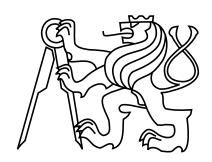
České vysoké učení technické v Praze Fakulta stavební Katedra geomatiky



Cvičení 2

Úloha č. 2: Konvexní obálky a jejich konstrukce

Bc. Petr Poskočil a Bc. Marek Fáber

Vyučující: doc. Ing. Tomáš Bayer, Ph.D.

Studijní program: Geodézie a kartografie, Navazující magisterský

Obor: Geomatika

13. ledna 2020

Obsah

1	s použitých algoritmů 4 Jarvis Scan 4 3.1.1 Problematické situace u Jarvis Scan Algorithm 5 3.1.2 Implementace Jarvis Scan Algorithm 5 Quick Hull 6 3.2.1 Implementace metody 6 Sweep Line 8 3.3.1 Problematické situace u Sweep Line Algorithm 8 3.3.2 Implementace metody 8 b a výstup aplikace 10 Výstup 10 4.2.1 Prostředí programu 11	
2	Popis problému	3
3	Popis použitých algoritmů	4
	3.1.1 Problematické situace u Jarvis Scan Algorithm	5
	3.2 Quick Hull	6
	3.3 Sweep Line	8 8
4	Vstup a výstup aplikace	10
	4.2 Výstup	10 11
5	Dokumentace tříd a jejich metod 5.1 Algorithms 5.2 Draw 5.3 Widget 5.4 sortbyy	21 21 22 23 23
6	Závěr6.1 Neřešené problémy a náměty	24 24
Li	teratura	25
A	Zdrojový kód aplikace	26
В	Aplikace - binární soubor	27
\mathbf{C}	Výstupní data	28

Zadání

Úloha č. 2: Konvexní obálky a jejich konstrukce

Vstup: $množina\ P = \{p_1, ..., p_n\},\ p_i = [x, y_i].$

Výstup: $\mathcal{H}(P)$.

Nad množinou P implementujete následující algoritmy pro konstrukci $\mathcal{H}(P)$:

- Jarvis Scan,
- Quick Hull,
- Swep Line.

Vstupní množiny bodů včetně vygenerovaných konvexních obálek vhodně vizualizujte. Pro množiny $n \in <1000,1000000 >$ vytvořte grafy ilustrující doby běhu algoritmů pro zvolená n. Měření proveďte pro různé typy vstupních množin (náhodná množina, rastr, body na kružnici) opakovaně (10x) a různá n (nejméně 10 množin) s uvedením rozptylu. Naměřené údaje uspořádejte do přehledných tabulek.

Zamyslete se nad problematikou možných singularit pro různé typy vstupních množin a možnými optimalizacemi. Zhodnoťte dosažené výsledky. Rozhodněte, která z těchto metod je s ohledem na časovou složitost a typ vstupní množiny P nejvhodnější.

Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Konstrukce konvexních obálek metodami Jarvis Scan, Quick Hull, Seep Line.	15b
Konstrukce konvexní obálky metodou Graham Scan	$\pm 5b$
Konstrukce striktně konvexních obálek pro všechny uvedené algoritmy.	+5b
Ošetření singulárního případu u Jarvis Scan: existence kolineárních bodů v datasetu.	+2b
Konstrukce Minimum Area Enclosing box některou z metod (hlavní směry budov).	$\pm 5b$
Algoritmus pro automatické generování konvexních/nekonvexních množin bodů různých tvarů (kruh,	+4b
elipsa, čtverec, star-shaped, popř. další).	
Max celkem:	36b

Obrázek 1.1: Zadání cičení č. 2 [2]

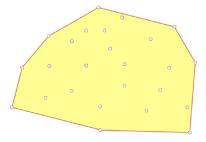
1.1 Údaje o bonusových úlohách

Cílem úlohy je představit grafickou aplikaci na konstrukci konvexních obálek nad různými množinami vygenorovaných bodů. Bonusovou úlohou je myšléná širší funkcionalita aplikace. Do aplikace byly zakomponovány následující prvky:

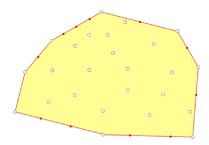
- Konstrukce striktně konvexních obálek pro všechny uvedené algoritmy,
- Ošetření singulárního případu u Jarvis Scan: existence kolineárních bodů v datasetu,
- Algoritmus pro automatické generování konvexních/nekonvexních množin bodů různých tvarů (náhodné, pravidelná mřížka, kruh, elipsa, čtverec). [2]

Popis problému

Mějme množinu bodů P v rovině. Chceme utvořit konvexní geometrický útvar, který má nejmenší obsah a body množiny P se nacházejí na jeho hraně nebo uvnitř. Takový útvar se nazývá konvexní obálkou viz. $Obrázek\ 2.1$. Dále se také pracuje s termínem striktně konvexní obálka viz. $Obrázek\ 2.2$. K určení konvexní obálky jsou použity algoritmy $Jarvis\ Scan,\ Quick\ Hull$ a $Sweep\ Line$. Vstupní množina bodů je generována náhodně, ve zvoleném vzoru. Cílem je určit časovou náročnost algoritmů pro jednotlivé množiny. Principy jednotlivých algoritmů jsou popsané v následující kapitole 3.



