

# PENOPORA: Prolog výpisky

# 1 Základy

## 1.1 SWI Prolog

- spuštění: *pl -s file.pl*
- znovunačtení: *reconsult('file.pl')*.
- nápověda: *help(append)*.
- ukončení: *halt*.

## 1.2 Syntaktické základy

Zdrojový program tvoří databáze predikátů, záleží na pořadí klauzulí. Prolog nemá líné vyhodnocování. Základní pojmy:

- **term**
  - **atom**: *a, ahoj, 'ahoj', 'Ahoj', 'a', '@'*
  - **číslo**: *3, 3.1415*
  - **proměnná**: *A, Ahoj, Ahoj\_123*
- **složený term**: *ahoj(cau(neco),dalsi),jiny(X,term)*
  - **seznam**: *[], [ahoj,cau,nazdar]*
  - **řetězec**: *"ahoj", [97,104,111,106]*
- **cíl** - dotaz při spuštění programu
- **klauzule, predikát**
- **fakt** - klauzule bez těla
- **pravidlo**: *A :- B, C, D.* (cíl A je splněn, když jsou splněny podcíle)
- **instanciace**: *X = term* (z volné proměnné udělá vázanou)
- **synonymum**: *X = Y* (jiné jméno stejné proměnné)

## 1.3 Operátory

<code>:-</code>	definice pravidla
<code>?-</code>	otázka
<code>;</code>	or
<code>-&gt;</code>	if-then-else
<code>,</code>	and
<code>=, \=</code>	porovnání
<code>is</code>	vyčíslení
<code>&lt;, &gt;, =&lt;, &gt;=</code>	porovnání
<code>==, \==</code>	porovnání bez přiřazení
<code>:=, :=\=</code>	porovnání s vyhodnocením
<code>+, -, *, /, //, mod, div, ^</code>	matematické funkce
<code>not, \+</code>	negace

## 1.4 Predikáty

Predikáty se v dokumentačním zápise značí jako: *jméno/arita* (např. *faktorial/2*).

Zápis hlavičky: *predikat(+Vstupni, -Vystupni, ?VstupneVystupni)*.

```
% radkový komentář
%* blokový komentář *%

velka_hlava(lada).           % fakt ze lada má velkou hlavu
cepice(lada).                % fakt ze lada má cepici
velka_cepice(X) :- cepice(X), velka_hlava(X). % pravidlo s konjunkcí - nižší prior.
rostlina(X) :- strom(X); ker(X); bylina(X).   % pravidlo s disjunkcí - vyšší prior.

% faktorial/2, použití: faktorial(5, Vysledek).
faktorial(0, 1).
faktorial(N, Vysledek) :-
    N > 0,
    Predchozi is N-1,
    faktorial(Predchozi, PredchoziVysledek),
    Vysledek is PredchoziVysledek * N.

% výpočet členu Fibonacciho posloupnosti
fib(0, 0).
fib(1, 1).
fib(2, 1).
fib(X, R) :-
    X > 2,
    X1 is X - 1,
    X2 is X - 2,
    fib(X1, R1),
    fib(X2, R2),
    R is R1 + R2.

% největší společný dělitel 2 čísel
gcd(X, X, X).
gcd(X, Y, Z) :-
    X > Y, X1 is X - Y, gcd(X1, Y, Z).
gcd(X, Y, Z) :-
    Y > X, Y1 is Y - X, gcd(X, Y1, Z).

% test prvočísel
isPrime(X) :- testPrime(X, 2).
testPrime(X, X) :- !.
testPrime(X, Y) :-
    Z is X mod Y,
    Z \= 0,
    YY is Y + 1,
    testPrime(X, YY).
```

## 1.5 Fakty

Předpoklad uzavřeného světa (databáze), vyjádření pouze pozitivních informací.

```
% databaze rodinnych vztahu
muz(jan).
muz(pavel).
muz(robert).
muz(tomas).
muz(petr).
zena(marie).
zena(jana).
zena(linda).
zena(eva).
otec(tomas,jan).
otec(jan,robert).
otec(jan,jana).
otec(pavel,linda).
otec(pavel,eva).
matka(marie,robert).
matka(linda,jana).
matka(eva,petr).

rodic(X,Y) :- otec(X,Y),!; matka(X,Y),!.
sourozenec(X,Y) :- X\=Y, rodic(Z,X), rodic(Z,Y).
sestra(X,Y) :- zena(X), sourozenec(X,Y).
deda(X,Y) :- muz(X), otec(T,Y), otec(X,T).
je_matka(X) :- zena(X), matka(X,_).
teta(X,Y) :- sestra(X, M), matka(M, Y).
```

