

# Xác suất thống kê

## 1 Công thức xác suất

### 1.1 Kiến thức cơ bản

**Định nghĩa 1**  $P(A)$  được gọi là xác suất của biến cố  $A$

**Định nghĩa 2** Xác suất biến cố đối của  $A$  là xác suất không xảy ra  $A$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) \quad (1)$$

**Định nghĩa 3** Nếu  $A, B$  độc lập

$$P(A + B) = P(A) + P(B) \quad (2)$$

$$P(AB) = P(A)P(B) \quad (3)$$

**Định nghĩa 4** Nếu  $A, B$  không độc lập

$$P(A + B) = P(A) + P(B) - P(AB) \quad (4)$$

$$P(AB) = P(A)P(B) - P(A + B) \quad (5)$$

### 1.2 Xác suất có điều kiện

**Định nghĩa 5** Xác suất của biến cố  $A$  khi biết biến cố  $B$  đã xảy ra

$$P(A|B) = \frac{P(AB)}{P(B)} \quad (6)$$

Từ đó có công thức

$$P(AB) = P(A|B)P(B) = P(B|A)P(A) \quad (7)$$

Với 3 biến cố  $A, B, C$

$$P(ABC) = P(A|BC)P(BC) = P(B|AC)P(AC) = P(C|AB)P(AB) \quad (8)$$

**Định nghĩa 6** Công thức xác suất toàn phần

$$P(F) = \sum_{i=1}^n P(F|A_i)P(A_i) \quad (9)$$

Hay ta có thể viết lại

$$P(F) = P(F|A_1)P(A_1) + P(F|A_2)P(A_2) + \dots + P(F|A_n)P(A_n) \quad (10)$$

**Định nghĩa 7** Công thức Bayes

$$P(A_i|F) = \frac{P(F|A_i)P(A_i)}{P(F)} \quad (11)$$

### 1.3 Công thức Bernoulli

**Định nghĩa 8** *Xác suất của biến cố A xảy ra k lần trong n lần thử là:*

$$P(A) = C_n^k p^k (1-p)^{n-k} \quad (12)$$

## 2 Hàm phân phối xác suất, hàm mật độ xác suất

### 2.1 Hàm phân phối xác suất

**Định nghĩa 9** *Hàm phân phối xác suất của biến ngẫu nhiên rời rạc X có dạng*

$X$	$x_1, x_2, \dots, x_n$
$P(X)$	$p_1, p_2, \dots, p_n$

**Định nghĩa 10** *Kỳ vọng:*

$$E(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n \quad (13)$$

$$E(X^2) = \sum_{i=1}^n x_i^2 p_i = x_1^2 p_1 + x_2^2 p_2 + \dots + x_n^2 p_n \quad (14)$$

*Phương sai:*

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 \quad (15)$$

*Độ lệch chuẩn:*

$$\sigma = \sqrt{Var(X)} \quad (16)$$

### 2.2 Hàm mật độ xác suất

**Định nghĩa 11** *Hàm mật độ xác suất của biến ngẫu nhiên liên tục X có dạng*

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1 \quad (17)$$

$$f(x) = \begin{cases} p_1, & x = x_1 \\ p_2, & x = x_2 \\ \vdots, & \vdots \\ p_n, & x = x_n \\ 0, & otherwise \end{cases} \quad (18)$$

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx \quad (19)$$

$$P(X > a) = 1 - \int_{-\infty}^a f(x) dx = \int_a^{\infty} f(x) dx \quad (20)$$

$$P(X < a) = \int_{-\infty}^a f(x) dx \quad (21)$$

**Định nghĩa 12** Cách tìm hằng số chuẩn hóa

$$1 = \int_{-\infty}^{\infty} C f(x) dx = C \int_a^b f(x) dx = CF(x)|_a^b = CF(b) - CF(a) \quad (22)$$