Obrázek 2.1: Konvexní obálka [2]



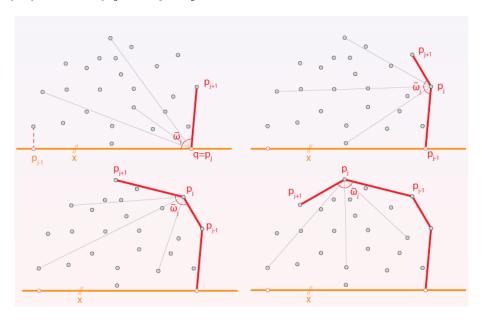
Obrázek 2.2: Striktně konvexní obálka - vyloučí přebytečné body na obálce (červené body), ponechá pouze vrcholy [2], upravené autorem.

Popis použitých algoritmů

Pro vytvoření konvexní obálky pro množinu bodů byly použity algoritmy Jarvis Scan, Quick Hull a Sweep Line. Úlohu lze řešit také pomocí algoritmu Grahm Scam, jehož řešení v programu není použito.

3.1 Jarvis Scan

Metoda Jarvis Scan hledá bod P_{j+1} , pro který platí $\angle(P_{j-1},P_j,P_{j+1})$ je maximální. Když takový bod nalezne, přidá jej do obálky a pokračuje v hledání následujícího bodu v obálce stejným způsobem, kde $P_j \equiv P_{j-1}$ a $P_{j+1} \equiv P_j$. Tento proces se opakuje, dokud nenajde bod, který byl do obálky přidán jako první.

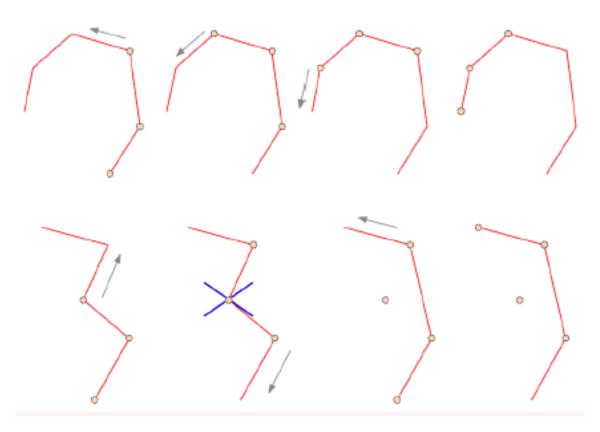


Obrázek 3.1: Princip Jarvis Scan Algorithm [1]

3.1.1 Problematické situace u Jarvis Scan Algorithm

V případě, že by agloritmus našel více variant následujícího bodu, tj. $\angle_i(P_{j-1}, P_j, P_{j+1}) \cong \angle_{i+1}(P_{j-1}, P_j, P_{j+1})$, nastává situace, kdy jsou dva po sobě jdoucí body kolineární. Tuto situaci je potřeba řešit tak, že se do konvexní obálky nejprve přidá bod který je nejblíže svému předchůdci - aktuálně poslednímu bodu obálky.

3.1.2 Implementace Jarvis Scan Algorithm

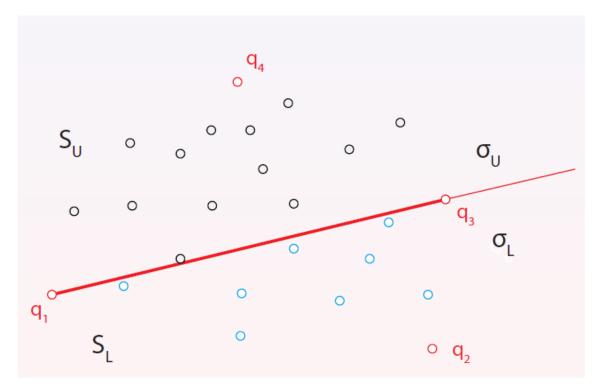


Obrázek 3.2: Implementace kritéria levotočivosti [1]

- 1. Nalezení pivota $Q: Q = min_{\forall p_i \in P}(Y_i)$
- 2. Přidej: Q > H
- 3. Iniacializuj: $P_{j-1} \in X, P_j = Q, P_{j+1} = P_{j-1}$
- 4. Opakuj, dokud $P_{j+1} \neq Q$:
- 5. Nalezni $P_{j+1} = argmax_{\forall p_j \in P} \angle (P_{j-1}, P_j, P_{j+1})$
- 6. Přidej: $P_{j+1} > H$
- 7. $P_j = P_{j-1}$; $P_{j+1} = P_j$

