

GA: ALGORITMOS GENÉTICOS

ALAN REYES-FIGUEROA MÉTODOS NUMÉRICOS II

(AULA 31) 07.NOVIEMBRE.2023

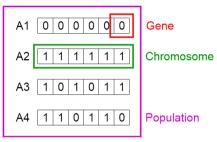
Fundamentos:

Los algoritmos genéticos se basan en una analogía con la estructura genética y el comportamiento de los cromosomas de la población. Los siguiente son los supuestos básicos de los GA:

- Los individuos de la población compiten por los recursos y se reproducen.
- Aquellos individuos que tienen éxito (más aptos) tienen mayor probabilidad de éxito para crear descendencia.
- Los genes de los padres "más aptos" se propagan a lo largo de la siguiente generación, (los padres crean descendencia que es mejor que ellos).
- En cada generación sucesiva, la población se adapta más a su entorno.

La población de individuos se mantiene siempre dentro del espacio de búsqueda. Cada individuo representa una solución en el espacio de búsqueda para un problema dado. Usualmente, cada individuo se codifica como un vector de longitud finita (análogo al cromosoma). Estas componentes son análogos a los genes.

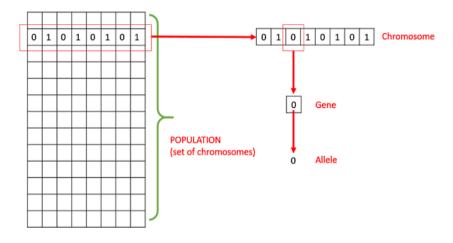




Representación de la población en un GA.

Combinatorial optimization	Genetic algorithm
Encoded solution	Chromosome
Solution	Decoded chromosome
Set of solutions	Population
Objective function	Fitness function





Función de Fitness:

A cada individuo se le otorga una puntuación de fitness, que muestra la capacidad de un individuo para "competir". Se busca al individuo que tenga una puntuación de fitness óptima (o casi óptima).

Los GA mantienen la población de *N* individuos (cromosomas/soluciones) junto con su función de fitness. Los individuos que tienen mejor *fitness* tienen más posibilidades de reproducirse que otros. Se seleccionan los individuos con mejores puntajes fitness, para que se reproduzcan y generen mejores descendientes al combinar los cromosomas de los padres. El tamaño *N* de la población es estático, por lo que se debe crear lugar para los recién llegados. Entonces, algunos individuos mueren y son reemplazados por recién llegados, eventualmente creando una nueva generación cuando se agotan todas las oportunidades de reproducción de la población anterior. Se espera que, a lo largo de generaciones sucesivas, lleguen mejores soluciones mientras que los menos aptos mueren.



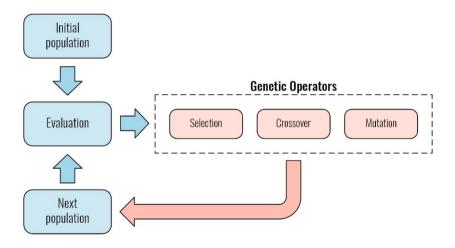
Cada nueva generación tiene en promedio más "mejores genes" que la solución de las generaciones anteriores. Así, cada nueva generación tiene mejores "soluciones parciales" que las generaciones anteriores. Una vez que la descendencia producida no tiene una diferencia significativa con la descendencia producida por poblaciones anteriores, la población converge. Se dice que el algoritmo converge a un conjunto de soluciones para el problema.

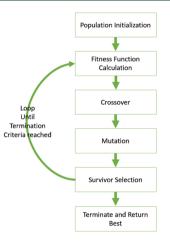
Usualmente, los algoritmos genéticos inician con una población inicial de tamaño N, la cual se elige de forma aleatoria dentro del espacio de soluciones.

Operadores:

Una vez que se crea la generación inicial, el algoritmo evoluciona la generación utilizando los siguientes operadores:

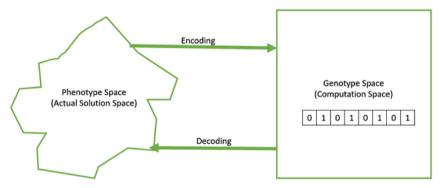
- 1. **Operador de Selección**: La idea es dar preferencia a individuos con buenos puntajes fitness y permitirles pasar sus genes a generaciones sucesivas.
- Operador de Cruce: Representa el apareamiento entre individuos. Se seleccionan dos individuos mediante el operador de selección y se diseña una estrategia para combinar sus genes, creando así un individuo completamente nuevo (descendencia).
- 3. **Operador de mutación:** La idea clave es insertar genes aleatorios en la descendencia para mantener la diversidad en la población y evitar la convergencia prematura. Se diseña un esquema que altera los genes de un solo individuo.





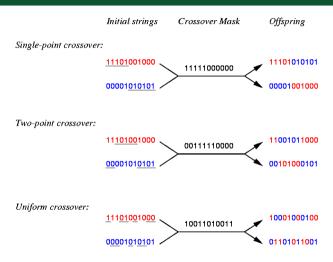
Esquema general de un GA.





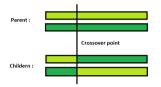
Esquema general de un GA.

Operadores de Cruce





Operadores de Cruce



Chromosome1	11011 00100110110
Chromosome2	11011 11000011110
Offspring1	11011 11000011110
Offspring2	11011 00100110110

Single Point Crossover

Parent :		
	Crossover Point	
Children :		

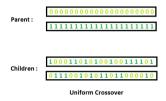
Chromosome1	11011 00100 110110
Chromosome2	10101 11000 011110
Offspring1	11011 11000 110110
Offspring2	10101 00100 011110

Two Point Crossover

Algunos ejemplos de operadores de cruza y mutación



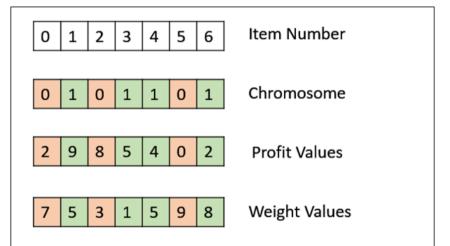
Operadores de Cruce



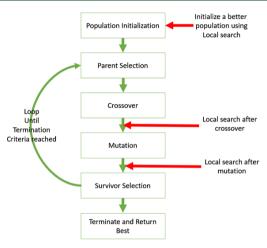
Operador de cruce uniforme.



Operador de cruce de recombinación aritmética. Los descendientes se calculan mediante una combinación convexa $\alpha \mathbf{x}_1 + (1 - \alpha)\mathbf{x}_2$, con $0 < \alpha < 1$.







Mejoras a un GA introduciendo esquemas de búsqueda local.

