| Felipe Roza Bonetti (12011 | BCC032), Pedro Henrique Ma | rra Araújo (12011BCC008) |
|----------------------------|----------------------------|--------------------------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |
| Implementação de | Grafos em C para Ro | ecursos do Moodle |

Sumário

| Objetivos Gerais | 4 |
|----------------------------------|----|
| Objetivos Específicos | 4 |
| Repositório | 4 |
| TADs | 4 |
| Vértice | 5 |
| Pilha de Vértices | 6 |
| Lista de Vértices | 8 |
| Lista de Listas de Vértices | 9 |
| Grafo | 10 |
| Comentário sobre os Algoritmos 1 | L6 |
| Algoritmo de Kosaraju | 17 |
| Testando as Funções 2 | 20 |

Objetivos Gerais

Esse trabalho teve como objetivo geral a criação de um tipo abstrato de dados de implementação de grafos direcionados e ponderados de estrutura fixa, a qual será explicitada adiante, a fim de modelar um esquemático de recursos disponibilizados na plataforma Moodle.

Objetivos Específicos

Esse trabalho teve como objetivo específico a criação de um programa em linguagem C que estrutura o formato de grafos supracitados e que implementa funções básicas de qualquer grafo e funções específicas. Para tando, foram criados os tipos abstratos vértice, pilha de vértices, lista de vértices e lista de listas de vértices. Além disso, foi criado um menu para a manipulação de qualquer grafo direcionado e ponderado com tal estrutura.

Repositório

Todos os códigos foram disponibilizados em um repositório no GitHub, que pode ser acessado clicando aqui. Nele, encontra-se, também, um executável com um menu de aplicação do código.

TADs

A seguir, uma breve documentação de todos os TADs criados para o trabalho, incluindo o prório TAD do grafo em si.

Vértice

Dados: define uma estrutura (struct vertice) como vértice para o TAD grafo consistindo de um nome (char[]), de um tipo de pasta (int) e de uma ação (int) e também define um ponteiro para essa estrutura (Vertice). Escolheu-se usar esse apontamento, pois, dependendo da estrutura do vértice e seu tamanho, fazer, sempre, as funções por cópia poderiam ficar caras em relação ao espaço (por exemplo, se o tamanho do nome for colocado muito grande ou for colocado mais membros na estrutura do vértice). Para os TADs a seguir, vértice refere-se, em geral, ao ponteiro para essa estrutura do vértice.

Consistência dos Dados: não há nenhuma consistência para a entrada de dados, ficando a caráter do usuário verificá-las (até mesmo porque o esquemático do Moodle apresentado não tem todas as opções possíveis de tipo e ação, podendo ter mais outros tipos ou ações não listadas naquele grafo). Como os tipos de pastas e os tipos de ação são valores categóricos, colocouse como inteiros e sugerimos usar (em relação ao informativo do Moodle, novamente, que talvez não tenha todos tipos ou ações possíveis):

Tipo: (1) Arquivo - (2) Página - (3) Pasta - (4) Tarefa - (5) URL. Ação: (1) Download - (2) Upload - (3) Visualizar.

• iguaisVertices

Entrada: dois vértices.

Processo: verifica igualdade entre vértices (igualdade entre as estruturas de vértice).

Saída: 1, se iguais. 0, caso contrário.

Pilha de Vértices

Dados: define uma estrutura (struct No) consistindo de uma estrutura (struct vertice) — definida no TAD Vértice —, um ponteiro para o próximo nó (struct No*) e uma Pilha como (struct No*).

• IniciaPilha

Entrada: nenhuma.

Processo: cria uma pilha vazia. Saída: retorna uma pilha vazia.

• VaziaPilha

Entrada: uma pilha válida.

Processo: valida a pilha e, caso válida, retorna se a pilha está vazia.

Saída: 1, pilha vazia. 0, caso contrário.

Topo

Entrada: uma pilha válida e um vértice válido.

Processo: lê, se possível, o topo da pilha e copia seu valor para o vértice.

Saída: 1, se sucesso em ler topo. 0, caso contrário. Retorna implicitamente o valor do topo no vértice de entrada.

• Empilha

Entrada: um endereço válido de pilha e um vértice.

Processo: empilha o vértice na pilha de vértices.

Saída: 1, se sucesso em empilhar. 0, caso contrário.

• Desempilha

Entrada: um endereço válido de pilha e um vértice.

Processo: desempilha o topo da pilha e copia sua informação para o vértice.