3.2 Quick Hull

Pro tuto metodu je zapotřebí nalézt dva body, které mají minimální P_1 resp. maximální P_2 X—ovou nebo Y—ovou souřadnici. Tyto body budou součástí konvexní obálky. Nejprve je však spojíme úsečkou a rozdělíme ostatní body podle toho, zda se nacházejí vlevo nebo vpravo od úsečky - $(P_i \in \Sigma_l || P_i \in \Sigma_p)$. Když budeme konvexní obálku tvořit s contra clock wise (CCW) orientací, přidáme do konvexní obálky bod P_1 . Dále budeme hledat nejvzdálenější bod P_3 vpravo od orientované úsečky $|P_1P_2|$. Takový bod bude patřit do konvexní obálky. Než jej tam přidáme, tak musíme stejným způsobem zjistit, zda se mezi bodem P_1 a P_3 nenachází jiný bod. Pokud ne, tak bod P_3 přidáme do konvexní obálky a hledáme další bod, který je vpravo od úsečky $|P_3P_2|$. Když najdeme všechny body v této polorovině, tak hledáme body ve druhé polorovině stejným způsobem, ale přehodíme orientaci úsečky $|P_1P_2|$ na $|P_2P_1|$.



Obrázek 3.3: Princip Quick Hull Algorithm [1]

3.2.1 Implementace metody

Quick Hull algoritmus pracuje na lokální a globální úrovni. Postupně se na globální úrovni zpracuje horní a dolní část obálky rekurzivním voláním lokální procedury.

Globální procedura:

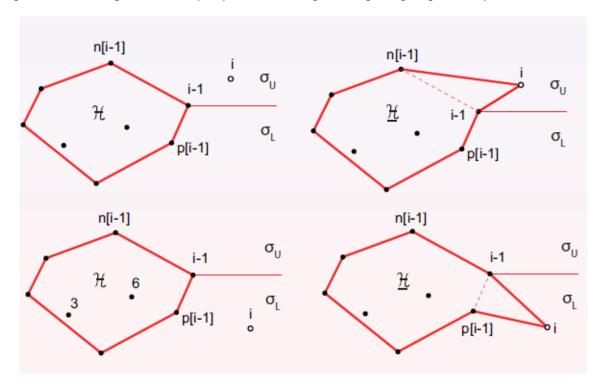
- 1. Inicializace: $H = 0, \Sigma_U = 0, \Sigma_L = 0$
- 2. Nalezení pivotů $q: q_1 = min_{\forall P_i \in \Sigma}(x_i), q_3 = max_{\forall P_i \in \Sigma}(x_i)$
- 3. $\Sigma_U < -q_1, \Sigma_U < -q_3$
- 4. $\Sigma_L < -q_1, \Sigma_L < -q_3$
- 5. Pro $\forall P_i \in \Sigma$
- 6. Pokud: $(P_i \in \sigma_l(q_1, q_3))\Sigma_U < -P_i$
- 7. Jinak: $\Sigma_L < -P_i$
- 8. Přidej: $H < -q_3$
- 9. Vrchní množina: Quick Hull $(1,0,\Sigma_U,H)$
- 10. Přidej: $H < -q_1$
- 11. Spodní množina: Quick Hull $(0, 1, \Sigma_U, H)$

Lokální procedura - Quick Hull:

- 1. Najdi bod $\bar{p} = argmax_{\forall P_i \in \Sigma} ||P_i (P_s, P_e)||, \bar{p} \in \sigma_r(P_s, P_e)$
- 2. Pokud: $\bar{p} \neq 0 -> P_i \in \sigma_r$
- 3. $Quick\ Hull\ (s, \overline{i}, \Sigma, H)$ Vrchní množina
- 4. $H < -\bar{p}$
- 5. $Quick\ Hull\ (\bar{i}, e, \Sigma, H)$ Spodní množina

3.3 Sweep Line

Metoda Sweep Line rozděluje množinu bodů na zpracovanou a nezpracovanou. Množiny jsou rozděleny přímkou, většinou rovnoběžnou s některou souřadnicovou osou. Body je tedy potřeba seřadit podle této osy. Vyhodnocování probíhá postupně pro každý bod.



Obrázek 3.4: Princip Quick Hull Algorithm [1]

3.3.1 Problematické situace u Sweep Line Algorithm

Problémy u této metody nastanou v případě výskytu duplicitních bodů, proto je dobré ještě před započetím výpočtu tyto body odstranit.

3.3.2 Implementace metody

U metody Sweep line se velký důraz klade na správné indexování, proto je důležité chápat všech šest možných pozic v množině bodů.

Indexy algoritmu:

- p[i] předchůdce i-tého vrcholu, (i-1)-ty vrchol.
- n[i] následník i-tého vrcholu, (i+1)-ty vrchol.

- p[p[i]] předchůdce předchůdce, (i-2)-ty vrchol.
- n[n[i]] následník následníka, (i+2)-ty vrchol.
- n[p[i]] následník předchůdce, i-ty vrchol.
- \bullet p[n[i]] předchůdce následníka, i-ty vrchol.

