

Realisierung eines Vier-Gewinnt Roboters

ggf. Untertitel mit ergänzenden Hinweisen

Studienarbeit T3_3200

Studiengang Elektrotechnik

Studienrichtung Automation

Duale Hochschule Baden-Württemberg Ravensburg, Campus Friedrichshafen

von

Simon Gschell / Patrik Peters

Abgabedatum: 9. Juli 2025

Bearbeitungszeitraum: 01.01.2025 - 31.06.2025

Matrikelnummer: 123 456 Kurs: TEA22

Betreuer: Prof. Dr. ing Thorsten Kever

Erklärung

gemäß Ziffer 1.1.14 der Anlage 1 zu §§ 3, 4 und 5 der Studien- und Prüfungsordnung für die Bachelorstudiengänge im Studienbereich Technik der Dualen Hochschule Baden-Württemberg vom 29.09.2017 in der Fassung vom 24.07.2023.

Ich versichere hiermit, dass ich meine Studienarbeit T3_3200 mit dem Thema:

Realisierung eines Vier-Gewinnt Roboters

selbstständig verfasst und keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel benutzt habe. Ich versichere zudem, dass die eingereichte elektronische Fassung mit der gedruckten Fassung übereinstimmt.

Friedrichshafen, den 9. Juli 2025

Simon Gschell / Patrik Peters

Kurzfassung

Diese Studienarbeit wurde im Rahmen der sechsten Akademiephase angefertigt. Im ersten Teil der Arbeit wurden verschiedene Spieltheorien miteinander verglichen. Aufbauend auf den Erkenntnissen der ersten Studienarbeit, lag der Schwerpunkt diesmal in der praktischen Umsetzung eines Vier-Gewinnt-Roboters. Das Ziel dieser Arbeit bestand darin, einen Roboter zu entwickeln, der eigenständig Spielzüge beim Spiel "Vier gewinnt" ausführen kann und somit in der Lage ist, gegen einen anderen Roboter anzutreten.

Für die Realisierung des Projekts wurde ein LEGO Spike Prime Set verwendet. Die Konstruktion des Roboters besteht aus verschiedenen zusammengesetzten LEGO-Bauelementen. Vereinzelt wurden auch Elemente selbst entworfen und mittels 3D-Drucker angefertigt. Die Steuerung und Überwachung der Aktoren, wie zum Beispiel der Motoren und Sensoren, erfolgt mithilfe eines LEGO Spike Hub. Dieser Mikrocontroller verarbeitet die eingehenden Sensordaten und steuert die Bewegungen des Roboters entsprechend der programmierten Logik.

Die Programmierung erfolgte in der Sprache MircoPython in der LEGO Spike App. Das Kernstück des Programms ist der Alpha-Beta-Algorithmus, mit ihm wird der nächste optimale Zug berechnet. Durch die Kombination aus mechanischer Konstruktion und programmierter Software entstand ein funktionsfähiger Prototyp, der die gestellten Anforderungen erfüllt und einen Spielzug eigenständig ausführen kann.

Abstract

This student research project was carried out during the sixth academy phase. In the first part of the project, various game theories were examined and compared. Building on the insights from that initial work, the focus this time was on the practical development of a Four-in-a-Row robot. The goal was to create a robot capable of making its own moves in the game "Connect Four, "allowing it to compete against another robot.

The project was implemented using a LEGO Spike Prime set. The robot itself was built from a range of LEGO components, with some parts specially designed and produced using a 3D printer. The motors and sensors are managed by a LEGO Spike Hub, which acts as the robot's microcontroller. This hub processes sensor data and directs the robot's movements according to the programmed logic.

Programming was done in MicroPython using the LEGO Spike app. At the heart of the software is the alpha-beta algorithm, which determines the best possible move at each turn. By combining mechanical design with custom software, the project resulted in a working prototype that meets the requirements and can play the game autonomously.

Inhaltsverzeichnis

1	Einl	eitung	1
2	Gru	ndlagen	3
	2.1	Vier-Gewinnt	3
	2.2	Alpha-Beta-Pruning-Algorithmus	3
	2.3	Mikropython	4
	2.4	LEGO Spike Hub:	
	2.5	Sensorik	
		2.5.1 LEGO Spike Kraft- oder Touchsensor	
		2.5.2 LEGO Spike Farbsensor	
	2.6	Aktorik	
		2.6.1 LEGO Spike Winkelmotor	
3	Vor	gehen	9
	3.1	- Aufgabenpräzisierung	9
	3.2	Anforderungen an den Roboter	
	3.3	Konzept	
	3.4	Zeitplan	
4	Um	setzung	13
	4.1	Mechanischer Aufbau	13
	4.2	Einbindung von Aktorik	
	4.3	Einbindung von Sensorik	
	4.4	Software	
	1.1	4.4.1 Ablauf der Software	
		T. T. A DIGUT UCL DOLUMULC	T (

In halts verzeichn is

5	Pro	gramm	ılogik	19
		5.0.1	Algorithmus	20
		5.0.2	Dynamische Suchtiefe	24
	5.1	Ablau	ıfsteuerung des Hauptprogramms	25
	5.2	Resso	urcenschonende Implementierung der Spielsteuerung und Ent-	
		scheid	lungslogik	29
		5.2.1	Begrenzte Hardware-Ressourcen	29
		5.2.2	Zeitbasierte Steuerung mit time.sleep()	30
		5.2.3	Spielfeldvergleich zur Erkennung neuer Spielzüge	30
		5.2.4	Spaltenweises Scannen statt Vollscan	31
		5.2.5	Dynamische Suchtiefe im Algorithmus	31
		5.2.6	Speicherung bewerteter Zustände (Transposition Table)	32
		5.2.7	Minimale Boarddarstellung mit Ganzzahlen	32
		5.2.8	Einfacher Kontrollfluss durch linearen Aufbau	32
6	Tes	t und \	Versuchsauswertung	34
	6.1	Versu	chsaufbau	34
	6.2	Ergeb	nisse	34
	6.3	Analy	se der Unentschieden und Niederlagen	35
	6.4	Versu	chserklärung	37
	6.5	Zusan	nmenfassung	37
7	Zus	ammer	nfassung	39
Li	terat	urverze	eichnis	40
Αŀ	bildı	ungsve	rzeichnis	42
Ta	helle	enverze	pichnis	43
	5110			
Α	Kom	plettes	s Python-Programm	44
В	Nutz	ııng va	on Künstliche Intelligenz basierten Werkzeugen	53

1 Einleitung

Das allseits bekannte klassische Gesellschaftsspiel "Vier Gewinnt" erfreut sich seit sehr vielen Jahren großer Beliebtheit bei Alt und Jung. Es ist ein strategisches Zweipersonenspiel mit sehr einfachen Regeln, aber mit einer erstaunlichen Spieltiefe. Im Zeitalter der Industrie 4.0 und Digitalisierung sollen immer mehr Abläufe automatisiert werden. Dadurch stellt sich die Frage, wie sich das Spiel "Vier Gewinnt" mithilfe von Robotik und Algorithmus automatisieren lässt.

Im ersten Teil der Studienarbeit T3_3100 wurden zunächst die spieltheoretischen Grundlagen untersucht. Hierbei wurden zentrale Konzepte wie dominante Strategien, Nash-Gleichgewichte und das Minimax-Prinzip näher analysiert. Ein besonderes Augenmerk wurde auf die Entwicklung von Algorithmen gelegt. Der Fokus lag hierbei auf dem Alpha-Beta-Algorithmus.

Aufbauend auf der ersten Arbeit geht es in diesem Teil der Studienarbeit um den Entwurf und um die Realisierung eines Roboters, der eigenständig Spielzüge im Spiel "Vier Gewinnt" ausführen kann. Ziel dieser Arbeit ist es, einen Roboter mithilfe von LEGO Spike Prime zu konstruieren und zu programmieren, der in der Lage ist, selbstständig das Spielfeld abzufahren und gegnerische Spielsteine zu erkennen. Auf diesen Fähigkeiten aufbauend soll der Roboter in der Lage sein, mithilfe eines Algorithmus den optimalen Spielzug zu berechnen und diesen eigenständig auszuführen.

Diese Arbeit beinhaltet sowohl mechanische und elektrische Entwicklung als auch das Entwerfen der Software. Ein besonderes wichtig hierbei ist das Zusammenspiel zwischen Hardware und Software, die es dem Roboter ermöglichen, flexibel und zuverlässig auf verschiedene Spielsituationen reagieren zu können.

Die Studienarbeit zielt auch darauf ab, eine Verbindung zwischen theoretischen Konzepten und der praktischen Anwendung in der Robotik zu demonstrieren. Sie ist dabei in folgende Kapitel unterteilt.

- **Grundlagen:** Im Kapitel "Grundlagen" werden die zentralen Begriffe und Methoden vorgestellt.
- Vorgehen: Im zweiten Kapitel "Vorgehen" wird auf die Anforderung an das System eingegangen. Darüber hinaus werden in diesem Abschnitt auch das Konzept und die Planung erläutert.
- Umsetzung: Im letzten Kapitel "Umsetzung" geht es um die praktische Realisierung des Roboters. Hierbei wird auf den mechanischen Aufbau, sowie die Funktion der Software eingegangen.