Saída: 1, se sucesso em desempilhar. 0, caso contrário. Retorna implicitamente o valor do topo no vértice de entrada.

• EsvaziaPilha

Entrada: um endereço válido de pilha.

Processo: esvazia a pilha.

Saída: 1, se sucesso em esvaziar. 0, caso contrário.

Lista de Vértices

Dados: define uma estrutura (struct No) consistindo de uma estrutura (struct vertice) — definida no TAD Vértice —, um ponteiro para o próximo nó (struct No*) e uma Lista como (struct No*). É uma lista de vértices necessária para o TAD de lista de listas de vértices (utilizado para a função Kosaraju).

• IniciaLista

Entrada: nenhuma.

Processo: cria uma lista vazia. Saída: retorna uma lista vazia.

• VaziaLista

Entrada: uma lista válida.

Processo: valida a lista e, caso válida, retorna se a lista está

vazia.

Saída: 1, lista vazia. 0, caso contrário.

• Insere

Entrada: um endereço de lista válida e um vértice válido.

Processo: insere, se possível, o vértice na lista de vértices.

Saída: 1, se sucesso em inserir vértice. 0, caso contrário.

• Remove

Entrada: um endereço de lista válida e um vértice válido.

Processo: remove, se possível, o vértice na lista de vértices.

Saída: 1, se sucesso em remover vértice. 0, caso contrário.

• EsvaziaLista

Entrada: um endereço válido de lista.

Processo: esvazia a lista.

Saída: 1, se sucesso em esvaziar. 0, caso contrário.

Lista de Listas de Vértices

Dados: define uma estrutura (struct NoLista) consistindo de uma (Lista) — definida no TAD Lista —, um ponteiro para o próximo nó (struct NoLista*) e uma lista de listas de vértices (ListaLista). É utilizada, essencialmente, para a função Kosaraju.

• IniciaListaLista

Entrada: nenhuma.

Processo: cria uma lista de listas vazia. Saída: retorna uma lista de listas vazia.

• VaziaListaLista

Entrada: uma lista de listas válida.

Processo: valida a lista de listas e, caso válida, retorna se a lista de listas está vazia.

de listas esta vazia.

Saída: 1, se lista de listas vazia. 0, caso contrário.

• InsereLista

Entrada: um endereço de lista de listas válida e uma lista de válida.

Processo: insere, se possível, a lista na lista de listas (não faz cópia da lista, coloca a própria lista de entrada na lista de listas).

Saída: 1, se sucesso em inserir a lista. 0, caso contrário.

• EsvaziaListaLista

Entrada: um endereço válido de lista de listas.

Processo: esvazia a lista de listas (esvazia todas as listas).

Saída: 1, se sucesso em esvaziar. 0, caso contrário.

Grafo

Dados: foram definidos os seguintes dados.

- 1. struct grafo: uma estrutura do grafo. Consiste no número de vértices (int), no número de arcos (int) e uma lista de vértices (ListaVertices).
- 2. struct noVert: nó da lista de vértices do grafo. Possui a informação do vértice (struct vertice), a lista de adjacência desse vértice (ListaAdjacencia) e o ponteiro para o próximo nó (struct noVert*).
- 3. ListaVertices: ponteiro para um nó de vértice.
- 4. struct noAdj: nó da lista de adjacência de um determinado vértice. Possui um vértice, um peso da aresta e um nó para o próximo nó (struct noAdj*).
- 5. ListaAdjacencia: ponteiro para um nó da lista de adjacência.
- 6. struct visitaTempo: estrutura para guardar os tempos das ordenações topológicas. Possui um vértice, seu tempo de descoberta na ordenação (int) e seu tempo de finalização (int).
- 7. Tempo: um ponteiro para a (struct visitaTempo) e é, em essência, um vetor de resultados de visitação da ordenação topológica.
- 8. struct distancia: estrutura para guardar as distâncias de um vértice para o algoritmo de Dijkstra. Possui um vértice e sua distância (int).
- 9. Distancia: um ponteiro para a (struct distancia) e é, em essência, um vetor de resultados de distâncias do algoritmo de Dijkstra.

• criarGrafoNulo

Entrada: nenhuma.

Processo: cria um grafo nulo (nenhum vértice e nenhuma aresta).

Saída: um grafo nulo.

• EhNulo

Entrada: um grafo válido.

Processo: verifica se o grafo é nulo.

Saída: 1, se grafo válido é nulo. 0, caso contrário.

• criarGrafoVazio

Entrada: um vetor de vértices e seu tamanho.