Sweep Line Algorithm:

- 1. Seřaď: $P_{\Sigma} = sort(P_i)$ podle X
- 2. Pokud: $(P_3 \in \sigma_L(P_1; P_2))$
- 3. n[1] = 2, n[2] = 3, n[3] = 1
- 4. p[1] = 3, p[2] = 1, p[3] = 2
- 5. Jinak:
- 6. n/1/=3, n/3/=2; n/2/=1
- 7. p[1] = 2, p[3] = 1; p[2] = 3
- 8. Pro: $P_i \in P_{\Sigma}, i > 3$
- 9. Pokud: $(Y_i > Y_{i-1})$
- 10. p[i] = i-1, n[i] = n[i-1]
- 11. Jinak:
- 12. n[i] = i-1, p[i] = p[i-1]
- 13. n/p/i/l = i, p/n/i/l = i
- 14. Dokud: $(n[n[i]]) \in \Sigma_R$ (i; n[i])
- 15. p/n/n/i// = i, n/i/ = n/n/i//
- 16. Dokud: $(p[p[i]]) \in \Sigma_L (i, p[i])$
- 17. n/p/p/i/// = i, p/i/ = p/p/i//

Vstup a výstup aplikace

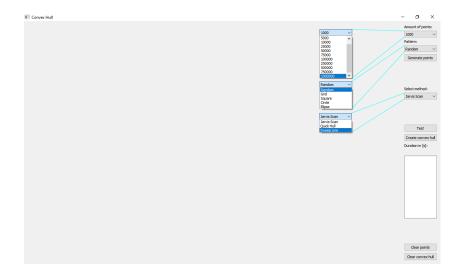
4.1 Vstup

Vstupními daty pro tuto úlohu je množina bodů, kterou uživatel může vytvořit kliknutím myši do grafické části aplikace. Druhá možnost jak vytvořit body je automatikou generací, kdy uživatel zvolí počet bodů, který chce vytvořit z nabídky možností od 1 000 až po 1 000 000 bodů a dále zvolí, zda mají být body vygenerovány náhodně, v pravidelném rastru, na kružnici, na elipse nebo ve tvaru čtverce.

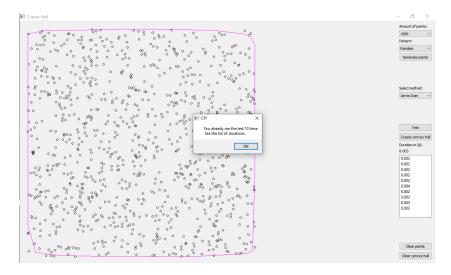
4.2 Výstup

Výstupem úlohy je grafická aplikace, která ze zadaných nebo vygenerovaných bodů vytvoří konvexní obálku. Konvexní obálku lze vytvořit pomocí algoritmů Jarvis Scam, Quick Hull nebo Sweep Line. Po provedení se vytvoří polygon konvexní obálky. Výstupem je také časový údaj doby, kterou algoritmus potřeboval pro výpočet obálky. Z časových údajů jsou vytvořené grafy a tabulky jako další výstup úlohy.

