

Algoritmo de Glushkov

Alan Reyes-Figueroa

Teoría de la Computación

(Aula 05b) 25.julio.2022

Equivalencia de AFNs y
expresiones regulares (Parte 1)

Método de Glushkov

Dada una expresión regular e , construye un AFN que acepta $L(e)$.

Paso 1: (linealización de la expresión). Cada letra o símbolo que aparece en la expresión e es re-etiquetado, de forma que cada símbolo no se repita más de una vez.

□ e.g. si un símbolo a aparece varias veces, cada ocurrencia por a_1, a_2, \dots, a_k .

Sea A el alfabeto original, y sea B el alfabeto nuevo.

Método de Glushkov

Paso 2a: (cálculo de los lenguajes $P(e')$, $D(e')$, $F(e')$).

$P(e')$ es el conjunto de símbolos que ocurren al inicio de cualquier palabra w . $D(e')$ es el conjunto de símbolos que ocurren al final de cualquier palabra w , $F(e')$ es el conjunto de pares o *bigramas* que ocurren en cualquier cadena w .

- $P(e') = \{x \in B: xB^* \cap L(e') \neq \emptyset\}$
- $D(e') = \{y \in B: B^*y \cap L(e') \neq \emptyset\}$
- $F(e') = \{u \in B^2: B^*uB^* \cap L(e') \neq \emptyset\}.$

Método de Glushkov

Paso 2b: (cálculo de $\Lambda(e')$).

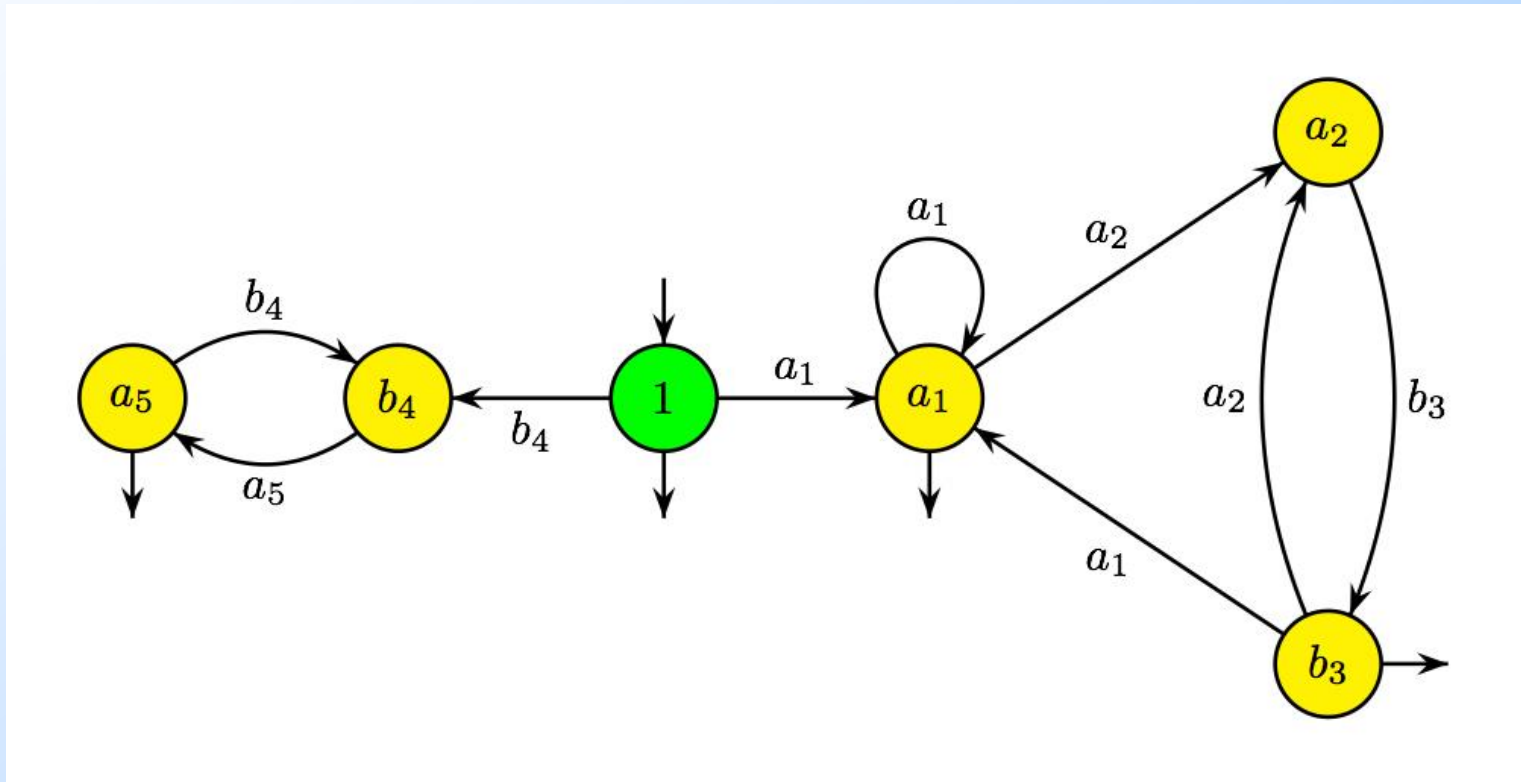
Si la palabra vacía ε está en $L(e')$, entonces $\Lambda(e') = \{\varepsilon\}$.
Caso contrario, $\Lambda(e') = \emptyset$.

Paso 3: (cálculo del autómata local). Construimos el autómata $L' = (PB^* \cap B^*D) \setminus B^*(B^2 \setminus F)B^*$.

- Este tiene un estado inicial q_0 , y tiene un estado por cada símbolo de B .
- Hay transiciones de q_0 a cada letra en $P(e')$
- Hay transiciones de x a y para cada bigrama en $F(e')$
- Hay estados de aceptación en cada letra en $D(e')$.

Ejemplo

□ $(a(ab^*)^* + (ba)^*)^*$



Ejemplo

□ $(a(ab^*)^* + (ba)^*)^*$