2 Grundlagen

In diesem Kapitel werden die zentralen Begriffe und Methoden ausführlich vorgestellt. So wird das notwendige Grundlagenwissen vermittelt, auf dem die weitere Ausarbeitung aufbaut.

2.1 Vier-Gewinnt

Das Spiel Vier-Gewinnt wird auf einem Spielfeldraster mit sechs Zeilen und sieben Spalten gespielt. Zum Spielbeginn erhält jeder Spieler 21 Spielchips, entweder Rote oder Gelbe. Ziel des Spiels ist es, möglichst schnell vier Chips der eigenen Farbe in eine Reihe zu bringen – waagrecht, senkrecht oder diagonal. Die Spieler werfen abwechselnd ihre Chips in das Spielfeld, bis entweder ein Spieler das Ziel erreicht oder alle 42 Felder belegt sind [Has20].

2.2 Alpha-Beta-Pruning-Algorithmus

Alpha-Beta-Pruning ist ein Verfahren, das bei Spielen wie Schach, Dame oder Vier Gewinnt eingesetzt wird, um den optimalen nächsten Zug zu bestimmen. Ziel des Algorithmus ist es, die Suche im Spielbaum effizienter zu machen. Im Unterschied zum Minimax-Algorithmus werden beim Alpha-Beta-Pruning gezielt Teilbäume weggelassen, die für das Endergebnis keine Rolle spielen. Während der Tiefensuche durch

den Spielbaum arbeitet der Algorithmus mit zwei Schrankenwerten, dem Alpha (α) und dem Beta (β). Zu Beginn wird Alpha auf $-\infty$ und Beta auf $+\infty$ gesetzt. An jedem MAX-Knoten wird das Maximum aus dem bisherigen Alpha und den Werten der Nachfolgeknoten ausgewählt. Das bedeutet, Alpha wird immer dann erhöht, wenn ein nachfolgender Knoten einen höheren Wert liefert als das aktuelle Alpha. Am MIN-Knoten hingegen wird Beta jeweils auf das Minimum aus dem bisherigen Beta und den Werten der Nachfolgeknoten gesetzt. Sobald an einem Knoten die Bedingung $\alpha \geq \beta$ erfüllt ist, wird der restliche Teilbaum nicht weiter betrachtet. In diesem Fall hat der MIN bereits eine bessere Alternative gefunden, sodass MAX diesen Zweig des Baums nicht mehr wählen würde [Ado09].

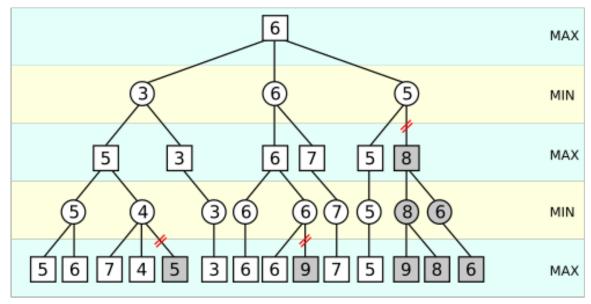


Abbildung 2.1: Alpha-Beta Spielbaum

2.3 Mikropython

MicroPython ist eine speziell für Mikrocontroller angepasste Version der Programmiersprache Python. Im Gegensatz zur Desktop-Variante lässt sich MicroPython-Code direkt auf Hardware mit begrenzten Ressourcen ausführen[SS23][PLJ23]. Im Unterschied zu Standard-Python 3 bringt MicroPython allerdings nur einen Teil der

gewohnten Python-Standardbibliotheken mit.

Wodurch es weniger Speicherplatz benötigt. Zudem besitzt MicroPython einen eigenen Interpreter, der direkt auf einem Mikrokontroller ausgeführt werden kann. Dadurch eignet sich MicroPython besonders gut für die Programmierung des LEGO Spike Hubs[Bel24].

2.4 LEGO Spike Hub:

Der LEGO Spike Hub ist das Herzstück des LEGO Spike Prime Sets. Er dient als programmierbare Steuereinheit mit sechs LPF2 input/output ports, an die alle LEGO-Sensoren und -Motoren angeschlossen werden können. Im Inneren arbeitet ein eigener Prozessor (100 MHz ARM Cortex-M4), unterstützt von 320 KB RAM und 1 MB Flash-Speicher. Die Programmierung des LEGO Spike Hubs erfolgt in der Sprache MicroPython. LEGO stellt dafür eine eigene Entwicklungsumgebung (IDE) bereit, mit dieser der Hub einfach programmiert werden kann. Hierfür kann der Hub über USB oder via Bluetooth mit dem Computer verbunden werden. Die Steuereinheit wird über einen wiederaufladbarer Lithium-Ionen-Akku mit Strom und Spannung versorgt [LEG20b].

Weitere technische Merkmale des LEGO Spike Hubs sind:

- Individuell annassbaren Lichtmatrix (5x5)
- Lautsprecher
- Taster mit integrierter Statusleuchte
- Tasten für die Navigation und Steuerung durch Menüs am Hub
- Lautsprecher

• sechsachsiger Gyrosensor



Abbildung 2.2: LEGO Spike Hub

2.5 Sensorik

2.5.1 LEGO Spike Kraft- oder Touchsensor

Dieser Sensor erkennt, ob er gedrückt wurde, und misst dabei gleichzeitig die auf ihn ausgeübte Kraft. Mit einer Abtastrate von 100 Hz erfasst er Kräfte im Bereich von 2,5 bis 10 Newton und arbeitet dabei mit einer Genauigkeit von $\pm 0,65$ Newton. Der gemessene Wert wird als Prozentwert ausgegeben, wobei 100% einem Tastendruck von 10 Newton entsprechen. Typischerweise wird der Sensor zum Erkennen von Hindernissen oder als Start- bzw. Stopptaste eines Roboters eingesetzt. Der Kraft- oder Tuchsensor wird direkt am LEGO Spike Hub angeschlossen [LEG20c].



Abbildung 2.3: LEGO Spike Kraft- oder Touchsensor

2.5.2 LEGO Spike Farbsensor

Dieser elektronische Farbsensor wurde speziell für LEGO Spike entwickelt. Seine Abtastrate beträgt 1 kHz und er kann direkt am Hub angeschlossen werden. Der Sensor kann bis zu acht verschiedene Farben erkennen, darunter Schwarz, Blau, Rot, Weiß, Braun, Gelb, Pink und Grün. Außerdem misst er sowohl die Intensität des reflektierten Lichts als auch die des Umgebungslichts [LEG20a][LEG20c].

Für die Farberkennung erfasst der Sensor die Farbwerte sowohl im RGB- (Rot, Grün, Blau) als auch im HSV-Farbraum (hue = Farbton, saturation = Sättigung, value = Helligkeit). Die Messergebnisse werden als Ganzzahlen ausgegeben [LEG20a].

Zur Reflexionsmessung sendet der Sensor weißes Licht auf eine Oberfläche und misst das zurückgeworfene Licht. Diese Funktion wird häufig für Linienführung eingesetzt [Bet25][LEG20a].



Abbildung 2.4: LEGO Technic Farbsensor

2.6 Aktorik

2.6.1 LEGO Spike Winkelmotor

Der LEGO Spike Winkelmotor nicht nur ein einfacher Elektromotor, aufgrund eines integrierten Drehsensors kann er nicht nur die Drehrichtung, sondern auch die relative und absolute Position (in Grad) sowie die Drehgeschwindigkeit erfassen. Eine vollständige Umdrehung wird dabei in 360 einzelne Zählimpulse unterteilt, wobei die Genauigkeit des Motors bei ± 3 Grad liegt. Muss der Motor ein Drehmoment von mehr als 5 Ncm aufbringen, blockiert er. Mit einer Abtastrate von 100 Hz erfasst der Motor die Position sowohl beim automatischen als auch im manuellen Betrieb. Der LEGO Spike Winkelmotor eignet sich somit nicht nur für Bewegungsaufgaben, sondern auch zur Positionsbestimmung [LEG20c].



Abbildung 2.5: LEGO Spike Winkelmotor

3 Vorgehen

Im folgendem Kapitel wird auf die Planung des Vier-Gewinnt-Roboters eingegangen. Zunächst werden die Anforderungen definiert. Anschließend werden verschiedene Konzepte genauer betrachtet und miteinander verglichen.

3.1 Aufgabenpräzisierung

Für das Projekt soll mit LEGO Spike Prime ein Roboter entwickelt werden, der Spielzüge im Spiel Vier-Gewinnt vollkommen eigenständig gegen einen menschlichen Gegner oder einen anderen Roboter spielen kann. Der Roboter muss dazu in der Lage sein, die auf dem Spielfeld platzierten gelben und roten Spielsteine zuverlässig zu erkennen und deren Positionen zu erfassen, um das gesamte Spielfeld systematisch auswerten zu können.

Nach Abschluss des Scanvorgangs berechnet der Roboter mithilfe eines passenden Algorithmus die nächste optimale Position. An der ermittelten Stelle platziert er anschließend eigenständig den nächsten Spielstein. Es ist wichtig, dass der Roboter flexibel ist und sowohl mit gelben als auch mit roten Steinen spielen kann. Außerdem muss es möglich sein, dass der Roboter das Spiel entweder eröffnet oder als zweiter Spieler startet.

