

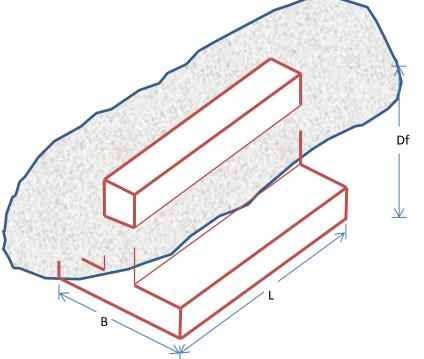
# TALLER BÁSICO DE MECÁNICA DE SUELOS

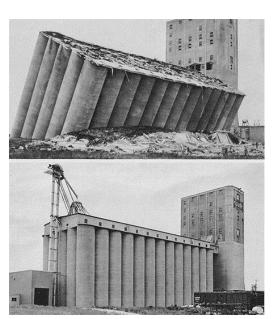
# CIMENTACIONES SUPERFICIALES CAPACIDAD DE CARGA Y ASENTAMIENTOS

Expositor: Dr. Ing. Diana Calderón Cahuana

# Introducción

Fig. 1. zapata sujeta a carga Fig. 2 Silos de Trascona





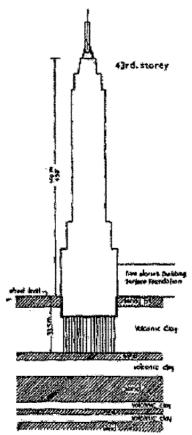


Fig. 3 Torre Latinoamericana

# Definiciones

#### **Cimentación:**

Es la parte de una estructura que proporciona apoyo a la misma y a sus cargas.

#### Capacidad de carga:

Es el esfuerzo que puede ser aplicado por una estructura o edificación al suelo que la soporta, sin causar asentamientos excesivos o peligro de falla por esfuerzo cortante.

#### Requisitos fundamentales (que debe satisfacer una cimentación):

- a. Tener un factor de seguridad (FS) mayor de 2 contra la falla por resistencia al esfuerzo cortante.
- b. Tener un asentamiento tolerable.

# **Definiciones**

#### Capacidad de carga ultima $(q_u)$ .

Se denomina al esfuerzo que causa la falla completa por esfuerzo cortante.

#### Capacidad de carga admisible (q<sub>a</sub>)

Se denomina al esfuerzo máximo que puede ser aplicado a la masa de suelo de tal forma que se cumplan los dos requisitos básicos.

#### **Problema:**

Calcular el esfuerzo total medio  $(\mathbf{q}_a)$  que se puede transmitir al suelo de cimentación sin provocar la falla.

# **Definiciones**

#### 1.- Formas de falla:

- a.1) Catastrófica (silos de trascona)
- b.1) Asentamiento excesivo

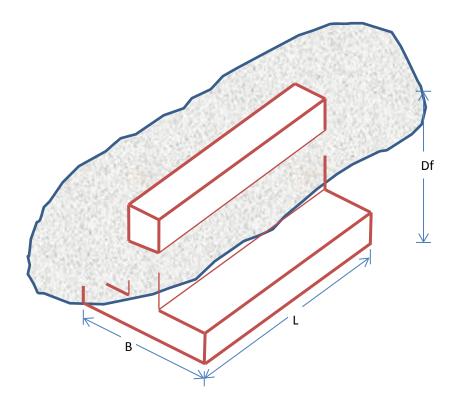
#### 2.- Variables:

- a.2) Tamaño de superficie cargada
- b.2) Forma de la superficie cargada
- c.2) Profundidad de desplante
- d.2) Propiedades del suelo de soporte

#### 3.- Fuentes:

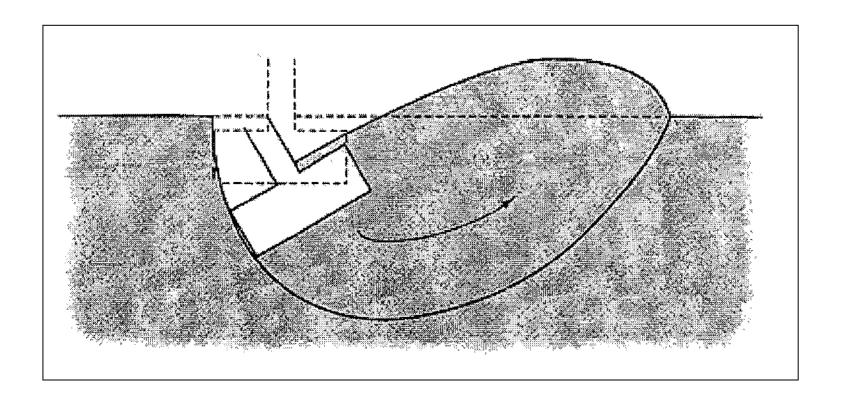
a.3) Códigos, b.3) Ensayos en sitio, y c.3) Métodos analíticos

