsko pogodbo sklenjeno v času t, F₀ = K,
- R netvegana (efektivna) obrestna mera, ki je na voljo na trgu za vse zapadlosti.
- če ni dividend: $K = S_0(1+R)^T$,

- K izročitvena cena,
- T čas izročitve,
- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- F_t izročitvena cena za terminsko pogodbo sklenjeno v času t, F₀ = K,
- R netvegana (efektivna) obrestna mera, ki je na voljo na trgu za vse zapadlosti.
- če ni dividend: $K = S_0(1+R)^T$,
- če ni dividend: $F_t = S_t(1+R)^{T-t}$,

- K izročitvena cena,
- T čas izročitve,
- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- F_t izročitvena cena za terminsko pogodbo sklenjeno v času t, F₀ = K,
- R netvegana (efektivna) obrestna mera, ki je na voljo na trgu za vse zapadlosti.
- če ni dividend: $K = S_0(1+R)^T$,
- če ni dividend: $F_t = S_t(1+R)^{T-t}$,
- znana dividenda I_t v času t: $K = S_0(1+R)^T I_t(1+R)^{T-t}$,

- K izročitvena cena,
- T čas izročitve,
- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- F_t izročitvena cena za terminsko pogodbo sklenjeno v času t, F₀ = K,
- R netvegana (efektivna) obrestna mera, ki je na voljo na trgu za vse zapadlosti.
- če ni dividend: $K = S_0(1+R)^T$,
- če ni dividend: $F_t = S_t(1+R)^{T-t}$,
- znana dividenda I_t v času t: $K = S_0(1+R)^T I_t(1+R)^{T-t}$,
- znana dividenda $I_{t'}$, t' > t: $F_t = S_t(1+R)^{T-t} - I_{t'}(1+R)^{T-t'}$.



 Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

$$V_T = S_T - K$$

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

$$V_T = S_T - K = S_T - F_0.$$

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

$$V_T = S_T - K = S_T - F_0.$$

 Vrednost terminskega posla (sklenjenega v času 0) je v času t enaka razliki med izročitveno ceno, ki velja v času t in izročitveno ceno v času 0; ker pa se ti dve vrednosti nanašata na čas T, ju moramo diskontirati.

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

$$V_T = S_T - K = S_T - F_0.$$

• Vrednost terminskega posla (sklenjenega v času 0) je v času t enaka razliki med izročitveno ceno, ki velja v času t in izročitveno ceno v času 0; ker pa se ti dve vrednosti nanašata na čas T, ju moramo diskontirati. Ta vrednost je tudi enaka razliki med trenutno (tržno) vrednostjo osnovnega premoženja in diskontirano izročitveno ceno:

- Če je cena osnovnega premoženja v času T večja kot izročitvena cena, smo s tem zaslužili oz. prihranili.
- Če pa je cena osnovnega premoženja v času T manjša kot izročitvena cena, imamo izgubo.

$$V_T = S_T - K = S_T - F_0.$$

• Vrednost terminskega posla (sklenjenega v času 0) je v času t enaka razliki med izročitveno ceno, ki velja v času t in izročitveno ceno v času 0; ker pa se ti dve vrednosti nanašata na čas T, ju moramo diskontirati. Ta vrednost je tudi enaka razliki med trenutno (tržno) vrednostjo osnovnega premoženja in diskontirano izročitveno ceno:

$$V_t = (F_t - K) \cdot (1 + R)^{-(T-t)} = S_t - K(1 + R)^{-(T-t)}.$$

Zgledi

• V zgledu o nakupu avtomobila je vrednost terminske pogodbe ob nakupu avta v primeru podražitve na 11.000 EUR enaka $V_T = 1.000$ EUR. V primeru pocenitve na 9.500 EUR pa je ta vrednost enaka $V_T = -500$ EUR.