Processo: cria um grafo vazio (com os vértices do vetor de

vértices).

Saída: um grafo vazio.

• EsvaziaGrafo

Entrada: um grafo válido.

Processo: esvazia o grafo (deixa na condição de vazio).

Saída: 1, se esvaziado com sucesso. 0, caso contrário.

• AnulaGrafo

Entrada: um grafo válido.

Processo: anula o grafo (deixa na condição de nulo).

Saída: 1, se anulado com sucesso. 0, caso contrário.

• ApagaGrafo

Entrada: um endereço válido de grafo.

Processo: apaga o grafo.

Saída: 1, se apagado com sucesso. 0, caso contrário.

• inserirArco

Entrada: um grafo válido, um vértice v1, outro vértice v2 e o peso do arco entre eles.

Processo: insere, se possível, o arco $v1 \rightarrow v2$ no grafo, implementada de forma a não inserir arcos múltiplos.

Saída: 1, se inserido com sucesso. 0, caso contrário.

• inserirVertice

Entrada: um grafo válido e um vértice válido.

Processo: insere, se possível, o vértice no grafo.

Saída: 1, se inserido com sucesso. 0, caso contrário.

• removerArco

Entrada: um grafo válido, um vértice v1 e outro vértice v2.

Processo: remove, se possível, o arco $v1 \rightarrow v2$.

Saída: 1, se sucesso. 0, caso contrário.

removerVertice

Entrada: um grafo válido e um vértice.

Processo: remove, se possível, o vértice do grafo e os arcos incidentes a ele.

Saída: 1, se removido com sucesso. 0, caso contrário.

• CopiaGrafo

Entrada: um grafo válido e um endereço válido de grafo.

Processo: copia, se possível, grafo entrado para o endereço de grafo entrado.

Saída: 1, se sucesso em fazer cópia do grafo. 0, caso contrário.

• grauVertice

Entrada: um grafo válido, um vértice válido e um endereço de inteiro.

Processo: encontra, se possível, o grau do vértice no grafo e copia o valor para o endereço entrado.

Saída: 1, se possível encontrar e copiar grau. 0, caso contrário. Retorna, implicitamente, o grau no endereço de entrada.

• maiorGrau

Entrada: um grafo válido, um vértice e um endereço de inteiro.

Processo: busca, se possível, o vértice de maior grau do grafo, faz uma cópia dele para o vértice entrado.

Saída: 1, se possível encontrar o vértice de maior grau. 0, caso contrário. Retorna, implicitamente, o grau desse vértice de maior grau no endereço de inteiro entrado.

• BuscaEmProfundidade

Entrada: um grafo válido, um vértice válido, um endereço de vértice e um endereço de inteiro.

Processo: busca, se possível, todos os vértices atingíveis no grafo a partir do vértice entrado em uma busca em profundidade.

Saída: 1, se sucesso em colocar a ordem dos vértices encontrados na busca no vetor de entrada. 0, caso contrário. Retorna, também, implicitamente o tamanho do vetor no endereço de inteiro de entrada.

• BuscaEmProfundidadeTempo

Entrada: um grafo válido, um vértice válido, um endereço de tempo e um endereço de inteiro.

Processo: busca, se possível, todos os vértices atingíveis no grafo a partir do vértice entrado em uma busca em profundidade e faz uma ordenação topológica deles.

Saída: 1, se sucesso em colocar a ordenação topológica encontrada no vetor de entrada. 0, caso contrário. Retorna, também, implicitamente o tamanho do vetor no endereço de inteiro de entrada.

• existeCaminho

Entrada: um grafo válido, um vértice v1 e outro vértice v2.

Processo: verifica, se possível, se há um caminho $v1 \rightarrow v2$ (caminho entre v1 e v2). Note que não verifica se existe, necessariamente, caminho entre v2 e v1, uma vez que o grafo é direcionado.

Saída: 1, se sucesso em encontrar o caminho. 0, caso contrário.

• Transposto

Entrada: um grafo válido e um endereço válido de grafo.

Processo: faz uma cópia, se possível, do transposto do grafo (um grafo com todas os arcos invertidos) entrado para o endereço de grafo entrado.

Saída: 1, se sucesso em fazer a cópia do grafo transposto. 0, caso contrário.

• BuscaTodosTempos

Entrada: um grafo válido e um endereço de tempo.

