

# Projet 2015 : Qui Oz-ce?

FSAB1402

Marie-Marie VAN DER BEEK  
(5389-1300)

Pablo GONZALEZ ALVAREZ  
(5243-1300)

30 novembre 2015

## Introduction

Dans ce rapport, nous allons vous présenter le fruit de notre travail. Il nous a été demandé d'écrire deux fonctions.

Nous allons d'abord vous décrire en deux temps la structure et les décisions prises pour les fonctions `BuildDecisionTree` et `GameDriver`. Par la suite nous listerons les extensions que nous avons implémentées. Ensuite, nous discuterons sur les limitations de notre programme. Enfin, nous terminerons sur la complexité de notre code.

Les spécifications de chaque fonction et sous-fonction se trouvent dans le fichier source du programme ci-joint. Comme demandé dans l'énoncé, le code que nous avons écrit utilise de manière exclusive le paradigme fonctionnel.

## 1 Structure et conception

### 1.1 Fonction `BuildDecisionTree`

Le cœur de la fonction `BuildDecisionTree` est la sous-fonction `Add`. Celle-ci construit petit à petit un arbre de décision presque optimal selon l'algorithme proposé dans l'énoncé en faisant appel à d'autres sous-fonctions.

Les sous-fonctions de `BuildDecisionTree`, selon l'ordre d'apparition dans le code, sont les suivantes :

- `fun{Count Quest DB}` : fait partie de l'algorithme de décision des branches de l'arbre. Par induction sur la base de données, elle analyse pour chaque personnage la réponse à la question et la rajoute dans une des deux bases de données (`DBTrue` ou `DBFalse` en fonction de celle-ci. Une fois arrivé à la fin de la base de données, elle renvoie cela sous la forme d'un tuple : `triple(Question DBTrue DBFalse)` ;
- `fun{CountBoolean Quest DB Bool}` : selon le booléen `Bool` passé en paramètre, renvoie la longueur de la liste de personnages de `DBTrue` et `DBFalse` du tuple renvoyé par `Count` ;
- `fun{Choice Quest DB}` : est la base de l'algorithme de décision des branches de l'arbre. Elle est initialisée avec la première question et la différence entre le nombre de `true` ou de `false` de celle-ci. Ensuite, elle parcourt par occurrence de forme la

liste des questions : si elle trouve une question dont la différence est plus petite que la question optimale actuelle, alors elle remplace celle-ci dans l'accumulateur `Quest`. Une fois que la liste est parcouru, retourne la question optimale ;

- `fun{Remove List Quest}` : parcourt la liste des question par récurrence : si elle trouve la question `Quest`, l'enlève. Sinon elle continue jusqu'à ce que la liste soit parcourue ;
- `fun{Names DB}` : parcourt la base de données par occurrence de forme et rajoute le nom de chaque personnage dans une liste. Une fois que la base de données est parcourue, cette liste est retournée ;
- `fun{Add List DB}` : construit l'arbre de décision par récursion selon un certain nombre de condition. Elle fait appel à `Names`, `Choices`, `CountBoolean` et `Remove`. L'algorithme est le suivant

1. Si la liste des questions est vide, renvoie une feuille `leaf(<atom>)` qui contient la liste des personnages ;
2. Si il ne reste plus qu'un personnage, renvoie une feuille `leaf(<atom>)` avec ce personnage ;
3. Si plus aucune question n'est discriminatoire, renvoie une feuille `leaf(<atom>)` contenant la liste des personnages de la question précédente ;
4. Si aucune des conditions précédentes termine l'induction, un arbre de décision est créé de la forme :  

$$\text{DecisionTree} := \text{leaf}(\text{List}\langle\text{Atom}\rangle) \mid \text{question}(\langle\text{Atom}\rangle \text{ true} : \langle\text{DecisionTree}\rangle \text{ false} : \langle\text{DecisionTree}\rangle).$$