**Định nghĩa 13** Xác suất có điều kiện trong trường hợp biến ngẫu nhiên liên tục:

$$P(A|B) = \frac{\int_{A \cap B} f(x) dx}{\int_B f(x) dx} \quad (23)$$

**VD 14** Xác suất để  $x \geq 4$  khi  $x$  đã  $\geq 2$

$$P(x \geq 4 | x \geq 2) = \frac{P(x \geq 4 \cap x \geq 2)}{P(x \geq 2)} = \frac{\int_{x \geq 4 \cap x \geq 2} f(x) dx}{\int_{x \geq 2} f(x) dx} = \frac{\int_4^{\infty} f(x) dx}{\int_2^{\infty} f(x) dx} \quad (24)$$

**Định nghĩa 15** Kỳ vọng:

$$E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx \quad (25)$$

$$E(X^2) = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 f(x) dx \quad (26)$$

Phương sai:

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 \quad (27)$$

Độ lệch chuẩn:

$$\sigma = \sqrt{Var(X)} \quad (28)$$

**Định nghĩa 16** Hàm phân phối xác suất của biến ngẫu nhiên liên tục  $X$  có dạng

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt \quad (29)$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \leq x \leq b \\ 1, & x > b \end{cases} \quad (30)$$

Tính trực tiếp xác suất từ hàm phân phối xác suất:

$$P(a \leq X \leq b) = F(b) - F(a) \quad (31)$$

$$P(X > a) = 1 - F(a) \quad (32)$$

$$P(X < a) = F(a) \quad (33)$$

**Định nghĩa 17** Định lý Chebysev: cho  $X$  là biến ngẫu nhiên có kỳ vọng  $E(X) = \mu$  và phương sai  $Var(X) = \sigma^2$ . Khi đó:

$$P(|X - \mu| \geq \epsilon) \leq \frac{\sigma^2}{\epsilon^2} \quad (34)$$

$$P(\mu - \epsilon \leq X \leq \mu + \epsilon) \geq 1 - \frac{\sigma^2}{\epsilon^2} \quad (35)$$

**Định nghĩa 18** Trung vị: giá trị biến ngẫu nhiên  $X$  sao cho  $P(X \leq x) = 0.5$

$$\int_{-\infty}^x f(t) dt = 0.5 \quad (36)$$

### 3 Các phân phối xác suất thường gặp

#### 3.1 Phân phối Bernoulli

**Định nghĩa 19** Một phép thử Bernoulli là một phép thử chỉ có hai kết quả có thể xảy ra: thành công  $A$  hoặc thất bại  $\bar{A}$ , trong đó  $P(A) = p$  và  $P(\bar{A}) = 1 - p$ . Phân phối Bernoulli: Ký hiệu  $X \sim B(p)$ , khi đó:

$$f(x) = \begin{cases} p, & x = 1 \\ 1 - p, & x = 0 \end{cases} \quad (37)$$

$$F(x) = \begin{cases} p & x = 1 \\ 1 - p & x = 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (38)$$

$$P(X = 1) = p \quad (39)$$

$$P(X = 0) = 1 - p \quad (40)$$

$$E(X) = p \quad (41)$$

$$\text{Var}(X) = p(1 - p) \quad (42)$$

Xem lại công thức Bernoulli ở mục 1.3 (12).

#### 3.2 Phân phối nhị thức

**Định nghĩa 20** Phân phối nhị thức: là phân phối của một biến ngẫu nhiên mà nó là số lần thành công trong một dãy  $n$  phép thử Bernoulli độc lập với nhau. Ký hiệu  $X \sim B(n, p)$ , khi đó:  $n$  là số lần thử,  $p$  là xác suất thành công của mỗi lần thử.