4.2.1 Prostředí programu



Obrázek 4.1: Prostředí po spuštění aplikcace - možné volby

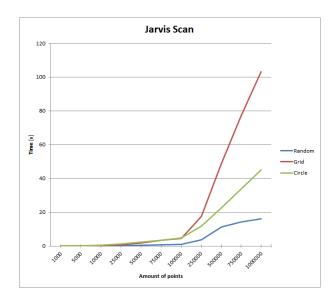


Obrázek 4.2: Hláška ukočení testu trvání generování a vykreslení algoritmu

4.2.2 Výpočetní čas

					Jarvis	ocan					
Random	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
121100111						[msec]					
1	3	24	52	135	461	964	670	6251	11242	3160	15234
2	3	23	63	70	394	748	1555	799	14376	23290	5455
3	3	17	26	153	280	358	1589	2928	9500	26084	30509
4	3	13	24	99	256	1007	1540	5035	6506	19322	8122
5	3	20	39	120	379	979	213	4425	3006	9230	11913
6	2	14	42	147	163	715	539	2460	17511	12994	13054
7	4	17	48	88	300	810	320	6751	16919	16499	19578
8	2	21	49	118	245	826	1416	2501	11832	6797	23630
9	3	13	39	145	349	875	386	2472	13813	8451	25684
10	3	18	31	146	613	680	1819	2780	8569	15936	8181
Průměr [s]	0.003	0.018	0.041	0.122	0.344	0.796	1.005	3.640	11.327	14.176	16.136
	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Grid						[msec]					
1	5	60	166	583	1742	3237	4623	18128	49779	77621	101283
2	6	53	182	608	1736	3235	4293	17579	49263	77156	105438
3	5	52	219	627	1718	3309	4467	17270	48845	76776	102 258
4	6	72	159	613	1728	3148	4353	17401	48218	77758	104568
5	5	61	163	577	1702	3150	4278	17483	49081	77449	102987
6	6	53	181	616	1697	3283	4397	17806	48686	77731	103 157
7	5	53	157	652	1675	3949	4393	17397	48571	75124	103294
8	6	53	157	610	1740	3205	4389	17396	49768	76586	103420
9	5	53	190	614	1687	3176	4264	17471	48312	76513	100567
10	5	52	197	606	1683	3193	4318	17465	48690	76379	106125
Průměr [s]	0.005	0.056	0.177	0.611	1.711	3.289	4.378	17.540	48.921	76.909	103.310
	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Circle						[msec]					
1	30	215	446	1171	2325	3444	4647	11762	22685	33571	44852
2	30	235	464	1147	2301	3468	4730	12003	22893	33571	44882
3	26	239	429	1161	2365	3560	4702	11522	23246	33571	44912
4	27	217	433	1162	2355	3458	4741	11808	23104	33571	44942
5	26	234	489	1197	2364	3429	4714	11528	21956	33571	44972
6	26	235	458	1250	2281	3523	4701	11694	22351	33571	45002
7	26	217	434	1151	2319	3521	4656	11473	22485	33571	45032
8	27	214	454	1175	2292	3551	4721	11565	22642	33571	45062
9	26	236	457	1183	2304	3620	4663	11665	22581	33571	45092
10	26	238	430	1168	2301	3617	4584	11687	23245	33571	45122
Průměr [s]	0.027	0.228	0.449	1.177	2,321	3,519	4,686	11.671	22.719	33,571	44,987

Obrázek 4.3: Jarvis Scan - vcšechny množiny



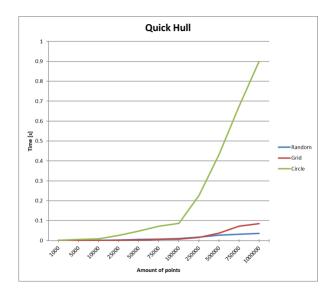
Obrázek 4.4: Jarvis Scan - vcšechny množiny

Jarvis Scan									
Počet bodů	očet bodů Random[s] Grid[s]								
1000	0.003	0.005	0.027						
5000	0.018	0.056	0.228						
10000	0.041	0.177	0.449						
25000	0.122	0.611	1.177						
50000	0.344	1.711	2.321						
75000	0.796	3.289	3.519						
100000	1.005	4.378	4.686						
250000	3.640	17.540	11.671						
500000	11.327	48.921	22.719						
750000	14.176	76.909	33.571						
1000000	16.136	103.310	44.987						

Obrázek 4.5: Jarvis Scan - vcšechny množiny, hodnoty

					Quick	Hull					
Dan dam	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Random						[msec]					
1	0	0	1	4	5	8	11	18	24	32	35
2	0	1	2	3	5	8	8	20	39	28	36
3	0	0	1	3	9	6	9	17	28	32	36
4	1	1	1	3	6	7	8	20	27	34	34
5	0	1	2	2	6	7	14	16	26	32	38
6	0	1	2	4	4	7	8	19	31	36	36
7	0	0	1	3	6	6	10	19	25	29	38
8	0	1	1	2	6	6	10	16	25	30	36
9	0	1	2	3	4	6	9	19	26	32	36
10	0	1	1	4	5	7	9	18	31	32	35
Průměr[s]	0.000	0.001	0.001	0.003	0.006	0.007	0.010	0.018	0.028	0.032	0.036
	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Grid						[msec]					
1	1	0	0	2	3	5	7	17	35	72	82
2	0	1	1	1	3	5	8	17	33	65	83
3	0	0	1	2	4	5	7	16	40	68	83
4	0	0	1	2	3	4	7	17	34	60	82
5	0	1	1	1	3	5	6	16	35	135	82
6	1	0	1	1	3	5	6	16	34	83	84
7	0	1	1	1	4	5	7	16	34	59	82
8	0	1	1	2	3	10	6	18	56	60	80
9	0	0	1	2	4	5	7	16	34	59	83
10	0	1	1	1	3	5	6	17	38	60	107
Průměr[s]	0.000	0.001	0.001	0.002	0.003	0.005	0.007	0.017	0.037	0.072	0.085
	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Circle						[msec]					
1	1	6	10	23	42	63	89	224	425	659	1011
2	1	5	9	26	44	66	83	214	428	633	888
3	1	6	10	22	44	88	84	259	436	662	844
4	1	6	10	38	42	91	108	237	415	660	916
5	1	6	9	21	42	64	85	242	445	651	914
6	1	6	9	50	43	68	83	215	437	678	868
7	1	6	9	22	43	65	85	215	418	678	843
8	1	6	10	22	69	65	87	211	448	684	922
9	1	6	9	22	68	66	85	217	466	739	893
10	1	6	8	21	45	89	85	232	411	676	897
Průměr[s]	0.001	0.006	0.009	0.027	0.048	0.073	0.087	0.227	0.433	0.672	0.900