Zgledi

- V zgledu o nakupu avtomobila je vrednost terminske pogodbe ob nakupu avta v primeru podražitve na 11.000 EUR enaka $V_T = 1.000$ EUR. V primeru pocenitve na 9.500 EUR pa je ta vrednost enaka $V_T = -500$ EUR.
- V zgledu terminskega posla na delnico Pekarne d.d. predpostavimo najprej, da je cena delnice čez eno leto enaka $S_1=110$ EUR. Tedaj je vrednost terminskega posla enaka

$$V_1 = S_1 - K = 110 - 102 = 8$$
 EUR.

Zgledi

- V zgledu o nakupu avtomobila je vrednost terminske pogodbe ob nakupu avta v primeru podražitve na 11.000 EUR enaka $V_T = 1.000$ EUR. V primeru pocenitve na 9.500 EUR pa je ta vrednost enaka $V_T = -500$ EUR.
- V zgledu terminskega posla na delnico Pekarne d.d. predpostavimo najprej, da je cena delnice čez eno leto enaka $S_1=110$ EUR. Tedaj je vrednost terminskega posla enaka

$$V_1 = S_1 - K = 110 - 102 = 8$$
 EUR.

 Če bi bila cena delnice čez eno leto enaka 99 EUR, pa bi bila vrednost terminskega posla enaka

$$V_1 = S_1 - K = 99 - 102 = -3$$
 EUR.



• Poračunajmo še vrednost našega posla po 6 mesecih v primerih, da je $S_{0,5}=110$ EUR, oziroma $S_{0,5}=99$ EUR. Spomnimo, da delnica Pekarne d.d. izplača dividendo v višini 3 EUR v času t=1.

- Poračunajmo še vrednost našega posla po 6 mesecih v primerih, da je $S_{0,5}=110$ EUR, oziroma $S_{0,5}=99$ EUR. Spomnimo, da delnica Pekarne d.d. izplača dividendo v višini 3 EUR v času t=1.
- Imamo K = 102 EUR in $I_1 = 3$ EUR. Izročitvena cena za terminske pogodbe sklenjene v času t = 0, 5 je enaka

$$F_{0,5} = S_{0,5}(1+R)^{0,5} - I_1.$$

- Poračunajmo še vrednost našega posla po 6 mesecih v primerih, da je $S_{0,5}=110$ EUR, oziroma $S_{0,5}=99$ EUR. Spomnimo, da delnica Pekarne d.d. izplača dividendo v višini 3 EUR v času t=1.
- Imamo K = 102 EUR in $I_1 = 3$ EUR. Izročitvena cena za terminske pogodbe sklenjene v času t = 0, 5 je enaka

$$F_{0,5} = S_{0,5}(1+R)^{0,5} - I_1.$$

Vrednost prvotnega terminskega posla pa je

$$V_{0,5} = (F_{0,5} - K)(1 + R)^{-0,5}.$$



 Pri efektivni obrestni meri R = 5% dobimo naslednje vrednosti:

$S_{0,5}$	$F_{0,5}$	V _{0,5}
99 EUR	98,44 EUR	−3,47 EUR
110 EUR	109,72 EUR	7,53 EUR

Naloga 1

Naloga

Naj bo osnovno premoženje za terminske pogodbe unča zlata. Predpostavimo tudi, da lastnik zlata nima nobenih stroškov s skladiščenjem. Trenutna cena za unčo zlata je 950 EUR in netvegana obrestna mera je R=3%. Denimo, da na trgu lahko sklenemo terminsko pogodbo za nakup ene unče zlata čez tri mesece z izročitveno ceno 955 EUR.

- Ali ta izročitvena cena omogoča arbitražno priložnost?
- ② Če arbitraža obstaja, opišite, kako si investitor, ki ima v lasti unčo zlata, na trgu zagotovi arbitražno priložnost.

Rešitev 1

Podano imamo:

- $S_0 = 950$
- R = 3%
- T = 0,25
- K = 955
- Ker je

$$S_0(1+R)^T = 957, 05 \neq 955 = K,$$

obstaja arbitražna priložnost.