$$f(x) = \begin{cases} C_n^x p^x (1 - p)^{n-x}, & x = 0, 1, \dots, n \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases} \quad (43)$$

$$F(x) = \begin{cases} \sum_{i=0}^x C_n^i p^i (1 - p)^{n-i}, & x = 0, 1, \dots, n \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases} \quad (44)$$

$$P(X = k) = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k} \quad (45)$$

$$P(X \geq k) = \sum_{i=k}^n C_n^i p^i (1 - p)^{n-i} \quad (46)$$

$$P(X \leq k) = \sum_{i=0}^k C_n^i p^i (1 - p)^{n-i} \quad (47)$$

$$E(X) = np \quad (48)$$

$$\text{Var}(X) = np(1 - p) \quad (49)$$

**Định nghĩa 21** Chuyển từ phân phối nhị thức sang phân phối Poisson:

$$B(n, p) \sim P(\lambda), \text{ với } \lambda = np \quad (50)$$

**Định nghĩa 22** Chuyển từ phân phối nhị thức sang phân phối chuẩn:

$$B(n, p) \sim N(\mu, \sigma^2), \text{ với } \mu = np, \sigma^2 = np(1 - p) \quad (51)$$

### 3.3 Phân phối siêu bội

**Định nghĩa 23** Xét tập  $N$  trong đó có  $M$  phần tử có tính chất  $P$  và  $N-M$  phần tử không có tính chất  $P$ . chọn  $k$  phần tử khác nhau không phân biệt từ  $N$  phần tử. Gọi  $X$  là số phần tử có tính chất  $P$  trong  $k$  phần tử đã chọn.  $X$  có phân phối siêu bội với 3 tham số  $N, M, k$ . Ký hiệu  $X \sim H(N, M, k)$ , khi đó:

$$P(X = k) = \frac{C_M^k C_{N-M}^{n-k}}{C_N^n} \quad (52)$$

$$P(X \geq k) = \sum_{i=k}^n \frac{C_M^i C_{N-M}^{n-i}}{C_N^n} \quad (53)$$

$$P(X \leq k) = \sum_{i=0}^k \frac{C_M^i C_{N-M}^{n-i}}{C_N^n} \quad (54)$$

$$E(X) = \frac{Mk}{N} \quad (55)$$

$$Var(X) = \frac{N-k}{N-1} k \frac{M}{N} (1 - \frac{M}{N}) \quad (56)$$

### 3.4 Phân phối Poisson

**Định nghĩa 24** Phân phối Poisson: là phân phối của một biến ngẫu nhiên mà nó là số lần xảy ra của một sự kiện trong một khoảng thời gian hoặc không gian nhất định. Ký hiệu  $X \sim P(\lambda)$ , với  $\lambda$  là trung bình số lần xuất hiện biến cố, khi đó:

$$P(X = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}, k = 0, 1, 2, \dots \quad (57)$$

$$P(X \geq k) = \sum_{i=k}^{\infty} \frac{e^{-\lambda} \lambda^i}{i!} = 1 - \sum_{i=0}^{k-1} \frac{e^{-\lambda} \lambda^i}{i!} \quad (58)$$

$$P(X \leq k) = \sum_{i=0}^k \frac{e^{-\lambda} \lambda^i}{i!} \quad (59)$$

$$P(a \leq X \leq b) = \sum_{i=a}^b \frac{e^{-\lambda} \lambda^i}{i!} \quad (60)$$

$$E(X) = \lambda \quad (61)$$

$$Var(X) = \lambda \quad (62)$$

**Định nghĩa 25** Chuyển từ phân phối poisson sang phân phối chuẩn:

$$P(\lambda) \sim N(\mu, \sigma^2), \text{ với } \mu = \lambda, \sigma^2 = \lambda \quad (63)$$

### 3.5 Phân phối chuẩn

**Định nghĩa 26** *Phân phối chuẩn*: là phân phối của một biến ngẫu nhiên mà nó là tổng của nhiều biến ngẫu nhiên độc lập với nhau. Ký hiệu  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ , khi đó:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad (64)$$

$$E(X) = \mu \quad (65)$$

$$Var(X) = \sigma^2 \quad (66)$$

**Định nghĩa 27** *Phân phối chuẩn tắc*: là phân phối chuẩn với  $\mu = 0, \sigma = 1$  Ký hiệu  $X \sim N(0, 1)$ , khi đó:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}} \quad (67)$$