## 1.6 Vestavěné predikáty

```
true.                % vzdy uspesny predikat (mimo navraceni)
fail.                % vzdy neuspesny predikat
repeat.             % vzdy uspesny a znovusplnitelny predikat
not(X).             % test na neuspech

X is 1+2.            % vyhodnoceni aritmetickoho vyrazu, <promenna> is <vyraz>
X is X+1.            % error!

If -> Then ; Else.  % podmineny prikaz
max(X,Y,M) :-        % vrati maximum
    (X>Y -> M=X ; M=Y).

X=Y.                % je možné termy unifikovat?
X\=Y.               % není možné termy unifikovat?
X==Y.              % jsou termy stejné?
X\==Y.             % nejsou termy stejné?

integer(X).         % test zda je promenna cislo
atom(X).            % test zda je promenna atom
atomic(X).          % test zda je promenna cislo nebo atom
var(X).             % test zda není promenna navazana na nějakou hodnotu
nonvar(X).          % test zda je promenna navazana na nějakou hodnotu

arg(2,color(r,g,b),R).          % N-ty argument termu, R = g
functor(color(r,g,b),color,3). % overeni nazvu/arity termu
```

## 1.7 Unifikace

Při volání procedur zadáním cíle nebo explicitně pomocí `=`. Příklady využití unifikace:

```
X = 1.                % navazani hodnoty na promennou
1 = X.
1 = 1.                % test na unifikovatelnost (rovnost)
pes \= kocka.
List = [1|[2,3,4]].    % selektor polozek datovych struktur/seznamu
Term = barvy(X, Y).
List = [1,2,3].        % vytvoreni datovych struktur/seznamu
Term = barvy(zelena, modra).
```

## 1.8 Operátor řezu

```
% a :- b ; c          % b selze, rizne, ale pokracuje se v c
% b :- d, !, e.        % operator rezu ! reze jen v ramci predikatu
% c :- f.

% priklad sdeleni, ze jiz byla nalezena spravna varianta podcile
sum_to(1,1) :- !.      % soucet prvku od 1 do N, rez zabrani dalsi unifikaci
sum_to(N,Res) :-
    N1 is N-1,
    sum_to(N1,Res1),
    Res is Res1+N.

% priklad kdy dalsi prohledavani nevede k reseni
not(P) :- call(P), !, fail.    % operator not

% priklad ukoncení generování alternativních řešení
is_integer(0).              % test zda je promenna cislo (pro nasled. priklad)
is_integer(X) :-
    is_integer(Y),
    X is Y+1.

divide(_, 0, _) :- !, fail.    % celociselne deleni
divide(N1, N2, Result) :-
    is_integer(Result),
    Product1 is Result*N2,
    Product2 is (Result+1)*N2,
    Product1 =< N1, Product2 > N1, !. % bez ! by pri navraceni program zacyklil
```

## 2 Seznam

Nehomogenní struktura, konstruktorem je  $\cdot/2$  (např.  $L = \cdot(H, T)$ , pozor na:  $L = (H, T)$ ). Nepotřebná proměnná se značí pomocí  $\_$ .

```
X =  $\cdot$ (jan,  $\cdot$ (tomas, [])).           % konstrukce seznamu
neprazdny( $\_|\_$ ) :- true.               % neprazdnost seznamu
hlavicka( $[H|\_]$ , H).                   % hlavicka seznamu

posledni( $[H]$ , H) :- !.                 % posledni prvek seznamu
posledni( $\_|T$ ), Res) :- posledni(T, Res).

delka([],0).                          % delka seznamu
delka( $\_|T$ ),D) :- delka(T,TD), D is TD+1.

obsahuje(X,  $[X|\_]$ ).                  % seznam obsahuje prvek
obsahuje(X,  $\_|T$ ) :- obsahuje(X, T).

spoj([],L,L).                         % spojeni dvou seznamu do tretiho
spoj( $[H|T]$ ,L, $[H|TT]$ ) :- spoj(T,L,TT).

obrat([],[]) :- !.                    % reverzace seznamu
obrat( $[H|T]$ , Res) :- obrat(T,TT), spoj(TT, $[H]$ ,Res).

sluc(L,[],L).                         % sloucení dvou serazených seznamu do tretiho
sluc([],L,L).
sluc( $[X|XS]$ ,  $[Y|YS]$ ,  $[X|T]$ ) :- X @< Y, sluc(XS,  $[Y|YS]$ , T).
sluc( $[X|XS]$ ,  $[Y|YS]$ ,  $[Y|T]$ ) :- X @>= Y, sluc( $[X|XS]$ , YS, T).

serad([],[]).                         % serazení seznamu
serad( $[H|T]$ , SL) :- serad(T, S), sluc( $[H]$ , S, SL).

isPalindrom([]).                      % test palindromu
isPalindrom( $\_$ ) :- !.
isPalindrom( $[H|T]$ ) :-
    last(T, H),
    reverse(T,  $\_|RTT$ ),
    reverse(RTT, TR),
    isPalindrom(TR).

slice( $\_$ ,  $\_$ , [], []).                  % rez seznamu, vrati seznam od Nteho do Kteho prvku
slice(1, 1,  $[H|\_]$ ,  $[H]$ ).
slice(1, Y,  $[H|T]$ ,  $[H|Res]$ ) :-
    Y >= 2,
    YY is Y - 1,
    slice(1, YY, T, Res).
slice(X, Y,  $\_|T$ ), Res) :-
    X >= 2,
    Y >= 2,
    XX is X - 1,
    YY is Y - 1,
    slice(XX, YY, T, Res).
?- slice(2,5, $[a,b,c,d,e,f]$ ,R).       % uziti predikatu slice, vrati  $[b,c,d,e]$ 
```

```

% je dan seznam predikatu a seznam jejich parametru
% test zda alespon N z nich je splnenych pro seznam zadanych parametru
a(1).
b(2).
c(1).
d(2).

atleast(Pr,Pa,N) :- N > -1, test(Pr,Pa,N).

test(A,B,0) :- !, isList(A), isList(B).
test([],_,N) :- N>0, !, fail.
test([P|PS],Pa,N) :-
    CC =.. [P|Pa],
    call(CC), !,
    N1 is N - 1,
    test(PS,Pa,N1).
test([_|Pr],Pa,N) :-
    test(Pr,Pa,N).

isList([]).
isList([_|_]).

?- atleast([a,b,c,d],[1],2).           % uziti predikatu atleast, vraci true