Rešitev 1

Podano imamo:

- $S_0 = 950$
- R = 3%
- T = 0.25
- K = 955
- Ker je

$$S_0(1+R)^T = 957, 05 \neq 955 = K,$$

obstaja arbitražna priložnost.

- Investitor uporabi naslednjo strategijo v času 0:
 - Proda zlato po tržni ceni.
 - Naloži dobljen denar po netvegani obrestni meri.
 - Sklene terminski posel za nakup zlata.



Rešitev 1 - nadaljevanje

Čez tri mesece naredi naslednje:

- Dvigne naloženo vsoto, ki znaša 957,05 EUR.
- Za 955 EUR kupi zlato, kot mu omogoča sklenjen terminski posel.
- Zlato vrne v svoje skladišče.

V času 0 ni imel nobenih stroškov, v času T pa je imel dohodek v višini 2,05 EUR.

- d domača valuta (evro, dolar, frank, itd.),
- f tuja valuta,
- S_t trenutni devizni tečaj ene enote tuje valute f v enotah domače valute d v času t, t ∈ [0, T]:

$$1 \cdot f = S_t \cdot d$$

- d domača valuta (evro, dolar, frank, itd.),
- f tuja valuta,
- S_t trenutni devizni tečaj ene enote tuje valute f v enotah domače valute d v času t, $t \in [0, T]$:

$$1 \cdot f = S_t \cdot d$$

• Npr. f = USD, d = EUR, $S_t = 1,3166$. To pomeni:

$$1 \text{ USD} = 1,3166 \text{ EUR},$$

$$100 \text{ USD} = 131,66 \text{ EUR}.$$

- d domača valuta (evro, dolar, frank, itd.),
- f tuja valuta,
- S_t trenutni devizni tečaj ene enote tuje valute f v enotah domače valute d v času t, t ∈ [0, T]:

$$1 \cdot f = S_t \cdot d$$

• Npr. f = USD, d = EUR, $S_t = 1,3166$. To pomeni:

1 USD =
$$1,3166$$
 EUR,
100 USD = $131,66$ EUR.

V terminskem poslu se obe strani dogovorita, da bo v času
 T uporabljen tečaj K za nominalno vsoto N.

• Dolga stran bo kupila $N \cdot f$ in zato plačala $NK \cdot d$.

- Dolga stran bo kupila $N \cdot f$ in zato plačala $NK \cdot d$.
- Tečaj K imenujemo izročitveni tečaj.

- Dolga stran bo kupila $N \cdot f$ in zato plačala $NK \cdot d$.
- Tečaj K imenujemo izročitveni tečaj.
- Vrednost dolge strani ob času T:

$$V_T = (S_T - K) \cdot N.$$

- Dolga stran bo kupila N ⋅ f in zato plačala NK ⋅ d.
- Tečaj K imenujemo izročitveni tečaj.
- Vrednost dolge strani ob času T:

$$V_T = (S_T - K) \cdot N.$$

Vrednost za eno enoto domače valute :

$$V_T^1 = S_T - K$$
.

- R_f netvegana (efektivna) obrestna mera za tujo valuto,
- R_d netvegana (efektivna) obrestna mera za domačo valuto.



- Dolga stran bo kupila N ⋅ f in zato plačala NK ⋅ d.
- Tečaj K imenujemo izročitveni tečaj.
- Vrednost dolge strani ob času T:

$$V_T = (S_T - K) \cdot N.$$

Vrednost za eno enoto domače valute :

$$V_T^1 = S_T - K$$
.

- R_f netvegana (efektivna) obrestna mera za tujo valuto,
- R_d netvegana (efektivna) obrestna mera za domačo valuto.
- Potem mora veljati

$$K = S_0 \cdot \left(\frac{1 + R_d}{1 + R_f}\right)^T.$$

F_t - izročitveni tečaj za terminski posel sklenjen v času t,
 F₀ = K.