**Định nghĩa 28** *Đổi biến từ phân phối chuẩn sang phân phối chuẩn tắc*:

$$X \sim N(\mu, \sigma^2) \rightarrow Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \sim N(0, 1) \quad (68)$$

Khi đó:

$$P(X \leq b) = P(Z \leq \frac{b - \mu}{\sigma}) = \Phi(\frac{b - \mu}{\sigma}) \quad (69)$$

$$P(X \geq a) = 1 - \Phi(\frac{a - \mu}{\sigma}) \quad (70)$$

$$P(a \leq X \leq b) = \Phi(\frac{b - \mu}{\sigma}) - \Phi(\frac{a - \mu}{\sigma}) \quad (71)$$

Cách tính  $\Phi(z)$ :

$$\Phi(z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt = \frac{1}{2} + \int_0^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt \quad (72)$$

Hoặc xem bảng giá trị 1 và 2

**Định nghĩa 29** *Chuyển từ phân phối chuẩn sang phân phối nhị thức*:

$$N(\mu, \sigma^2) \sim B(n, p) \text{ với } p = \frac{\mu}{\sigma^2}, n = \frac{\sigma^2}{p(1-p)} \quad (73)$$

## 4 Các dạng toán thường gặp

### 4.1 Dàn ý giải 1 bài toán bất kỳ

1. Xác định loại bài toán: nếu là xác suất, thì là xác suất độc lập hay xác suất có điều kiện? nếu là phân phối, thì phân phối gì?
2. Xác định yêu cầu bài toán: bài toán hỏi gì? công thức cuối cùng cần tìm là gì?
3. Phân tích thành phần bài toán: gọi tên các biến cố bằng ký hiệu, tính xác suất các biến cố đó
4. Tìm công thức cần tính

Ví dụ: Trong một cửa hiệu kinh doanh điện thoại di động, tỉ lệ điện thoại di động của hãng Nokia, Samsung và Iphone lần lượt là 20%, 50% và 30%. Tỉ lệ bị trục trặc (về cài đặt) trong thời gian bảo hành của các loại điện thoại di động của hãng Nokia, Samsung và Iphone tương ứng là 6%, 8%, 7%. Giả sử một khách hàng mua ngẫu nhiên một điện thoại di động và điện thoại đó không bị trục trặc trong suốt thời gian bảo hành. Tính xác suất để điện thoại đó của hãng Samsung.

1. Xác định loại bài toán: Bài toán thuộc loại xác suất có điều kiện.
2. Xác định yêu cầu bài toán: Tìm xác suất để điện thoại đó của hãng Samsung mà không bị trục trặc trong suốt thời gian bảo hành.
3. Phân tích thành phần bài toán:

Gọi  $X$  là biến cố điện thoại trục trặc trong suốt thời gian bảo hành.

Gọi  $N, S, I$  lần lượt là biến cố điện thoại của hãng Nokia, Samsung, Iphone.

$$P(N) = 0.2, P(S) = 0.5, P(I) = 0.3.$$

$$P(X|N) = 0.06, P(X|S) = 0.08, P(X|I) = 0.07.$$

4. Tìm xác suất cần tính:

$$P(X) = P(X|N)P(N) + P(X|S)P(S) + P(X|I)P(I) = 0.06.0.2 + 0.08.0.5 + 0.07.0.3 = 0.073$$

$$P(S|\bar{X}) = \frac{P(S)P(\bar{X}|S)}{1-P(X)} = \frac{0.5.0.92}{1-0.073} = 0.496$$

Ví dụ: Một nhà máy dệt có 1000 ống sợi. Xác suất để trong 1 giờ máy hoạt động có 1 ống sợi bị đứt là 0.002. Tính xác suất để trong 1 giờ máy hoạt động có không quá 4 ống sợi bị đứt.