Für jeden Spielzug gilt eine maximale Zeitvorgabe von 90 Sekunden, die nicht überschritten werden darf. Der Roboter zieht sich nach jedem Zug komplett vom Spielfeld zurück und wartet darauf, dass der Gegner seinen Spielzug komplett abgeschlossen hat. Erst danach startet der Roboter erneut mit dem Scannen des Spielfelds und der darauf folgenden Berechnung des nächsten Zuges.

3.2 Anforderungen an den Roboter

In der Tabelle 3.1 sind die Anforderungen an den Vier-Gewinnt-Roboter in einer Anforderungsliste zusammengetragen. Dabei wird zwischen Forderungen und Wünschen unterschieden. Anforderungen, die mit \boldsymbol{F} gekennzeichnet sind, müssen unbedingt umgesetzt werden. Während hingegen Anforderungen, die mit \boldsymbol{W} markiert sind, als Wünsche zu verstehen sind und nicht zwingend im System realisiert werden müssen.

Tabelle 3.1: Anforderungstabelle für einen Vier-Gewinnt-Roboter

Nr.	Anforderung an das System	$ \mathbf{F}/\mathbf{W} $
1	komplettes Spielfeld scannen	F
2	das Ende des Spiels erkennen	F
3	autonom fahren	F
4	Begrenzungen des Spielfelds erkennen	F
5	Steine selber platzieren	F
6	immer nur ein Stein pro Spielzug	F
7	Abwarten, bis der Gegner seinen Zug beendet hat	F
8	nach jedem Zug rechts vom Spielfeld wegfahren	F
9	maximal 90 Sekunden pro Spielzug	F
10	optimalen Spielzug berechnen	F
11	es sollte möglich sein sowohl mit Gelb als auch Rot zu spielen	F
12	sowohl als Erster als auch als Zweiter zu starten	F
13	während des gegnerischen Spielzugs warten	F
14	Scannen, nur bis ein neuer gegnerischer Stein erkannt wurde	W
15	volle Spalten überspringen	W
16	wenn ein leerer Platz erkannt wurde, zur nächsten Spalte	W

Legende: $\mathbf{F} = \text{Forderung}, \mathbf{W} = \text{Wunsch},$

3.3 Konzept

Nachdem die Anforderungsliste erstellt wurde, folgt im nächsten Schritt die Ausarbeitung eines Konzepts. Um die vielen verschiedenen Möglichkeiten übersichtlich und strukturiert darzustellen, wurde hierfür der Ansatz eines morphologischer Kasten gewählt. Dieser ist in der Tabelle 3.2 dargestellt. Durch diese Herangehensweise

können unterschiedliche Kombinationen von Lösungsansätzen untersucht und miteinander verglichen werden. Dadurch kann die beste Lösung für die Realisierung gefunden werden. In der Tabelle 3.2 ist diese durch eine rote Linie dargestellt ——.

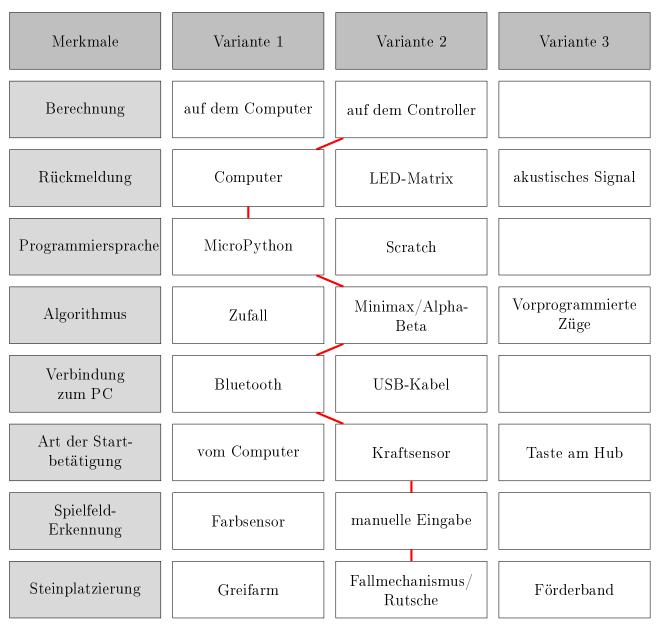


Tabelle 3.2: Morphologischer Kasten

3.4 Zeitplan

Im Zeitplan werden die einzeln Arbeitsschritte strukturiert und organisiert grafisch dargestellt. Hierfür wird für jede einzeln Arbeitsaufgaben ein Zeitraum festgelegt. Dadurch kann der Fortschritt besser verfolgt werden. Ein Zeitplan ist bei einer Projektarbeit ein unerlässliches Werkzeug, um die Arbeit effzient und zielgerecht durchführen zu können.

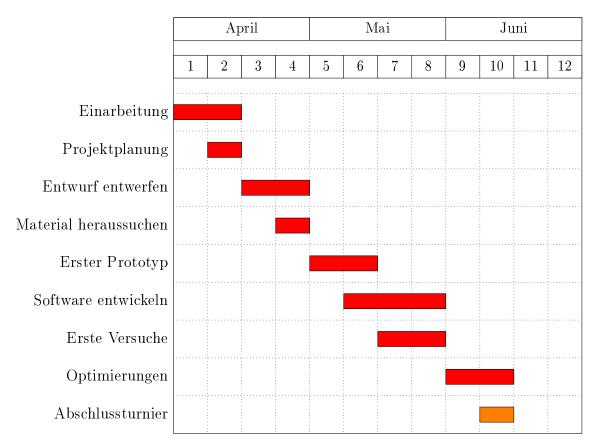


Tabelle 3.3: Zeitplan

4 Umsetzung

In diesem Kapitel steht die praktische Umsetzung des Roboters im Fokus. Dabei wird auf den Aufbau eingegangen, ebenso wie auf die Funktionsweise der Software.

4.1 Mechanischer Aufbau

Für die Umsetzung des 4-Gewinnt-Roboters wurde eine mechanische Konstruktion gewählt, die es erlaubt, das Spielfeld zu scannen sowie Chips gezielt in eine Spalte einzuwerfen. Der Aufbau umfasst drei Winkelmotoren, einen Farbsensor und einen Drucktaster. Im Folgenden werden die einzelnen Komponenten detailliert beschrieben. Dabei beziehen sich die Ziffern der Aufzählung der einzelnen Sensoren und Aktoren auf die Abbildung 4.1 und Abbildung 4.2.

Die mechanische Konstruktion basiert auf die Idee einem kartesischen Koordinatensystem, bei dem der Farbsensor durch die Kombination aus horizontaler und vertikaler Bewegung jede Spielfeldposition präzise anfahren kann. Das System erlaubt eine vollautomatische Spielweise.

4.2 Einbindung von Aktorik

1. Horizontalantrieb

Der horizontale Antrieb des Farbsensors erfolgt über einen Winkelmotor. Dieser ist dafür zuständig, die Spielfeldspalten nacheinander anzufahren. Der Motor ist mit einer Achse verbunden, welche zwei Räder antreiben. Die Bewegung erfolgt in gleichmäßigen Schritten: Eine Drehung um exakt 72 Grad bewegt den Roboter um eine Spalte weiter. Diese Schrittweite wurde so gewählt, dass sie der Breite einer Spalte im Spielfeld entspricht. Dadurch ist eine exakte Positionierung des Sensors über jeder Spalte möglich, ohne dass zusätzliche Sensoren zur Positionsbestimmung notwendig sind.

2. Vertikalantrieb

Um das Spielfeld auch in vertikaler Richtung abfahren zu können, ist der Farbsensor an einer Kette montiert. Diese Kette wird durch einen Winkelmotor angetrieben. Der Sensor ist an einem mittleren Segment der Kette befestigt und fährt beim Drehen der Kette entsprechend auf und ab. Ein Schritt des Motors um 95 Grad bewegt den Sensor um genau eine Spielfeldhöhe weiter. Auf diese Weise können sämtliche sechs Reihen der aktuellen Spalte nacheinander abgescannt werden. Die Rückwärtsbewegung der Kette erlaubt es, den Sensor wieder nach unten zu fahren.

3. Chipauswerfer

Das Einwerfen des eigenen Spielsteins erfolgt ebenfalls über einen Winkelmotor. An diesem Motor ist eine Stange montiert, die bei einer vollständigen Umdrehung einen Spielchip aus dem Vorratsmagazin (mit der Software Fusion360 konstrukiert und 3D-gedruckt) in die gewünschte Spalte stößt. Nach der Auslösung kann ein neuer Chip in die Abschussposition nachrutschen. In der Software ist eine Wartezeit nach dem Auslösen eingebaut, damit der Chip sicher im Spielfeld ankommt, bevor die nächste Aktion beginnt.

4.3 Einbindung von Sensorik

4. Startsignal

Um dem Roboter mitzuteilen, dass er den nächsten Zug starten kann wurde ein Kraftsensor angebracht. Dieser befindet sich an der Vorderseite des Roboters. Sobald der Spieler den Sensor leicht berührt, wird ein Signal ausgelöst und der Prozess startet.