Obrázek 4.6: Quick Hull - v
cšechny množiny



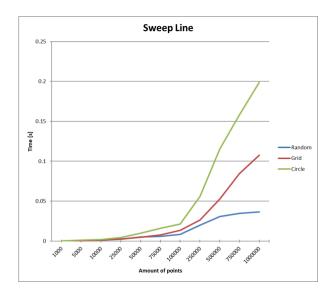
Obrázek 4.7: Quick Hull - vcšechny množiny

Quick Hull									
Počet bodů	Random[s]	Grid[s]	Circle[s]						
1000	0.000	0.000	0.001						
5000	0.001	0.001	0.006						
10000	0.001	0.001	0.009						
25000	0.003	0.002	0.027						
50000	0.006	0.003	0.048						
75000	0.007	0.005	0.073						
100000	0.010	0.007	0.087						
250000	0.018	0.017	0.227						
500000	0.028	0.037	0.433						
750000	0.032	0.072	0.672						
1000000	0.036	0.085	0.900						

Obrázek 4.8: Quick Hull - vcšechny množiny, hodnoty

				5	weep	Line					
Random	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Nandom						[msec]					
1	1	1	1	2	4	6	9	19	30	35	37
2	0	1	1	2	5	6	8	20	30	36	36
3	0	0	1	2	5	5	8	20	30	34	36
4	0	1	1	3	9	6	9	19	31	34	36
5	0	1	1	3	5	6	8	21	31	34	36
6	0	1	1	2	4	5	8	20	31	36	37
7	0	0	1	2	4	6	8	21	30	36	36
8	0	1	1	2	4	6	8	20	27	33	37
9	0	0	1	3	5	6	8	20	30	34	36
10	0	1	1	2	5	6	8	20	39	35	38
Průměr[s]	0.000	0.001	0.001	0.002	0.005	0.006	0.008	0.020	0.031	0.035	0.037
	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
Grid	1000	5000	10000	25000	30000	[msec]	100000	250000	300000	7 30000	1000000
1	0	1	1	3	5	7	17	26	54	83	110
2	0	1	1	2	5	7	11	26	52	84	108
3	0	0	1	3	5	9	15	26	55	86	108
4	1	1	1	2	5	7	17	25	53	85	109
5	0	0	1	3	4	8	11	25	55	89	106
6	0	1	1	2	5	7	19	25	53	85	107
7	0	1	1	3	5	8	16	26	51	83	107
8	0	0	1	3	5	8	9	25	52	83	106
9	0	0	1	2	5	8	10	33	52	83	108
10	0	0	1	2	5	8	10	28	51	82	105
Průměr[s]	0.000	0.001	0.001	0.003	0.005	0.008	0.014	0.027	0.053	0.084	0.107
Circle	1000	5000	10000	25000	50000	75000	100000	250000	500000	750000	1000000
				_		[msec]			447	455	
1	0	1	2	5	10	16	22	55	117	159	197
2	0	1	2	5	10	17	20	55	116	158	201
3	0	1	2	4	10	16	21	55	114	158	201
4	0	1	1	4	9	16	22	58	118	158	198
5	0	1	2	5	10	16	21	57	115	158	198
6	0	1	2	4	10	17	21	57	115	157	198
7	0	1	2	4	10	16	21	55	115	158	199
8	0	1	2	4	10	16	22	57	114	158	198
9	0	1	2	5	10	15	21	55	116	159	200
10	0	1	2	5	10	16	22	56	115	158	199
Průměr [s]	0.000	0.001	0.002	0.005	0.010	0.016	0.021	0.056	0.116	0.158	0.199

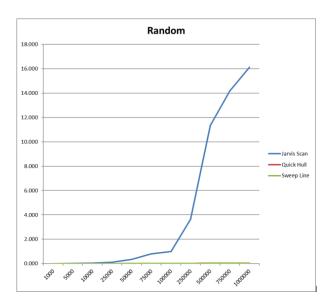
Obrázek 4.9: Sweep Line - vcšechny množiny



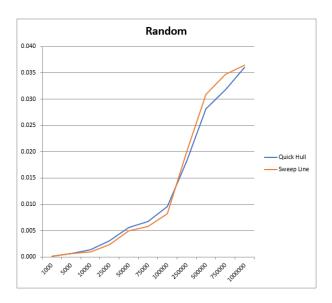
Obrázek 4.10: Sweep Line - vcšechny množiny

Sweep Line									
Počet bodů	Random[s]	Grid[s]	Circle[s]						
1000	0.000	0.000	0.000						
5000	0.001	0.001	0.001						
10000	0.001	0.001	0.002						
25000	0.002	0.003	0.005						
50000	0.005	0.005	0.010						
75000	0.006	0.008	0.016						
100000	0.008	0.014	0.021						
250000	0.020	0.027	0.056						
500000	0.031	0.053	0.116						
750000	0.035	0.084	0.158						
1000000	0.037	0.107	0.199						