1. Xác định loại bài toán: Bài toán có thể quy về phân phối nhị thức
2. Xác định yêu cầu bài toán: Tính xác suất để trong 1 giờ máy hoạt động có không quá 4 ống sợi bị đứt.
3. Phân tích thành phần bài toán:

Gọi  $X$  là số ống sợi bị đứt trong 1 giờ máy hoạt động.

$$X \sim B(n, p), n = 1000, p = 0.002$$

4. Tìm xác suất cần tính:

$$P(X \leq 4) = \sum_{k=0}^4 C_n^k p^k (1-p)^{n-k} = 0.9475$$

Hoặc tính xấp xỉ bằng phân phối Poisson:

$$X \sim P(\lambda), \lambda = np = 2$$

$$P(X \leq 4) = \sum_{k=0}^4 \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!} = 0.9475$$

Ví dụ: Thời gian tải một tập tin có dung lượng dưới 20MB từ một website được mô hình hóa bởi biến ngẫu nhiên  $X$  (tính theo phút) có hàm mật độ như sau:

$$f(x) = \begin{cases} C(5x^3 - x^4) & x \in [0, 5] \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases} \quad (74)$$

- a. Xác định  $C$ .
- b. Tính thời gian trung bình để tải một tập tin có dung lượng dưới 20MB từ website đó.
- c. Giả sử bạn thấy tập tin đó vẫn chưa tải xong sau khi bắt đầu tải được 2 phút. Tính xác suất phải mất hơn 2 phút nữa mới tải xong tập tin.

1. Xác định loại bài toán: Bài toán liên quan đến hàm mật độ xác suất.

2. a. Ta có:

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = \int_0^5 C(5x^3 - x^4)dx = 1$$
$$C = \frac{1}{\int_0^5 5x^3 - x^4 dx} = \frac{4}{625}$$

b.  $E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} xf(x)dx = \int_0^5 \frac{4}{625}x(5x^3 - x^4)dx = \frac{10}{3}$

c.  $P(X > 4|X > 2) = \frac{P(X>4)}{P(X>2)} = \frac{\int_4^5 \frac{4}{625}(5x^3 - x^4)dx}{\int_2^5 \frac{4}{625}(5x^3 - x^4)dx} = 0.2875$

Ví dụ: Giả sử nồng độ chloride trong máu (mmol/L) có phân phối chuẩn với trung bình là 104 và độ lệch chuẩn là 5. a. Tính tỉ lệ người có nồng độ chloride trong máu nhiều hơn 105. b. Chọn ngẫu nhiên 1000 người. Tính xác suất có từ 200 đến 300 người có nồng độ chloride trong máu nhiều hơn 105.

1. Xác định loại bài toán: Bài toán có thể quy về phân phối chuẩn.

Gọi X là nồng độ chloride trong máu.

$$X \sim N(\mu, \sigma^2), \mu = 104, \sigma = 5$$

2. a.  $P(X > 105) = 1 - \Phi\left(\frac{105-104}{5}\right) = 0.4207$

b. Gọi Y là số người có nồng độ chloride trong máu nhiều hơn 105 trong 1000 người

$$Y \sim B(n, p), n = 1000, p = 0.4207$$

$$Y \sim N(\mu, \sigma^2), \mu = np = 420.7, \sigma = \sqrt{np(1-p)} = 15.61$$

$$P(200 \leq Y \leq 300) = \Phi\left(\frac{300-420.7}{15.61}\right) - \Phi\left(\frac{200-420.7}{15.61}\right) \approx 0$$