5. Spielfeldscan

Für die Farberkennung des Spielfeldes wurde ein LEGO-Farbsensor verwendet, der über die oben beschriebene Kettenkonstruktion vertikal verfahrbar ist. Die Farbmessung erfolgt jeweils in der Mitte eines Spielfeldes. Der Sensor erkennt RGB-Werte (in diesem Projekt benutzt: Rot, Gelb oder Leer). Der Abstand zwischen Sensor und Spielfeld beträgt etwa 7 mm. Dieser Wert hat sich als optimal für zuverlässige Farbmessung erwiesen.

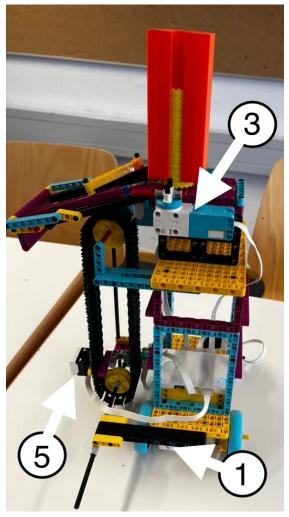


Abbildung 4.1: Seitenansicht links

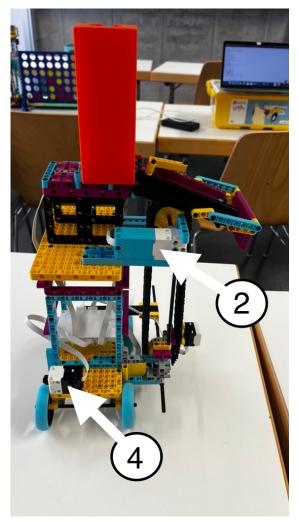


Abbildung 4.2: Seitenansicht rechts

4.4 Software

Das Kapitel Software beschreibt ausführlicher, wie der Vier-Gewinnt-Roboter programmiert wird. Die Software ist das Herzstück des Roboters und spielt eine entscheidende Rolle für seine autonome Teilnahme am Spiel.

4.4.1 Ablauf der Software

Das in der Abbildung 4.3 dargestellte Flussdiagramm zeigt grafisch den groben Ablauf der Software.

Zu Beginn befindet sich das System im Wartezustand und wartet auf die Betätigung des Touch-/Kraftsensors. Dieser signalisiert den Start eines neuen Spielzugs. Sobald der Sensor aktiviert wurde, fährt der Roboter zur ersten Spalte des Spielfelds. Anschließend scannt das System die einzelnen Spalten des Spielfelds ab, um den neuen gegnerischen Stein zu entdecken. Dabei wird das interne Spielfeld aktualisiert, bis ein neuer gegnerischer Stein erkannt wurde oder alle 7 Spalten gescannt wurden.

Im nächsten Schritt prüft die Software das interne Spielfeld und berechnet mithilfe des Alpha-Beta-Algorithmus den optimalen Spielzug. Dabei ist es nicht von Bedeutung, ob ein gegnerischer Stein erkannt wurde oder nicht. Da zu Beginn des Spiels noch gar keine Steine im Feld vorhanden sind. Der Roboter platziert nach der Berechnung den eigenen Spielstein an der berechneten optimalen Position.

Im Anschluss prüft die Software, ob das Spiel gewonnen wurde. Ist das der Fall, so wird eine Glückwunschmeldung und ein Ton ausgegeben. Falls kein Gewinn vorliegt, wird einfach das aktuelle Spielfeld auf der Konsole in der LEGO Spike App ausgegeben und der Prozess beginnt von vorne in der Warteposition mit dem Warten auf die nächste Sensoraktivierung.

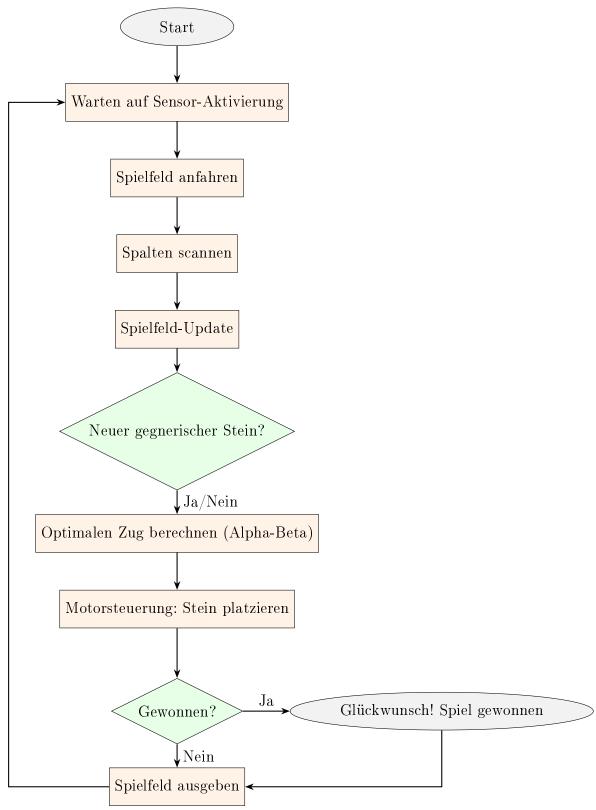


Abbildung 4.3: Flussdiagramm der Software

5 Programmlogik

In diesem Kapitel wird die Softwarestruktur des 4-Gewinnt-Roboters systematisch beschrieben. Da der vollständige Quellcode eine Vielzahl an Funktionen, Hilfsroutinen und technischen Details umfasst, wird in diesem Kapitel aus Gründen der Übersichtlichkeit nicht jede einzelne Codezeile dargestellt und erläutert. Stattdessen liegt der Fokus auf den wesentlichen Programmabschnitten, die das Spielverhalten maßgeblich bestimmen, siehe anhang

Zur besseren Nachvollziehbarkeit der Funktionsweise wird die Darstellung in zwei Teile gegliedert:

- Zunächst wird der **Algorithmus zur Spielentscheidung** detailliert erläutert. Dabei handelt es sich um den Minimax-Algorithmus mit Alpha-Beta-Pruning. Dieser Abschnitt behandelt ausschließlich die Entscheidungslogik.
- Im Anschluss wird das **Hauptprogramm** vorgestellt, das alle Bestandteile miteinander verknüpft. Es steuert den Ablauf des Spiels von der Spielerkennung über das Spielfeld-Scanning bis zur Ausführung des eigenen Spielzugs. Dabei werden sowohl Sensoren als auch Motoren angesprochen und der Entscheidungsalgorithmus eingebunden.

Diese Zweiteilung erlaubt es, sowohl die algorithmische Tiefe als auch die technische Umsetzung getrennt zu betrachten und anschließend im Gesamtkontext zu verstehen.

Desweiteren wird im Unterkapitel 5.3 die konkrete Umsetzung der Spielsteuerung

und Entscheidungslogik für den 4-Gewinnt-Roboter beschrieben. Der Fokus liegt auf der softwareseitigen Realisierung unter Berücksichtigung der limitierten Hardware-Ressourcen des LEGO Spike Prime Hubs. Es werden hierbei zentrale Entwurfsentscheidungen erläutert.

5.0.1 Algorithmus

Ein zentraler Bestandteil des 4-Gewinnt-Roboters ist die Entscheidungsfindung durch einen algorithmischen Spielbaum. Dieser wird mit dem bekannten

Minimax-Algorithmus unter Verwendung von Alpha-Beta-Pruning realisiert. Ziel ist es, basierend auf dem aktuellen Spielfeldzustand den optimalen Zug für die KI zu berechnen. Der Algorithmus bewertet mögliche Züge bis zu einer bestimmten Tiefe im Spielbaum und trifft Entscheidungen, die langfristig zum Sieg führen können oder gegnerische Gewinnzüge verhindern.

Spielfeld und Spielerdefinition Im Vorfeld des Algorithmus ist festgelegt, welches Symbol der Algorithmus (die KI) spielt:

```
my_piece = 1 # 1 = YELLOW (AI player), -1 = RED

opponent_piece = -my_piece
```

Dabei entspricht 1 dem gelben Spielstein (der KI), -1 dem roten Spielstein (dem Gegner). Diese numerische Darstellung vereinfacht die Bewertung und das Vergleichen der Felder im Spielfeld.

Bewertungsfunktion Der Algorithmus benötigt eine Bewertungsfunktion, die die Qualität eines Spielzustands abschätzt. Dies geschieht durch eine Heuristik, die mögliche Gewinnlinien zählt und bewertet. Die Bewertungsfunktion basiert auf der Idee, sogenannte "Fenster" (Ausschnitte aus 4 Feldern) im Spiel zu analysieren und zu beurteilen, wie viele Steine der KI bzw. des Gegners in diesen Fenstern enthalten sind:

```
def evaluate_window(window, player):
      opp_player = opponent_piece if player == my_piece else
     my_piece
      score = 0
      if window.count(player) == 4:
      score += 100
      elif window.count(player) == 3 and window.count(0) == 1:
          score += 5
      elif window.count(player) == 2 and window.count(0) == 2:
      score += 2
      if window.count(opp_player) == 3 and window.count(0) == 1:
10
      score -= 4
11
      return score
12
```

Diese Funktion bewertet sowohl offensive als auch defensive Situationen. Ein Fenster mit drei eigenen Steinen und einem leeren Feld wird positiv bewertet, ein Fenster mit drei gegnerischen Steinen und einem leeren Feld hingegen negativ, um Bedrohungen abzuwehren.