# Cual es el problema fundamental?

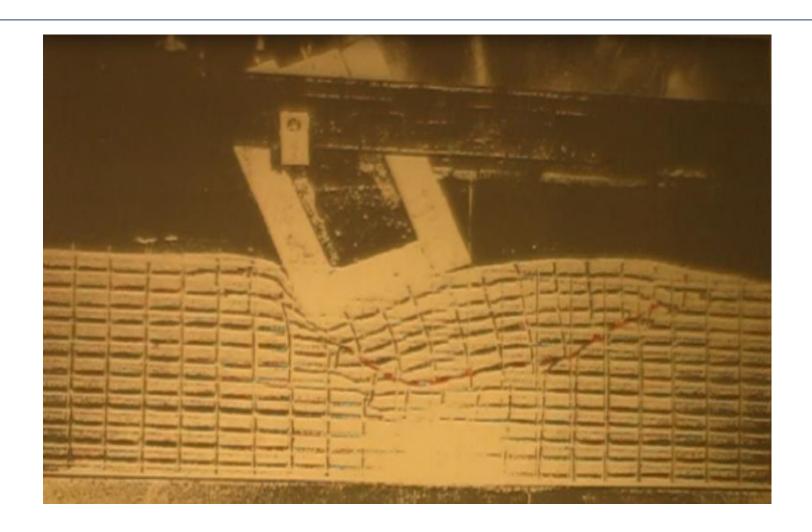


Determinar el esfuerzo

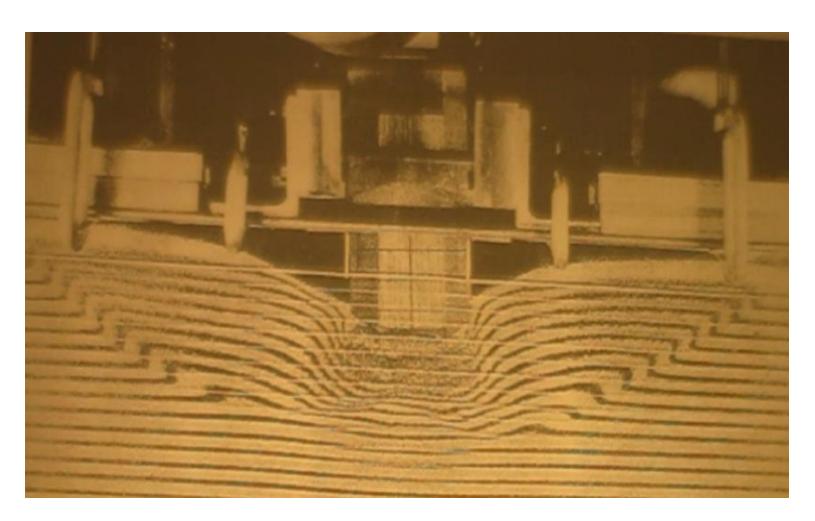
# Mecanismo de falla catastrófica



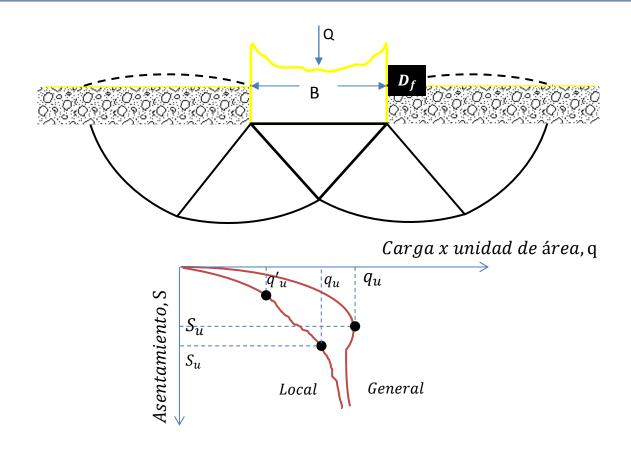
# Desarrollo empírico de la capacidad de carga



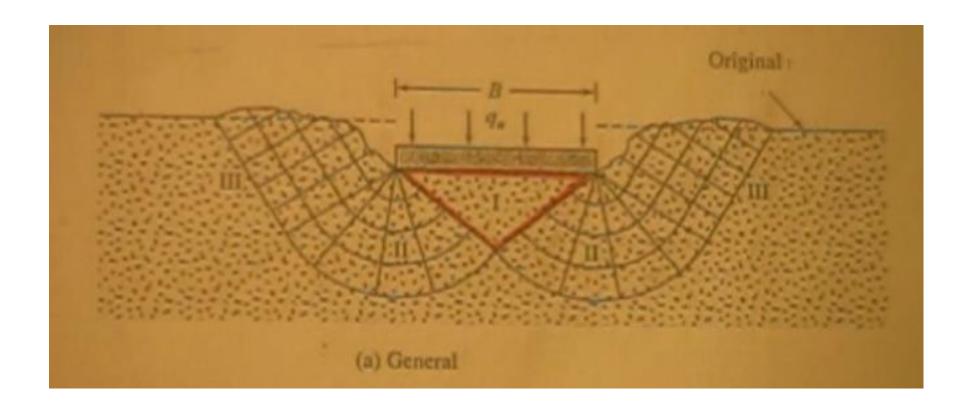
# Desarrollo empírico de la capacidad de carga



#### Curvas por tipo de falla

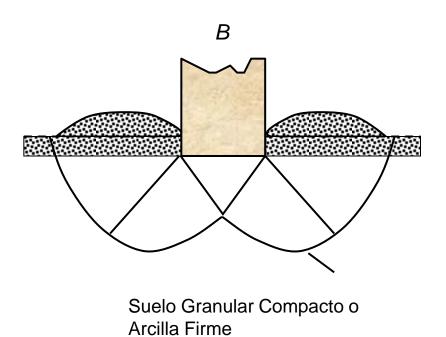


# A que se debe que presenta la falla



#### Tipos de fallas por resistencia cortante del suelo

#### Superficie de Falla General



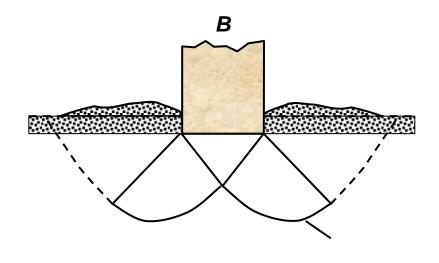
 $q_u$ 

Carga/área unitaria, q

Asentamiento

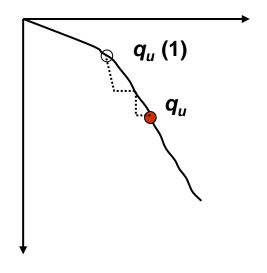
#### Tipos de fallas por resistencia cortante del suelo

#### Superficie de Falla Local



Suelo Granular Suelto o Arcilla Blando

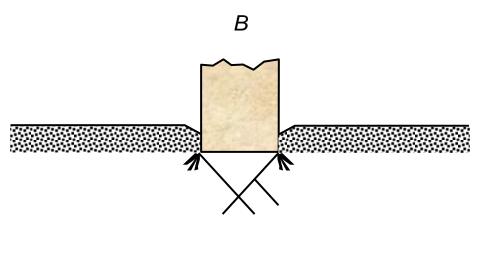
#### Carga/área unitaria, q



**Asentamiento** 

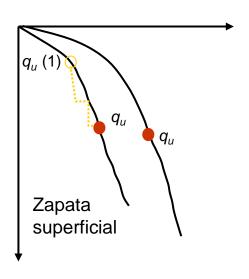
#### Tipos de fallas por resistencia cortante del suelo