## 1.2 Fonction `GameDriver`

Le coeur de la fonction `GameDriver` est la sous-fonction `GameDriverOps`. Celle-ci parcourt un arbre de décision et produit une liste de personnages en fonction des réponses du joueur. Son corps est une correspondance de forme à la fois sur l'arbre de décision et sur les réponses données par le joueur. Les paramètres de `GameDriverOps` sont les suivants :

- `fun{Tree Tree}` : un arbre de décision à parcourir ;
- `fun{PreviousTree Tree PreviousTree}` : une liste des arbres de décision précédents, par défaut la liste est vide. Elle implémente l'extension sur l'incertitude du joueur ainsi que celle avec le bouton « oups ». Pour avoir le cas de base, il suffit de mettre en commentaires les 3 dernières cas du case et de mettre nil pour le paramètre `PreviousTree`.

## 2 Extensions

### 2.1 Incertitude du joueur

Cette extension permet au joueur de passer une question en cas de doute. Nous avons modifié notre fonction `BuildDecisionTree` afin que l'arbre retourné aie trois branches (`true`, `false` et `unknown`) et non deux. Elle crée un arbre du type :

`DecisionTree := leaf(List<Atom>) | question(<Atom> true :<DecisionTree> false :<DecisionTree> unknown :<DecisionTree>).`

Nous avons modifié notre fonction `Add` afin qu'elle crée la troisième branche en enlevant la question choisie de la liste des question, mais n'élimine personne de la liste des personnages possibles.

Ensuite, lorsque Gamedriver pose la question au joueur et celui-ci affirme qu'il ne connais pas la réponse, Gamedriver suivra le chemin de la branche `unknown`.

## 2.2 Bouton "oups"

Cette extension permet au joueur de retourner à la question précédente lorsqu'il se rend compte d'avoir commis une erreur. À cet effet, nous avons modifié notre Gamedriver afin qu'il fasse appel à une fonction `GamedriverOops` qui prend en paramètre un accumulateur, contenant la liste des arbres précédents. Quand l'utilisateur emploie le bouton oups de l'interface, nous appliquons `gamedriverOops` à l'arbre précédent, et dans ce cas, on enlève cet arbre de la liste dans l'accumulateur.

Cependant, il était nécessaire de faire un choix sur l'action qui aurait lieu si le joueur retourne au début de l'arbre et qu'il n'y aie pas d'arbres précédents. Nous avons décidé de faire une boucle infinie, qui répète la première question jusqu'à ce qu'il réponde à celle-ci. Ceci oblige le joueur à descendre dans l'arbre.

## 3 Limitations

Malgré nos efforts, notre code contient un certain nombre de limitations et de problèmes.

Tout d'abord, si le nombre de questions de la base de données n'est pas suffisant, on obtiendra pas toujours une seule réponse possible (ce qui serait idéal), mais bien une liste de réponses possibles (moins idéal). C'est un choix que nous avons du faire : il nous semblait plus cohérent que le programme renvoie toujours au moins un panel de personnes en fonction des réponses du joueur. On aurait pu rajouter une fonction aléatoire qui pioche un personnage parmi ce panel, mais cela aurait parfois rendu les réponses fausses.

Enfin, notre programme ne gère pas les erreurs (e.g. la base de données n'est pas sous le bon format, l'encodage n'est pas le bon, ou encore la base de données n'est plus accessible). Sans exceptions, notre implémentation est plus claire et lisible mais moins robuste.

Nous avons veillé à ce que nos fonctions soient récursives terminales. En revanche nous n'avons pas implémenté de gestionnaire d'exceptions : cela simplifie l'implémentation de nos différentes fonctions.

## 4 Complexité

Nous allons développer dans cette section, la complexité de nos deux programmes principaux `BuildDecisionTree` et `GameDriver`, dans le cas de base sans extensions.