Die Hauptfunktion zur Bewertung des gesamten Spielfeldes aggregiert alle horizontalen, vertikalen und diagonalen Fenster:

```
def evaluate(board):
    score = 0
    center_array = [board[r][field_width//2] for r in range(
    field_height)]
    center_count = center_array.count(my_piece)
    score += center_count * 3
```

Zunächst werden die mittleren Spalten stärker gewichtet, da sie strategisch wichtiger sind (siehe Teil 1 xxxxx)

Anschließend werden alle Zeilen, Spalten und Diagonalen analysiert:

```
for r in range(field_height):
    row_array = [board[r][c] for c in range(field_width)]

for c in range(field_width - 3):
    window = row_array[c:c+4]

score += evaluate_window(window, my_piece)
score -= evaluate_window(window, opponent_piece)
```

Diese Schleifen bilden das heuristische Fundament für die spätere Entscheidungsfindung.

Minimax mit Alpha-Beta-Pruning

Die Hauptentscheidung trifft der Minimax-Algorithmus. Dabei wird rekursiv der Spielbaum aufgebaut, wobei sich der Algorithmus abwechselnd in die Rolle der KI ("maximizing player") und des Gegners ("minimizing player") versetzt. Um die Effizienz zu steigern, wird Alpha-Beta-Pruning genutzt. Dabei werden Äste im Spielbaum verworfen, wenn sie nachweislich zu schlechteren Ergebnissen führen. (siehe Teil 1 xxx)

Der Einstiegspunkt ist:

```
def alpha_beta(board, depth, alpha, beta, maximizing_player)
:
```

Zuerst wird geprüft, ob der aktuelle Zustand bereits im Transposition Table gespeichert ist – einem Cache zur Vermeidung redundanter Berechnungen:

```
key = (board_hash(board, maximizing_player), depth)
if key in transposition_table:
return transposition_table[key]
```

Anschließend erfolgt eine Prüfung: Ist der Zug eine Gewinnsituation, oder wurde die maximale Tiefe erreicht?

```
valid_locations = [col for col in range(field_width) if
is_valid_location(board, col)]
terminal = winning_move(board, my_piece) or winning_move(
board, opponent_piece) or len(valid_locations) == 0
if depth == 0 or terminal:
...
```

Falls ja, gibt die Funktion eine Bewertung zurück. Andernfalls wird der Spielbaum weiter durchlaufen.

Maximierender Spieler (KI)

```
if maximizing_player:
   value = -float('inf')
   for col in valid_locations:
        ...
        new_score = alpha_beta(..., False)[1]
        if new_score > value:
        value = new_score
        best_col = col
        alpha = max(alpha, value)
        if alpha >= beta:
        break
```

Hier versucht der Algorithmus, die maximal erreichbare Bewertung zu finden und prüft regelmäßig, ob das aktuelle Ergebnis besser ist als die bisherige beste Option. Wenn alpha >= beta, wird der restliche Baum abgeschnitten (Pruning).

Minimierender Spieler (Gegner)

Analog erfolgt das Vorgehen für den Gegner:

Am Ende wird das Ergebnis in der Transpositionstabelle gespeichert und zurückgegeben:

```
transposition_table[key] = result
return result
```

5.0.2 Dynamische Suchtiefe

Je nach Spielphase kann es sinnvoll sein, tiefer oder flacher zu suchen. Zu Beginn reicht eine niedrige Tiefe, da viele Züge möglich sind. In späteren Phasen erhöht sich die Tiefe:

```
def get_dynamic_depth(board):
    empty = sum(row.count(0) for row in board)
    if empty > 30:
    return 3
```

```
else:
return 4
```

Diese dynamische Anpassung balanciert Spielstärke und Rechenzeit optimal.

Fazit

Der eingesetzte Minimax-Algorithmus mit Alpha-Beta-Pruning stellt das strategische Herzstück des 4-Gewinnt-Roboters dar. Durch gezielte Bewertung von Spielpositionen, Berücksichtigung gegnerischer Drohungen und dynamische Tiefenanpassung kann der Roboter selbstständig Züge planen, Gefahren abwehren und letztlich siegreich agieren. Die Verwendung eines Transpositionstables beschleunigt dabei die Entscheidungsfindung, indem bereits analysierte Spielsituationen nicht erneut bewertet werden müssen. Das Ergebnis ist ein hochgradig effektives Entscheidungsverfahren für ein strategisches Spiel wie 4-Gewinnt.

5.1 Ablaufsteuerung des Hauptprogramms

Nachdem der Algorithmus erläutert wurden und in Kapitel xxx die Konstruktion und Ansteuerung des Roboters aufgezeigt wurde, beschreibt dieses Kapitel den Gesamtablauf des Programms. Dabei steht im Fokus, wie die Spielfelderkennung, Algorithmus und Ausführungsschritte zu einem vollständigen Spielzug kombiniert werden.

Initialisierung: Zu Beginn wird das Spielfeld als leere Matrix angelegt. Zusätzlich wird eine Kopie gespeichert, um Änderungen im Vergleich zur vorherigen Runde erkennen zu können.

```
board = [[0 for _ in range(field_width)] for _ in range(
field_height)]
last_board = [row[:] for row in board]
```

Warten auf Eingabe durch den Spieler

Bevor der Roboter mit dem Scannen des Spielfeldes beginnt, wartet er auf eine Aktivierung des Drucksensors am Port C.

```
print("Waiting for sensor at port C...")
while not sensor_activated():
time.sleep(0.1)
```

Positionierung an der Startspalte

Der Roboter fährt seine Sensorplattform an die rechte Spielfeldseite (Spalte 6), um von dort den Scan zu beginnen.

```
motor.run_for_degrees(port.D, 198, 170)
time.sleep(1.5)
```

Scannen des Spielfelds

Von rechts nach links wird jede Spalte analysiert. Dabei wird der Farbsensor in die erste freie Zeile der Spalte bewegt:

```
motor.run_for_degrees(port.E, move_distance_e * (free_row),
speed_E)
detected_color = color_sensor.color(port.B)
update_board(free_row, matrix_col, detected_color)
motor.run_for_degrees(port.E, -move_distance_e * free_row,
speed_E)
```

Wird ein neuer gegnerischer Spielstein erkannt, wird seine Position gespeichert und der Scan abgebrochen:

```
if (last_board[free_row][matrix_col] == 0 and
board[free_row][matrix_col] == opponent_piece):
opponent_piece_found = True
opponent_col = col
```

Berechnung des Spielzugs

Die Tiefe der Suche wird dynamisch abhängig vom Spielstand gewählt. Anschließend wird der beste Spielzug mit Minimax und Alpha-Beta-Pruning berechnet:

```
dynamic_depth = get_dynamic_depth(board_numeric)

best_col, _ = alpha_beta(
   board_numeric,
   depth=dynamic_depth,
   alpha=-float('inf'),
   beta=float('inf'),
   maximizing_player=(my_piece == 1)
)
```

Ausführen des Spielzugs

Zuerst wird die physische Zielspalte berechnet und der Roboter dorthin bewegt:

```
physical_target_col = field_width - 1 - best_col
motor.run_for_degrees(port.D, -move_distance_d *
physical_target_col, speed_D)
```

Danach wird ein Spielstein mithilfe des Motors A ausgeworfen:

```
motor.run_for_degrees(port.A, -360, speed_A)
time.sleep(3)
```

Das Spielfeld wird nach dem Wurf aktualisiert:

```
board[best_row][best_col] = my_piece
last_board = [row[:] for row in board]
```

Anschließend erfolgt eine Prüfung auf einen möglichen Spielsieg:

```
if winning_move(board, my_piece):
   print(" Congratulations! The robot has WON the game!")
   print_board(board)
   sound.beep(440, 1000000, 100)
   break
```

Zurückfahren in Ausgangsposition

Unabhängig vom Spielausgang kehrt der Roboter an seine Startposition zurück:

```
motor.run_for_degrees(port.D, -199, speed_D)
```

Warten auf die nächste Runde

Abschließend wird auf das Loslassen des Drucksensors gewartet, bevor ein neuer Zyklus beginnt:

```
while sensor_activated():
time.sleep(0.1)
```

Fazit

Die Ablaufsteuerung des Hauptprogramms ist zyklisch aufgebaut und gewährleistet einen strukturierten Spielverlauf: Der Roboter wartet auf das Startsignal, scannt das Spielfeld, berechnet den optimalen Spielzug und führt diesen präzise aus. Die Kombination aus Sensorik, Algorithmik und Motorsteuerung wird dabei durch eine klare Programmstruktur miteinander verbunden. Diese Trennung der Verantwortlichkeiten sorgt für Übersichtlichkeit, Erweiterbarkeit und Fehlerrobustheit.