```

```

% ze seznamu seznamu vybere ten, jehož delka se nejvíce blíží číslu v polovině mezi
% delkou nejkratšího a nejdelšího seznamu na vstupu
selHalf([],_) :- !, fail.
selHalf([H|T],L) :-
    mapl([H|T],LL),
    %minmax(MI,MA,LL),
    minList(LL,MI),
    maxList(LL,MA),
    Half is (MI+MA) // 2,
    selll(Half,[H|T],L).

mapl([],[]).
mapl([H|T],[HL|TL]) :-
    length(H,HL),
    mapl(T,TL).

selll(_,[L],L) :- !.
selll(Ha,[H|T],L) :-
    selll(Ha,T,LL),
    length(H,HL),
    length(LL,LLL),
    HD is Ha - HL,
    LLD is Ha - LLL,
    abs(HD,AHD), abs(LLD,ALLD),
    (AHD<ALLD -> L = H ; L = LL).

maxList([H], H).
maxList([H|T], M2) :-
    maxList(T, M),
    M2 is max(H, M).

minList([H], H).
minList([H|T], M2) :-
    minList(T, M),
    M2 is min(H, M).

```

## 2.1 Vestavěné predikáty u seznamů

```
member(2,[1,2,3]).           % test zda je prvek v seznamu
append([1,2,3],[4,5,6],L).    % spojení dvou seznamu
last([1,2,3],X).              % poslední prvek seznamu
permutation([1,2,3],[3,2,1]). % test zda P2 je permutací P1
reverse([1,2,3],R).           % reverzace seznamu

barvy(zelena, zluta) =.. X.    % převod termu na seznam, X = [barvy, zelena, zluta]
Y =.. [barvy, zelena, zluta]. % převod seznamu na term, Y = barvy(zelena, zluta)

% ukázka volání predikátu
aplikuj(Funkce,Parametr,Vysledek) :-
    Predikat =.. [Funkce,Parametr,Vysledek],
    call(Predikat).
inkrement(X,Y) :- Y is X+1.
main :- aplikuj(inkrement,3,V).
```



## 2.2 Operátor řezu u seznamů

```

delete(_, [], []). % odstraneni prvku ze seznamu
delete(X, [X|L], M) :-
    !, delete(X, L, M). % bez ! bychom pri navraceni ziskavali seznamy,
delete(X, [Y|L1], [Y|L2]) :- % kde nejsou vsechny vyskyty X zcela odstraneny
    delete(X, L1, L2).

remove(A, [A|L], L) :- !. % odstraneni prvku ze seznamu
remove(A, [B|L], [B|M]) :-
    remove(A, L, M).
remove(_, [], []).

intersection([], X, []). % prunik dvou mnozin
intersection([X|R], Y, [X|Z]) :-
    member(X, Y),
    !, intersection(R, Y, Z). % bez ! by vysledna mnozina pri navraceni postupne
intersection([X|R], Y, Z) :- % ztracela clenY az do prazdna
    intersection(R, Y, Z).

union([], X, X) :- !. % sjednoceni dvou mnozin
union([X|R], Y, Z) :-
    member(X, Y), !, union(R, Y, Z).
union([X|R], Y, [X|Z]) :-
    union(R, Y, Z).

range(S, S, [S]) :- !. % generator posloupnosti cisel od S do E
range(S, E, [S|T]) :- % ! zastavuje rekurzivni vypocet
    S < E, SS is S+1,
    range(SS, E, T), !.
range(_, _, []).

take(_, [], []) :- !. % vrati prvnych N prvku seznamu
take(N, [H|T], [H|TT]) :-
    N > 0,
    !, % bez ! bychom meli vzdy dale mensi pocet prvku
    NN is N-1, % v ruznych kombinacich
    take(NN, T, TT).
take(N, [_|_], []) :-
    N <= 0.

takeWhile(_, [], []). % vrati prvnych N prvku seznamu dokud plati dana funkce
takeWhile(P, [H|T], [H|TT]) :-
    PP =.. [P, H], call(PP), !, takeWhile(P, T, TT).
takeWhile(_, _, []).
?- takeWhile(odd, [1,3,5,6,7,9], L). % uziti predikatu takeWhile, L = [1,3,5,7].

dropWhile(_, [], []). % vrati poslednich N prvku jakmile prestane platit funkce
dropWhile(P, [H|T], TT) :-
    PP =.. [P, H], call(PP), !, dropWhile(P, T, TT).
dropWhile(_, L, L).
?- dropWhile(odd, [1,3,4,5,7,9], R). % uziti predikatu dropWhile, L = [4,5,7,9].

less_than_3(X) :- X < 3. % test < 3 (pro nasled. priklad)

split(_, [], ([], [])) :- !. % rozdeli seznam kdyz funkce prestane platit
split(P, L, R) :- split(P, L, [], R).
split(_, [], W, (RW, [])) :- reverse(W, RW).
split(P, [H|T], W, R) :-
    PP =.. [P, H], call(PP), !, split(P, T, [H|W], R).
split(_, R, L, (RL, R)) :- reverse(L, RL).
?- split(less_than_3, [1,2,3,4,5,6], L). % uziti predikatu split, L=([1,2],[3,4,5,6]).