#### Superficie de Falla por Punzonamiento



Suelo Granular muy Suelto o Arcilla muy Blanda

#### Carga/área unitaria, q



Asentamiento

# Enfoque teórico experimental – Prandtl

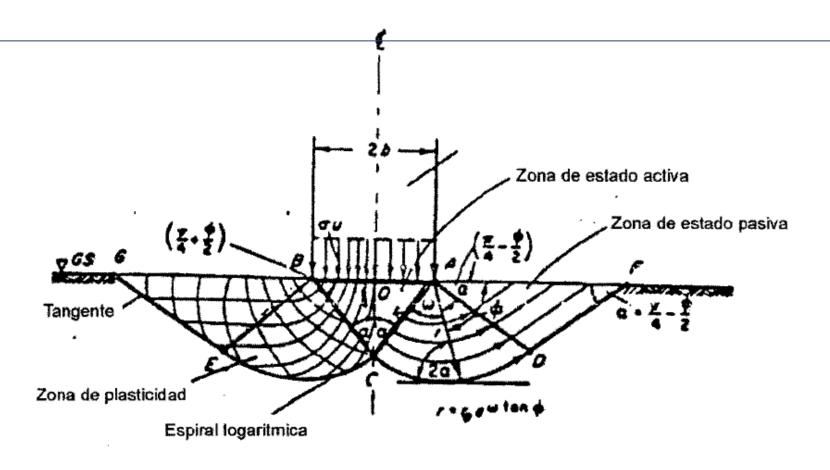


Fig. 8.3 Esquema de Prandtl

# Enfoque teórico experimental – Prandtl

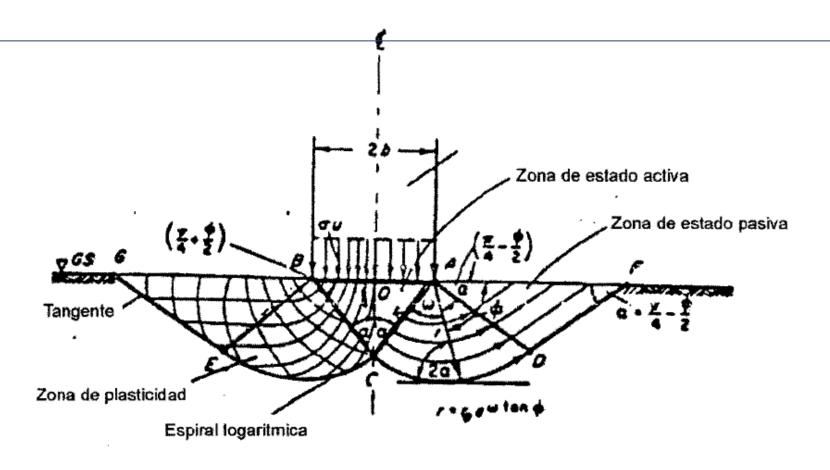


Fig. 8.3 Esquema de Prandtl

### **PRANDTL**

$$q_u = c'.Nc + \gamma.D.Nq$$

$$Nq = tan^{2}(45 + \frac{\emptyset'}{2}).e^{\pi.tan \,\emptyset'}$$

Si 
$$\emptyset$$
 es cero  $Nc = \cot \emptyset$ '.  $(Nq - 1)$ 

$$N_q = 1$$

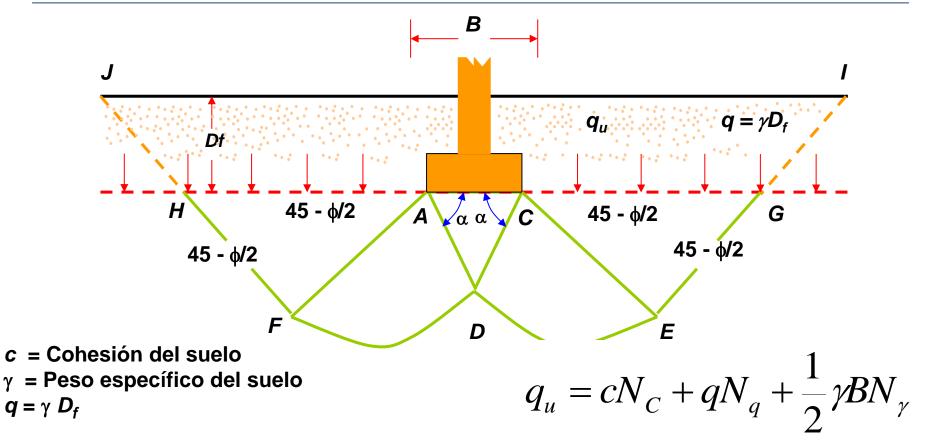
$$N_c = \pi + 2$$

### Enfoque teórico experimental – Terzagui

$$q_u = cN_C + qN_q + \frac{1}{2}\gamma BN_{\gamma}$$

$$Cohesión Sobrecarga Peso volumétrico$$

# Esquema falla capacidad de carga – Terzagui (1943)



 $N_c$ ,  $N_{q'}$ ,  $N_{\gamma}$  = Factores de capacidad de carga adimensionales que son únicamente funciones del ángulo de fricción del suelo,  $\phi$ .

# Enfoque teórico experimental – Terzagui (1943)

#### Factores de Capacidad de Carga

$$Nq = \frac{e^{\left(\frac{3\pi}{2} - \emptyset'\right) \cdot \tan \emptyset'}}{2\cos^2(45 + \frac{\emptyset'}{2})} \quad Nc = \cot \emptyset' \cdot (Nq - 1) \quad N\gamma = 0.5 \tan \emptyset' \left(\frac{Kp\gamma}{\cos^2(\emptyset')} - 1\right)$$

$$Kp\gamma = (80^{2} + 40^{2} + 3.8) \cdot tan^{2}(60 + \frac{0^{2}}{2})$$

Si Ø es cero

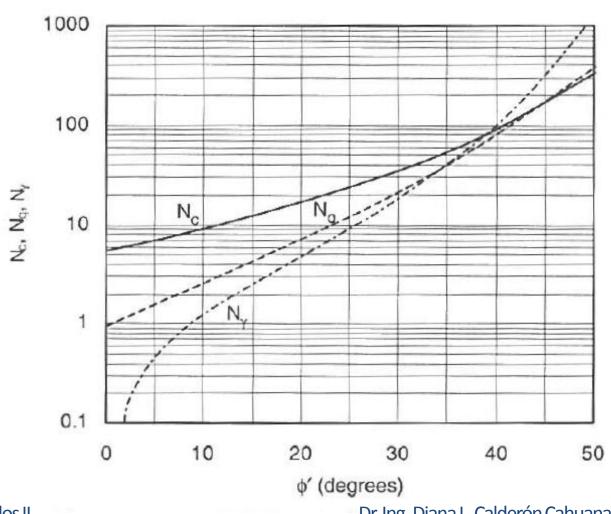
$$N_q = 1$$
  $N_c = 5.71$ 

#### Ecuación General de la Capacidad de Carga

$$q_u = cN_cS_c + qN_q + \frac{1}{2}\gamma BN_{\gamma}S_{\gamma}$$

Factor	Forma						
	Franja	circular	cuadrada				
Sc	1.0	1.3	1.3				
Sγ	1.0	0.6	0.8				