Devizni terminski posel 3

- F_t izročitveni tečaj za terminski posel sklenjen v času t,
 F₀ = K.
- Veljati mora:

$$F_t = S_t \left(\frac{1 + R_d}{1 + R_f} \right)^{T-t}$$
.

Devizni terminski posel 3

- F_t izročitveni tečaj za terminski posel sklenjen v času t,
 F₀ = K.
- Veljati mora:

$$F_t = S_t \left(\frac{1 + R_d}{1 + R_f}\right)^{T-t}.$$

• Vrednost deviznega terminskega posla na eno enoto domače valute v času $t \in [0, T]$ znaša

$$V_t^1 = F_t(1 + R_d)^{-(T-t)} - K(1 + R_d)^{-(T-t)}$$

= $S_t \cdot (1 + R_t)^{-(T-t)} - K \cdot (1 + R_d)^{-(T-t)}$.



Naloga 2

Naloga

Priznana švicarska zlatarna je iz analize preteklega poslovanja ugotovila, da se prodaja zlatnine izrazito poveča v predprazničnem obdobju, to je čez 3 mesece. Zlatarna večino zlata, ki ga potrebuje v proizvodnji, kupi na ameriškem trgu. Na trgu sta na voljo naslednji netvegani (efektivni) obrestni meri:

$$R^{\text{CHF}} = 0,70\%$$
 $R^{\text{USD}} = 0,83\%$.

Trenutni menjalni tečaj med švicarski frankom in ameriškim dolarjem pa je 0,8174 CHF za 1 USD.



Naloga 2 - nadaljevanje

Naloga

- Cena unče zlata danes znaša 1835,00 USD. Zlatarna želi s finančno institucijo v Ameriki skleniti terminski posel za nakup 100 unč zlata čez 3 mesece. Kakšno ceno unče zlata (v USD) si lahko zagotovi zlatarna?
- Zlatarna bo izdelke prodajala na švicarskem trgu. Ker morajo njihove cene oblikovati vnaprej, se bojijo še valutnega tveganja. Zato se s finančno institucijo dogovori za nakup ustrezne količine dolarjev na dan ročnosti terminskega posla iz (1) po vnaprej dogovorjenem menjalnem tečaju. Koliko frankov bo zlatarna plačala za 100 unč zlata?

Rešitev 2



- Označimo: $S_0 = 1835,00 \text{ USD}, T = \frac{1}{4}$.
- Izročitveno ceno za unčo zlata izračunamo po formuli

$$K = S_0 \cdot (1 + R^{\text{USD}})^T,$$

Dobimo $K = 1835 \cdot 1,0083^{0,25} = 1838,80$ USD.

• Za 100 unč zlata bo zlatarna morala plačati $100 \cdot K = 183\,880$ USD.

Rešitev 2

- Označimo: $S_0 = 1835,00 \text{ USD}, T = \frac{1}{4}$.
 - Izročitveno ceno za unčo zlata izračunamo po formuli

$$K = S_0 \cdot (1 + R^{\text{USD}})^T,$$

Dobimo $K = 1835 \cdot 1,0083^{0,25} = 1838,80$ USD.

- Za 100 unč zlata bo zlatarna morala plačati $100 \cdot K = 183\,880$ USD.
- Določimo še menjalni tečaj za terminski posel med USD in CHF v trenutku T.

Danes velja 1 $USD = S_0$ CHF, torej $S_0 = 0,8174$. Menjalni tečaj določimo po formuli

$$K = S_0 \cdot \left(\frac{1 + R^{\text{CHF}}}{1 + R^{\text{USD}}}\right)^T = 0,8174 \cdot \left(\frac{1,007}{1,0083}\right)^{0,25} = 0,8171.$$

Za 100 unč zlata bo zlatarna plačala 183 902, 37 · 0, 8171 = 150 248, 35 CHF.



 Opcija je pogodbeno razmerje med kupcem in prodajalcem, ki daje lastniku pravico, a ne obveznost, da kupi ali proda določeno količino osnovnega premoženja po vnaprej dogovorjeni pogodbeni ceni.

