

Napredna računalniška orodja

5. domača naloga

asist. Matic Brank

Univerza v Ljubljani, Fakulteta za strojništvo

December 2023

1 OpenMP

1.1 Izračun sistema enačb

Pri numeričnih simulacijah v strojništvu pogosto naletimo na sisteme enačb. Diskretizacija in linearizacija diferencialnih enačb vedno pripelje do reševanja linearnih sistemov enačb. Zapis v matrični obliki izgleda kot

$$Ax = b \quad (1)$$

kjer je A matrika oblike $n \times n$ in b vektor oblike $n \times 1$. Pri reševanju problemov z metodo končnih elementov, končnih volumnov ali končnih razlik povečini dobimo matriko, kjer je večina njenih elementov enaka 0. Take matrike imenujemo redke matrike (oziroma v angleškem jeziku "*sparse matrix*"). Prednost tovrstnih matrik pri omenjenih metodah je tudi, da so diagonalno dominantne, kar pomeni, da se večina elementov različnih od 0 nahaja v okolici diagonale, kar velja tudi za primere pri projektu (v MATLAB okolju lahko izrišete matriko z uporabo ukaza `spy(A)`). Za primer take matrike pogledajte tudi sliko 1. Za take matrike se izkaže, da je Gauss-Seidelova iterativna metoda za reševanje sistema enačb relativno stabilna. Sicer obstajajo precej bolj robustne metode za reševanje sistemov enačb (tudi za goste matrike in digonalno nedominantne matrike), kot so Metoda konjugiranih gradientov, in njene posplošitve kot so BiCGSTAB, CGS, ... [1]. Implementacija tovrstnih algoritmov je nekoliko zahtevnejša od Gauss-Seidel metode. Pri Gauss-Seidel metodi ponavadi predpostavimo neko začetno rešitev, nato pa izvedemo iteracijo. Podrobnejši postopek in psevdokoda sta podani v [1], tu pa bomo v pomoč podali MATLAB kodo.

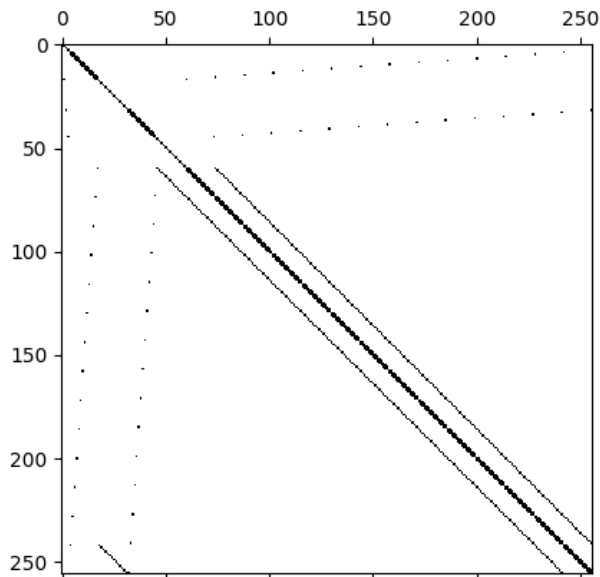
```
for iitt = 1:1000
    % for zanka za izračun T
    for jj = 1:n
        d = b(jj);
```

```

        for ii = 1:n
            if(jj ~= ii)
                d = d- A(jj, ii) * T(ii);
            end
        end
        T(jj) = d / A(jj, jj);
    end
end
end

```

Podan imate sistem enačb, sestavljen z MKR. Na sliki 1 imate podan graf matrike A, kjer črne pike predstavljajo neničelne elemente, bele pa elemente, ki so enaki 0. Kot rečeno, je matrika redka in ima večino elementov različnih od 0 blizu diagonale.



Slika 1: Prikaz neničelnih elementov (črne pike) in elementov z vrednostjo 0 (beli del) matrike A.

Podana je ASCII datoteka *datoteka_A_b.txt*, ki vsebuje matriko A in vektor b. Format datoteke je sledeč

```

A: n=256
A1,1;A1,2;...;A1,1n
.
.

```

```
.  
A256,1;A256,2;. . . ;A256,256
```

```
b: n->256
```

```
b1
```

```
b2
```

```
.
```

```
.
```

```
.
```

```
b256
```

Podano imate predlogo *DN5_predloga.cpp*, ki prebere podatke in sestavi matriko A in vektor b. Na dnu skripte implementirajte Gauss-Seidel metodo. Uporabite 2000 iteracij in rešite sistem enačb. Nato izpišite največjo temperaturo v konzolo.

Ena izmed težav je lahko tudi počasno konvergiranje metode. Z uporabo OpenMP knjižnice poskusite paralelizirati to metodo. Ne pozabite prevesti kode z zastavico `-fopenmp`! Izpišite čas trajanja preračuna Gauss-Seidel metode.

Nalogo naložite do 23:59 ure, dne 23.12.2023.

Reference

- [1] Burden, Richard L. - Numerical Analysis, 10th edition