# Resumen – Terzagui (1943)



# Tabla de Nc, Nq y N $\gamma$ – Terzagui (1943)

φ	Nc	$N_q$	$N_{\gamma}^{a}$	φ	Nc	N <sub>q</sub>	N³
0	5.70	1.00	0.00	26	27.09	14.21	9.84
1	6.00	1.1	0.01	27	29.24	15.90	11.60
2	6.30	1.22	0.04	28	31.61	17.81	13.70
3	6.62	1.35	0.06	29	34.24	19.98	16.18
4	6.97	1.49	0.10	30	37.16	22.46	19.13
5	7.34	1.64	0.14	31	40.41	25.28	22.65
6	7.73	1.81	0.20	32	44.04	28.52	26.87
7	8.15	2.00	0.27	33	48.09	32.23	31.94
8	8.60	2.21	0.35	34	52.64	36.50	38.04
9	9.09	2.44	0.44	35	57.75	41.44	45.41
10	9.61	2.69	0.56	36	63.53	47.16	54.36
11	10.16	2.98	0.69	37	70.01	53.80	65.27
12	10.76	3.29	0.85	38	77.50	61.55	78.61
13	11.41	3.63	1.04	39	85.97	70.61	95.03
14	12.11	4.02	1.26	40	95.66	81.27	115.31
15	12.86	4.45	1.52	41	106.81	93.85	140.51
16	13.68	4.92	1.82	42	119.67	108.75	171.99
17	14.60	5.45	2.18	43	134.58	126.50	211.56
18	15.12	6.04	2.59	44	151.95	147.74	261.60
19	16.56	6.70	3.07	45	172.28	173.28	325.34
20	17.69	7.44	3.64	46	196.22	204.19	407.11
21	18.92	8.26	4.31	47	224.55	241.80	512.84
22	20.27	9.19	5.09	48	258.28	287.85	650.67
23	21.75	10.23	6.00	49	298.71	344.63	831.99
24	23.36	11.40	7.08	50	347.50	415.14	1072.80
25	25.13	12.72	8.34				and the second

### Resumen – Terzagui (1943)

#### Continuous footing, general case

$$q_{ult} = q^t + q^n$$

q' = portion of bearing capacity assuming weightless foundation soils

q" = portion of bearing capacity from weight of foundation soils

$$q' = cN_c + \gamma DN_q$$

$$q'' = \gamma \frac{B}{2} N_{\gamma}$$

$$q_{ult} = cN_c + \gamma DN_q + \frac{\gamma B}{2} N_{\gamma}$$

Square or rectangular footing

$$q_{\text{ult}} = cN_c \left(1 + .3\frac{B}{L}\right) + \gamma DN_q + 0.4\gamma BN_{\gamma}$$

Circular footing: R = B/2

$$q_{\rm uh} = 1.3cN_c + \gamma DN_q + 0.6\gamma RN_{\gamma}$$

For cohesionless foundation soils (c = 0)

Continuous footing:

$$q_{\text{ult}} = \gamma D N_{\text{q}} + \frac{\gamma B}{2} N_{\gamma}$$

Square or rectangular footing:

$$q_{uh} = \gamma DN_q + 0.4 \gamma BN_{\gamma}$$

Circular footing:

$$q_{uk} = \gamma DN_q + 0.6\gamma RN_{\gamma}$$

For cohesive foundation soils  $(\phi = 0)$ 

Continuous footing:

$$q_{alt} = cN_o + \gamma D$$

Square or rectangular footing:

$$q_{\text{ult}} = cN_{\text{c}}(1 + .3\frac{B}{L}) + \gamma D$$

Circular footing:

$$q_{\rm uh} = 1.3cN_c + \gamma D$$

# Capacidad de carga - Terzagui

#### **Ejemplo:**

Determine la capacidad ultima de una zapata cuadrada de ancho 1.5 m a una profundidad de 1m en un suelo con C'=10kPa,  $\phi'$  = 28°, Cu=105 kPa,  $\phi$ u=0° y  $\gamma$ = 19kN/m<sup>3</sup>.

#### Capacidad de carga - Terzagui

Con el ángulo de fricción se ingresa en la Tabla y se obtiene los factores:

$$N_q = 17.81$$
,  $N_c = 31.61$  y  $N_{\gamma} = 15.31$ 

Usando la fórmula:

$$q_u = 1.3c'N_C + \gamma DN_q + 0.4\gamma BN_{\gamma}$$

Remplazando los valores en la fórmula:

$$q_u = 1.3x10.0x31.61 + 19.0x17.81 + 0.4x1.5x19.0x15.31$$

$$q_u = 924kPa$$

#### Capacidad de carga - Terzagui

Con el ángulo de fricción para condiciones no drenadas se ingresa a la Tabla y se obtiene los siguientes factores:

$$N_{q} = 1$$
,  $N_{c} = 5.71$  y  $N_{\gamma} = 0$ 

Usando la fórmula:

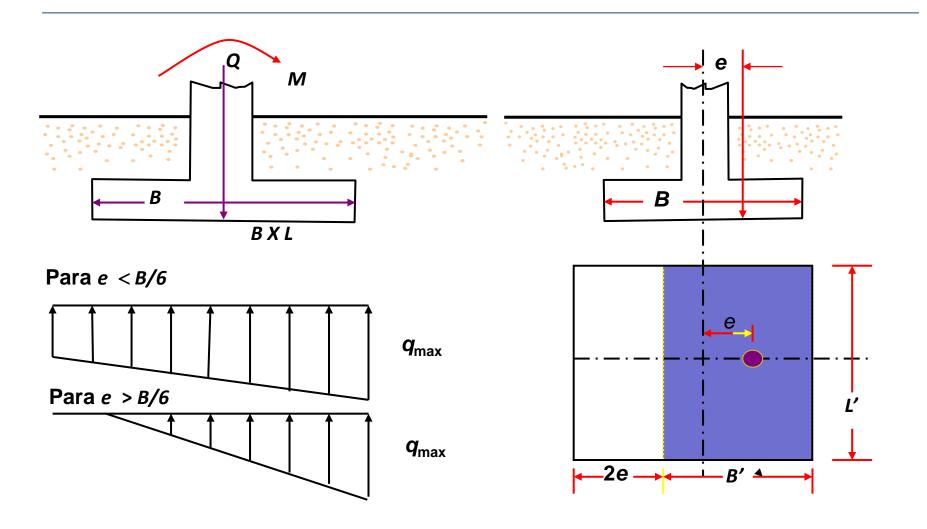
$$q_u = 1.3c'N_C + \gamma DN_q + 0.4\gamma BN_{\gamma}$$

Remplazando los valores en la fórmula:

$$q_u = 1.3x105.0x5.71 + 19.0x1.0$$

$$q_{u} = 798kPa$$

### Cimentación cargas excéntricas – Terzagui



# Cimentación cargas excéntricas – Terzagui

$$q_{\text{max}} = \frac{Q}{BL} + \frac{6M}{B^2 L}$$

$$q_{\min} = \frac{Q}{BL} - \frac{6M}{B^2L}$$

Donde *Q* = carga vertical total *M* = momento sobre la cimentación

Si e<B/6

$$e = \frac{M}{Q}$$

$$q_{\text{max}} = \frac{Q}{BL} \left( 1 + \frac{6e}{B} \right)$$

 $q_{\min} = \frac{Q}{BL} \left( 1 - \frac{6e}{B} \right)$ 

Si e>B/6

$$q_{\text{max}} = \frac{4Q}{3L(B-2e)}$$

# CIMENTACIONES CARGADAS EXCÉNTRICAMENTE

$$B' =$$
ancho efectivo  $= B - 2e$ 

$$L' = longitud efectiva = L$$

Usar la ecuación para la capacidad de carga última como

$$q_u = cN_c + qN_q + \frac{1}{2}\gamma B'$$

# CIMENTACIONES CARGADAS EXCÉNTRICAMENTE

La carga última total que la cimentación soporta es

$$Q_{ult} = q_u(B')(L')$$

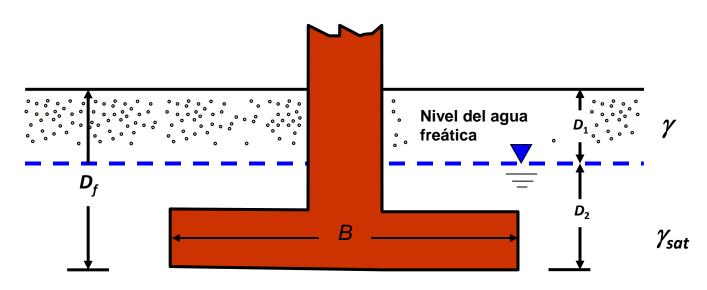
donde A = área efectiva

El factor de seguridad contra falla por capacidad de carga es

$$FS = \frac{Q_{\acute{u}lt}}{Q}$$

# Modificaciones debido a la posición del nivel freático — Terzagui

#### Caso I



 $\gamma'$ = peso específico sumergido

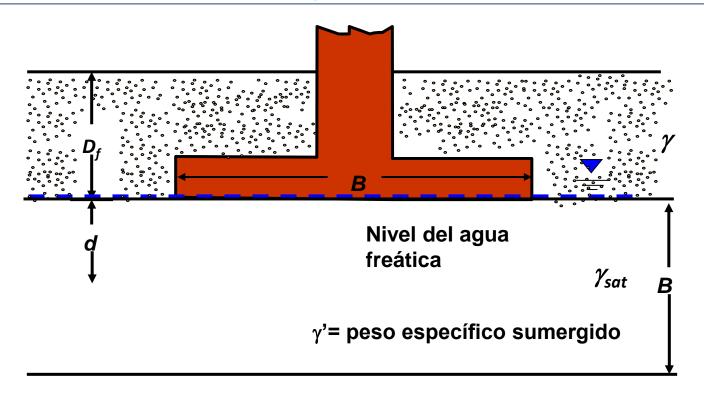
$$q_u = cN_C S_c + q^* N_q + \frac{1}{2} \gamma' B N_{\gamma} S_{\gamma}$$

$$q^* = \gamma D_1 + \gamma_1' D_2$$

$$\gamma' = \gamma_{sat} - \gamma_w$$

# Modificaciones debido a la posición del nivel freático – Terzagui

#### Caso II



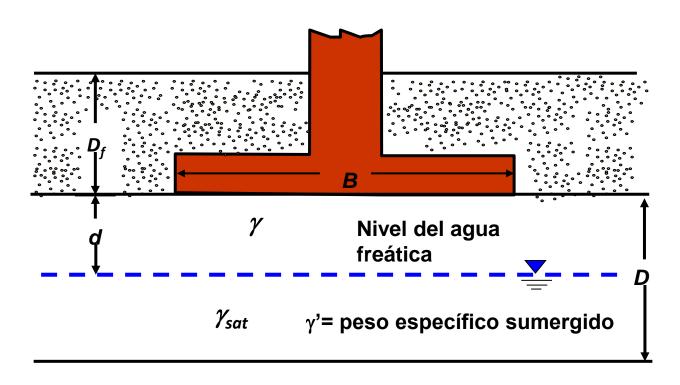
$$q_u = cN_C S_c + q^* N_q + \frac{1}{2} \gamma' B N_{\gamma} S_{\gamma}$$