5.2 Ressourcenschonende Implementierung der Spielsteuerung und Entscheidungslogik

Die Implementierung des Spielablaufs und der Entscheidungslogik wurde unter besonderer Berücksichtigung der eingeschränkten Ressourcen des LEGO Spike Prime Hub entwickelt. Im Folgenden werden die zentralen Entwurfsentscheidungen und deren technische wie funktionale Hintergründe erläutert.

5.2.1 Begrenzte Hardware-Ressourcen

Der LEGO Spike Hub besitzt mit seinem 100MHz ARM Cortex-M4 Prozessor, 320 KB RAM und 1 MB Flash-Speicher eine stark begrenzte Hardwareausstattung. Diese Ressourcen reichen für einfache Steuerungsaufgaben, setzen aber dem Einsatz komplexer Algorithmen wie Minimax enge Grenzen. Diese Rahmenbedingungen erfordern eine möglichst effiziente und ressourcenschonende Programmstruktur. Daher wurde bewusst auf eine komplexe Multithread-Struktur verzichtet und stattdessen ein sequenzieller, wartender Ablauf gewählt.

5.2.2 Zeitbasierte Steuerung mit time.sleep()

Zur Koordination zwischen Sensorik, Motorik und internen Berechnungen wurde time.sleep() gezielt eingesetzt. Es erfüllt mehrere Aufgaben:

- Sicherstellung der mechanischen Stabilität: Nach jeder Bewegung oder Farberkennung sorgt eine kurze Pause dafür, dass der Sensor sich mechanisch beruhigen kann und stabile Werte liefert.
- Hardware-Synchronisierung: Viele Vorgänge, wie etwa die Farberkennung oder das vollständige Einwerfen eines Chips, benötigen eine kurze Wartezeit, die hardwareseitig nicht automatisch rückgemeldet wird. Durch gezielte Pausen wird so ein zuverlässiger Ablauf ohne ungewollte Überschneidungen erreicht.
- Einfachheit: In Abwesenheit von Interrupts oder Echtzeitbetriebssystemen auf dem Hub ist time.sleep() eine praktikable Lösung zur Ablaufsteuerung.

Diese Zeitsteuerung ist somit keine Notlösung, sondern eine bewusste Wahl für eine robuste und nachvollziehbare Ablaufkontrolle.

5.2.3 Spielfeldvergleich zur Erkennung neuer Spielzüge

Ein wesentlicher Optimierungsschritt liegt in der Verwendung eines "Gedächtnisses" über das vorherige Spielfeld. Zu Beginn jeder Spielrunde wird die aktuelle Matrix board mit dem gespeicherten Zustand last_board verglichen. Ziel ist es, festzustellen, wo genau ein neuer gegnerischer Spielstein hinzugekommen ist, ohne jedes einzelne Feld vollständig neu scannen zu müssen:

```
if last_board[zeile][spalte] == 0 and board[zeile][spalte]
== opponent_piece:
```

Dieser Vergleich erlaubt es, gezielt den neuen Zug des Gegners zu erkennen und den Scanvorgang direkt danach abzubrechen. Dies reduziert die benötigte Zeit pro Runde drastisch – insbesondere im späteren Spielverlauf, wenn viele Felder bereits belegt sind.

5.2.4 Spaltenweises Scannen statt Vollscan

Anstatt das gesamte Spielfeld (6 Zeilen \times 7 Spalten) vollständig zu scannen, wird nur von rechts nach links spaltenweise geprüft. Sobald ein neuer Spielstein entdeckt wurde, wird der Scan abgebrochen:

```
if opponent_piece_found:
    break
```

Diese Strategie basiert auf der Annahme, dass pro Runde exakt ein neuer gegnerischer Stein erscheint – was dem rundenbasierten Spielmodell von 4-Gewinnt entspricht. Dadurch kann der Großteil des Spielfelds übersprungen werden, sobald der neue gegnerische Zug erkannt wurde. Dies reduziert die Anzahl der Motorbewegungen, senkt den Energieverbrauch und steigert die Reaktionsgeschwindigkeit.

5.2.5 Dynamische Suchtiefe im Algorithmus

Der Minimax-Algorithmus mit Alpha-Beta-Pruning wird verwendet, um den optimalen eigenen Spielzug zu berechnen. Um die Rechenlast dabei zu steuern, wird die maximale Suchtiefe dynamisch an die Spielsituation angepasst:

```
def get_dynamic_depth(board):
    empty = sum(row.count(0) for row in board)
    return 3 if empty > 30 else 4
```

In der Anfangsphase sind noch viele Züge möglich, was den Suchbaum exponentiell wachsen lässt. Eine flachere Suchtiefe (z. B. 3) ist hier sinnvoll, da es ohnehin viele gleichwertige Optionen gibt. Im Endspiel hingegen sind nur noch wenige Felder frei, wodurch eine tiefere Suche (z. B. 4 oder mehr) möglich und auch sinnvoll wird. Diese dynamische Anpassung balanciert Rechenzeit und Spielqualität optimal.

5.2.6 Speicherung bewerteter Zustände (Transposition Table)

Zur weiteren Reduktion der Rechenlast wird eine sogenannte Transposition Table eingesetzt. Diese speichert bereits bewertete Spielzustände in einer Hash-Tabelle, sodass doppelt auftretende Konstellationen nicht erneut berechnet werden müssen:

```
key = (board_hash(board, maximizing_player), depth)
if key in transposition_table:
return transposition_table[key]
```

Diese Technik ist besonders im mittleren Spielverlauf effektiv, da viele unterschiedliche Zugfolgen zu identischen Spielzuständen führen können.

5.2.7 Minimale Boarddarstellung mit Ganzzahlen

Das Spielfeld wird intern als Liste von Ganzzahlen (-1, 0, 1) dargestellt. Diese Codierung ist speicherarm, ermöglicht arithmetische Operationen (z. B. Summieren zur Bewertung) und reduziert die Komplexität beim Kopieren und Vergleichen des Boards.

5.2.8 Einfacher Kontrollfluss durch linearen Aufbau

Die gesamte Spiellogik ist in einem klar linearen Ablauf organisiert:

- 1. Warten auf Nutzereingabe
- 2. Scannen des Spielfelds
- 3. Berechnen des Zugs
- 4. Ausführen des Zugs
- 5. Rücksetzen des Zustands

Auf Schleifen, Nebenläufigkeit oder Events wurde bewusst verzichtet, um einen stabilen, deterministischen Ablauf sicherzustellen. Dies erhöht die Zuverlässigkeit und erleichtert Debugging und Weiterentwicklung.

Fazit

Die gesamte Programmstruktur wurde mit dem Ziel entwickelt, unter den beschränkten Ressourcen des LEGO Spike Hub ein reaktionsschnelles, stabiles und intelligentes Verhalten zu erreichen. Durch gezielte Reduktion von unnötigen Berechnungen, Verwendung eines Gedächtnisses für das Spielfeld, dynamische Anpassung der Suchtiefe und einfache Ablaufsteuerung konnte ein vollständiger Spielzyklus umgesetzt werden, der sowohl strategisch leistungsfähig als auch technisch robust ist.

6 Test und Versuchsauswertung

Zur Überprüfung der Funktionalität und Spielstärke des entwickelten 4-Gewinnt-Roboters wurde eine umfangreiche Testreihe mit menschlichen Mitspielern durchgeführt. Ziel dieser Versuche war es, das Verhalten des Roboters in realen Spielsituationen zu beobachten, die Zuverlässigkeit der Spielfelderkennung zu bewerten und die Qualität des Entscheidungsalgorithmus praktisch zu prüfen.

6.1 Versuchsaufbau

Der Roboter wurde in der finalen Version gegen vier unterschiedliche Spieler getestet. Es wurden insgesamt 20 vollständige Partien gespielt. Die menschlichen Spieler handelten eigenständig und spielten mit realem Gewinninteresse.

6.2 Ergebnisse

Die Resultate der Testreihe lauten wie folgt:

- 14 Siege des Roboters
- 4 Unentschieden

• 2 Niederlagen gegen menschliche Spieler

Damit konnte der Roboter in 70 % der Partien gewinnen und blieb in 90 % der Fälle ungeschlagen.

6.3 Analyse der Unentschieden und Niederlagen

Insgesamt sechs Partien wurden nicht gewonnen. Diese lassen sich in vier Unentschieden und zwei tatsächliche Niederlagen unterteilen. Beide Fälle sind technisch nachvollziehbar und lassen sich mit den Eigenschaften des Algorithmus sowie den physikalischen Begrenzungen des Systems erklären.

a) Unentschieden durch Blockaden im Endspiel

In vier Partien kam es zu einem klassischen Patt: Beide Spieler hatten keine Möglichkeit mehr, vier Spielsteine in einer Linie zu platzieren, und das Spielfeld war vollständig gefüllt. Die Ursache liegt nicht in einem Fehler, sondern im Aufbau der Spielstrategie: Der Roboter blockierte konsequent potenzielle Gewinnchancen des Gegners, ohne jedoch selbst ausreichend Raum für eine erfolgreiche Linie zu schaffen.