```

## 2.3 Predikáty vyššího řádu

```
map(_, [], []). % predikat map
map(F, [H|T], [NH|NT]) :- P =.. [F,H,NH],
                           call(P),
                           map(F,T,NT).

inc(X,Y) :- var(Y), Y is X+1, !. % inkrement (pro nasled. priklad)
inc(X,Y) :- nonvar(Y), Z is Y-1, Z=X.

?- map(inc,[1,2,3],X). % pouziti map, vysledek [2,3,4]
?- map(inc,X,[2,3,4]). % pouziti map, vysledek [1,2,3]

filter(_, [], []) :- !. % predikat filter
filter(P, [H|T], [H|TT]) :-
    PP =.. [P,H], call(PP), % zde by mohlo byt i zkracene jen: call(P, [H])
    !, % bez ! bychom pri navraceni postupne dostavali
    filter(P, T, TT). % seznam s mensim a mensim poctem spravnych prvku
filter(P, [_|T], TT) :-
    filter(P, T, TT).

even(V) :- X is V mod 2, X = 0. % test sudych cisel
odd(X) :- % test lichych cisel
    Y is X // 2,
    YY is Y * 2,
    YY \= X.

?- filter(even,[1,2,3,4,5,6],R). % pouziti filter, vysledek [2,4,6]

foldr(_, B, [], B). % predikat foldr
foldr(F, B, [H|T], BB) :-
    foldr(F, B, T, BT),
    P =.. [F,H,BT,BB], call(P).

foldl(_, A, [], A). % predikat foldl
foldl(F, A, [H|T], AA) :-
    P =.. [F,A,H,AT], call(P),
    foldl(F, AT, T, AA).

add(X,Y,Z) :- ZZ is Y+X, ZZ=Z. % soucet (pro nasled. priklad)
conS(T,H,[H|T]). % prohozeni (pro nasled. priklad)

sum(L, S) :- foldr(add, 0, L, S). % pouziti foldr, suma seznamu
rev(L, RL) :- foldl(conS, [], L, RL). % pouziti foldl, reverzace seznamu
```

## 2.4 Řazení

```
% razeni typu generuj a testuj
gtsort(L1,L2) :-                                     % serazeni seznamu
    mypermutation(L1,L2), sorted(L2), !.

sorted([]).                                         % test serazeni seznamu
sorted([_]).
sorted([A,B|L]) :-
    A =< B, sorted([B|L]).

mypermutation([],[]).                             % generovani permutaci
mypermutation(L,[H|T]) :-
    append(V,[H|U],L),
    append(V,U,W),
    mypermutation(W,T).

mypermutation2([], []).                           % jine generovani permutaci
mypermutation2([H|T], P) :-
    mypermutation2(T, TP),
    insert(H, TP, P).

insert(X,[],[X]).                                 % vlozeni prvku na zacatek seznamu
insert(X,[Y|Y1],[X,Y|Y1]).
insert(X,[Y|Y1],[Y|Z1]) :- insert(X,Y1,Z1).

% razeni na principu vkladani
insort(L1,L2) :- insort(L1,[],L2).                % serazeni seznamu
insort([],X,X).
insort([X|X1],Y,Z) :-
    insertSorted(X,Y,Z1),
    insort(X1,Z1,Z).

insertSorted(X,[],[X]).                           % vlozeni prvku do seraz. seznamu
insertSorted(X,[Y|Y1],[X,Y|Y1]) :- X =< Y, !.
insertSorted(X,[Y|Y1],[Y|Z1]) :-
    insertSorted(X,Y1,Z1).

% bubble sort
bubble(L1,L2) :-                                  % serazeni seznamu
    append(X, [A,B|Y], L1), A>B,
    append(X, [B,A|Y], Z), bubble(Z,L2).
bubble(L,L).

% quick sort
quick([],[]).                                     % serazeni seznamu
quick([H|T],S) :-
    split(T,H,A,B),
    quick(A,A1), quick(B,B1),
    append(A1,[H|B1],S).

split([],_,[],[]).                                % rozdeleni seznamu na 2 casti
split([X|X1],Y,[X|Z1],Z2) :-
    X<Y, split(X1,Y,Z1,Z2).
split([X|X1],Y,Z1,[X|Z2]) :-
    X>=Y, split(X1,Y,Z1,Z2).
```

```

% nejdelsi neklesajici posloupnost ze vseh neklesajicich posloupnosti
maxNondecreasingSeq([], []).
maxNondecreasingSeq([H|T], Res) :-
    nondecreasingSeq([H|T], HTRes),
    maxNondecreasingSeq(T, TRes),
    longestList(HTRes, TRes, Res).

% nejdelsi neklesajici posloupnost zacinajici prvnim prvku seznamu
nondecreasingSeq([], []).
nondecreasingSeq([X], [X]) :- !.
nondecreasingSeq([X1,X2|T], [X1|Res]) :-
    X1 <= X2,
    nondecreasingSeq([X2|T], Res).
nondecreasingSeq([X1,X2|_], [X1]) :-
    X1 > X2.

% vrati delsi ze dvou seznamu
longestList(L1, L2, L1) :-
    length(L1, L1L),
    length(L2, L2L),
    L1L > L2L.
longestList(L1, L2, L2) :-
    length(L1, L1L),
    length(L2, L2L),
    L1L <= L2L.