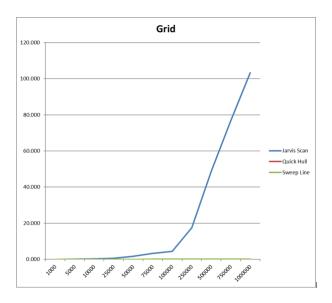
Obrázek 4.11: Sweep Line - vcšechny množiny, hodnoty



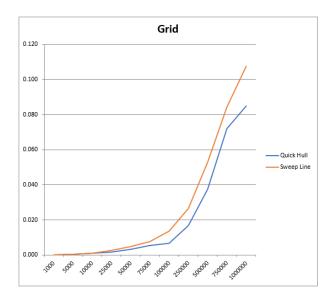
Obrázek 4.12: Všechny algoritmy - množina náhodných bodů



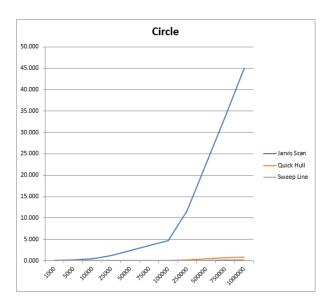
Obrázek 4.13: Sweep Line a Quick Hull - množina náhodných bodů



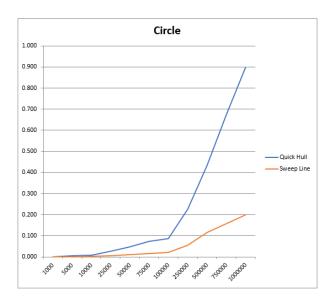
Obrázek 4.14: Všechny algoritmy - množina bodů v mřížce



Obrázek 4.15: Sweep Line a Quick Hull - množina bodů v mřížce



Obrázek 4.16: Všechny algoritmy - množina bodů v kruhu



Obrázek 4.17: Sweep Line a Quick Hull - množina bodů v kruhu

Dokumentace tříd a jejich metod

5.1 Algorithms

- double getPointLineDistance(QPoint &q, QPoint &p1, QPoint &p2)
 Tato funkce počítá vzdálenost bodu q od přímky. Přímka je zadaná dvěma body. Na
 vstupu funkce jsou tři body a výstupem je vzdálenost typu double.
- int getPointLinePosition(QPoint &q,QPoint &p1,QPoint &p2)

 Tato funkce určuje pozici bodu vůči linii. Na vstupu funkce je určovaný bod a dva body přímky "a"a "b". Ze dvou bodů přímky můžeme určit determinant, jehož hodnotu porovnáváme se zvolenou minimální hodnotou "eps". Výstupem funkce je celé číslo, které nabývá hodnot 1(pod leží v levé polorovině), 0(bod leží v pravé polorovině) a -1(bod leží na hraně).
- double getAngle2Vectors(QPoint &p1,QPoint &p2,QPoint &p3,QPoint &p4)
 Tato funkce počítá úhel mezi dvěma hranami. Na vstupu jsou 4 body, které určují dvě
 přímky. Výstupem je velikost úhlu ve stupních typu double.
- double getLength2Points(QPoint q, QPoint p)
 Tato funkce počítá vzdálenost mezi dvěma body. Na vstupu funkce jsou dva body a výstupem je vzdálenost typu double.
- QPolygon jarvisScan(std::vector<QPoint> &points)
 Funkce, která metodou Jarvis Scan zjišťuje konvexní obálku množiny bodů. Na vstupu je množina všech bodů. Výstupem je množina bodů tvořící polygon.
- QPolygon qHull(std::vector<QPoint> &points)
 Funkce, která metodou Quick Hull zjišťuje konvexní obálku množiny bodů. Na vstupu je množina všech bodů. Výstupem je množina bodů tvořící polygon.
- void qh(int s, int e, std::vector<QPoint> &points, QPolygon &ch)
 Pomocná funkce pro určení konvexní obálky metodou Quick Hull. Jedná se o rekurzivní funkci, hledající nejvzdálenější bod vpravo od zadané úsečky. Na vstupu je počáteční bod úsečky, koncový bod úsečky, množina bodů, a body v konvexní obálce. Funkce nemá žádnou návratovou hodnotu, pouze ukládá nalezený bod do množiny bodů konvexní obálky.

- QPolygon sweepLine(std::vector<QPoint> &points)
 Funkce, která metodou Sweep Line zjišťuje konvexní obálku množiny bodů. Na vstupu je množina všech bodů. Výstupem je množina bodů tvořící polygon.
- QPolygon strictlyCH(QPolygon ch)
 Funkce, která tvoří striktně konvexní obálku. Vstupem je množina bodů tvořící konvexní obálku. Výstupem je tatáž množina bez bodů, které leží na úsečce mezi předchozím a následujícím bodem obálky.