In diesen Fällen war der Algorithmus zu defensiv eingestellt – er verhinderte zwar Niederlagen, konnte aber keinen aktiven Gewinn erzwingen. Besonders im Mittelspiel wurde mehrfach eine gleichwertige Position bevorzugt, anstatt ein langfristiges Angriffsszenario aufzubauen.

b) Niederlagen durch fehlende Mehrzugerkennung

Zwei Partien wurden verloren, weil der Algorithmus eine mehrstufige Kombination des Gegners nicht rechtzeitig erkannte. Ursache ist die eingeschränkte Suchtiefe zu Beginn des Spiels:

```
def get_dynamic_depth(board):
empty = sum(row.count(0) for row in board)
return 3 if empty > 30 else 4
```

In frühen Spielphasen prüft der Algorithmus nur drei Züge voraus, um Rechenzeit zu sparen. Dadurch übersieht er unter Umständen komplexe, mehrphasige Angriffsstrategien. Ein Spieler nutzte diese Schwäche und platzierte seine Spielsteine so, dass der Roboter einen drohenden Vierer erst bemerkte, als keine Abwehr mehr möglich war.

c) Priorisierung durch heuristische Bewertung

Ein weiteres Risiko liegt in der Bewertungsfunktion selbst. Diese bevorzugt zentral platzierte Spielsteine, da sie statistisch an mehr Gewinnkombinationen beteiligt sind:

```
center_array = [board[r][field_width // 2] for r in range(
field_height)]
score += center_array.count(my_piece) * 3
```

In einer verlorenen Partie führte dies dazu, dass ein gefährlicher Spielstein am Spielfeldrand ignoriert wurde, weil der Algorithmus die Zentrumsposition irrtümlich höher bewertete. Der Gegner nutzte dies zur schnellen Gewinnkombination.

6.4 Versuchserklärung

Die dokumentierten Unentschieden und Niederlagen zeigen, dass der Algorithmus unter realistischen Bedingungen leistungsfähig, aber nicht perfekt ist. Die Ursachen lassen sich wie folgt zusammenfassen:

- Eingeschränkte Suchtiefe in der Eröffnungsphase verhindert die frühzeitige Erkennung komplexer Drohungen.
- Statische Heuristik bevorzugt zentrale Positionen, was in bestimmten Spielsituationen kontraproduktiv ist.
- **Defensives Spielverhalten** kann zu Blockadeverläufen führen, in denen kein Spieler mehr gewinnen kann.

Trotz dieser Schwächen blieb der Roboter in 90 % der Spiele unbesiegt. Die hohe Stabilität, Konsistenz im Spielverlauf und korrekt ausgeführten Spielzüge belegen die Zuverlässigkeit des Systems.

6.5 Zusammenfassung

Die durchgeführten Tests bestätigen die Funktionalität und Robustheit des 4-Gewinnt-Roboters. Mit 14 Siegen, 4 Unentschieden und lediglich 2 Niederlagen zeigt sich der Algorithmus in der Lage, gegen menschliche Gegner effektiv und erfolgreich zu spielen. Die wenigen Schwächen konnten identifiziert und auf algorithmische und strukturelle Ursachen zurückgeführt werden. In zukünftigen Weiterentwicklungen könnten diese durch tiefere Suchen, adaptive Bewertungsfunktionen oder Bedrohungsanalysen verbessert werden.

Insgesamt belegt die Testreihe, dass das Gesamtsystem aus Spielfelderkennung, Entscheidungslogik und Ansteuerung sowohl technisch zuverlässig als auch spielerisch

 $\ddot{\text{u}} \text{berzeugend funktioniert}.$

7 Zusammenfassung

Literaturverzeichnis

- [Ado09] Julius Adorf. Adversariale Suche für optimales Spiel: Der Minimax-Algorithmus und die Alpha-Beta-Suche. Proseminararbeit. Betreuer: Lars Kunze, Dominik Jain. Abgabetermin: 2. Dezember 2009. München: Technische Universität München, Fakultät für Informatik, Forschungs- und Lehreinheit Informatik IX, 2009. URL: https://www.juliusadorf.com/pub/alphabeta-seminar-paper.pdf.
- [Bel24] Charles A. Bell. MicroPython for the Internet of Things: A Beginner's Guide to Programming with Python on Microcontrollers. English. 2nd. Berkeley, CA: Apress, 2024. ISBN: 9781484298619.
- [Bet25] Betzold GmbH. LEGO Education SPIKE Technic Farbsensor. Zugriff am 04.07.2025. 2025. URL: https://www.betzold.de/prod/E_761144/.
- [Has20] SA Hasbro. Das Originale 4Gewinnt Anleitung. Hasbro Gaming, 2020.
- [LEG20a] LEGO Education. Technical Specifications: Technic Color Sensor. https://assets.education.lego.com/v3/assets/blt293eea581807678a/blt62a78c227edef070/5f8801b9a302dc0d859a732b/techspecs_techniccolorsensor.pdf?locale=en-us. Accessed: 2025-07-04. 2020.
- [LEG20b] LEGO Education. Technical Specifications: Technic Large Hub. https://assets.education.lego.com/v3/assets/blt293eea581807678a/bltf512a371e82f6420/5f8801baf4f4cf0fa39d2feb/techspecs_techniclargehub.pdf?locale=en-us. Zugriff am 03.07.2025. 2020.
- [LEG20c] LEGO Education Community. Exploring SPIKE[™] Prime Sensors. Accessed: 2025-07-04. 2020. URL: https://community.legoeducation.com/blogs/31/220.

- [PLJ23] Ignas Plauska, Agnius Liutkevičius und Audronė Janavičiūtė. "Performance Evaluation of C/C++, MicroPython, Rust and TinyGo Programming Languages on ESP32 Microcontroller". In: *Electronics* 12.1 (2023). Open Access Article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license, S. 143. DOI: 10.3390/electronics12010143. URL: https://www.mdpi.com/2079-9292/12/1/143.
- [SS23] Albin Samefors und Felix Sundman. Investiating Energy Consumption and Responsiveness of low power modes in MicroPython for STM32WB55.

 Bachelor's thesis. 15 hp (first-cycle education). Jönköping, Sweden, Juni 2023. URL: https://www.diva-portal.org/smash/get/diva2: 1778426/FULLTEXT01.pdf.

Abbildungsverzeichnis

2.1	Alpha-Beta Spielbaum Quelle: [wikimediaABpruning] 4
2.2	LEGO Spike Hub Quelle:[LEG20c]
2.3	LEGO Spike Kraft- oder Touchsensor Quelle:[LEG20c]
2.4	LEGO Technic Farbsensor Quelle:[LEG20c]
2.5	LEGO Spike Winkelmotor Quelle:[LEG20c]
4.1	Seitenansicht links
4.2	Seitenansicht rechts
4.3	Flussdiagramm

Tabellenverzeichnis

3.1	Anforderungstabelle für einen Vier-Gewinnt-Roboter	10
3.2	Morphologischer Kasten	11
3.3	Zeitplan	12
2.1	Liste der verwendeten Künstliche Intelligenz basierten Werkzeuge	53