```

## 2.5 Množina

```
% vypocet mnoziny vseh podmnoz, podmnoziny vraci v seznamu
subbags([], []).
subbags([X|XS], XSS) :- subbags(XS, XX),
                        addOneToAll(X, XX, XXX),
                        append(XX, XXX, XSS).

% pridej prvek do vseh mnozin
addOneToAll(_, [], []).
addOneToAll(E, [L|LS], [[E|L]|T]) :- addOneToAll(E, LS, T).

% vypocet mnoziny vseh podmnoz, podmnoziny vraci postupne prohledavanim prostoru
subbags2([], []).
subbags2([H1|T1], [H1|T2]) :-
    subbags2(T1, T2).
subbags2([_|T1], T2) :-
    subbags2(T1, T2).

% test zda vsechny prvky z druhe mnoziny jsou podmnozinou prvni
mysubset([], []).
mysubset([_|_], []).
mysubset([H|T], [HH|TT]) :- myelem(HH, [H|T]), mysubset([H|T], TT), !.

myelem(H, [H|_]) :- !.
myelem(V, [_|T]) :- myelem(V, T).

?- mysubset([1,2,3,4,5], [2,4,3]).           % uziti mysubset

% mnozinovy rozdil
rozdil(M1, M2, RES) :- permutation(RES, P), rozdil2(M1, M2, P), !.

rozdil2([], _, []) :- !.
rozdil2([H|T], L, [H|R]) :- not(element(H, L)), !, rozdil2(T, L, R).
rozdil2([H|T], L, R) :- element(H, L), rozdil2(T, L, R).

element(X, [X|_]) :- !.
element(X, [_|T]) :- element(X, T).
```

## 2.6 Strom

```
hloubkaStromu(list, 0).
hloubkaStromu(uzel(_, L, P), H) :-
    hloubkaStromu(L, LH), hloubkaStromu(P, PH),
    max(LH, PH, MAX),
    H is MAX+1.

% pouziti predikatu hloubkaStromu
?- hloubkaStromu(
    uzel(2, uzel(1, list, list),
        uzel(4, uzel(3, list, list), list)),
    H).
```

```

empty_tree(leaf).                                % prazdny strom

add2tree(K, V, leaf, node(K,V,leaf,leaf)).        % pridani stromu
add2tree(K, _, node(K,V,X,Y), node(K,V,X,Y)) :-
    !.
add2tree(Kn, Vn, node(K,V,L,R), node(K,V,LL,R)) :-
    Kn < K, !,
    add2tree(Kn, Vn, L, LL).
add2tree(Kn, Vn, node(K,V,L,R), node(K,V,L,RR)) :-
    add2tree(Kn, Vn, R, RR).

?- add2tree(6,petr,leaf,R), add2tree(10,jana,R,RR). % uziti predikatu add2tree

inOrder(leaf, []).                               % inorder pruchod stromem
inOrder(node(_,Value,L,R), List) :-
    inOrder(L, LL),
    inOrder(R, RL),
    append(LL, [Value|RL], List).

?- inOrder(Tree, List).                           % uziti predikatu inOrder

preOrder(leaf, []).                               % preorder pruchod stromem
preOrder(node(_,Value,L,R), List) :-
    preOrder(L, LL),
    preOrder(R, RL),
    append([Value|LL], RL, List).

list2tree([],leaf).                               % prevod seznamu na strom
list2tree([I|IS], NewTree) :-
    list2tree(IS, Tree),
    add2tree(I, I, Tree, NewTree).

?- list2tree([1,2,3],T).                           % uziti predikatu list2tree

search(_, leaf, _) :-                             % vyhledani hodnoty podle klice
    !, fail.
search(Key, node(Key,Value,_,_), Value) :-
    !.
search(Key, node(KeyT,_,L,_), Value) :-
    Key < KeyT, !,
    search(Key, L, Value).
search(Key, node(_,_,_,R), Value) :-
    search(Key, R, Value).

?- search(6, Tree, Data).                           % uziti predikatu search