$$\gamma' = \gamma$$

$$q = \gamma D_f$$

# Modificaciones debido a la posición del nivel freático – Terzagui

#### Caso III



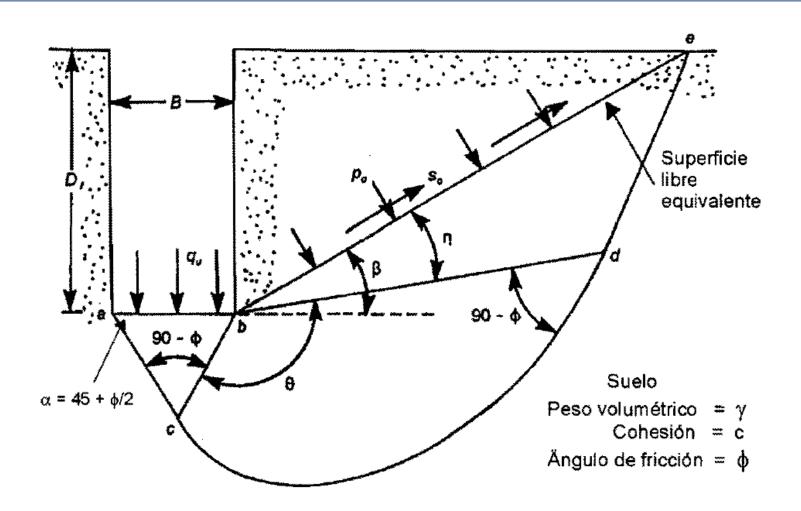
Para: (d)<B usar:

$$\gamma_{prom} = \gamma \frac{d}{B} + \gamma' \left( 1 - \frac{d}{B} \right)$$

Para: (d)>B usar:

$$\gamma_{prom} = \gamma$$

#### Capacidad de carga de MEYERHOF (1951, 1963)



### Capacidad de carga de MEYERHOF (1951, 1963)

$$q_u = c'.Nc.s_c.d_c.i_c + \gamma_1.D.Nq.s_q.d_q.i_q + 0.5.\gamma_2.B.N\gamma.s_\gamma.d_\gamma.i_\gamma$$

$$N_{q} = e^{\pi \tan \phi} \tan^{2} \left( 45 + \frac{\phi}{2} \right)$$

$$N_{c} = \left( N_{q} - 1 \right) \cot \phi$$

$$N_{\gamma} = \left( N_{q} - 1 \right) \tan(1.4\phi)$$

# Capacidad de carga de MEYERHOF (1951, 1963)

Tabla Factores de capacidad de carga (Meyerhof, 1951)

ф	N <sub>c</sub>	$N_q$	N <sub>Y</sub>	ф	N <sub>c</sub>	N <sub>q</sub>	$\mathcal{N}_{\mathbf{y}}$	ф	$\mathcal{N}_{c}$	$N_q$	N <sub>y</sub>
0	5.14	1 00	0.00	17	12.34	4.77	1.66	34	42.16	29.44	31.15
1	5.38	1.09	0.002	18	13.10	5.26	2.00	35	46.12	33.30	37.15
2	5.63	1.20	0.01	19.	13.93	5.80	2.40	36	50.59	37.75	44.43
3	5.90	1.31	0.02	20	14.83	6.40	2.87	37	55.63	42.92	53.27
4	6.19	1.43	0.04	21	15.82	7.07	3.42	38	61.35	48.93	64.07
5	6.49	1.57	0.07	22	16.88	7.82	4.07	39	67.87	55.96	77.33
6	6,81	1.72	0.11	23	18.05	8.66	4.82	40	75.31	64.20	93.69
7	7.16	1.88	0.15	24	19.32	9.60	5.72	41	83.86	<b>7</b> 3.90	113.99
8	7.53	2.06	0.21	25	20.72	10.66	6.77	42	93.71	85.38	139.32
9	7.92	2.25	0.28	26	22.25	11.85	8.00	43	105.11	99.02	171.14
10	8.35	2.47	0.37	27	23.94	13.20	9.46	44	118.37	115.31	211.41
11	8.80	2.71	0.47	28	25.80	14.72	11.19	45	133.88	134.88	262.74
12	9.28	2.97	0.60	29	27.86	16.44	13.24	46	152.10	158.51	328.73
13	9.81	3.26	0.74	30	30.14	18.40	15.67	47	173.64	187.21	414.32
14	10.37	3.59	0.92	31	32.67	20.63	18.56	48	199.26	222.31	526.44
15	10.98	3.94	1.13	32	35.49	23.18	22.02	49-	229.93	265.51	674.91
16	11,63	4.34	1.38	33	38.64	26.09	26.17	50	266.89	319.07	873.84

### Capacidad de carga de MEYERHOF (1951, 1963)

Factores	Valor	Para
Forma:	$s_c = 1 + 0.2 K_\rho \frac{B}{L}$	Any φ
	$s_q = s_\gamma = 1 + 0.1 K_p \frac{B}{L}$	$\phi > 10^{\circ}$
	$s_q = s_{\gamma} = 1$	$\phi = 0$
Profundidad:	$d_c = 1 + 0.2 \sqrt{K_p} \frac{D}{B}$	Any $\phi$
	$d_q = d_{\gamma} = 1 + 0.1 \sqrt{K_p} \frac{D}{B}$	$\phi > 10$
	$d_q = d_{\gamma} = 1$	$\phi = 0$
Inclinación R V	$i_c = i_q = \left(1 - \frac{\theta^{\circ}}{90^{\circ}}\right)^2$	Any φ
φ γ θ	$i_{\gamma} = \left(1 - \frac{\theta^{\circ}}{\phi^{\circ}}\right)^2$	$_{0}\phi > 0$
_H	$i_{\gamma} = 0 \text{ for } \theta > 0$	$\phi = 0$

Donde:  $K_p = \tan^2(45 + \phi/2)$  as in Fig. 4-2

 $\theta$  = ángulo de la resultante R medido con respecto a la vertical sin signo; si  $\theta$  = 0 todos los factores de inclinación son 1.0

### i: coeficiente de inclinacion de carga $(si\ la\ carga\ es\ vertical\ i=1)$

$$i_{\gamma} = \left(1 - \frac{\alpha}{\emptyset}\right)^{2}$$

$$i_{c} = i_{q} = \left(1 - \frac{\alpha}{90^{\circ}}\right)^{2}$$

#### s: coeficiente de forma

$$s_c = 1 + 0.2 \frac{B}{L} \cdot tan^2 (45 + \frac{\emptyset}{2})$$

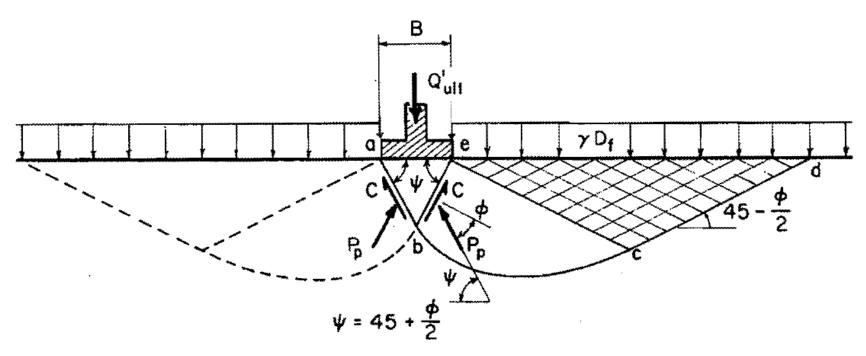
$$s_q = s_{\gamma} = 1 + 0.1 \frac{B}{L} \cdot tan^2 (45 + \frac{\emptyset}{2})$$