## 5 Bảng giá trị



$z$	-0.09	-0.08	-0.07	-0.06	-0.05	-0.04	-0.03	-0.02	-0.01	-0.00
-(3.9+)	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000	.0000
-3.8	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001
-3.7	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001
-3.6	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0001	.0002	.0002
-3.5	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002	.0002
-3.4	.0002	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003
-3.3	.0003	.0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0005	.0005	.0005
-3.2	.0005	.0005	.0005	.0006	.0006	.0006	.0006	.0006	.0007	.0007
-3.1	.0007	.0007	.0008	.0008	.0008	.0008	.0009	.0009	.0009	.0010
-3.0	.0010	.0010	.0011	.0011	.0011	.0012	.0012	.0013	.0013	.0013
-2.9	.0014	.0014	.0015	.0015	.0016	.0016	.0017	.0018	.0018	.0019
-2.8	.0019	.0020	.0021	.0021	.0022	.0023	.0023	.0024	.0025	.0026
-2.7	.0026	.0027	.0028	.0029	.0030	.0031	.0032	.0033	.0034	.0035
-2.6	.0036	.0037	.0038	.0039	.0040	.0041	.0043	.0044	.0045	.0047
-2.5	.0048	.0049	.0051	.0052	.0054	.0055	.0057	.0059	.0060	.0062
-2.4	.0064	.0066	.0068	.0069	.0071	.0073	.0075	.0078	.0080	.0082
-2.3	.0084	.0087	.0089	.0091	.0094	.0096	.0099	.0102	.0104	.0107
-2.2	.0110	.0113	.0116	.0119	.0122	.0125	.0129	.0132	.0136	.0139
-2.1	.0143	.0146	.0150	.0154	.0158	.0162	.0166	.0170	.0174	.0179
-2.0	.0183	.0188	.0192	.0197	.0202	.0207	.0212	.0217	.0222	.0228
-1.9	.0233	.0239	.0244	.0250	.0256	.0262	.0268	.0274	.0281	.0287
-1.8	.0294	.0301	.0307	.0314	.0322	.0329	.0336	.0344	.0351	.0359
-1.7	.0367	.0375	.0384	.0392	.0401	.0409	.0418	.0427	.0436	.0446
-1.6	.0455	.0465	.0475	.0485	.0495	.0505	.0516	.0526	.0537	.0548
-1.5	.0559	.0571	.0582	.0594	.0606	.0618	.0630	.0643	.0655	.0668
-1.4	.0681	.0694	.0708	.0721	.0735	.0749	.0764	.0778	.0793	.0808
-1.3	.0823	.0838	.0853	.0869	.0885	.0901	.0918	.0934	.0951	.0968
-1.2	.0985	.1003	.1020	.1038	.1056	.1075	.1093	.1112	.1131	.1151
-1.1	.1170	.1190	.1210	.1230	.1251	.1271	.1292	.1314	.1335	.1357
-1.0	.1379	.1401	.1423	.1446	.1469	.1492	.1515	.1539	.1562	.1587
-0.9	.1611	.1635	.1660	.1685	.1711	.1736	.1762	.1788	.1814	.1841
-0.8	.1867	.1894	.1922	.1949	.1977	.2005	.2033	.2061	.2090	.2119
-0.7	.2148	.2177	.2206	.2236	.2266	.2296	.2327	.2358	.2389	.2420
-0.6	.2451	.2483	.2514	.2546	.2578	.2611	.2643	.2676	.2709	.2743
-0.5	.2776	.2810	.2843	.2877	.2912	.2946	.2981	.3015	.3050	.3085
-0.4	.3121	.3156	.3192	.3228	.3264	.3300	.3336	.3372	.3409	.3446
-0.3	.3483	.3520	.3557	.3594	.3632	.3669	.3707	.3745	.3783	.3821
-0.2	.3859	.3897	.3936	.3974	.4013	.4052	.4090	.4129	.4168	.4207
-0.1	.4247	.4286	.4325	.4364	.4404	.4443	.4483	.4522	.4562	.4602
-0.0	.4641	.4681	.4721	.4761	.4801	.4840	.4880	.4920	.4960	.5000

Hình 1: Bảng phân phối chuẩn tắc 1

$z$	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319	.5359
0.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753
0.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141
0.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517
0.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844	.6879
0.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224
0.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7389	.7422	.7454	.7486	.7517	.7549
0.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823	.7852
0.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133
0.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365	.8389
1.0	.8413	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	.8830
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	.9015
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306	.9319
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936
2.5	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952
2.6	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9989	.9990	.9990
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9992	.9992	.9993	.9993
3.2	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995	.9995
3.3	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9997
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9998
3.5	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998
3.6	.9998	.9998	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999
3.7	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999
3.8	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999	.9999
3.9+	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00

Hình 2: Bảng phân phối chuẩn tắc 2