```

```

% vyrazy ve stromu
val(3). % hodnota 3
op(plus, val(3), val(8)). % operace 3+8
op(sub, % vyraz 3*5-2
    op(mul, val(3), val(5)),
    val(2)
)

eval(val(X),X). % vyhodnoceni hodnoty
eval(op(plus,L,R),X) :- % vyhodnoceni souctu
    eval(L,LX), eval(R,RX),
    X is LX+RX.
eval(op(minus,L,R),X) :- % vyhodnoceni rozdilu
    eval(L,LX), eval(R,RX),
    X is LX-RX.
eval(op(mul,L,R),X) :- % vyhodnoceni nasobeni
    eval(L,LX), eval(R,RX),
    X is LX*RX.
eval(op(div,L,R),X) :- % vyhodnoceni deleni
    eval(L,LX), eval(R,RX),
    X is LX//RX.

```

## 2.7 Lambda kalkul

```

% reprezentace lambda kalkulu
lambdaExpr( % promenna
    var(_) ).
lambdaExpr(
    appl( lambdaExpr(_), lambdaExpr(_) ) ). % aplikace
lambdaExpr(
    abstr( var(_), lambdaExpr(_) ) ). % abstrakce

```

```

% vraci seznam s polozkami prvnioho bez duplicit
removeDups([], []).
removeDups([H|T], [H|TRes]) :-
    not(member(H, T)),
    removeDups(T, TRes).
removeDups([H|T], TRes) :-
    member(H, T),
    removeDups(T, TRes).

?- removeDups([3,1,2,3,2,3,1],R). % uziti removeDups, vraci [2,3,1]

```

```

% vraci seznam vseh volnych promennych v lambda vyrazu
unboundedVars(E, RDRes) :-
    uvImpl(E, [], Res),
    removeDups(Res, RDRes).

uvImpl(lVar(X), L, [X]) :-
    not(member(X, L)).
uvImpl(lVar(X), L, []) :-
    member(X, L).
uvImpl(lAppl(X, Y), L, Res) :-
    uvImpl(X, L, XRes),
    uvImpl(Y, L, YRes),
    append(XRes, YRes, Res).
uvImpl(lAbstr(lVar(X), Y), L, Res) :-
    uvImpl(Y, [X|L], Res).

% uziti unboundedVars, vraci [b]
?- unboundedVars(lAbstr(lVar(a), lAppl(lVar(a), lVar(b))), R).

```

### 3 Databáze

```
assert(barva(zelena)).      % ulozeni predikatu do databaze
retract(barva(cervena)).    % unifikace termu a odstraneni predikatu
retractall(barva(_)).      % odstraneni vseh predikátu s hlavickou
listing(barva).            % zobrazení predikatu v databazi
clause(barva(zelena),X).    % vyber klauzule z databaze podle hlavicky
```

#### 3.1 Prohledávání stavového prostoru

```
% overeni kroku, prostor 9x9, zadan vychodi a koncovy bod, uhlopricny pohyb
nextStep(X, Y, XX, YY) :-
    XX is X+1, YY is Y+1, test(XX, YY).
nextStep(X, Y, XX, YY) :-
    XX is X+1, YY is Y-1, test(XX, YY).
nextStep(X, Y, XX, YY) :-
    XX is X-1, YY is Y+1, test(XX, YY).
nextStep(X, Y, XX, YY) :-
    XX is X-1, YY is Y-1, test(XX, YY).
test(X, Y) :- X>0, Y>0, X<10, Y<10.

% hledani cesty L z bodu S do pozice E, pos (navstivena mista) zamezi chozeni v kruhu
:- dynamic pos/2.
searchPathL(start(X,Y), end(X,Y), [p(X,Y)]) :-          % S a E se shoduji
    !.
searchPathL(start(X,Y), E, [p(X,Y)|T]) :-              % realizace 1 kroku
    assert(pos(X,Y)),
    nextStep(X, Y, XX, YY),
    not( pos(XX,YY) ),
    searchPathL(start(XX,YY), E, T).
searchPathL(start(X,Y), _, _) :-                      % krok nelze ucinit, navraceni
    pos(X, Y),
    retract(pos(X,Y)),
    fail.

?- searchPathL(start(1,1),end(2,2),L).                  % uziti predikatu searchPathL

% smazani predikatu pos z databaze, slo by pouzit i retractall
clearPos :-
    pos(X, Y),
    retract( pos(X,Y) ),
    !, clearPos.

% hledani cesty z bodu S do pozice E, vysledky uklada do databaze (pos)
searchPath(start(X,Y), end(X,Y)) :-
    assert( pos(X,Y) ).
searchPath(start(X,Y), end(X,Y)) :-
    pos(X, Y),
    retract( pos(X,Y) ),
    !, fail.
searchPath(start(X,Y), E) :-
    assert( pos(X,Y) ),
    nextStep(X, Y, XX, YY),
    not( pos(XX,YY) ),
    searchPath(start(XX,YY), E).
searchPath(start(X,Y), _) :-
    pos(X, Y),
    retract( pos(X,Y) ),
    fail.

?- searchPath(start(1,1),end(6,4)).                    % uziti predikatu searchPath
?- listing(pos).
```



```

% ulozeni cesty z databaze (pos) do seznamu
listPos(L) :-
    listPos(1,L).
listPos(N,[X,Y|T]) :-
    nth_clause(pos(_,_),N,R),
    clause(pos(X,Y),_,R),
    NN is N+1,
    listPos(NN,T), !.
listPos(_,[]) :- !.

?- listPos(L).                                % uziti predikatu listPos

% ulozeni cesty z databaze (pos) do seznamu s pouzitim zip
slistPos(L) :-
    bagof(X, Ye^pos(X,Ye),Xs),
    bagof(Y, Xe^pos(Xe,Y),Ys),
    zip(Xs,Ys,L).

zip([],_,[]) :- !.
zip(_,[],[]).
zip([X|XS],[Y|YS],[X,Y|XYS]) :-
    zip(XS,YS,XYS).

?- slistPos(L).                                % uziti predikatu slistPos