#### d: coeficiente de profundidad

$$d_c = 1 + 0.2 \frac{D}{B} \cdot \tan(45 + \frac{\emptyset}{2})$$

$$d_q = d_{\gamma} = 1 + 0.1 \frac{D}{B} \cdot \tan(45 + \frac{\emptyset}{2})$$

### Capacidad de carga de Hansen (1970)



#### **Ejemplo:**

Determine la capacidad ultima de una zapata cuadrada de ancho 1.5 m a una profundidad de 1m en un suelo con C'=10kPa,  $\phi'$  = 28°, Cu=105 kPa,  $\phi$ u=0° y  $\gamma$ = 19kN/m<sup>3</sup>. Usando los factores de carga de Meyerhof

Con el ángulo de fricción se ingresa en la Tabla y se obtiene los factores:

$$N_q = 14.72$$
,  $N_c = 25.80$  y  $N_\gamma = (14.721) tan(1.4x28.0°) = 11.19$ 

La carga es vertical, entonces  $i_c = i_q = i_\gamma = 1$ Los factores de forma y factores de profundidad se determinan:

$$s_q = s_y = 1 + 0.1(1.5/1.5) tan^2(45.0^{\circ} + (28.0^{\circ}/2)) = 1.28$$

$$s_c = 1 + 0.2(1.5/1.5) \tan^2(45.0^\circ + (28.0^\circ/2)) = 1.55$$

$$d_c = 1 + 0.2(1.0/1.5) \tan(45.0^{\circ} + (28.0^{\circ}/2)) = 1.22$$

$$d_q = d_y = 1 + 0.1(1.0/1.5) tan^2(45.0^{\circ} + (28.0^{\circ}/2)) = 1.11$$

$$q_u = c'N_C S_c d_c + \gamma DN_q S_q d_q + 0.5\gamma BN_\gamma S_\gamma d_\gamma$$

Remplazando los valores en la fórmula:

$$q_u = 10.0x25.80x1.55x1.22 + 19.0x14.72x1.28x1.11 + 0.5x1.5x19.0x1.28x1.11$$

$$q_{u} = 1112kPa$$

Para las condiciones no drenadas:

$$N_{q} = 1$$
,  $N_{c} = 5.14$  y  $N_{\gamma} = 0$ 

$$s_c = 1 + 0.2(1.5/1.5) tan^2(45.0^\circ + (0^\circ/2)) = 1.2, s_\gamma = s_q = 1$$

$$d_c=1+0.2(1.0/1.5)\tan(45.0^{\circ}+(0^{\circ}/2))=1.13 d_{\gamma}=d_{q}=1$$

Remplazando los valores en la fórmula:

$$q_u = 105x5.14x1.2x1.13 + 19.0x1.0x1.0x1.0 = 751kPa$$

### Factor de Seguridad (FS)

El factor de Seguridad

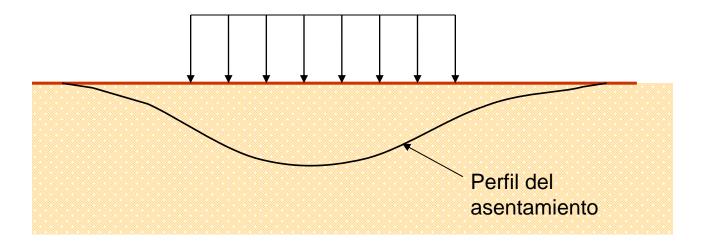
$$q_{adm} = \frac{q_u}{FS}$$

q = carga de la superestructura por área unitaria de la cimentación

El factor de seguridad debe ser por lo menos 3 en todos los casos.

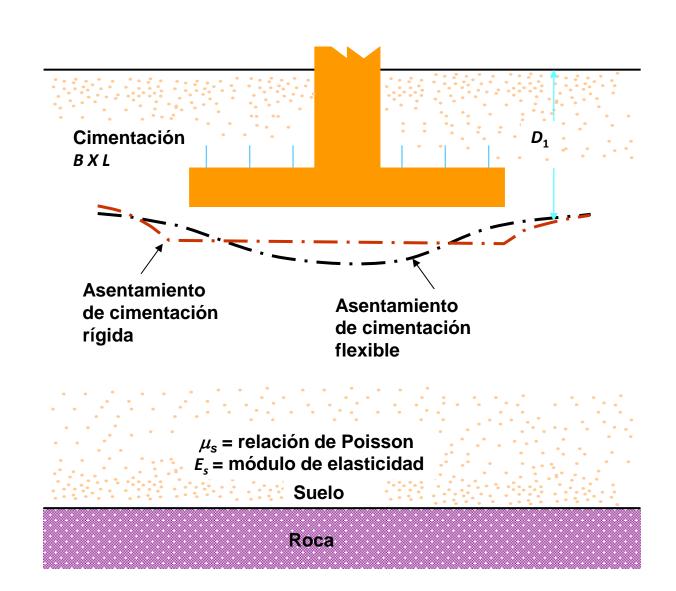
## TIPOS DE ASENTAMIENTOS DE CIMENTACIONES

> Asentamiento Inmediato o elástico



- > Asentamiento Por Consolidación Primaria
- Asentamiento Por Consolidación Secundaria