5.2 Draw

- void mousePressEvent(QMouseEvent *event)
 Metoda, která slouží ke vkládání bodů po kliknutí do grafického okna.
- void paintEvent Metoda, která vykresluje vygenerované body a konvexní obálku.
- void clearCH() Slouží k vyčištění grafického okna od konvexní obálky.
- void clearPoints()
 Slouží k vyčištění grafického okna od všech bodů.
- void setCH(QPolygon &hull)
 Metoda, která převádí konvexní obálku do grafického okna.
- std::vector<QPoint>generatePointsRandom(int n_points)
 Metoda, která generuje množinu náhodných bodů. Na vstupu je počet bodů, který má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.
- std::vector<QPoint>generatePointsGrid(int n_points)
 Metoda, která generuje množinu bodů v pravidelném gridu. Na vstupu je počet bodů, který má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.
- std::vector<QPoint>generatePointsSquare(int n_ points)
 Metoda, která generuje množinu bodů ve tvaru čtverce. Na vstupu je počet bodů, který má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.
- std::vector<QPoint>generatePointsCircle(int n_ points)
 Metoda, která generuje množinu bodů ve tvaru kruhu. Na vstupu je počet bodů, který
 má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.
- std::vector<QPoint>generatePointsEllipse(int n_points) Metoda, která generuje množinu bodů ve tvaru elipsy. Na vstupu je počet bodů, který má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.
- std::vector<QPoint>generatePointsStar(int n_points) Metoda, která generuje množinu bodů ve tvaru hvězdy. Na vstupu je počet bodů, který má množina obsahovat. Výstupem je vektor bodů.

- void setPoints(std::vector<QPoint> gen_points) Metoda, která převádí body z grafického okna.
- double save Time(std::vector<double> times)
 Metoda, která ukládá čas výpočtu algoritmu.

5.3 Widget

- void on_pushButton_clicked
 Spustí výpočet algoritmu pro určení konvexní obálky. V aplikaci se jedná o tlačítko
 Create convex hull.
- void on_pushButton_2_clicked Smaže množinu bodů. V aplikaci se jedná o tlačítko Clear points.
- void on_pushButton_3_clicked Smaže konvexní obálku. V aplikaci se jedná o tlačítko Clear convex hull.
- void on_generate_clicked Vygeneruje množinu bodů. V aplikaci se jedná o tlačítko Generate points.

5.4 sortbyy

Třída sortbyy slouží k setřídění bodů podle Y-ové souřadnice.

bool operator() (QPoint &p1, QPoint &p2)
 Z dvojice bodů vrátí ten s větší Y-ovou souřadnicí.

Závěr

Ve vytvořené aplikaci lze vygenerovat množinu bodů čtyřmi různými způsoby a vytvořit jejich konvexní obálku třemi různými metodami. Aplikace pak zvolenou kombinaci znázorní v grafickém prostředí. Program řeší i případy, kdy se na jedné hraně nalézá více bodů. Efektivnost dané kombinace je možno otestovat z hlediska výpočetního času.

Metoda Jarvis Scan je pro dané scénáře časově nejnáročnější a tudíž nejméně vhodná. Zbylé dvě metody vůči sobě nevykazují výrazné rozdíly.

6.1 Neřešené problémy a náměty

- Z časové tísně nebyla v úloze vyřešena konstrukce konvexní obálky metodou Graham Scan a konstrukce Minimum Area Enclosing box pro žádnou z metod.
- Data jsou předem velikostně definována, jelikož program má předdefinovanou velikost vykreslovacího okna. V ideálním případě by bylo dobré, kdyby se načtená data sama přízpůsobila velikosti okna.
- Praktické by též bylo rozšířit aplikaci o funkci vykreslující grafy časové náročnosti přímo v grafickém prostředí.

Literatura

- [1] T. Bayer. Konvexní obálka množiny bodů, přednáška č. 4 předmětu Algoritmy v digitální kartografii, 2016. https://web.natur.cuni.cz.
- [2] T. Bayer. Konvexní obálky a jejich konstrukce, cvičení č. 2 předmětu Algoritmy v digitální kartografii, 2016. https://web.natur.cuni.cz.

Příloha A

Zdrojový kód aplikace

Zdrojový kód aplikace je dostupný z veřejného profilu petrposkocilna github.com Jméno repozitáře: $ADK_poskocil_faber$ Podsložka: u2 ch

https://github.com/petrposkocil/ADK_poskocil_faber/U2/U2_ch

Obsažené soubory:

```
CH.pro //Qt creator project file algorithms.h //Header file draw.h //Header file sortbyx.h //Header file sortbyy.h //Header file widgets.h //Header file main.cpp //Source code file algorithms.cpp //Source code file draw.cpp //Source code file sortbyx.cpp //Source code file sortbyy.cpp //Source code file widgets.cpp //Source code file widgets.cpp //Source code file widget.ui //User interface file
```

Příloha B

Aplikace - binární soubor

Aplikace je dostupná z veřejného profilu petrposkocilna github.com

Jméno repozitáře: $ADK_poskocil_faber$

Soubor: CH. exe

https://github.com/petrposkocil/ADK_poskocil_faber/U2/CH.exe

Příloha C

Výstupní data

Výstupní data jsou ve fromě grafického znázornění kovexní obálky nad množinou bodů.