

# Algoritmo de Glushkov

Alan Reyes-Figueroa  
Teoría de la Computación

(Aula 06b) 31.julio.2023

Equivalencia de AFNs y  
expresiones regulares (Parte 1)

# Método de Glushkov

Dada una expresión regular  $e$ , construye un AFN que acepta  $L(e)$ .

**Paso 1:** (linealización de la expresión). Cada letra o símbolo que aparece en la expresión  $e$  es re-etiquetado, de forma que cada símbolo no se repita más de una vez.

◆ e.g. si un símbolo  $a$  aparece varias veces, cada ocurrencia por  $a_1, a_2, \dots a_k$ .

Sea  $A$  el alfabeto original, y sea  $B$  el alfabeto nuevo.

# Método de Glushkov

**Paso 2a:** (cálculo de los lenguajes  $P(e')$ ,  $D(e')$ ,  $F(e')$ ).

$P(e')$  es el conjunto de símbolos que ocurren al inicio de cualquier palabra  $w$ .  $D(e')$  es el conjunto de símbolos que ocurren al final de cualquier palabra  $w$ ,  $F(e')$  es el conjunto de pares o *bigramas* que ocurren en cualquier cadena  $w$ .

- ◆  $P(e') = \{x \in B: xB^* \cap L(e') \neq \emptyset\}$
- ◆  $D(e') = \{y \in B: B^*y \cap L(e') \neq \emptyset\}$
- ◆  $F(e') = \{u \in B^2: B^*uB^* \cap L(e') \neq \emptyset\}.$

# Método de Glushkov

**Paso 2b:** (cálculo de  $\Lambda(e')$ ).

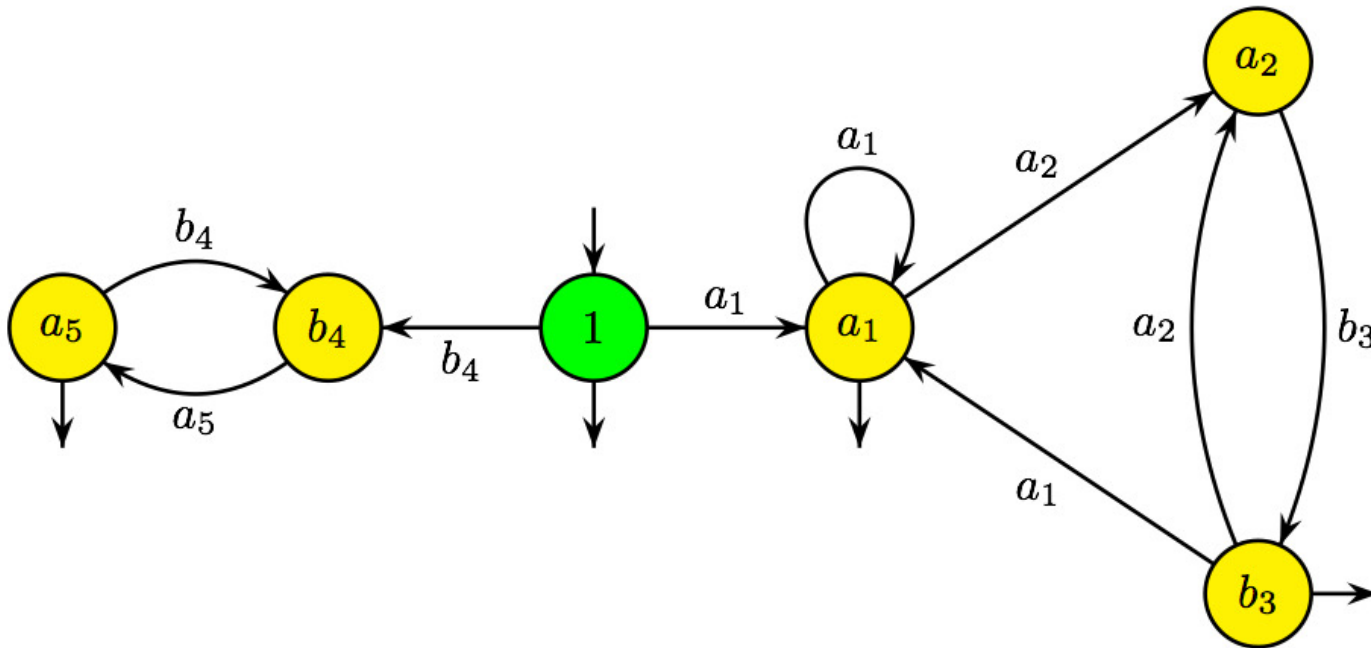
Si la palabra vacía  $\varepsilon$  está en  $L(e')$ , entonces  $\Lambda(e') = \{\varepsilon\}$ .  
Caso contrario,  $\Lambda(e') = \emptyset$ .

**Paso 3:** (cálculo del autómata local). Construimos el autómata  $L' = (PB^* \cap B^*D) \setminus B^*(B^2 \setminus F)B^*$ .

- ◆ Este tiene un estado inicial  $q_0$ , y tiene un estado por cada símbolo de  $B$ .
- ◆ Hay transiciones de  $q_0$  a cada letra en  $P(e')$
- ◆ Hay transiciones de  $x$  a  $y$  para cada bigrama en  $F(e')$
- ◆ Hay estados de aceptación en cada letra en  $D(e')$ .

# Ejemplo

◆  $(a^*(ab^*)^* + (ba)^*)^*$



## Ejemplo

◆  $(a(ab^*)^* + (ba)^*$