# ASENTAMIENTO ELÁSTICO DE CIMENTACIONES FLEXIBLES Y RÍGIDAS



#### **ASENTAMIENTO ELÁSTICO DE CIMENTACIONES FLEXIBLES Y RÍGIDAS**

$$S_e = \frac{Bq_o}{E_s} (1 - \mu_s^2) \frac{\alpha}{2}$$
 (esquina de la cimentación flexible)

$$S_e = \frac{Bq_o}{E_s} \left( 1 - \mu_s^2 \right) \alpha$$

(centro de la cimentación flexible)

$$S_e = \frac{Bq_o}{E_s} \left( 1 - \mu_s^2 \right) \alpha_{av}$$

(promedio para una cimentación flexible)

**Donde** 

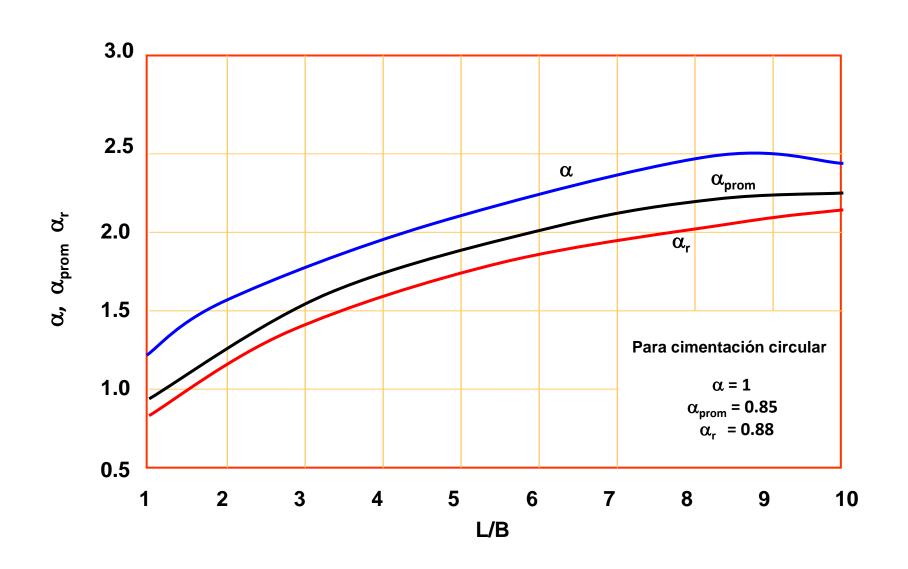
$$\alpha = \frac{1}{\pi} \left[ 1n \left( \frac{\sqrt{1+m^2} + m}{\sqrt{1+m^2} - m} \right) + m 1n \left( \frac{\sqrt{1+m^2} + 1}{\sqrt{1+m^2} - 1} \right) \right]$$

m = L/B

B = ancho de la cimentación

L = longitud de la cimentación

# ASENTAMIENTO ELÁSTICO DE CIMENTACIONES FLEXIBLES Y RÍGIDAS



# ESTIMACIÓN DEL MÓDULO DE ELASTICIDAD DE LOS MATERIALES

- Usar métodos geofísicos
- Ensayos de laboratorio
- Correlaciones empíricas:

$$E_s (kN/m^2) = 766N_f$$
  $N_f = número de penetración estándar$ 

Módulo de Elasticidad de Arcillas Normalmente Consolidadas

$$E_s = 250c \text{ a } 500c$$

Módulo de Elasticidad de Arcillas Preconsolidadas

$$E_s = 750c$$
 a  $1000c$ 

Donde c = cohesión no drenada de la arcilla

## ASENTAMIENTO ADMISIBLE EN CIMENTACIONES DE EDIFICACIONES

#### SEGÚN TERZAGHI:

El asentamiento promedio admisible de las cimentaciones de una edificación convencional será:

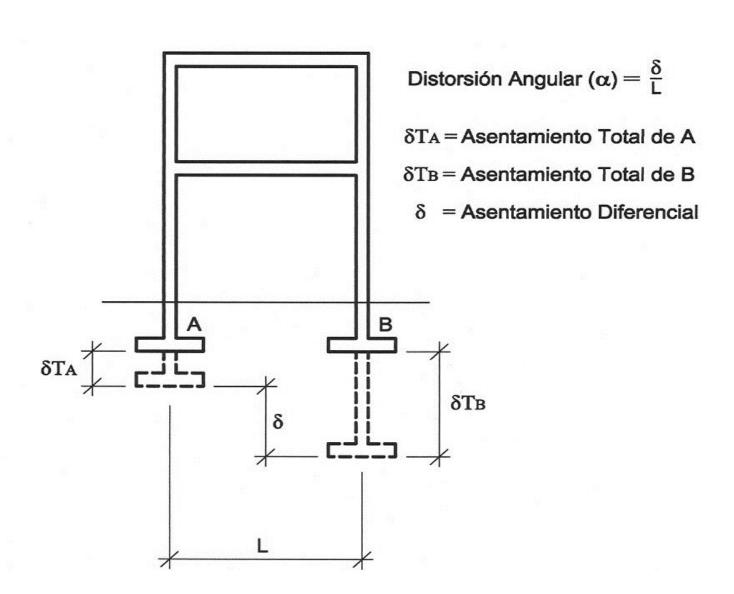
$$S_{adm} = 25 \text{ mm}$$

#### SEGÚN LA NORMA E - 050:

El Asentamiento Diferencial no debe ocasionar una distorsión angular mayor que la indicada en la Tabla 8.

En el caso de suelos granulares el asentamiento diferencial se puede estimar como el 75% del asentamiento total.

## ASENTAMIENTO ADMISIBLE EN CIMENTACIONES DE EDIFICACIONES



### DISTORSIÓN ANGULAR LÍMITE RECOMENDADA POR LA NORMA E-050

TABLA 8 (NÓRMA E-050)		
DISTORSIÓN ANGULAR = $\alpha$		
$\alpha = \delta/L$	DESCRIPCIÓN	
1/150	Límite en el que se debe esperar daño estructural en edificios convencionales.	
1/250	Límite en que la pérdida de verticalidad de edificios altos y rígidos puede ser visible.	
1/300	Límite en que se debe esperar dificultades con puentes grúas.	
1/300	Límite en que se debe esperar las primeras grietas en paredes.	
1/500	Límite seguro para edificios en los que no se permiten grietas.	
1/500	Límite para cimentaciones rígidas circulares o para anillos de cimentación de estructuras rígidas, altas y esbeltas.	
1/650	Límite para edificios rígidos de concreto cimentados sobre un solado con espesor aproximado de 1,20 m.	
1/750	Límite donde se esperan dificultades en maquinaria sensible a asentamientos.	