Processo: busca, se possível, todos os vértices do grafo a partir do primeiro vértice da lista de vértices em uma busca em profundidade e faz uma ordenação topológica deles. Nesse caso, busca até mesmo em grafos desconexos ou fracamente conexos (nesse caso, começa da componente fortemente conexa do primeiro vértice e vai buscando todas as outras componentes desse tipo até não ter mais vértice não ordenado topologicamente).

1, se sucesso em colocar a ordenação topológica encontrada no vetor de entrada. 0, caso contrário. Não retorna, implicitamente, o tamanho desse vetor, pois esse é do tamanho da quantidade de vértices do grafo no momento da busca, já que ele, necessariamente, ordena todos os vértices, mesmo aqueles não conectados entre si.

• Kosaraju

Entrada: um grafo válido e um endereço de uma lista de listas de vértices.

Processo: encontra, se possível, todas as componentes fortemente conectadas do grafo de acordo com o algoritmo de Kosaraju.

Saída: 1, se sucesso em encontrar as componentes. 0, caso contrário. Retorna, implicitamente, cada componente fortemente conectada como uma lista de vértices da lista de listas de vértices endereçada na entrada.

• Dijkstra

Entrada: um grafo válido, um vértice e um endereço de distância.

Processo: busca, se possível, as distâncias entre o vértice entrado e todos os outros vértices do grafo de acordo com o algoritmo de Dijkstra.

Saída: 1, se sucesso em colocar as distâncias como um vetor nesse endereço. 0, caso contrário. Não retorna, implicitamente, o tamanho desse vetor, pois esse tamanho é a quantidade de vértices do grafo menos um — uma vez que o algoritmo, necessariamente, retorna as distâncias de todos os vértices diferentes do entrado. Caso o vértice entrado não tenha um caminho para outro determinado vértice, o valor referente a essa distância, por padrão, é INT_MAX.

Comentário sobre os Algoritmos

As funcionalidades solicitadas foram implementadas pelas seguintes funções:

- (a) "Criação do grafo, com inserção/remoção de vértices e arestas": as de inserção já estavam implementadas, só mudando um pouco elas para apontar erro caso algo de errado ocorra. As funções de remoção foram implementadas de forma análoga, de forma a manter correta a estrutura do grafo (por exemplo, ao remover um vértice, todos os arcos de entrada e saída deste são, também, excluídos).
- (b) "Busca do vértice de maior grau, que, para a trilha, representa um recurso com peso importante no fluxo": maiorGrau.
- (c) "Dados dois recursos (vértices), verificar se existe caminho entre os mesmos": existeCaminho retorna somente se existe, não volta o caminho (não solicitado).
- (d) "A partir de um vértice, encontrar o menor caminho para os outros vértices a ele conectados": Dijkstra (como já foi discutido em sala de aula, não explicaremos ele aqui, uma vez que a implementação foi bem parecida com a mostrada em sala de aula).
- (e) "Usando busca em profundidade, encontrar recursos fortemente conectados": Kosaraju, que utiliza buscas em profundidade para achar esses recursos fortemente conectados (esse, sim, será explicado a diante).
- (f) "Impressão do grafo": imprimirListaAdj, que imprime a lista de adjacência do grafo, que nada mais é que o grafo por si só.

Algoritmo de Kosaraju

Uma componente fortemente conectada de um grafo direcionado é um subconjunto de vértices que, entre quaisquer dois vértices v_1 e v_2 , existe um caminho entre v_1 e v_2 . Tome como exemplo o seguinte grafo direcionado ponderado.

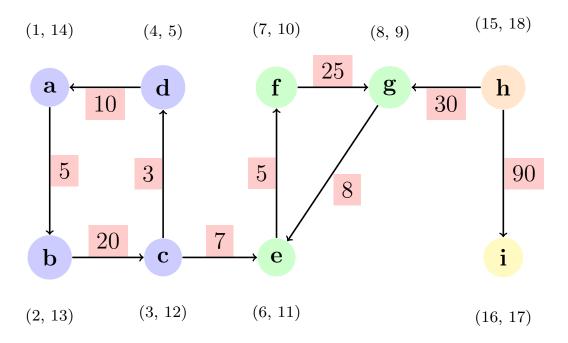


Figura 1: grafo direcionado ponderado, disponibilizado no arquivo 3.in, com as componentes fortemente conexas marcadas por cor e com os tempos da ordenação topológica.

Nesse exemplo, temos as seguintes componentes fortemente conexas, marcadas com diferentes cores: $\{a,b,c,d\}$, $\{e,f,g\}$, $\{h\}$ e $\{i\}$. Por exemplo, de a, conseguimos ir para b, c e d (e a recíproca para todos vértices é válida). Também, por exemplo, de i, não conseguimos ir para nenhum outro vértice de forma que, desse outro vértice, consigamos voltar para i, fazendo com que o i sozinho seja uma componente fortemente conectada.