A Komplettes Python-Programm

```
import motor
    import color sensor
    import color
    import time
    import force_sensor
    from hub import port, sound
    # — CONFIGURATION —
    my piece = 1 \# -1 = RED, 1 = YELLOW (AI player)
9
    opponent piece = -my piece
    speed\ D\ =\ 230
    speed_A = 500
    speed E = 600
    move distance e = 97 # Step motor E per row, calibrate if necessary!
    move distance d = 73
16
    break motor e = 1
    break motor e back = 2
    break\_motor\_d = 1
    field\_width\ =\ 7
    field height = 6
    waiting_line = 1 # Waiting time after reaching the line (in seconds)
23
    # — HELPER FUNCTIONS —
    def sensor activated():
      try:
26
        return force_sensor.force(port.C) > 30
        return False
29
30
```

```
def update board (row, col, detected color):
31
      if detected color in (color.RED, color.PURPLE, color.MAGENTA):
32
         board[row][col] = -1
33
       elif detected color in (color.YELLOW, color.WHITE, color.GREEN):
34
         board[row][col] = 1
35
      else:
36
         board[row][col] = 0
37
    def print board (board):
      symbol map = \{-1: "R", 1: "Y", 0: "B", None: "B"\}
40
      print("\nCurrent board (bottom right = [0][0]):")
41
      for row idx in reversed (range (field height)):
42
         row = board[row idx]
43
         print(" ".join(symbol map.get(cell, "?") for cell in row))
44
45
    def is valid location (board, col):
46
      return board [field height -1][col] == 0
47
48
    def get next open row(board, col):
49
      for r in range(field height):
         if board [r][col] = 0:
51
         return r
52
      return None
54
    def winning move(board, piece):
55
      for c in range (field width -3):
         for r in range (field height):
           if board [r][c] == piece and board [r][c+1] == piece and board [r][
58
      c+2] == piece and board[r][c+3] == piece:
             return True
      for c in range (field width):
60
         for r in range (field height -3):
61
           if board [r][c] == piece and board [r+1][c] == piece and board [r][c]
      +2|[c]| = piece and board[r+3][c] = piece:
             return True
63
      for c in range (field width -3):
64
         for r in range (field height -3):
           if board [r][c] == piece and board [r+1][c+1] == piece and board [r][c+1]
      +2][c+2] = piece and board [r+3][c+3] = piece:
             return True
67
```

```
for r in range (3, field height):
68
         if board[r][c] = piece and board[r-1][c+1] = piece and board[r]
      -2 [c+2] = piece and board [r-3] [c+3] = piece:
           return True
       return False
72
    def evaluate window (window, player):
       opp_player = opponent_piece if player == my_piece else my_piece
74
       score = 0
       if window.count(player) == 4:
76
         score += 100
       elif window.count(player) == 3 and window.count(0) == 1:
78
         score += 5
       elif window.count(player) == 2 and window.count(0) == 2:
80
         score += 2
81
       if window.count(opp player) == 3 and window.count(0) == 1:
         score = 4
83
       return score
84
85
    def evaluate (board):
       score = 0
87
       center_array = [board[r][field_width//2] for r in range(field_height
      ) ]
       center count = center array.count(my piece)
89
       score += center count * 3
90
       for r in range(field height):
         row array = [board[r][c] for c in range(field width)]
         for c in range (field width - 3):
93
           window = row array [c:c+4]
94
           score += evaluate window(window, my piece)
           score -= evaluate window(window, opponent piece)
96
       for c in range (field width):
97
         col array = [board[r][c] for r in range(field_height)]
         for r in range (field height - 3):
           window = col array[r:r+4]
           score += evaluate_window(window, my_piece)
101
           score -= evaluate window(window, opponent piece)
       for r in range (field height - 3):
         for c in range (field width -3):
104
           window = [board[r+i][c+i] for i in range(4)]
```

```
score += evaluate window(window, my piece)
           score -= evaluate window(window, opponent piece)
       for r in range (3, field height):
108
         for c in range (field width -3):
           window = \begin{bmatrix} board [r-i] [c+i] & for i in range (4) \end{bmatrix}
           score += evaluate window(window, my piece)
           score -= evaluate window(window, opponent piece)
112
       return score
114
     transposition table = \{\}
116
     def board hash (board, maximizing player):
117
       return (tuple ([item for row in board for item in row]),
      maximizing player)
119
     def get dynamic depth (board):
       # Count empty fields
       empty = sum(row.count(0) for row in board)
       if empty > 30:
         return 3 # Beginning: fast, low depth
       else:
         return 4 # End: high depth for best moves
126
     def alpha beta(board, depth, alpha, beta, maximizing player):
128
       key = (board_hash(board, maximizing_player), depth)
       if key in transposition table:
         return transposition table [key]
       valid_locations = [col for col in range(field_width) if
      is valid location (board, col)
       valid locations.sort(key=lambda c: abs(c - field width // 2))
       terminal = winning move(board, my piece) or winning move(board,
134
      opponent_piece) or len(valid_locations) == 0
       if depth == 0 or terminal:
         if terminal:
           if winning move(board, my piece): return (None, 1000000)
           elif winning_move(board, opponent_piece): return (None,
138
      -1000000
           else: return (None, 0)
         else:
140
           return (None, evaluate (board))
```

```
if maximizing_player:
142
         value = -float('inf')
         best col = valid locations[0]
144
         for col in valid locations:
           row = get next open row(board, col)
146
           if row is None:
147
              continue
148
           board_copy = [r[:] for r in board]
149
           board copy[row][col] = my piece
           new score = alpha beta(board copy, depth-1, alpha, beta, False)
      [1]
           if new_score > value:
             value = new score
             best col = col
154
           alpha = max(alpha, value)
           if alpha >= beta:
             break
157
         result = (best col, value)
158
       else:
159
         value = float ('inf')
         best\_col = valid\_locations[0]
161
         for col in valid_locations:
162
           row = get next open row(board, col)
           if row is None:
164
             continue
165
           board copy = [r[:] for r in board]
           board_copy[row][col] = opponent_piece
           new_score = alpha_beta(board_copy, depth-1, alpha, beta, True)
168
      [1]
           if new score < value:
             value = new score
170
             best col = col
           beta = min(beta, value)
           if beta <= alpha:
             break
174
         result = (best_col, value)
       transposition table [key] = result
       return result
178
```

179

```
# — MAIN PROGRAM —
180
     board = [[0 for _ in range(field_width)] for _ in range(field_height)]
     last board = [row[:] for row in board]
182
183
     def move_motor_e_to_zero():
184
       pass
185
186
     while True:
187
       print("Waiting for sensor at port C...")
       while not sensor activated():
189
         time.sleep (0.1)
190
       print("Sensor detected! Starting move...")
       time. sleep (1)
193
       # Move to field
194
       motor.run for degrees (port.D, 198, 170)
       print("Field reached...")
196
       time.sleep(1.5)
197
198
       transposition table.clear()
200
       opponent_piece_found = False
201
       opponent col = None
       move motor e to zero()
203
204
       for col in range (field width -1, -1, -1):
         matrix col = field width - 1 - col
         if last\_board[field\_height-1][matrix\_col] != 0:
207
           if col > 0:
208
              motor.run for degrees (port.D, move distance d, 170)
              time.sleep(break motor d)
210
           continue
211
         free row = None
213
         for row in range (field height):
214
           if last_board[row][matrix_col] == 0:
215
              free row = row
              break
217
         if free_row is None:
218
            continue
219
```

```
220
       motor.run for degrees(port.E, move distance e * (free row), speed E)
       time.sleep(break motor e)
222
       time.sleep (waiting line)
223
       detected color = color sensor.color(port.B)
       update board (free row, matrix col, detected color)
226
       print("Matrix entry: Row {}, Col {}: {}".format(
         free row, matrix col,
         "RED" if board[free row][matrix col] = -1
229
         else "YELLOW" if board[free row][matrix col] == 1
230
         else "NONE"))
231
       if (last board[free row][matrix col] == 0 and
233
         board [free row | [matrix col] == opponent piece):
234
         print("New opponent piece in column {}, row {}".format(matrix col,
       free row))
         opponent piece found = True
         opponent col = col
237
         time.sleep(1)
       motor.run_for_degrees(port.E, -move_distance_e * free_row, speed_E)
240
       time.sleep(break motor e back)
242
       if opponent_piece_found:
243
         break
       if col > 0:
246
         motor.run for degrees (port.D, move distance d, speed D)
247
         time.sleep(break motor d)
249
       if opponent_piece_found and opponent_col is not None and
250
      opponent col != 0:
         steps right = opponent col
251
         motor.run for degrees (port.D, move distance d * steps right,
252
      speed_D)
         time.sleep (4)
253
254
       board numeric = [[0 if x is None else x for x in row] for row in
255
      board]
```

```
dynamic depth = get dynamic depth(board numeric)
256
       best col, = alpha beta(
         board numeric,
258
         depth=dynamic depth,
259
         alpha=-float ('inf'),
         beta=float('inf'),
         maximizing player = (my piece == 1)
262
       )
       best row = get next open row(board numeric, best col)
265
       color_str = "RED" if my_piece == -1 else "YELLOW"
266
       print("\nOptimal position for {}:".format(color str))
267
       print("Column: {}, Row: {}".format(best col, best row))
269
       if best col is not None and best row is not None:
270
         physical target col = field width - 1 - best col
         motor.run for degrees (port.D, -move distance d *
      physical\_target\_col\ ,\ speed\_D)
         time.sleep(break motor d * 4)
273
         motor.run for degrees (port.A, -360, speed A)
         time.sleep(3)
275
         board [best_row] [best_col] = my_piece
276
         last board = [row[:] for row in board]
278
         if winning move(board, my_piece):
279
           print (" Congratulations! The robot has WON the game!")
           print board (board)
           sound.beep (440, 1000000, 100)
282
           motor.run for degrees (port.D, -move distance d * best col,
283
      speed D)
           time.sleep ms(2500)
284
           motor.run\_for\_degrees (port.D, -move\_distance\_d * 3, speed D)
285
           sound.beep(0, 1000000, 100)
           break
288
         motor.run_for_degrees(port.D, -move_distance_d * best_col, speed_D
      )
290
       print board (board)
291
       time.sleep ms(2500)
```

$A\ Komplettes\ Python-Programm$

```
motor.run_for_degrees(port.D, -199, speed_D)

time.sleep(break_motor_d)

while sensor_activated():
    time.sleep(0.1)

print("Move completed. Waiting for next activation...")
```

B Nutzung von Künstliche Intelligenz basierten Werkzeugen

Im Rahmen dieser Arbeit wurden Künstliche Intelligenz (KI) basierte Werkzeuge benutzt. Tabelle 2.1 gibt eine Übersicht über die verwendeten Werkzeuge und den jeweiligen Einsatzzweck.

Tabelle 2.1: Liste der verwendeten KI basierten Werkzeuge

Werkzeug	Beschreibung der Nutzung
ChatGPT	• Grundlagenrecherche zu Spieltheorie
Perplexity	Grundlagenrecherche zu SpieltheorieFormulierungshilfe
DeepL	• Unterstützung beim Übersetzung von Abstract
Languagetool	FormulierungshilfeRechtschreibkorrektur