```

## 3.2 Predikát bagof a setof

Predikát `bagof` nalezne všechny unifikace dané proměnné, které splní daný cíl: *bagof(Vzor, Cil, Bag)*. Setof nevrací duplicity.

- Vzor - proměnná, kterou chci unifikovat
- Cíl - cíl s proměnnou, pro který se unifikace hledají
- Bag - výsledný seznam všech navázání

```

foo(a,b,c).
foo(a,b,c).
foo(a,b,d).
foo(b,c,e).
foo(b,c,f).
foo(c,c,g).

?- bagof(C, foo(A,B,C), BAG).                % uziti bagof, vrati [c,c,d];[e,f];[g]
?- bagof(C, A^foo(A,B,C), BAG).              % A^ znaci ze nas A nezajima, vrati [c,c,d];[e,f,g]

?- setof(C, foo(A,B,C), SET).                 % uziti setof, vrati [c,d];[e,f];[g]
?- setof(C, A^foo(A,B,C), SET).              % A^ znaci ze nas A nezajima, vrati [c,d];[e,f,g]

```

### 3.3 Praktické příklady

```
% Roboti svet: pozice dana celym cislem, pohyb doleva/doprava, na 1 pozici max 1 robot
:- dynamic robot/2, dira/1.                                % deklarace dynamickych predikatu

% database
robot(KRYTON, 0).
robot(R2D2, 1).
dira(2).

obsazeno(POS) :- robot(_, POS) ; dira(POS).                 % obsazeno robotem nebo dirou
vytvor(ID, POS) :- not(obsazeno(POS)), assert( robot(ID, POS) ).           % vytvori robota
vytvor(POS) :- not(obsazeno(POS)), assert( dira(POS) ).           % vytvori diru
odstran(POS) :- ( dira(POS), retract(dira(POS)) ) ;           % odstrani prvek
                ( robot(ID,POS), retract(robot(ID,POS)) ).

obsazene_pozice(X) :- bagof(POS, obsazeno(POS), X).          % seznam obsazenych pozic

% seznam pozic kde jsou roboti, ID^ znamena ze nas ta promenna nezajima
obsazene_roboty(X) :- bagof(POS, ID^robot(ID, POS), X).

% pohyb robotu
inkrementuj(X, Y) :- Y is X+1.
dekrementuj(X, Y) :- Y is X-1.
doleva(ID) :- pohni(ID, dekrementuj).
doprava(ID) :- pohni(ID, inkrementuj).
pohni(ID, Operace) :- robot(ID, POS),
                      call(Operace, POS, NEWPOS),
                      retract(robot(ID, POS)),
                      (
                        obsazeno(NEWPOS) ->
                        ( robot(_,NEWPOS) -> odstran(NEWPOS); true ) ;
                        assert(robot(ID,NEWPOS))
                      ).

armageddon :- forall( robot(_,POS), vybuch(POS) ).          % vybuch vsech robotu
vybuch(POS) :- odstran(POS), vytvor(POS).

% Problem N dam: rozestaveni na sachovnici aby se neohrozovaly, kodovani reseni -
seznam N cisel, udavajici pozici postupne ve sloupcich, generovani vsech reseni -
vygenerovani jednoho a pouziti predikatu permutation

sequence(0, []) :- !.
sequence(N, [N|T]) :- NN is N-1, sequence(NN,T).           % sekvence cisel od N do 1

queens(Solution) :- queens(8, Solution).                    % pro sachovnici 8x8
queens(N, Solution) :- sequence(N,List), permutation(List, Solution), test(Solution).

test([]) :- !.                                              % test neohrozovani dam
test([H|T]) :- test(H,1,T), test(T).
test(_, _, []) :- !.
test(Pos, Dist, [H|T]) :-
    Pos \= H,
    X is abs(Pos-H),
    X \= Dist,
    Dn is Dist+1,
    test(Pos, Dn, T).
```

```

:- dynamic size/2, pos/2.

% pocet vseh acyklickych cest kone
% parametry: rozmer sachovnice, vychozi misto, cilove misto, pocet

cesty(XR,YR,XS,YS,XE,YE,Num) :-
    XR > 0, YR > 0,
    assert(size(XR,YR)),
    testPos(XS,YS),
    testPos(XE,YE),
    setof(P,search(XS,YS,XE,YE,P),LRes),
    length(LRes,Num),
    retractall(pos(_,_)),
    retractall(size(_,_)).

testPos(X,Y) :- X>0, Y>0, size(SX,SY), X<=SX, Y<=SY.

nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+1, YN is Y+2, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-1, YN is Y+2, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+1, YN is Y-2, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-1, YN is Y-2, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+2, YN is Y+1, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-2, YN is Y+1, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+2, YN is Y-1, testPos(XN,YN).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-2, YN is Y-1, testPos(XN,YN).

search(X,Y,X,Y,[X:Y]).
search(X,Y,X,Y,_):-!,fail.
search(X,Y,XE,YE,[X:Y|RST]) :-
    assert(pos(X,Y)),
    nextStep(X,Y,XN,YN),
    not(pos(XN,YN)),
    search(XN,YN,XE,YE,RST).
search(X,Y,_,_,_) :-
    pos(X,Y),
    retract(pos(X,Y)),
    !, fail.