O algoritmo de Kosaraju aproveita-se do fato que, dado o grafo transposto (grafo com os mesmos vértices, porém com todos os arcos invertidos) de determinado grafo, conseguimos encontrar essas componentes de forma sistemática com buscas em profundidade em vértices não-visitados ordenados por tempo mínimo de finalização da ordenação topológica no grafo inicial. Abaixo, o grafo transposto da Figura 1 e a pilha de vértices em relação ao tempo de finalização de busca em profundidade.

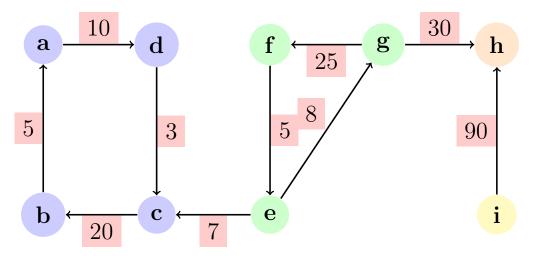


Figura 2: grafo transposto da Figura 1.

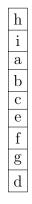


Figura 3: Pilha dos vértices a serem feitos buscas em profundidade para encontrar as componentes fortemente conectadas no grafo exemplo da Figura 1.

Para cada vértice da pilha da Figura 3, desempilhe e faça uma busca em

profundidade a partir desse vértice. Se aparecer algum vértice ainda nãovisitado nessa busca, esse conjunto de vértices buscado é uma componente fortemente conexa ainda não encontrada.

Por exemplo, desempilhe h e faça a busca a partir de h, a qual encontra só o próprio vértice h. Como h foi visitado pela primeira vez agora, $\{h\}$ é uma componente fortemente conectada. Desempilhe i e faça a busca a partir de h, a qual encontra i e h. Como encontrou i, ainda não-visitado, $\{i,h\}$ é outra componente. Desempilhe a e faça a busca a partir de a, a qual encontra $\{a,b,c,d\}$. Como encontrou quatro vértices ainda não-visitados, $\{a,b,c,d\}$ é outra componente. Desempilhe b faça a busca a partir de b, a qual encontra $\{a,b,c,d\}$. Como não encontrou nenhum vértice não-visitado (visitou todos ao desempilhar a), não adiciona esse conjunto à lista de componentes fortemente conectadas. Desempilha e e faça a busca a partir de e, a qual encontra $\{e,f,g\}$. Como todos vértices desse conjunto não foram visitados, adicione esse conjunto como uma componente na lista. Agora, todos os próximos vértices não encontrarão componentes ainda não descobertas. O algoritmo para quando a pilha está vazia.

O algoritmo, nesse exemplo, resulta na lista [{i}, {h}, {a, b, c, d}, {e, f, g}] de componentes fortemente conectadas.

Testando as Funções

Além do grafo da Figura 1, utilizaremos outros dois grafos como exemplo. Seguem eles.

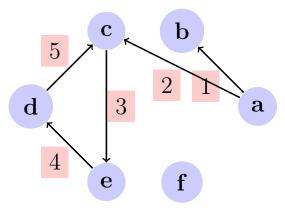


Figura 4: segundo grafo para testes, disponibilizado em 1.in.

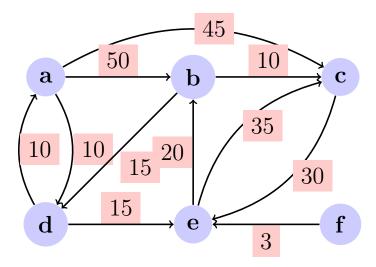


Figura 5: terceiro grafo para testes, disponibilizado em 2.in.