- Opcija je pogodbeno razmerje med kupcem in prodajalcem, ki daje lastniku pravico, a ne obveznost, da kupi ali proda določeno količino osnovnega premoženja po vnaprej dogovorjeni pogodbeni ceni.
- Ločimo nakupne in prodajne opcije.

- Opcija je pogodbeno razmerje med kupcem in prodajalcem, ki daje lastniku pravico, a ne obveznost, da kupi ali proda določeno količino osnovnega premoženja po vnaprej dogovorjeni pogodbeni ceni.
- Ločimo nakupne in prodajne opcije.
- Ob sklenitvi opcijske pogodbe mora kupec plačati premijo.

- Opcija je pogodbeno razmerje med kupcem in prodajalcem, ki daje lastniku pravico, a ne obveznost, da kupi ali proda določeno količino osnovnega premoženja po vnaprej dogovorjeni pogodbeni ceni.
- Ločimo nakupne in prodajne opcije.
- Ob sklenitvi opcijske pogodbe mora kupec plačati premijo.
- Opcija je torej pogodba o nakupu/prodaji osnovnega premoženja po določeni izvršilni ceni K.

- Sprejem odločitve za nakup/prodajo osnovnega instrumenta imenujemo izvršitev opcije.
- Glede na to, kdaj je možna izvršitev opcije, ločimo več vrst opcij.

- Sprejem odločitve za nakup/prodajo osnovnega instrumenta imenujemo izvršitev opcije.
- Glede na to, kdaj je možna izvršitev opcije, ločimo več vrst opcij.
- Evropska opcija daje pravico izvršitve samo ob zapadlosti T.

- Sprejem odločitve za nakup/prodajo osnovnega instrumenta imenujemo izvršitev opcije.
- Glede na to, kdaj je možna izvršitev opcije, ločimo več vrst opcij.
- Evropska opcija daje pravico izvršitve samo ob zapadlosti T.
- Ameriška opcija daje pravico izvršitve kadarkoli do zapadlosti.

- Sprejem odločitve za nakup/prodajo osnovnega instrumenta imenujemo izvršitev opcije.
- Glede na to, kdaj je možna izvršitev opcije, ločimo več vrst opcij.
- Evropska opcija daje pravico izvršitve samo ob zapadlosti T.
- Ameriška opcija daje pravico izvršitve kadarkoli do zapadlosti.
- Druge vrste s skupnim imenom imenujemo eksotične opcije.

- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.

- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.
- Čez eno leto (prvič): Delniški trgi dobro razvili, tečaj delnice Allianz je 225 EUR. Ali opcijo izkoristite?

- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.
- Čez eno leto (prvič): Delniški trgi dobro razvili, tečaj delnice Allianz je 225 EUR. Ali opcijo izkoristite?
- Seveda.

- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.
- Čez eno leto (prvič): Delniški trgi dobro razvili, tečaj delnice Allianz je 225 EUR. Ali opcijo izkoristite?
- Seveda. Izvršite opcije, kupite delnico za 180 EUR, jo prodate za 225 EUR. Razlika zmanjšana za premijo je vaš dobiček: 41,4 EUR.

- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.
- Čez eno leto (prvič): Delniški trgi dobro razvili, tečaj delnice Allianz je 225 EUR. Ali opcijo izkoristite?
- Seveda. Izvršite opcije, kupite delnico za 180 EUR, jo prodate za 225 EUR. Razlika zmanjšana za premijo je vaš dobiček: 41,4 EUR.
- Čez eno leto (drugič): Tečaj delnice Allianza je pod 180 EUR, izvršitev opcije ni smiselna.



- Kupite opcijo za nakup 1 delnice Allianza in zanjo plačate premijo 3,60 EUR.
- Kot lastnik opcije imate pravico, da čez eno leto kupite delnico Allianza po ceni 180 EUR.
- Čez eno leto (prvič): Delniški trgi dobro razvili, tečaj delnice Allianz je 225 EUR. Ali opcijo izkoristite?
- Seveda. Izvršite opcije, kupite delnico za 180 EUR, jo prodate za 225 EUR. Razlika zmanjšana za premijo je vaš dobiček: 41,4 EUR.
- Čez eno leto (drugič): Tečaj delnice Allianza je pod 180 EUR, izvršitev opcije ni smiselna. Vaša izguba je 3.60 EUR.



- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- C_T vrednost evropske nakupne opcije ob zapadlosti,
- P_T vrednost evropske prodajne opcije ob zapadlosti,

- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- ullet C_T vrednost evropske nakupne opcije ob zapadlosti,
- P_T vrednost evropske prodajne opcije ob zapadlosti,
- Velja:

$$C_T = max\{S_T - K, 0\}$$
 in $P_T = max\{K - S_T, 0\}$.

- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- ullet C_T vrednost evropske nakupne opcije ob zapadlosti,
- P_T vrednost evropske prodajne opcije ob zapadlosti,
- Velja:

$$C_T = max\{S_T - K, 0\}$$
 in $P_T = max\{K - S_T, 0\}.$

- c₀ premija za nakupno opcijo v času 0,
- p₀ premija za prodajno opcijo v času 0,

- S_t cena osnovnega premoženja v času $t \in [0, T]$,
- C_T vrednost evropske nakupne opcije ob zapadlosti,
- P_T vrednost evropske prodajne opcije ob zapadlosti,
- Velja:

$$C_T = max\{S_T - K, 0\}$$
 in $P_T = max\{K - S_T, 0\}$.

- c₀ premija za nakupno opcijo v času 0,
- p₀ premija za prodajno opcijo v času 0,
- c_t premija evropske nakupne opcije z izvršilno ceno K in zapadlostjo T sklenjene v času t,
- p_t premija evropske prodajne opcije izvršilno ceno K in zapadlostjo T sklenjene v času t.

Ker na trgu ni arbitraže, veljajo tudi naslednje neenakosti:

$$max\{S_t - K \cdot (1+R)^{-(T-t)}, 0\} \le c_t \le S_t$$
 $max\{K \cdot (1+R)^{-(T-t)} - S_t, 0\} \le p_t \le K \cdot (1+R)^{-(T-t)}.$

Ker na trgu ni arbitraže, veljajo tudi naslednje neenakosti:

$$max\{S_t - K \cdot (1+R)^{-(T-t)}, 0\} \le c_t \le S_t$$
 $max\{K \cdot (1+R)^{-(T-t)} - S_t, 0\} \le p_t \le K \cdot (1+R)^{-(T-t)}.$

• Za vse $t \in [0, T]$ mora veljati

$$p_t + S_t = c_t + K \cdot (1 + R)^{-(T-t)}.$$

To je evropska nakupno - prodajna enakost.



Naloga 3

Naloga

Delnica nekega podjetja je danes vredna $S_0 = 55$ EUR in v naslednje pol leta ne bo izplačala dividend. Netvegana obrestna mera za pol leta znaša 5,25%.

- Kaj lahko poveš o premiji evropske nakupne opcije, napisane na delnico podjetja, z zapadlostojo 6 mesecev in izvršilno ceno K = 56 EUR?
- Recimo, da je premija opcije iz točke 1) enaka c₀ = 0,8 EUR. Kaj lahko poveš o premiji evropske prodajne opcije z isto izvršilno ceno in zapadlostjo?

Rešitev 3

Podano imamo:

- $S_0 = 55$
- R = 5,25%
- T = 0.5
- K = 56
- ① Za c_0 mora veljati $max\{S_0 K \cdot (1+R)^{-T}, 0\} \le c_0 \le S_0$. Torej imamo

$$0,41 \le c_0 \le 55.$$

2 Iz evropske nakupno - prodajne enakosti sledi $p_0 = c_0 + K(1+R)^{-T} - S_0$. Ker je $c_0 = 0, 8$, je

$$p_0 = 0, 8 - 0, 41 = 0, 39.$$