

### Homework 3 Experiments:

We ran our CSP solver on various test files:

australia\_coloring.txt represented the Australia map coloring problem. It had the following constraints:

SA ne WA  
SA ne NT  
SA ne Q  
SA ne NSW  
SA ne V  
WA ne NT  
NT ne Q  
Q ne NSW  
NSW ne V  
T lt 3  
SA lt 3  
WA lt 3  
NT lt 3  
Q lt 3  
NSW lt 3  
V lt 3

This problem is solved in trivial time with or without forward checking.

SOLUTION:

NSW: 2  
NT: 2  
Q: 1  
SA: 0  
T: 0  
V: 1  
WA: 1

Forward checking actually does nothing in this case, because of the nature of the problem and AC3:

trying SA = 0

domains BEFORE AC\_3: {'WA': [0, 1, 2], 'Q': [0, 1, 2], 'T': [0, 1, 2], 'V': [0, 1, 2], 'SA': [0], 'NT': [0, 1, 2], 'NSW': [0, 1, 2]}

domains AFTER AC\_3: {'WA': [0, 1, 2], 'Q': [0, 1, 2], 'T': [0, 1, 2], 'V': [0, 1, 2], 'SA': [0], 'NT': [0, 1, 2], 'NSW': [0, 1, 2]}

trying Q = 1

domains BEFORE AC\_3: {'WA': [0, 1, 2], 'Q': [1], 'T': [0, 1, 2], 'V': [0, 1, 2], 'SA': [0], 'NT': [0, 1, 2], 'NSW': [0, 1, 2]}

domains AFTER AC\_3: {'WA': [0, 1, 2], 'Q': [1], 'T': [0, 1, 2], 'V': [0, 1, 2], 'SA': [0], 'NT': [0, 1, 2], 'NSW': [0, 1, 2]}

In another test, called nine.txt, we had 9 variables (A1-A9) that had to be assigned to numbers 1-9 distinctly (Like one of sudoku). Here are the constraints:

A3 eq 1	A3 ne A5	A8 ne A3
A1 eq 5	A3 ne A6	A8 ne A4
A1 gt 0	A3 ne A7	A8 ne A5
A1 lt 10	A3 ne A8	A8 ne A6
A2 gt 0	A3 ne A9	A8 ne A7
A2 lt 10	A4 ne A1	A8 ne A9
A3 gt 0	A4 ne A2	A9 ne A1
A3 lt 10	A4 ne A3	A9 ne A2
A4 gt 0	A4 ne A5	A9 ne A3
A4 lt 10	A4 ne A6	A9 ne A4
A5 gt 0	A4 ne A7	A9 ne A5
A5 lt 10	A4 ne A8	A9 ne A6
A6 gt 0	A4 ne A9	A9 ne A7
A6 lt 10	A5 ne A1	A9 ne A8
A7 gt 0	A5 ne A2	
A7 lt 10	A5 ne A3	
A8 gt 0	A5 ne A4	
A8 lt 10	A5 ne A6	
A9 gt 0	A5 ne A7	
A9 lt 10	A5 ne A8	
A1 ne A2	A5 ne A9	
A1 ne A3	A6 ne A1	
A1 ne A4	A6 ne A2	
A1 ne A5	A6 ne A3	
A1 ne A6	A6 ne A4	
A1 ne A7	A6 ne A5	
A1 ne A8	A6 ne A7	
A1 ne A9	A6 ne A8	
A2 ne A1	A6 ne A9	
A2 ne A3	A7 ne A1	
A2 ne A4	A7 ne A2	
A2 ne A5	A7 ne A3	
A2 ne A6	A7 ne A4	
A2 ne A7	A7 ne A5	
A2 ne A8	A7 ne A6	
A2 ne A9	A7 ne A8	
A3 ne A1	A7 ne A9	
A3 ne A2	A8 ne A1	
A3 ne A4	A8 ne A2	

With and without forward checking, we got a solution:

A1: 5  
A2: 2  
A3: 1  
A4: 4  
A5: 3  
A6: 7  
A7: 6  
A8: 9  
A9: 8

However, forward checking is faster. Here are how the domains get reduced as it makes assignments:

domains BEFORE AC\_3 {'A1': [5], 'A3': [1], 'A2': [2], 'A5': [3], 'A4': [4], 'A7': [4, 6, 7, 8, 9], 'A6': [4, 6, 7, 8, 9], 'A9': [4, 6, 7, 8, 9], 'A8': [4, 6, 7, 8, 9]}

domains AFTER AC\_3 {'A1': [5], 'A3': [1], 'A2': [2], 'A5': [3], 'A4': [4], 'A7': [6, 7, 8, 9], 'A6': [6, 7, 8, 9], 'A9': [6, 7, 8, 9], 'A8': [6, 7, 8, 9]}

trying A7 = 6

domains BEFORE AC\_3 {'A1': [5], 'A3': [1], 'A2': [2], 'A5': [3], 'A4': [4], 'A7': [6], 'A6': [6, 7, 8, 9], 'A9': [6, 7, 8, 9], 'A8': [6, 7, 8, 9]}

domains AFTER AC\_3 {'A1': [5], 'A3': [1], 'A2': [2], 'A5': [3], 'A4': [4], 'A7': [6], 'A6': [7, 8, 9], 'A9': [7, 8, 9], 'A8': [7, 8, 9]}

trying A6 = 7

For full sudoku, not using forward checking will run for a VERY long time. With forward checking, a solution is found in about 10 seconds.

Our tests are included in this zip folder.