Para testar, criamos três grafos (disponibilizados em 1.in, 2.in e 3.in), relevando o valor do tipo e ação (só o nome para nós aqui é importante, para facilitar os exemplos). Todas as funções foram disponibilizadas a partir do menu disponibilizado em main.exe. Abaixo uma figura desse menu.

```
[1] Criar grafo nulo.
 [2] Criar grafo por arquivo.
 [3] Inserir v -®rtice (v).
 [4] Inserir arco (v -> w).
 [5] Remover v ®rtice (v).
 [6] Remover arco (v \rightarrow w).
 [7] Imprimir grafo.
 [8] Ver v - ** rtice de maior grau.
 [9] Verificar se existe caminho entre v e w.
[10] Dado v, verificar todos os menores caminhos a outros v strices.
[11] Busca em profundidade a partir de v.
[12] Verificar recursos fortemente conectados.
[13] Esvaziar grafo (deixar na condi ç ├úo de grafo vazio).
[14] Anular grafo (deixar na condi ç ├úo de grafo nulo).
[15] Destruir grafo.
[16] Sair do sistema.
Digite uma das opcoes:
```

O usuário pode tanto criar um grafo nulo (opção 1) e ir adicionando vértices e arestas a forma que desejar, ou criar um grafo a partir de um arquivo (opção 2). Se escolher criar a partir de arquivo, precisa entrar o diretório do arquivo, que deve ter a quantidade de vértices, quantidade de arestas, os vértices e as arestas (com peso), como abaixo.

```
6
5
f 10 11
a 1 2
b 3 4
c 4 5
d 6 7
e 8 9
a 1 2 1 b 3 4
a 1 2 2 c 4 5
c 4 5 3 e 8 9
e 8 9 4 d 6 7
d 6 7 5 c 4 5
```

A seguir, o exemplo do funcionamento de algumas funções. Testamos só a de maior grau, o algoritmo de Dijkstra e o algoritmo de Kosaraju, uma vez que essas três funções precisam de todas as outras funções como auxiliares, porém todas as funções disponibilizados no menu estão funcionando perfeitamente.

Entrando o grafo da Figura 4 (1.in), abaixo seguem os resultados da chamada de algumas funções.

$$grau(("c", 4, 5)) = 3.$$

Figura 6: Vértice de maior grau é o c.

```
dist(("a", 1, 2), ("c", 4, 5)) = 2.
dist(("a", 1, 2), ("b", 3, 4)) = 1.
dist(("a", 1, 2), ("e", 8, 9)) = 5.
dist(("a", 1, 2), ("d", 6, 7)) = 9.
dist(("a", 1, 2), ("f", 10, 11)) = Infinito.
```

Figura 7: Distâncias de todos os vértices em relação ao vértice a usando Dijkstra.

```
Componente[1] = { ("f", 10, 11) }
Componente[2] = { ("e", 8, 9) ("d", 6, 7) ("c", 4, 5) }
Componente[3] = { ("b", 3, 4) }
Componente[4] = { ("a", 1, 2) }
```

Figura 8: Achando as componentes fortemente conexas usando Kosaraju.

Entrando o grafo da Figura 5 (2.in), abaixo seguem os resultados da chamada de algumas funções.

$$grau(("e", 9, 10)) = 5.$$

Figura 9: Vértice de maior grau é o e.

```
dist(("a", 1, 2), ("d", 7, 8)) = 10.
dist(("a", 1, 2), ("b", 3, 4)) = 45.
dist(("a", 1, 2), ("c", 5, 6)) = 45.
dist(("a", 1, 2), ("f", 11, 12)) = Infinito.
dist(("a", 1, 2), ("e", 9, 10)) = 25.
```

Figura 10: Distâncias de todos os vértices em relação ao vértice a usando Dijkstra.

Figura 11: Achando as componentes fortemente conexas usando Kosaraju.

Entrando o grafo da Figura 1 (3.in), abaixo seguem os resultados da chamada de algumas funções.

$$grau(("g", 0, 0)) = 3.$$

Figura 12: Vértice de maior grau é o g.

```
dist(("a", 0, 0), ("b", 0, 0)) = 5.
dist(("a", 0, 0), ("i", 0, 0)) = Infinito.
dist(("a", 0, 0), ("h", 0, 0)) = Infinito.
dist(("a", 0, 0), ("g", 0, 0)) = 62.
dist(("a", 0, 0), ("f", 0, 0)) = 37.
dist(("a", 0, 0), ("e", 0, 0)) = 32.
dist(("a", 0, 0), ("d", 0, 0)) = 28.
dist(("a", 0, 0), ("c", 0, 0)) = 25.
```

Figura 13: Distâncias de todos os vértices em relação ao vértice a usando Dijkstra.

```
Componente[1] = { ("f", 0, 0) ("g", 0, 0) ("e", 0, 0) }
Componente[2] = { ("b", 0, 0) ("c", 0, 0) ("d", 0, 0) ("a", 0, 0) }
Componente[3] = { ("i", 0, 0) }
Componente[4] = { ("h", 0, 0) }
```

Figura 14: Achando as componentes fortemente conexas usando Kosaraju.