```

```

:-dynamic id/2.

% asociativni pamet assocMem(id, key, value), kdyz se zada key tak hleda value,
% kdyz se zada value tak hleda klic a kdyz se zada oboje tak pridava do databaze

assocMem(A,K,V) :- var(A), !, fail.
assocMem(A,K,V) :- var(K), var(V), !, fail.
assocMem(A,K,V) :- var(V), P =.. [A,K,V], call(P).
assocMem(A,K,V) :- var(K), P =.. [A,Y,V], setof(Y,P,K).
assocMem(A,K,V) :-
    not(var(K)),
    not(var(V)),
    P =.. [A,K,_],
    call(P), !,
    retract(P),
    PP =.. [A,K,V],
    assert(PP).
assocMem(A,K,V) :-
    not(var(K)),
    not(var(V)),
    P =.. [A,K,V],
    assert(P).

?- assocMem(id,mykey,myval).
?- assocMem(id,mykey,X).

```

```

:- dynamic size/2, pos/2.

% nalezeni nejkratsi cesty v 2D prostoru, uhlopricny pohyb
% na miste Switch mozno chodit i vodorovne a svisle, na misto Barrier nelze vstoupit
% parametry: rozmer sachovnice, vychozi misto, cilove misto, cesta

shortest(W,H,XS,YS,XE,YE,Path) :-
    retractall(size(_,_)),
    retractall(pos(_,_)),
    W > 0, H > 0,
    assert(size(W,H)),
    test(XS,YS),
    test(XE,YE),
    setof(P,search(XS,YS,XE,YE,P),Paths),
    shortest(Paths,Path).

test(X,Y) :- X>0, Y>0, size(W,H), X <= W, Y <= H.

nextStep(X,Y,XN,Y) :- switch(X,Y), XN is X + 1, test(XN,Y), not(barrier(XN,Y) ).
nextStep(X,Y,XN,Y) :- switch(X,Y), XN is X - 1, test(XN,Y), not(barrier(XN,Y) ).
nextStep(X,Y,X,YN) :- switch(X,Y), YN is Y + 1, test(X,YN), not(barrier(X,YN) ).
nextStep(X,Y,X,YN) :- switch(X,Y), YN is Y - 1, test(X,YN), not(barrier(X,YN) ).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+1, YN is Y+ 1, test(XN,YN), not(barrier(XN,YN) ).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-1, YN is Y+1, test(XN,YN), not(barrier(XN,YN) ).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X+1, YN is Y-1, test(XN,YN), not(barrier(XN,YN) ).
nextStep(X,Y,XN,YN) :- XN is X-1, YN is Y-1, test(XN,YN), not(barrier(XN,YN) ).

search(X,Y,X,Y,[X:Y]).
search(X,Y,X,Y,_ ) :- !, fail.
search(X,Y,XE,YE,[X:Y|RST]) :-
    assert(pos(X,Y)),
    nextStep(X,Y,XN,YN),
    not(pos(XN,YN)),
    search(XN,YN,XE,YE,RST).
search(X,Y,_,_,_) :-
    pos(X,Y),
    retract(pos(X,Y)),
    !, fail.

shortest([],_) :- !, fail.
shortest([H|T],P) :- length(H,L), spath(H,L,T,P).

spath(S,_,[],S).
spath(_,L,[H|T],P) :- length(H,HL), HL < L, !, spath(H,HL,T,P).
spath(S,L,[_|T],P) :- spath(S,L,T,P).

barrier(2,2).
switch(2,3).
switch(1,1).

?- shortest(5,5,1,1,3,3,R).           % uziti predikatu shortest, vrati [1:1,1:2,2:3,3:3]

```