## 4.1 BuildDecisionTree

Nous devons afin d'obtenir la complexité de `BuildDecisionTree`, analyser les six sous-fonctions auquel elle fait appel :

- `Count`
- `CountBoolean`
- `Choice`
- `Remove`
- `Names`
- `Add`

### 4.1.1 Count

Cette fonction parcourt la database et renvoie un tuple contenant respectivement une question, une liste des personnes ayant répondu true et une liste des personnes ayant répondu false à cette question. La complexité liée à cet algorithme est relativement simple car elle parcourt une fois la database. Sa complexité sera donc toujours  $O(m)$  où  $m$  est le nombre de personnes dans la database.

### 4.1.2 CountBoolean

Cette fonction applique la fonction prédéfinie `Length` à une des listes de la fonction `Count` selon que le boolean passée en paramètre soit true ou false. Avec l'hypothèse que la complexité de `Length` soit  $O(1)$ , nous pouvons déduire que la complexité de `Countboolean` est identique à celle de `Count`,  $O(m)$ .

### 4.1.3 Choice

`Choice` est une fonction qui à chaque exécution appelle deux fois la fonction `CountBoolean` pour définir la différence en valeur absolue entre le nombre de réponse true et false à une question. Elle fera ceci pour chaque question dans la liste. Un fois la liste vide, elle appelle la fonction `Count` avec la question optimale. Nous avons donc une complexité  $2O(m)*O(n) + O(m)$  or nous tenons en compte que des termes dominants, ce qui nous donne une complexité  $O(2m*n)$ .

### 4.1.4 Remove

`Remove` enlève un élément de la liste des questions passée en paramètre. Pour ce faire, elle la parcourt jusqu'à ce qu'elle trouve l'élément et l'enlève ensuite. Dans le meilleur cas, la question se trouve au début de liste,  $O(1)$  Dans le pire cas, la question se trouve en fin de liste,  $\theta(n)$ . On suppose qu'il y ait une distribution uniforme de l'emplacement des questions, la complexité sera  $O(n)$ .

### 4.1.5 Names

Cette fonction parcourt la database et en extrait les noms des personnages. La complexité est relativement simple car elle n'appelle pas d'autres fonctions. Elle fera  $m-1$  récurrences et est donc de complexité  $O(m)$

#### 4.1.6 Add

Add fait appel à la fonction `Choice` afin de choisir une question optimale. Ensuite, elle vérifie la condition de fin en appliquant deux fois `Countboolean` et finit par faire deux récurrence. La dernière exécution se fera lorsqu'une des conditions de fin est remplie, ce qui appelle la fonction `Names`. Nous avons pour chaque exécution, une complexité de  $O(2m \cdot n) + O(2m)$  excepté la dernière qui aura une complexité de  $O(m)$ . En combinant ceci avec le nombre d'occurrences, nous pouvons écrire  $O(2m \cdot n + 2m) \cdot O(2^m) + O(m)$  que nous réduisons à  $O(2m \cdot n) \cdot O(2^m)$ .

**Conclusion** Notre `BuildDecisionTree` fait appel à `Add` une seule fois, nous pouvons donc conclure qu'elles auront la même complexité  $O(2m \cdot n) \cdot O(2^m)$  avec  $m$  le nombre de personnages dans la database et  $n$  le nombre de questions posées à ceux-ci.

## 4.2 GameDriver

`GameDriver` parcourt l'arbre de décision, pose une question au joueur au moyen de la fonction `Projectlib.askQuestion` et selon la réponse donnée rappelle `GameDriver` avec le sous-arbre `true` ou `false`. Ensuite, une fois une liste de personnages trouvée, il renvoie celle-ci au joueur avec `ProjectLib.found`. Nous savons que les deux fonctions liées à l'interface auquel nous faisons appel, `Projectlib.askQuestion` et `ProjectLib.found` sont de complexité  $O(1)$ , nous pouvons donc les négliger. La complexité dépendra également de la hauteur de l'arbre mais nous pouvons la borner par  $O(n)$  où  $n$  est le nombre de questions posées au personnages.

## Conclusion

Ce projet nous a permis de mieux comprendre la programmation déclarative et plus particulièrement de mieux appréhender le paradigme fonctionnel. Malgré des frustrations dues à des